



## FIRST

$FIRST(X)$ , donde  $(X \in \{T \cup N\})$ , o  
 $FIRST(\alpha)$ , donde  $(\alpha \in \{T \cup N\}^*)$

Conjunto formado por los Terminales que pueden aparecer como **primer símbolo terminal** en las cadenas derivadas a partir de  $X$  (o a partir de  $\alpha$ ).

Además de los **terminales (los tokens)** mencionados, puede contener el **elemento nulo** ( $\lambda$ )

## FOLLOW

$FOLLOW(A)$ , donde  $(A \in N)$

Conjunto formado por los Terminales que pueden aparecer **inmediatamente a continuación** de  $A$  en alguna forma sentencial.

Además de los **terminales (los tokens)** mencionados, puede contener el **delimitador de final de cadena** ( $\$$ )



Ejemplo.

**FIRST de un símbolo terminal**

$\text{FIRST}(a) = \{ a \}$

$\text{FIRST}(b) = \{ b \}$

$\text{FIRST}(h) = \{ h \}$

$\text{FIRST}(c) = \{ c \}$

$\text{FIRST}(d) = \{ d \}$

**G:**

$S \rightarrow TV \mid VZ$

$T \rightarrow aT \mid bT \mid h$

$V \rightarrow \lambda \mid cZh$

$Z \rightarrow \lambda \mid dZ$

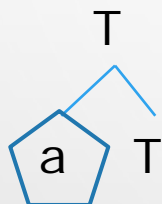


Ejemplo.

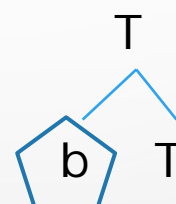
## FIRST de un símbolo No terminal

$$\text{FIRST}(T) = \{ a, b, h \}$$

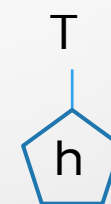
$$T \rightarrow a T$$



$$T \rightarrow b T$$



$$T \rightarrow h$$

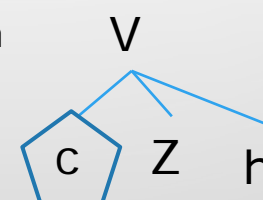


$$\text{FIRST}(V) = \{ \lambda, c \}$$

$$V \rightarrow \lambda$$



$$V \rightarrow c Z h$$

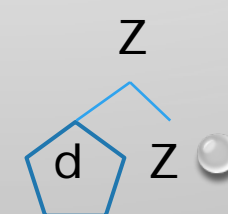


$$\text{FIRST}(Z) = \{ \lambda, d \}$$

$$Z \rightarrow \lambda$$



$$Z \rightarrow d Z$$



$G:$

$$S \rightarrow T V \mid V Z$$

$$T \rightarrow a T \mid b T \mid h$$

$$V \rightarrow \lambda \mid c Z h$$

$$Z \rightarrow \lambda \mid d Z$$

$\lambda$  representa la cadena vacía



Ejemplo.

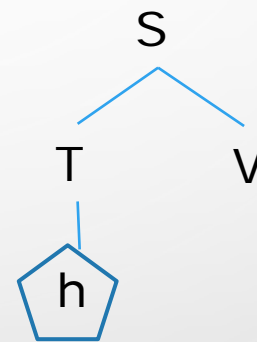
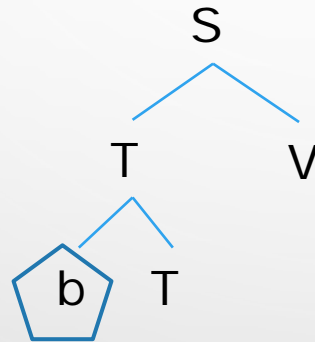
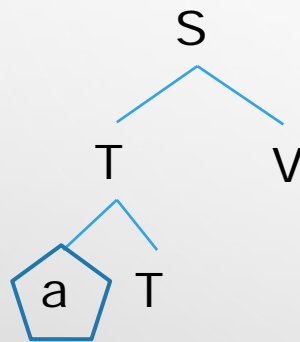
G:

