Estudio del efecto del principio de localidad en el acceso a datos en programas

Álvaro Goldar Dieste

Universidad de Santiago de Compostela

Santiago de Compostela, España
alvaro.goldar@rai.usc.es

Francisco Javier Cardama Santiago Universidad de Santiago de Compostela Santiago de Compostela, España franciscojavier.cardama@rai.usc.es

Resumen—En este documento se estudia el efecto del principio de localidad en el acceso a datos en programas, empleando un computador específico.

Se parte de un código inicial, con el que se realizan diversas pruebas con las que estudiar el número de ciclos medios por acceso a memoria y, posteriormente, el efecto de las precargas por software y hardware en la caché. Estas pruebas se basan en la reducción de una suma en punto flotante de doble precisión de un subconjunto de los elementos de un array A[] equiespaciados en D, distribuidos a lo largo de L líneas caché. Estos parámetros se irán variando para analizar cómo afectan al rendimiento del programa.

Mediante estas pruebas se termina por concluir que el rendimiento del programa es menor a medida que la separación entre los elementos del array A[] y el tamaño del experimento crecen; por otra parte, el empleo de la precarga parece mejorar levemente el rendimiento global.

Palabras clave—caché, jerarquía de memoria, latencia, principio de localidad, precarga

I. Introducción

En cada uno de los experimentos llevados a cabo se determina el coste temporal de un bucle de computación, el cual precisa leer constantemente datos dispuestos en memoria, estimándose así el número medio de ciclos del procesador por acceso a memoria. Estos experimentos son llevados a cabo en un computador en específico, cuyas especificaciones de interés se encuentran descritas en la sección II.

A continuación, se analiza el tipo de experimento a realizar en la sección III. Para ello, se ha elaborado un programa de pruebas en el lenguaje C, en el cual se variarán los parámetros de entrada disponibles en cuanto al patrón de accesos a realizar y el tamaño del conjunto de datos a procesar. Además, también se comprueban, en la sección IV, las técnicas de precarga disponibles en el computador de pruebas y cómo se analizarán sus efectos.

Con ello, conociendo ya la arquitectura de la memoria caché dispuesta en el procesador escogido, se realizarán y analizarán todas las pruebas en la sección V, siendo posible determinar los efectos del principio de localidad y de la precarga de datos (*prefetching*) sobre el programa en función de los ciclos medios por acceso obtenidos y los valores dados como parámetros de entrada.

Finalmente, se tratan, a modo de resumen, las conclusiones extraídas a partir de las pruebas realizadas en la sección VI.

II. COMPUTADOR EMPLEADO EN LOS EXPERIMENTOS

II-A. Jerarquía de memoria del procesador

El modelo de procesador escogido para la realización de las pruebas es el Intel Core i3-7100 [1]. Este tiene la capacidad de ejecutar hasta cuatro hilos simultáneamente, pero al centrarse el objetivo de los experimentos en los efectos sobre una única jerarquía de memoria caché, tan solo se considerará un único núcleo del procesador para ello, y por ende el programa de pruebas se ejecutará sobre un único hilo.

Un núcleo del procesador cuenta con un total de cuatro cachés: dos cachés L1, una caché L2, y una caché L3. Las cachés L1 son, respectivamente, de instrucciones y de datos, por lo cual tan solo será de interés esta última al estudiarse los efectos sobre los datos. Por otra parte, los niveles L2 y L3 son compartidos entre instrucciones y datos, pero no supondrá un inconveniente para los experimentos dado que se realizarán constantemente las mismas operaciones, al estudiarse un bucle computacional de poca extensión.

Los datos de las tres memorias caché de interés se ven reflejados en el Cuadro I.

Cuadro I Especificaciones de las cachés de interés de la CPU.

| CACHÉ | Tamaño | Vías | Conjuntos | Tamaño conjunto |
|----------------|---------|------|-----------|-----------------|
| L1 (datos) | 32 KB | 8 | 64 | 512 bytes |
| L2 (unificada) | 256 KB | 4 | 1024 | 256 bytes |
| L3 (unificada) | 3072 KB | 12 | 4096 | 768 bytes |

II-B. Sistema Operativo

Los experimentos se ejecutarán sobre el sistema operativo GNU/Linux, concretamente sobre la distribución Ubuntu 16.04.5 LTS basada en Debian, empleando la versión 4.4.0-131-generic del respectivo kernel.

Se procurará reducir al mínimo los programas en ejecución durante los experimentos para que no interfieran con el programa de pruebas. Además, es conveniente que una ejecución de este último suponga un único experimento, para reducir también la posibilidad de que el planificador del sistema operativo interfiera en las pruebas.

Para este último aspecto, se ha elaborado un script en el lenguaje Python mediante el cual automatizar las pruebas a realizar, relegando a este la tarea de variar los parámetros de entrada del programa en C para ejecutarlo un número determinado de veces, y de generar tras ello las gráficas de los experimentos realizados.

