LAPORAN PRAKTIKUM 2 ANALISIS ALGORITMA



Disusun oleh:

Alvin

140810180013

PROGRAM STUDI S1 TEKNIK INFORMATIKA FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM UNIVERSITAS PADJADJARAN

PENDAHULUAN

Dalam memecahkan suatu masalah dengan komputer seringkali kita dihadapkan pada pilihan berikut:

- 1. Menggunakan algoritma yang waktu eksekusinya cepat dengan komputer standar
- 2. Menggunakan algoritma yang waktu eksekusinya tidak terlalu cepat dengan komputer yang cepat

Dikarenakan keterbatasan sumber daya, pola pemecahan masalah beralih ke pertimbangan menggunakan algoritma. Oleh karena itu diperlukan algoritma yang efektif dan efisien atau lebih tepatnya Algoritma yang mangkus.

Algoritma yang mangkus diukur dari berapa **jumlah waktu dan ruang** (**space**) **memori** yang dibutuhkan untuk menjalankannya. Algoritma yang mangkus ialah algoritma yang meminimumkan kebutuhan waktu dan ruang. Penentuan kemangkusan algoritma adakah dengan melakukan pengukuran kompleksitas algoritma.

Kompleksitas algoritma terdiri dari kompleksitas waktu dan ruang. Terminologi yang diperlukan dalam membahas kompleksitas waktu dan ruang adalah:

- 1. Ukuran input data untuk suatu algoritma, *n*. Contoh algoritma pengurutan elemen-elemen larik, *n* adalah jumlah elemen larik. Sedangkan dalam algoritma perkalian matriks n adalah ukuran matriks *nxn*.
- 2. Kompleksitas waktu, T(n), adalah jumlah operasi yang dilakukan untuk melaksanakan algoritma sebagai fungsi dari input n.
- 3. Kompleksitas ruang, S(n), adalah ruang memori yang dibutuhkan algoritma sebagai fungsi dari input n.

KOMPLEKSITAS WAKTU

Kompleksitas waktu sebuah algoritma dapat dihitung dengan langkah-langkah sebagai berikut:

- 1. Menetapkan ukuran input
- 2. Menghitung banyaknya operasi yang dilakukan oleh algoritma.

 Dalam sebuah algoritma terdapat banyak jenis operasi seperti operasi penjumlahan, pengurangan, perbandingan, pembagian, pembacaan, pemanggilan prosedur, dsb.

CONTOH

Algoritma Menghitung Nilai Rata-rata

```
<u>procedure</u> HitungRerata (input x_1, x_2, ..., x_n: integer, output r: real)
   Menghitung nilai rata-rata dari sekumpulan elemen larik integer x_1, x_2, \dots x_n.
    Nilai rata-rata akan disimpan di dalam variable r.
         Input: x_1, x_2, ... x_n
         Output: r (nilai rata-rata)
Deklarasi
         i: integer
        jumlah: real
Algoritma
         Jumlah □ 0
         i □ 1
         while i \le n do
             jumlah \square jumlah + a_i
             i \square i + 1
         endwhile
         \{i > n\}
```

Menghitung Kompleksitas Waktu dari Algoritma Menghitung Nilai Rata-rata

Jenis-jenis operasi yang terdapat di dalam Algoritma HitungRerata adalah:

- Operasi pengisian nilai/assignment (dengan operator "□")
- Operasi penjumlahan (dengan operator "+")
- Operasi pembagian (dengan operator "/")

Cara menghitung kompleksitas waktu dari algoritma tersebut adalah dengan cara menghitung masingmasing jumlah operasi. Jika operasi tersebut berada di sebuah loop, maka jumlah operasinya bergantung berapa kali loop tersebut diulangi.