$S \rightarrow TV \mid VZ$   
 $T \rightarrow aT \mid bT \mid h$   
 $V \rightarrow \lambda \mid cZh$   
 $Z \rightarrow \lambda \mid dZ$

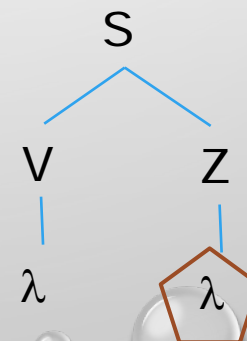
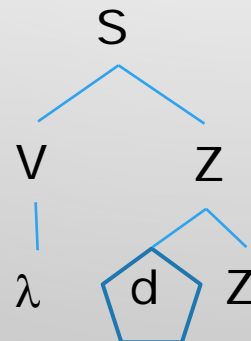
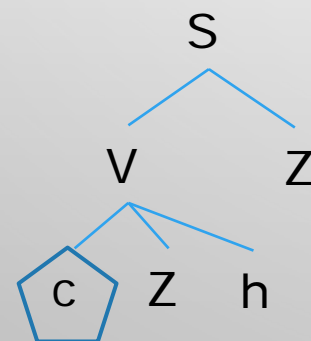
**FIRST de un símbolo No terminal**

$\text{FIRST}(S) = \{ a, b, h, c, d, \lambda \}$

$S \rightarrow TV$



$S \rightarrow VZ$





# FIRST

**$FIRST(X)$**  ( $X \in \{T \cup N\}$ ). El **conjunto de los símbolos terminales que pueden aparecer como primer símbolo terminal** en las cadenas derivadas a partir de  $X$ .

- Si  $X$  es un terminal ( $X = t$ , con  $t \in T$ ) entonces  $FIRST(X) = \{t\}$ .
- Si  $X$  es un no terminal ( $X \in N$ ) entonces hay que estudiar cada una de las reglas de  $X$ . Se ejecutarán los siguientes pasos hasta que no se puedan añadir más elementos al conjunto  $FIRST$ :
  1. Si existe la regla  $X \rightarrow \lambda$ , entonces añadir  $\lambda$  a  $FIRST(X)$
  2. Para cada una de las restantes reglas  $X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k$ , (donde  $Y_i \in \{T \cup N\}$ ), se aplica el siguiente algoritmo hasta que no se pueda añadir nada nuevo al conjunto  $FIRST(X)$ :

Calcular  $FIRST(Y_1)$ . Todos los elementos no nulos de  $FIRST(Y_1)$  se añaden a  $FIRST(X)$

**if**  $\lambda \notin FIRST(Y_1)$  **then return**  $FIRST(X)$

**else** Calcular  $FIRST(Y_2)$ . Todos los elementos no nulos de  $FIRST(Y_2)$  se añaden a  $FIRST(X)$

**if**  $\lambda \notin FIRST(Y_2)$  **then return**  $FIRST(X)$

**else** Calcular  $FIRST(Y_3)$ . Todos los elementos no nulos de  $FIRST(Y_3)$  se añaden a  $FIRST(X)$

... y así sucesivamente ...

**if**  $\lambda \notin FIRST(Y_{k-1})$  **then return**  $FIRST(X)$

**else** Calcular  $FIRST(Y_k)$ . Todos los elementos no nulos de  $FIRST(Y_k)$  se añaden a  $FIRST(X)$

**if**  $\lambda \notin FIRST(Y_k)$  **then return**  $FIRST(X)$

**else** añadir  $\lambda$  a  $FIRST(X)$  y **return**  $FIRST(X)$

FIRST

$FIRST$  de  
un símbolo

$FIRST$  de una  
cadena de  
símbolos  $\alpha$   
( $\alpha = Y_1 Y_2 \dots Y_k$ )



# FIRST

**$FIRST(X)$  ( $X \in \{T \cup N\}$ ).** El conjunto de los símbolos terminales que pueden aparecer como primer símbolo terminal en las cadenas derivadas a partir de  $X$ .

$FIRST(t) = \{t\}$

FIRST de un terminal

$FIRST(N)$

FIRST de un no terminal

$N \rightarrow Y_1 Y_2 Y_3 \dots Y_n$  ( $Y_i \in \{T \cup N\}$ )

$FIRST(Y_1) - \lambda$

Si  $Y_1$  no puede derivar  $\lambda$ , termino.