III. PROGRAMA DE PRUEBAS

III-A. Funcionamiento del programa

El programa realiza una reserva de memoria para un número determinado de elementos de tipo Double, tras lo cual accede tan solo a un subconjunto de ellos, todo ello en función de los parámetros de entrada, efectuando una reducción de punto flotante sobre estos últimos. Es en esta sección del programa en donde se encuentra el bucle computacional de interés, y se ejecuta un total de 10 veces.

El programa requiere los siguientes valores para su ejecución:

- A[]: array de elementos Double reservados.
- **D**: paso entre los valores a los que acceder.
- L: número de líneas caché L1 a las que acceder, existiendo siete valores que probar con cada D, y calculadas en función de S1 y S2.
- S1: número de líneas que caben en la caché L1 de datos.
- S2: número de líneas que caben en la caché L2.
- R: número de elementos de A[] a los que acceder, en función del paso D y de modo que se acceda a las L líneas diferentes.
- e[]: array con los índices de los elementos de A[] a los que acceder, puesto que el acceso a los elementos de A[] no se realiza de forma directa.

Consecuentemente, puede concretarse la reducción de punto flotante mediante la siguiente expresión:

$$A[0] + A[D] + A[2D] + \ldots + A[(R-1) \cdot D] = \sum_{i=0}^{R-1} A[i \cdot D]. \begin{tabular}{ll} β & \#include & \\ β & \#include &$$

Cabe además destacar que es conveniente alinear la reserva 7 de memoria al inicio de una línea caché, para lo cual se 9 #define S1 64 * 8 dispone de la función _mm_malloc(TC,CLS), siendo TC 10 #define S2 1024 * 4 el número de bytes a reservar y CLS el tamaño de una línea 1 #define CLS 64 caché en bytes. Esta función devuelve un puntero alineado a 13 /* Macros auxiliares */ CLS bytes.

También se incluye una fase de calentamiento mediante la 15 cual evitar efectos de inicialización de componentes como las 16 cachés o las TLBs. Esta simplemente consiste en inicializar 18 los valores del vector A[] a emplear.

III-B. Cálculo de R

Para obtener el valor apropiado de R en función de el valor $\frac{23}{24}$ D dado y el L correspondiente, es necesario diferenciar dos 25 escenarios.

En el caso de que el paso especificado no supere el tamaño $_{28}^{27}$ de una línea, se debe reservar memoria para, a lo sumo, $_{29}^{29}$ L líneas consecutivas. Se calcula entonces el número de $_{30}^{31}$ elementos a leer R en función de cuántos caben en las L líneas, $_{32}^{31}$ y dividiendo en función del paso.

Sin embargo, si el paso especificado supera el tamaño de una línea, es altamente probable que en algún momento durante la ejecución se salte una de las líneas reservadas a causa del paso y, de este modo, el cálculo de *R* no resultaría en las *L* líneas diferentes que se deben leer.

Para ello, simplemente es necesario asignar a *R* el número de líneas caché distintas a leer puesto que, al disponer de un paso mayor al tamaño de una línea, en ningún momento se leen dos valores pertenecientes a la misma línea caché.

III-C. Cálculo de TC

Para obtener el tamaño necesario para la reserva de elementos del array A[J], es necesario considerar tanto el número de elementos a leer en memoria como el paso entre estos.

Por lo tanto, al ser R_0 el primer elemento de A[], es necesario reservar memoria para un elemento y, para cada uno de los restantes elementos a leer, reservar D elementos para respetar el paso dado.

III-D. Código fuente

Se dispone a continuación el código fuente del programa de pruebas escrito en C para los experimentos. Empleando el compilador *GCC* en su versión 5.4.0, es importante especificar la opción -00 para que no se efectúe ningún tipo de optimización en el código puesto que, en caso contrario, el compilador podría decidir eliminar el bucle computacional si detectase que los resultados nunca serían empleados.