(i) Operasi pengisian nilai (assignment)

jumlah \sqcup 0,	l kali
$k \square 1$,	1 kali
jumlah $□$ jumlah $+$ a_k	n kali
$k \square k+1$,	n kali
r □ jumlah/n,	1 kali

Jumlah seluruh operasi pengisian nilai (assignment) adalah

$$t_1 = 1 + 1 + n + n + 1 = 3 + 2n$$

(ii) Operasi penjumlahan

 $\begin{array}{ll} Jumlah + a_{k,} & n \ kali \\ k+1, & n \ kali \end{array}$

Jumlah seluruh operasi penjumlahan adalah

$$t_2 = n + n = 2n$$

(iii) Operasi pembagian

Jumlah seluruh operasi pembagian adalah

Jumlah/n 1 kali

Dengan demikian, kompleksitas waktu algoritma dihitung berdasarkan jumlah operasi aritmatika dan operasi pengisian nilai adalah:

$$T(n) = t_1 + t_2 + t_3 = 3 + 2n + 2n + 1 = 4n + 4$$

Nama: Alvin

NPM: 140810180013

TUGAS-2

Studi Kasus 1: Pencarian Nilai Maksimal

Buatlah programnya dan hitunglah kompleksitas waktu dari algoritma berikut: Algoritma Pencarian Nilai Maksimal

```
procedure CariMaks(input x1, x2, ..., xn: integer, output maks: integer)
\{ Mencari elemen terbesar dari sekumpulan elemen larik integer x_1, x_2, ..., x_n. Elemen terbesar akan
   disimpan di dalam maks
   Input: x1, x2, ..., xn
   Output: maks (nilai terbesar)
Deklarasi
        i:integer
Algoritma
        maks ← x₁
        i ← 2
        while i ≤ n do
            if xi > maks then
                 maks ← xi
            <u>endif</u>
            i ← i + 1
        endwhile
```

```
Jawab:
```

```
/*
Nama
       : Alvin
NPM
          : 140810180013
Kelas
          : A
Program
          : Pencarian nilai maksimum
#include<iostream>
using namespace std;
main(){
     int x[5] = \{21, 22, 99, 24, 25\};
     int n = sizeof(x)/sizeof(x[0]);
      //deklarasi
     int maks = x[0];
     int i=2;
      //algoritma
     while (i \le n) {
           if(x[i] > maks){
                 maks = x[i];
           i=i+1;
      }
     cout<<"Nilai maks dari array adalah : "<<maks;</pre>
}
```

Kompleksitas waktu:

$$T(n) = 2(n-2) + (n-2) + 2$$

= 3 n - 4

Studi Kasus 2: Sequential Search

Diberikan larik bilangan bulan $x_1, x_2, \dots x_n$ yang <u>telah terurut</u> menaik dan tidak ada elemen ganda. Buatlah programnya dengan C++ dan hitunglah kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan ratarata dari algoritma pencarian beruntun (sequential search). Algoritma sequential search berikut menghasilkan indeks elemen yang bernilai sama dengan y. Jika y tidak ditemukan, indeks o akan dihasilkan.

```
 \begin{array}{l} \underline{\text{procedure}} \ \text{SequentialSearch(input} \ x_1, x_2, \dots \ x_n : \underline{\text{integer}}, \ y : \underline{\text{integer}}, \ output \ \mathrm{idx} : \underline{\text{integer}}) \\ \{ \ Mencari \ y \ \mathrm{di} \ \mathrm{dalam} \ \mathrm{elemen} \ x_1, x_2, \dots \ x_n. \ \mathrm{Lokasi} \ (\underline{\text{indeks elemen}}) \ \mathrm{tempat} \ y \ \mathrm{ditemukan} \ \mathrm{diisi} \ \mathrm{ke} \ \mathrm{dalam} \ \mathrm{idx}. \\ \underline{\text{Jika}} \ y \ \mathrm{tidak} \ \mathrm{ditemukan}, \ \mathrm{makai} \ \mathrm{idx} \ \mathrm{diisi} \ \mathrm{dengan} \ \mathrm{o}. \\ \underline{\text{Input:}} \ x_1, x_2, \dots \ x_n \\ \underline{\text{Output:}} \ \mathrm{idx} \\ \} \end{array}
```

```
Deklarasi
         found: boolean {bernilai true jika y ditemukan atau false jika y tidak ditemukan}
Algoritma
         found ← false
         while (i \le n) and (not found) do
              if x_i = y then
                  found ← true
              <u>else</u>
                 i ← i + 1
              endif
         <u>endwhile</u>
         {i < n or found}
         If found then {y ditemukan}
                  idx ← i
         else
                  idx ← o {y tidak ditemukan}
         endif
```