En caso contrario se pasa a  $Y_2$  y se hace lo mismo:

$FIRST(Y_2) - \lambda$

Si  $Y_2$  no puede derivar  $\lambda$ , termino.

En caso contrario se pasa a  $Y_3$

...

**Solo si** llegamos a  $FIRST(Y_n)$  y este **también** contiene  $\lambda$ , se añadirá  $\lambda$  al  $FIRST(N)$

NOTA: La regla  $N \rightarrow \lambda$ , si existe, evidentemente indica que  $\lambda$  está en  $FIRST(N)$



## Ejemplo de aplicación del algoritmo de cálculo de FIRST a un No terminal

G:

$S \rightarrow TV \mid VZ$   
 $T \rightarrow aT \mid bT \mid h$   
 $V \rightarrow \lambda \mid cZh$   
 $Z \rightarrow \lambda \mid dZ$

$\text{FIRST}(S) = \{ a, b, h, c, d, \lambda \}$

$S \rightarrow TV$

$S \rightarrow Y_1 Y_2$

$\text{FIRST}(T) = \{ a, b, h \}$

$S \rightarrow VZ$

$S \rightarrow Y_1 Y_2$

$\text{FIRST}(V) = \{ \lambda, c \}$

$\text{FIRST}(Z) = \{ \lambda, d \}$

Como  $\lambda$  está en el FIRST de todos los  $Y_i$  (V y Z), se añade a FIRST (S)



## FIRST

$FIRST(X)$ , donde  $(X \in \{T \cup N\})$ , o  
 $FIRST(\alpha)$ , donde  $(\alpha \in \{T \cup N\}^*)$

Conjunto formado por los Terminales que pueden aparecer como **primer símbolo terminal** en las cadenas derivadas a partir de  $X$  (o a partir de  $\alpha$ ).

Además de los **terminales (los tokens)** mencionados, puede contener el **elemento nulo** ( $\lambda$ )

## FOLLOW

$FOLLOW(A)$ , donde  $(A \in N)$

Conjunto formado por los Terminales que pueden aparecer **inmediatamente a continuación** de  $A$  en alguna forma sentencial.

Además de los **terminales (los tokens)** mencionados, puede contener el **delimitador de final de cadena** ( $\$$ )





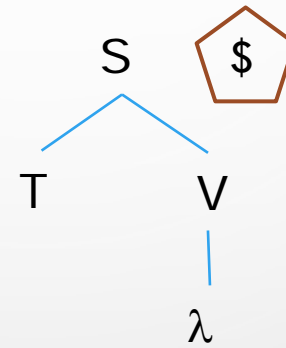
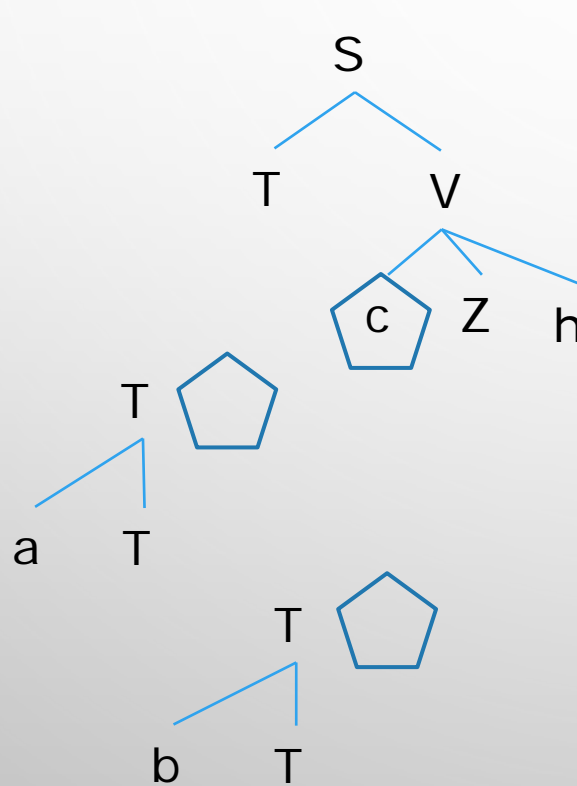
## Ejemplo.