De todos modos, antes de finalizar la ejecución se imprimen los resultados de los cómputos realizados, evitando de este modo a la fuerza que el compilador pueda efectuar la optimización descrita anteriormente.

```
#include <stdio.h>
  #include < stdlib . h>
  #include <math.h>
  /* Especificaciones de la CPU */
  #define S1 64 * 8
  #define CLS 64
  #define NUM_S 10
  #define DOUBLES_LINEA CLS / sizeof( double )
  /* Funciones a emplear */
  void start_counter();
double get_counter();
20 double mhz();
22 /* Se inicializa el contador de ciclos */
  static unsigned cyc_hi = 0;
  static unsigned cyc_lo = 0;
  /* Main */
  int main(int argc, char ** argv)
    /* Variables a emplear */
    double ck;
    // Valor D
    int D;
    // Valores L
```

```
int valoresL[] = { S1 / 2, 3 * S1 / 2, S2 / 2, 3 * 103
        S2 / 4, 2 * S2, 4 * S2, 8 * S2 };
     // Valor R
                                                           105
35
    int R;
                                                           106
36
    // Valores e
37
                                                           107
    int *e;
38
                                                           108
     // Valores S
                                                            109
    double valoresS[ NUM S ];
                                                           110
40
    // Valores A
     double *valoresA;
42
    // TC calculado
43
    int TC;
44
45
    // Suma temporal
                                                           114
    double suma;
46
    // Contadores
                                                           116
    int i;
48
    int j;
                                                           118
     // Fichero en el que guardar el resultado
50
                                                           119
51
    FILE *fichero;
                                                           120
52
    /**** Argumentos ****/
53
54
55
    if(argc < 3)
                                                           124
56
       printf ("Número de valores incorrecto. Uso: % s 126
57
         <D> <L>", argv[ 0 ] );
       exit ( EXIT_FAILURE );
                                                            128
                                                           129
59
                                                           130
60
     /***** Inicialización *****/
61
                                                           132
62
    // Semilla para generar números aleatorios
                                                           133
63
     srand( ( unsigned ) time( NULL ) );
64
                                                           134
65
                                                           135
     // Valor de D obtenido de los argumentos
                                                           136
66
    D = atoi(argv[1]);
67
                                                           138
68
    // Valor para R en función del D obtenido
                                                           139
69
    if ( D <= DOUBLES_LINEA )
70
    {
         R = ( int )ceil( valoresL[ atoi( argv[ 2 ] ) ] 141
           * DOUBLES_LINEA / D );
    }
73
                                                           142
    else
74
                                                           143
75
    {
76
         R = valoresL[ atoi( argv[ 2 ] )];
                                                           145
77
                                                            146
78
                                                           147
79
     // Valores para e, reservando en primer lugar
                                                           148
     // espacio para las posiciones pertinentes
80
    if((e = (int *) malloc(R * sizeof(int)))
81
                                                           149
       == NULL )
                                                           150
82
         perror ("Reserva de memoria fallida");
83
         exit( EXIT_FAILURE );
    }
85
                                                           154
86
     // El límite superior es el número de valores con 156
87
     // los que efectuar la suma
88
     for (i = 0; i < R; i++)
89
                                                           159
90
       // Se consideran el número de posición y el paso 160
91
       // dado
                                                           161
92
       e[i] = i * D;
                                                           162 }
93
94
95
     // Se obtienen valores para A, reservando memoria
96
     // para los elementos intermedios
    TC = (R - 1) * D + 1;
98
    // Se alinea la reserva al inicio de una línea de
100
    // la caché
101
    if( ( valoresA = _mm_malloc( TC * sizeof( double )
102
    , CLS ) ) == NULL )
```

```
perror ("Reserva de memoria fallida");
    exit( EXIT FAILURE );
// Se genera en cada posición un valor entre 1 y
// 2 (positivo o negativo)
for (i = 0; i < TC; i++)
{
    valoresA[ i ] = ( ( double )rand() / RAND_MAX
      + 1) * pow(-1, rand() \% 2);
/***** Pruebas *****/
// Se registra el contador de la CPU
start_counter();
// Se realizan las sumas especificadas
for (i = 0; i < NUM_S; i++)
    // Se emplean los índices calculados
    for (j = 0, suma = 0; j < R; j++)
        // Se realiza el acceso a memoria
        suma += valoresA[ e[ j ] ];
    // Se almacena la reducción de punto flotante
    valoresS[ i ] = suma;
}
// Se registran los ciclos transcurridos desde el
// registro del contador
ck = get_counter();
// Se abre el fichero
if( ( fichero = fopen( "resultado.csv", "a" ) ) ==
   NULL )
{
    perror ("No se ha podido abrir el fichero para
      escritura");
    exit( EXIT_FAILURE );
}
// Se guardan el valor de L, el número de ciclos
// medios por acceso y el valor de D en un formato
// csv que vaya a interpretar el graficador
fprintf( fichero, "%d,\%1.10lf,%d\n", valoresL[
  atoi( argv[ 2 ] )],
  ck / (NUM_S * R), D);
// Se imprimen las sumas realizadas
for (i = 0; i < NUM S; i++)
{
    printf( "% f\n", valoresS[ i ] );
// Se libera la memoria reservada
free ( e );
_mm_free( valoresA );
return ( EXIT_SUCCESS );
```

Programa de pruebas en C.

IV. EFECTOS DE LA PRECARGA SOBRE LOS EXPERIMENTOS

IV-A. La precarga en el procesador de pruebas

Existe una técnica para incrementar la velocidad de ejecución de un código, denominada *precarga* (*prefetching*). Esta

consiste en cargar datos, bien sean instrucciones o no, antes de que el procesador los necesite, trayéndolos de la zona de la jerarquía de memoria en donde se encuentren a una zona que esté más cercana al procesador.