Jawab:

```
Nama
           : Alvin
          : 140810180013
NPM
Kelas
          : A
Prigram
          : Sequential Search
* /
#include<iostream>
using namespace std;
main() {
     int x[5] = \{1, 2, 99, 10, 1\}; // daftar list yang ada
     int y = 99;//yang dicari
     int n = sizeof(x)/sizeof(x[0]);
     //deklrasi
     int i = 1;
     int idx;//output
     bool found = false;
     //algoritma
     while(i<=n && !found) {
```

```
if(x[i] == y) {
            found = true;
    }else
        i = i+1;
}
if(found == true) {
        idx = i;
}else
idx = 0;//tidak ditemukan
cout<<"Hasil cari index elemen : "<<idx;</pre>
```

- Kasus terbaik: ini terjadi bila $x_1 = y$ $T_{min}(n) = 1$
- Kasus terburuk: bila $x_n = y$ atau y tidak ditemukan. $T_{max}(n) = n$
- Kasus rata-rata: Jika y ditemukan pada posisi ke-j, maka operasi perbandingan ($a_k = y$) akan dieksekusi sebanyak jkali.

```
T_{\text{avg}}(n) = (1+2+3+..+n)/n = (1/2n(1+n))/n = (n+1)/2
```

Studi Kasus 3: Binary Search

Diberikan larik bilangan bulan $x_1, x_2, \dots x_n$ yang <u>telah terurut</u> menaik dan tidak ada elemen ganda. Buatlah programnya dengan C++ dan hitunglah kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan ratarata dari algoritma pencarian bagi dua (*binary search*). Algoritma *binary search* berikut menghasilkan indeks elemen yang bernilai sama dengan y. Jika y tidak ditemukan, indeks o akan dihasilkan.

```
procedure BinarySearch(input x_1, x_2, ... x_n: integer, x: integer, output: idx: integer)
  Mencari y di dalam elemen x_1, x_2, \dots x_n. Lokasi (indeks elemen) tempat y ditemukan diisi ke dalam idx.
   Jika y tidak ditemukan makai dx diisi dengan o.
   Input: x_1, x_2, \dots x_n
   Output: idx
Deklarasi
       i, j, mid: integer
       found: Boolean
Algoritma
       i ← 1
       j ← n
       found ← <u>false</u>
       while (not found) and (i \le j) do
                mid \leftarrow (i + j) \underline{\text{div}} 2
               \underline{if} x_{mid} = y \underline{then}
                    found ← true
```

```
Jawab:
     Nama
               : Alvin
                : 140810180013
     NPM
     Kelas
                : A
     Program
               : Binary Search
     #include<iostream>
     using namespace std;
     main() {
           int x[5] = \{1, 3, 7, 9, 11\}; //input
           int idx; //output
           int y = 7;//angka yang dicari
           int n = sizeof(x)/sizeof(x[0]);
           //deklarasi
           int i, j, mid;
           bool found;
           //algoritma
           i = 1;
           j = n;
           found = false;
           while(!found && i<= j){
                 mid = (i + j)/2;
                 if (x[mid] == y) {
                       found = true;
                 else if (x[mid] < y) \{//menacri bagian kanan
                      i = mid+1;
                 }
                 else{
                       j = mid - 1; //mencari bagian kiri
                 }
           if(found == true){
                 idx=mid;
           }else
           idx=0;
           cout<<"Hasil cari indeks elemen : "<<idx;</pre>
```

Best case: Jika ditemukan pada arr[mid] atau indeks di tengah yaitu $T_{min}(n)=1$ Average case: Jika ditemukan pada indeks di awal atau di akhir Worst case: Jika tidak ditemukan sama sekali yaitu $T_{max}(n)={}^2log\ n$