$\text{FOLLOW}(T) = \{\$, c\}$

$S \rightarrow \underline{T} V$

$T \rightarrow a \underline{T}$

$T \rightarrow b \underline{T}$



$G:$

$S \rightarrow T V \mid V Z$

$T \rightarrow a T \mid b T \mid h$

$V \rightarrow \lambda \mid c Z h$

$Z \rightarrow \lambda \mid d Z$

\$ es el símbolo de final de cadena (o fin de fichero).  
S es el axioma.

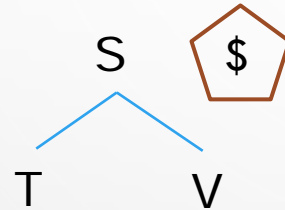


FOLLOW (intuitivamente)

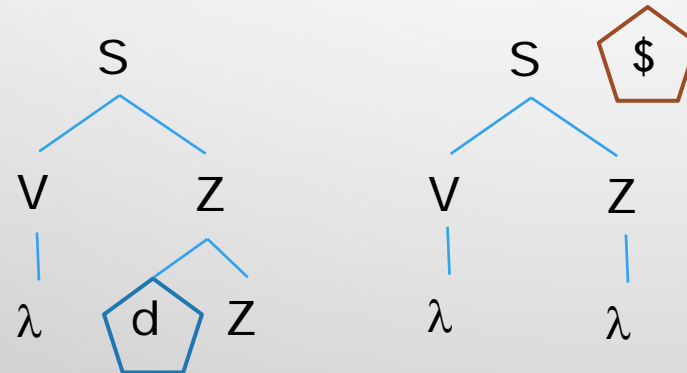
Ejemplo.

$\text{FOLLOW}(V) = \{ \$, d \}$

$S \rightarrow T \underline{V}$



$S \rightarrow \underline{V} Z$



$\text{FOLLOW}(S) = \{ \$ \}$

S no aparece en ningún consecuente

G:

$S \rightarrow T V \mid V Z$

$T \rightarrow a T \mid b T \mid h$

$V \rightarrow \lambda \mid c Z h$

$Z \rightarrow \lambda \mid d Z$

\$ es el símbolo de  
final de cadena  
(o fin de fichero).  
S es el axioma.

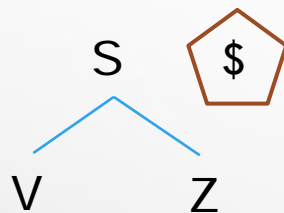
FOLLOW



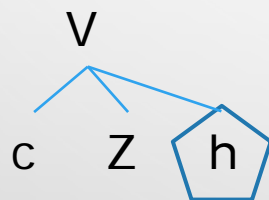
## Ejemplo.

$\text{FOLLOW}(Z) = \{\$, h\}$

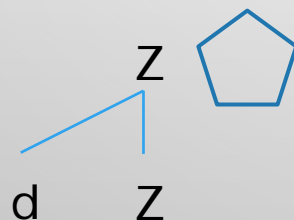
$S \rightarrow V \underline{Z}$



$V \rightarrow c \underline{Z} h$



$Z \rightarrow d \underline{Z}$



$G:$

$S \rightarrow TV \mid VZ$   
 $T \rightarrow aT \mid bT \mid h$   
 $V \rightarrow \lambda \mid cZh$   
 $Z \rightarrow \lambda \mid dZ$

\$ es el símbolo de final de cadena (o fin de fichero).  
S es el axioma.



## FOLLOW

***FOLLOW* (A)**, ( $A \in N$ ). El **conjunto de los símbolos terminales que pueden aparecer inmediatamente a la derecha de A** en alguna forma sentencial, es decir, el conjunto de terminales  $t$  tales que haya una derivación de la forma  $S \xRightarrow{*} \alpha A t \beta$  (siendo  $\alpha, \beta \in (N \cup T)^*$ ). Si A puede ser el símbolo de más a la derecha en alguna forma sentencial, entonces \$ está en *FOLLOW* (A).