Intel, el fabricante del procesador de pruebas, ofrece dos implementaciones de la precarga: mediante hardware y mediante software [4].

Empleando el hardware, el procesador se encarga de identificar patrones de acceso a datos para traer datos a la memoria caché.

Por otra parte, el procesador cuenta, en su repertorio de instrucciones, con órdenes que permiten a un programa precargar un dato especificado en el nivel de la caché indicado. Normalmente, es el propio compilador el que se encarga de introducir estas instrucciones en los lugares y situaciones apropiados a la hora de generar el código en ensamblador de un programa.

Sin embargo, esta característica debe ser empleada con precaución, puesto que un mal uso puede derivar en una pérdida de eficiencia. Por ejemplo, la precarga de un dato que no será referenciado supondrá una carga extra e innecesaria para el procesador, además de que estará ocupando parte del valioso espacio disponible en la memoria caché.

Consecuentemente, es habitual que un compilador permita decidir al usuario si realizar este tipo de optimización o no. En este caso, el compilador *GCC* empleado permite activar o desactivar esta característica a la hora de iterrar sobre arrays empleando las opciones —fprefetch—loop—arrays y—fno—prefetch—loop—arrays respectivamente.

IV-B. Experimentos adicionales estudiando la precarga

Para observar en qué medida puede beneficiar o perjudicar la técnica de la precarga a un programa basado fundamentalmente en el acceso a datos, como es el caso del programa de pruebas de los experimentos a realizar, se efectuarán a mayores una serie de experimentos en los que se intentará estudiar su influencia.

En primer lugar, se compararán los resultados obtenidos del programa en una compilación sin precarga mediante software frente a una versión que sí será optimizada por el compilador.

Continuando, dado que no es posible deshabilitar la precarga por hardware que el procesador trata de realizar identificando patrones, se tratará de dificultarle esta tarea alterando la generación de índices del array e[]. La modificación consistirá en añadir a cada índice un valor entero en el rango [0,3], de modo que los datos accedidos no se encuentren equitativamente espaciados.

V. REALIZACIÓN DE LOS EXPERIMENTOS

V-A. Automatización de los experimentos

Tal y como se ha mencionado previamente, la realización de los experimentos se ha apoyado en un script en el lenguaje Python. Este se encarga de, a partir de cinco valores para D dados, ejecutar el programa de pruebas con cada uno de ellos y con los siete valores de L posibles.

Todo ello se ejecuta un total de 10 veces, con el objetivo de considerar la posible variabilidad de los resultados entre ejecuciones.

V-B. Resultados de los experimentos

Para los valores de *D* es de importancia escoger un conjunto que permita observar los efectos del principio de localidad sobre los experimentos. Por ejemplo, escoger cinco valores consecutivos no sería de utilidad porque, muy probablemente, los resultados serían muy similares.

Los experimentos se han realizado por lo tanto sobre los siguientes valores de *D*: 1, 12, 38, 64 y 72.

Es necesario tener presentes las siguientes variantes a la hora de interpretar los resultados de los experimentos:

- D: determina cómo de distanciados se encuentran los valores a referenciar; consecuentemente, un mayor paso implica un menor cumplimiento del principio de localidad.
- L: determina el número de líneas distintas a las que es necesario acceder; un mayor número de líneas implica que se vean potenciados los efectos provocados por el resto de parámetros, al incrementar la extensión del experimento.
- Como consecuencia, D y L condicionan el número de líneas sin referenciar en un experimento; debe tenerse presente esto puesto que, al inicializarse todos los valores del array A[] antes del bucle computacional, será posible encontrar en las memorias caché una cantidad relevante de líneas que no se referenciarán en el bucle computacional, cumpliéndose en menor medida el principio de localidad.

En la Figura 1 se pueden observar los resultados de los experimentos en función del valor dado para *D*. Se representan el promedio y la mediana para los ciclos obtenidos en cada conjunto de experimentos de cada *D*: la mediana se emplea para representar un valor global del resultado evitando que los extremos lo condicionen, y el promedio se muestra para ver en qué medida estos valores dispares afectan al valor global.

Como se puede observar, a medida que aumenta el paso entre los valores a los que es necesario acceder, el número de ciclos medios se ve incrementado debido por el motivo comentado previamente.

Por ejemplo, en el caso de D = 1, se accede a los datos del array A[] de forma secuencial, viéndose claramente en los resultados obtenidos los beneficios del principio de localidad.

Continuando con el caso de D=12, al presentarse en el computador de pruebas líneas caché en las que caben 8 valores <code>Double</code>, cada valor referenciado se encuentra en una línea distinta. En la mayor parte de los casos, estas líneas se dispondrán en memoria de forma consecutiva, mientras que, en otros casos, existirán líneas intermedias que no serán referenciadas; en la Figura 2 se puede ver una representación de este suceso. Por lo tanto, el principio de localidad se cumple en menor medida y, para los valores de L mayores, la media de ciclos por acceso se ve incrementada.