Studi Kasus 4: Insertion Sort

- 1. Buatlah program insertion sort dengan menggunakan bahasa C++
- 2. Hitunglah operasi perbandingan elemen larik dan operasi pertukaran pada algoritma insertion sort.
- 3. Tentukan kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan rata-rata untuk algoritma insertion sort.

```
<u>procedure</u> InsertionSort(<u>input/output</u> x_1, x_2, ... x_n: <u>integer</u>)
  Mengurutkan elemen-elemen x_1, x_2, ... x_n dengan metode insertion sort.
   Input: x_1, x_2, ... x_n
   OutputL x_1, x_2, ... x_n (sudah terurut menaik)
Deklarasi
         i, j, insert : integer
Algoritma
         for i ← 2 to n do
               insert ← x<sub>i</sub>
               j←i
                while (j < i) and (x[j-i] > insert) do
                    x[j] \leftarrow x[j-1]
                    j←j-1
                endwhile
               x[j] = insert
         endfor
```

```
Jawab:
     Nama
                : Alvin
                : 140810180013
     NPM
                : A
     Kelas
     Program : Insertion Sort
     * /
     #include<iostream>
     using namespace std;
     main() {
           int x[5] = \{1, 7, 11, 31, 2\};
           int n = sizeof(x)/sizeof(x[0]);
           //deklarasi
           int i , j, insert;
           //Algoritma
           for(i=1; i<n; i++) {
                 insert= x[i];
                 j = i - 1;
                 while(j \ge 0 \&\& x[j] > insert){
                       x[j+1] = x[j];
                       j = j - 1;
                 x[j+1] = insert;
           for(j = 0; j < n; j++){
                       cout<<x[j]<<",";
           }
   }
```

Best case: Jika array sudah terurut sehingga loop while tidak dijalankan

Average case: Jika sebagian elemen array sudah terurut

Worst case: Jika array harus diurutkan sebanyak n kali, Dalam kasus terburuk, bisa ada inversi n * (n-1) / 2. Kasus terburuk terjadi ketika array diurutkan dalam urutan terbalik. Jadi kompleksitas waktu kasus terburuk dari jenis penyisipan adalah O (n2).

J	Perbandingan	Perpindahan	Total operasi
2	1	1	2
3	2	2	4
4	3	3	6
n	(n-1)	(n-1)	2(n-1)

Studi Kasus 5: Selection Sort

- 1. Buatlah program selection sort dengan menggunakan bahasa C++
- 2. Hitunglah operasi perbandingan elemen larik dan operasi pertukaran pada algoritma selection sort.
- 3. Tentukan kompleksitas waktu terbaik, terburuk, dan rata-rata untuk algoritma insertion sort.

```
<u>procedure</u> SelectionSort(\underline{\text{input/output}} x_1, x_2, ... x_n : \underline{\text{integer}})
    Mengurutkan elemen-elemen x_1, x_2, \dots x_n dengan metode selection sort.
    Input: x_1, x_2, ... x_n
    OutputL x_1, x_2, ... x_n (sudah terurut menaik)
Deklarasi
           i, j, imaks, temp: integer
Algoritma
           for i ← n downto 2 do {pass sebanyak n-1 kali}
                  imaks ← 1
                  for j \leftarrow 2 to i do
                    \underline{if} x_j > x_{imaks} \underline{then}
                       imaks ← j
                  endfor
                  {pertukarkan ximaks dengan xi}
                  temp \leftarrow x_i
                  x_i \leftarrow x_{imaks}
                  x_{imaks} \leftarrow temp
           endfor
```

Jawab:

```
Nama : Alvin
NPM : 140810180013
Kelas : A
Program : Selection Sort
*/
#include<iostream>
using namespace std;
main() {
   int x[5] = { 1,4,2,5,3};
   int n = sizeof(x)/sizeof(x[0]);
   //deklarasi
   int i, j, imaks, temp;
```

(i) Jumlah operasi perbandingan elemen

```
Untuk setiap loop ke-i,
```

```
i = 1 \rightarrow jumlah perbandingan = n-1
```

 $i = 2 \rightarrow jumlah perbandingan = n-2$

 $i = k \rightarrow jumlah perbandingan = n-k$

 $i = n-1 \rightarrow jumlah perbandingan = 1$

sehingga T(n) = (n-1) + (n-2) + ... + 1 = n(n-1)/2 dimana kompleksitas waktu ini berlaku menjadi yang terbaik, rata-rata maupun yang terburuk karena algoritma ini tidak melihat apakah arraynya sudah urut atau tidak terlebih dahulu.

(ii) Jumlah operasi pertukaran

Untuk setiap loop ke-1 sampai n-1 terjadi satu kali pertukaran elemen sehingga T(n) = n-1.