Para calcular *FOLLOW* (A) se aplican las siguientes reglas hasta que no se pueda añadir nada más al conjunto *FOLLOW* (A):

1. Si A es el axioma de la gramática, añadir \$ a *FOLLOW* (A).
2. Si existe una regla  $B \rightarrow \alpha A \beta$ , entonces todos los elementos no nulos de *FIRST* ( $\beta$ ) se añaden a *FOLLOW* (A).
3. Si existe una regla  $B \rightarrow \alpha A \beta$  y  $\lambda \in \text{FIRST}(\beta)$  (es decir,  $\beta \xRightarrow{*} \lambda$ ), o bien si existe una regla  $B \rightarrow \alpha A$ , entonces todo lo que esté en *FOLLOW* (B) se añade a *FOLLOW* (A).

*FOLLOW* de  
un símbolo  
No terminal

FOLLOW



## FOLLOW

***FOLLOW* (A)**, ( $A \in N$ ). El **conjunto de los símbolos terminales que pueden aparecer inmediatamente a la derecha de A** en alguna forma sentencial, es decir, el conjunto de terminales  $t$  tales que haya una derivación de la forma  $S \Rightarrow^* \alpha A t \beta$  (siendo  $\alpha, \beta \in (N \cup T)^*$ ). Si A puede ser el símbolo de más a la derecha en alguna forma sentencial, entonces \$ está en *FOLLOW* (A).

Para calcular *FOLLOW* (A) se aplican las siguientes reglas hasta que no se pueda añadir nada más al conjunto *FOLLOW* (A):

Si A es el axioma, se añade \$ a FOLLOW(A)

Para cada regla  $B \rightarrow \alpha A \beta$

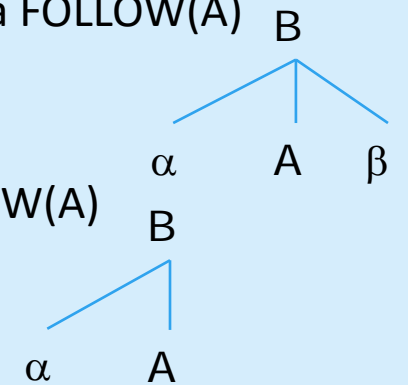
Buscar A en los  
consecuentes  
de las reglas

- Todos los elementos de FIRST( $\beta$ ) **excepto  $\lambda$** , se añaden a FOLLOW(A)

**Si  $\beta$  es  $\lambda$  o se puede hacer  $\lambda$ , entonces**

- Todos los elementos de FOLLOW(B) se añaden a FOLLOW(A)

Nunca  $\lambda$  puede estar  
en FOLLOW (porque  
añadimos \$ detrás de  
la cadena)





## Ejemplo de aplicación del algoritmo de cálculo de FOLLOW

$$\text{FOLLOW}(V) = \{ \$, d \}$$

$$S \rightarrow T \underline{V}$$

$$B \rightarrow \alpha \underline{A}$$

$$\text{FOLLOW}(S) \subseteq \text{FOLLOW}(V)$$

$$\text{FOLLOW}(S) = \{ \underline{\$} \}$$

$$S \rightarrow \underline{V} Z$$

$$B \rightarrow \alpha \underline{A} \beta$$

$$\text{FIRST}(Z) - \{ \lambda \} \subseteq \text{FOLLOW}(V)$$

$$\text{FIRST}(Z) = \{ \lambda, d \}$$

$$\text{FOLLOW}(S) \subseteq \text{FOLLOW}(V)$$

$$G: \begin{aligned} S &\rightarrow T V \mid V Z \\ T &\rightarrow a T \mid b T \mid h \\ V &\rightarrow \lambda \mid c Z h \\ Z &\rightarrow \lambda \mid d Z \end{aligned}$$

Para cada regla  $B \rightarrow \alpha A \beta$

- Todos los elementos de  $\text{FIRST}(\beta)$  excepto  $\lambda$ , se añaden a  $\text{FOLLOW}(A)$
- Si  $\beta$  es  $\lambda$  o se puede hacer  $\lambda$ , entonces
- Todos los elementos de  $\text{FOLLOW}(B)$  se añaden a  $\text{FOLLOW}(A)$