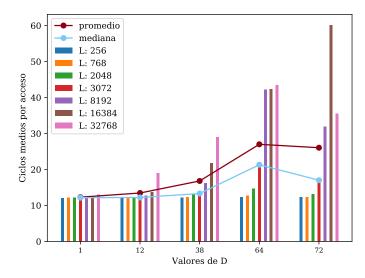


Figura 1. Ciclos medios por acceso a memoria respecto al valor de D. Para cada D se representan los siete posibles valores de L.

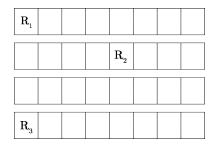


Figura 2. Representación gráfica de omisión de una línea con D = 12.

Observando ahora un caso más pronunciado, con D=72, y considerando el número de valores Double que caben por línea, entre cada una de las referencias siempre quedan ocho líneas a las que no se accede. Esto puede verse claramente reflejado en los valores obtenidos en los correspondientes experimentos.

Finalmente, cabe destacar que lo esperable sería que los experimentos de D=72 resultasen en una mayor cantidad de ciclos medios que en el caso de D=64. Sin embargo, la Figura 1 no muestra este comportamiento, y esto puede ser atribuido a la variabilidad por diversos factores externos a la hora de realizar los experimentos, como que el sistema operativo no sea un entorno completamente aislado, o la asociatividad de las memorias caché.

Tocante a la Figura 3, se representan los mismos valores de la Figura 1, solo que invirtiendo la organización entre el eje de abscisas y los conjuntos de barras. El propósito de representación es poder analizar la variabilidad de los ciclos medios desde otro punto de vista, concretamente desde el parámetro L.

Por los motivos descritos anteriormente, a medida que se incrementa el valor del parámetro L, también se verán potenciados los efectos producidos a causa de las demás variantes como, por ejemplo, las líneas intermedias sin referenciar. Consecuentemente, se ve claramente reflejado en la última

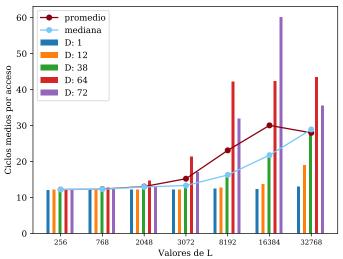


Figura 3. Ciclos medios por acceso a memoria respecto al valor de L. Para cada L se representan los cinco posibles valores de D.

Figura cómo la tendencia de los ciclos tiende a aumentar a medida que crece L.

El argumento de que el valor de L potencie los efectos de otros parámetros se ve reforzado, por ejemplo, observando en la Figura 1 los resultados de los experimentos para D = 1.

En estos casos, los ciclos medios se ven influenciados por los valores de L en mucha menor medida que en los demás casos, puesto que, al encontrar un paso igual a 1, el cumplimiento del principio de localidad se ve favorecido en gran medida. Por lo tanto, una varianza de L no supone un cambio significativo en los ciclos medios.

Para realizar una comparativa entre los ciclos medios por acceso a dato y la latencia en el acceso a los diversos niveles de la jerarquía de memoria, se lleva a cabo un benchmark de la suite *LMbench* [2] [3] que permite realizar, entre otras funcionalidades, una estimación de la latencia de la caché de un procesador.

Se realizan las mediciones un total de cuatro veces para una mayor fiabilidad, y los resultados obtenidos se pueden ver representados en la Figura 4. Cada una de las regiones planas se corresponde con un nivel de la jerarquía de memoria, y los correspondientes valores se muestran en el Cuadro II de un modo más preciso.

Cuadro II Comparativa de niveles de caché de un procesador Intel 13 7100.

| NIVEL | Capacidad | Latencia (ns) | Latencia (ciclos) |
|-----------------|-----------|---------------|-------------------|
| L1 ^a | 32 KB | 1.0 | 3.9 |
| L2 | 256 KB | 3.1 - 5.8 | 12.1 - 22.6 |
| L3 | 3072 KB | 8.5 - 10.9 | 33.2 - 42.5 |

^aTan solo se considera la caché L1 de datos.

Con ello, es posible determinar que, en los mejores casos, los ciclos medios por acceso a dato se sitúan entorno a los mejores valores de la caché L2 del procesador de pruebas.

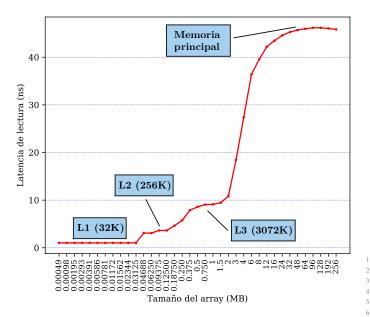


Figura 4. Tiempos de acceso (ns) obtenidos para parte de la jerarquía de memoria tras la ejecución del benckmark apropiado de la suite *LMbench*.

Para verificar que estos datos concuerdan, se analizará por 11 ejemplo el experimento con D = 12 y L = 3072.

En este caso, siguiendo las fórmulas dispuestas para el la cálculo de R y de TC, será necesario reservar e inicializar lo un total de 36853 bytes. Esta cantidad sobrepasa levemente la la capacidad de la caché L1 de datos, por lo cual es coherente que los ciclos medios por acceso a dato se encuentren en torno al mejor rendimiento de la caché L2, siendo necesario considerar para ello que también pueden influir otros factores como la a asociatividad de las cachés.

Por otra parte, los valores más altos obtenidos de los 26 experimentos habitúan situarse en torno a las latencias más 27 elevadas de la caché L3. Por ejemplo, con D=72 y $L=^{29}$ 32768, la cantidad de bytes a reservar e inicializar asciende a 31 más de 2 MB, por lo cual será necesario recurrir a la caché 32 L3.

Es importante considerar el hecho de que estos experi- ³⁵ mentos se hayan realizado desactivando cualquier tipo de ³⁷ optimización que pueda realizar el compilador. Por ende, si ³⁸ se encarga al compilador la tarea de optimizar el código ⁴⁰ generado, es posible que, a pesar de trabajar con una cantidad ⁴¹ de datos superior a la capacidad de un nivel de la caché, los ⁴³ tiempos promedios obtenidos puedan resultar incluso menores ⁴⁴ que los esperados.

V-C. Variabilidad inducida por la técnica de precarga

V-C1. Precarga mediante software: Como se ha mencio⁵¹
nado anteriormente, se emplea el compilador *GCC* empleando s
la opción -*O0* para evitar que realice optimizaciones. Sin
⁵⁴
embargo, esta opción ignora además la opción de precarga
aunque esta se especifique explícitamente en las opciones de
⁵⁷
la compilación [5].

Por lo tanto, para observar la precarga mediante software es necesario especificar, por lo menos, el mínimo nivel de optimización, que es -O1. Consecuentemente, además de la precarga, afectarán a los resultados otra serie de optimizaciones asignadas a partir de este nivel.

Para verificar que se están incluyendo las instrucciones de precarga que interpretará el procesador, cada programa es compilado con la opción -g para que incluya información de utilidad para depuradores, y este se lee con la herramienta objdump, que permite relacionar cada línea en C con sus correspondientes instrucciones en ensamblador.

Con ello, el resultado de compilar el programa deshabilitando explícitamente la precarga sobre arrays se dispone a continuación:

```
/***** Pruebas *****/
  // Se registra el contador de la CPU
  start_counter();
  400d83: b8 00 00 00 00
                                          $0x0 %eax
                                  mov
  400d88: e8 e6 fc ff ff
                                  callq
                                         400a73 <
     start_counter>
  400d8d: 48 8d 6c 24 40
                                         0x40(%rsp),%rbp
                                  1ea
  400d92: 4c 8d 75 50
                                  1ea
                                         0x50(%rbp),%r14
  400d96: 41 8d 44 24 ff
                                          -0x1(\%r12),\%eax
                                  1ea
  400d9b: 49 8d 4c 85 04
                                          0x4(%r13,%rax,4),%
                                  1ea
  400da0: 48 89 ee
                                  mov
                                          % rbp, % rsi
  400 da3: eb 20
                                  jmp
                                          400dc5 <main+0x253>
      // Se emplean los índices calculados
      for (j = 0, suma = 0; j < R; j++)
           // Se realiza el acceso a memoria
          suma += valoresA[ e[ j ] ];
  400 da5: 48 63 10
                                  movslq (%rax),%rdx
  400 da8: f2 0f 58 04 d3
                                  addsd
                                         (%rbx,%rdx,8),%xmm0
  400 dad: 48 83 c0 04
                                          $0x4, %rax
  // Se realizan las sumas especificadas
  for (i = 0; i < NUM\_S; i++)
      // Se emplean los índices calculados
      for (j = 0, suma = 0; j < R; j++
  400db1: 48 39 c1
                                  cmp
                                          % rax. %rcx
  400db4:
          75 ef
                                          400da5 <main+0x233>
                                  ine
                                         400db8 <main+0x246>
                                  jmp
          // Se realiza el acceso a memoria
          suma += valoresA[ e[ j ] ];
      // Se almacena la reducción de punto flotante
      valoresS[ i ] = suma;
  400db8: f2 0f 11 06
                                  movsd
                                          % xmm0,(% rsi)
  400 dbc: 48 83 c6 08
                                         $0x8,%rsi
  // Se registra el contador de la CPU
  start counter():
  // Se realizan las sumas especificadas
  for (i = 0: i < NUM S: i++)
  400dc0: 4c 39 f6
                                          % r14, % rsi
  400 dc3: 74 12
                                         400dd7 <main+0x265>
      // Se emplean los índices calculados
 for ( j = 0, suma = 0; j < R; j++ 400 dc5: 66 0f ef c0 pxor
                                          % xmm0. %xmm0
  400dc9: 45 85 e4
                                          % r12d, %r12d
                                  test
  400dcc: 7e ea
                                  i1e
                                          400db8 <main+0x246>
  400dce: 4c 89 e8
                                          % r13. %rax
                                  mov
  400dd1: 66 0f ef c0
                                          % xmm0, %xmm0
                                  pxor
  400dd5: eb ce
                                         400 da5 < main + 0x233 >
                                  jmp
      // Se almacena la reducción de punto flotante
      valoresS[ i ] = suma;
```