B es el antecedente de la regla



## CONDICIÓN LL(1)

Una gramática  $G$  es LL(1) sii

- Para cada no terminal  $A$  para el que haya más de una producción en  $G$ :
  - Para cada par de producciones  $A \rightarrow \alpha / \beta$  se cumplen las siguientes dos condiciones:
    1. No existe ningún terminal  $t$  tal que tanto  $\alpha$  como  $\beta$  deriven cadenas que empiecen por ese mismo terminal

$$FIRST(\alpha) \cap FIRST(\beta) = \phi$$

2. A lo sumo, o  $\alpha$  o  $\beta$  pueden derivar la cadena vacía  $\lambda$ , pero no ambos. Supongamos que  $\beta$  puede derivarla, es decir,  $\beta \xRightarrow{*} \lambda$ . En este caso,  $\alpha$  no puede derivar ninguna cadena que empiece con un terminal que pertenezca a  $FOLLOW(A)$

$$FIRST(\alpha) \cap FOLLOW(A) = \phi$$



## CONDICIÓN LL(1)

Una gramática  $G$  es LL(1) sii

Para cada no terminal  $A$  para el que haya más de una producción ( $A \rightarrow \alpha \mid \beta \mid \gamma \mid \dots$ )  
*/\* como máximo uno de esos consecuentes puede ser  $\lambda$  o derivar  $\lambda$  \*/*

Para cada par de producciones  $A \rightarrow \alpha \mid \beta$

1.  $\text{FIRST}(\alpha) \cap \text{FIRST}(\beta) = \emptyset$

2. Si  $\beta \xRightarrow{*} \lambda$ , */\* supongamos que  $\beta$  deriva  $\lambda$  \*/*

$\text{FIRST}(\alpha) \cap \text{FOLLOW}(A) = \emptyset$

Por ello, un analizador sintáctico construido sobre esa gramática LL(1):

aplicará  $A \rightarrow \alpha$  sii  
 $\text{sig\_tok} \in \text{FIRST}(\alpha)$

aplicará  $A \rightarrow \beta$  sii  
 $\text{sig\_tok} \in \text{FIRST}(\beta)$  o  
a  $\text{FOLLOW}(A)$

...

aplicará  $A \rightarrow \gamma$  sii  
 $\text{sig\_tok} \in \text{FIRST}(\gamma)$





## Ejemplo de comprobación de la condición LL(1)

$$E' \rightarrow + T E' \mid \lambda$$

$$\text{FIRST}(+TE') \cap \text{FIRST}(\lambda) = \{ + \} \cap \{ \lambda \} = \emptyset$$

$$\text{FIRST}(+TE') \cap \text{FOLLOW}(E') = \{ + \} \cap \{ ), \$ \} = \emptyset$$

$$T' \rightarrow * F T' \mid \lambda$$

$$\text{FIRST}(*FT') \cap \text{FIRST}(\lambda) = \{ * \} \cap \{ \lambda \} = \emptyset$$

$$\text{FIRST}(*FT') \cap \text{FOLLOW}(T') = \{ * \} \cap \{ +, ), \$ \} = \emptyset$$

$$F \rightarrow ( E ) \mid \text{id}$$

$$\text{FIRST}((E)) \cap \text{FIRST}(\text{id}) = \{ ( \} \cap \{ \text{id} \} = \emptyset$$

**G:**

$$E \rightarrow T E'$$

$$E' \rightarrow + T E' \mid \lambda$$

$$T \rightarrow F T'$$

$$T' \rightarrow * F T' \mid \lambda$$

$$F \rightarrow ( E ) \mid \text{id}$$

Para cada par de producciones  $A \rightarrow \alpha \mid \beta$  se ha de cumplir:

1.  $\text{FIRST}(\alpha) \cap \text{FIRST}(\beta) = \emptyset$
2. Si  $\beta \xRightarrow{*} \lambda$ ,  $\text{FIRST}(\alpha) \cap \text{FOLLOW}(A) = \emptyset$

**Por tanto, la G es LL(1)**