Traducción a ensamblador del bucle computacional del programa de pruebas $^{64}_{65}$ sin incluir la precarga mediante software.

Como se puede observar, el bucle computacional 67 no incluye en su traducción a ensamblador ninguna 68 instrucción de precarga. Introduciendo ahora la opción 69 fprefetch-loop-arrays, se genera el siguiente código 70 en ensamblador:

```
/**** Pruebas ****/
                                                                     74
    // Se registra el contador de la CPU
                                                                     75
    start_counter();
4011f0: b8 00 00 00 00
4011f5: e8 79 f8 ff ff
                                             $0x0, %eax
                                     mov
                                     callq 400a73 <
       start_counter>
     4011fa: 4c 8d 6c 24 50
                                             0x50(%rsp),%r13
                                     1ea
    4011ff: 4d 8d 75 50
                                             0x50(%r13),%r14
                                     1ea
                                                                     80
    401203: 4c 89 ef
                                              % r13 % rdi
                                     mov
                                                                     81
    401206: 41 8d 74 24 f1
                                     1ea
                                             -0xf(\%r12),\%esi
    40120b: e9 3b 01 00 00
                                     jmpq
                                             40134b < main + 0x7d9 >
                                                                     83
         // Se emplean los índices calculados
         for (j = 0, suma = 0; j < R; j++)
14
                                                                     85
              // Se realiza el acceso a memoria
16
                                                                     86
             suma += valoresA[ e[ j ] ];
    401210: 48 63 d0
                                                                     87
                                     movslq % eax, %rdx
18
                                                                     88
     401213: 48 63 14 93
                                    movslq (%rbx, %rdx, 4), %rdx
addsd 0x0(%rbp, %rdx, 8), %
19
     401217: f2 0f 58 44 d5 00
       xmm0
                                                                     91
     // Se realizan las sumas especificadas
                                                                     92
     for (i = 0; i < NUM_S; i++)
                                                                     93
24
         // Se emplean los índices calculados
                                                                     94
         for (j = 0, suma = 0; j < R; j++)
                                                                     95
    40121d: 83 c0 01
                                     add
                                             $0x1.%eax
     401220: 41 39 c4
                                             % eax, %r12d
                                     cmp
                                                                     97
     401223: 7f eb
                                             401210 <main+0x69e>
                                     ig
                                     jmpq 40133e <main+0x7cc>
     401225: e9 14 01 00 00
                                                                     98
        {
                                                                     99
              // Se realiza el acceso a memoria
                                                                    100
             suma += valoresA[ e[ j ] ];
                                                                    101
                                     movslq % eax, %rcx
    40122a: 48 63 c8
                                                                    102
     40122d: 48 8d 0c 8b
                                     lea (%rbx, %rcx, 4), %rcx
                                                                    103
     401231: 0f 18 49 50
                                     prefetcht0 0x50(%rcx)
                                                                    104
     401235: 48 63 09
                                     movslq (%rcx),%rcx
addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
     401238: f2 0f 58 44 cd 00
                                                                    106
       xmm0
                                                                    107
     40123e: 48 63 ca
39
                                      movslq % edx, %rcx
                                                                    108
     401241: 48 63 0c 8b
                                     movslq (%rbx,%rcx,4),%rcx
40
                                                                    109
     401245: f2 0f 58 44 cd 00
                                     addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
41
                                                                    110
       xmm0
     40124b: 8d 48 02
                                            0x2(%rax), %ecx
42.
                                      1ea
     40124e: 48 63 c9
                                     movslq % ecx, %rcx
43
                                     movslq (%rbx, %rcx,4), %rcx
     401251: 48 63 0c 8b
44
     401255: f2 0f 58 44 cd 00
                                     addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
45
       xmm0
                                                                    116
    40125b: 8d 48 03
                                            0x3(%rax), %ecx
     40125e: 48 63 c9
                                      movslq % ecx, %rcx
47
     401261: 48 63 0c 8b
                                      movslq (%rbx, %rcx,4), %rcx
48
    401265: f2 0f 58 44 cd 00
                                      addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
49
       xmm0
    40126b: 8d 48 04
                                            0x4(%rax), %ecx
50
                                      1ea
    40126e: 48 63 c9
                                      movslq % ecx, %rcx
51
                                      movslq (%rbx, %rcx,4), %rcx
    401271: 48 63 0c 8b
52
    401275: f2 0f 58 44 cd 00
                                     addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
       xmm0
                                                                    126
     40127b: 8d 48 05
                                            0x5(%rax), %ecx
54
    40127e: 48 63 c9
                                      movslq % ecx, %rcx
                                     movslq (%rbx, %rcx, 4), %rcx
addsd 0x0(%rbp, %rcx, 8), %
56
     401281: 48 63 0c 8b
    401285: f2 0f 58 44 cd 00
                                                                    130
       xmm0
    40128b: 8d 48 06
                                    lea 0x6(%rax), %ecx
```

```
40128e: 48 63 c9
401291: 48 63 0c 8b
401295: f2 0f 58 44 cd 00
                               movslq % ecx, %rcx
                                movslq (%rbx, %rcx, 4), %rcx
                               addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
  xmm0
40129b: 8d 48 07
                                      0x7(%rax), %ecx
40129e: 48 63 c9
                                movslq % ecx, %rcx
                                movslq (%rbx,%rcx,4),%rcx
4012a1: 48 63 0c 8b
4012a5: f2 0f 58 44 cd 00
                                addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
  xmm0
4012ab: 8d 48 08
                                      0x8(%rax), %ecx
4012ae: 48 63 c9
                                movslq % ecx, %rcx
                                movslq (%rbx, %rcx,4), %rcx
4012b1: 48 63 0c 8b
4012b5: f2 0f 58 44 cd 00
                               addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
  xmm0
4012bb: 8d 48 09
                                      0x9(%rax), %ecx
4012be: 48 63 c9
                                movslq % ecx, %rcx
4012c1: 48 63 0c 8b
                                movslq (%rbx, %rcx,4), %rcx
4012c5: f2 0f 58 44 cd 00
                                addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
  xmm0
4012cb: 8d 48 0a
                                       0xa(%rax), %ecx
4012ce: 48 63 c9
                                movslq % ecx, %rcx
4012d1: 48 63 0c 8b
                                movslq (%rbx, %rcx,4), %rcx
4012d5: f2 0f 58 44 cd 00
                                addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
  xmm0
4012db: 8d 48 0b
                                      0xb(%rax), %ecx
4012de: 48 63 c9
                                movslq % ecx, %rcx
4012e1: 48 63 0c 8b
                                movslq (%rbx, %rcx, 4), %rcx
4012e5: f2 0f 58 44 cd 00
                                addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
  xmm0
4012eb: 8d 48 0c
                                       0xc(%rax), %ecx
4012ee: 48 63 c9
                                movslq % ecx, %rcx
4012f1: 48 63 0c 8b
                                movslq (%rbx, %rcx,4), %rcx
4012f5: f2 0f 58 44 cd 00
                                addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
  xmm0
4012fb: 8d 48 0d
                                      0xd(%rax), %ecx
4012 fe: 48 63 c9
                                movslq % ecx, %rcx
                                movslq (%rbx,%rcx,4),%rcx
401301: 48 63 0c 8b
401305: f2 0f 58 44 cd 00
                               addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
  xmm0
40130b: 8d 48 0e
                                       0xe(%rax), %ecx
40130e: 48 63 c9
                                movslq % ecx, %rcx
                               movslq (%rbx, %rcx, 4), %rcx
401311: 48 63 0c 8b
401315: f2 0f 58 44 cd 00
                               addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
  xmm0
40131b: 8d 48 0f
                                1ea
                                      0xf(%rax), %ecx
40131e: 48 63 c9
                               movslq % ecx, %rcx
                                movslq (%rbx, %rcx,4), %rcx
401321: 48 63 0c 8b
401325: f2 0f 58 44 cd 00
                               addsd 0x0(%rbp,%rcx,8),%
  xmm0
40132b: 83 c0 10
                                       $0x10, %eax
                                add
40132e: 83 c2 10
                                       $0x10 %edx
                               add
401331: 39 d6
                               cmp
                                       %dx, %esi
401333: 0f 8f f1 fe ff ff
                                ig
                                       40122a < main + 0x6b8 >
401339: e9 d2 fe ff ff
                               jmpq
                                      401210 < main + 0x69e >
   }
    // Se almacena la reducción de punto flotante
valores S [ i ] = suma;
40133e: f2 0f 11 07
401342: 48 83 c7 08
                               movsd % xmm0.(% rdi)
                               add
                                       $0x8, %rdi
// Se registra el contador de la CPU
start_counter();
// Se realizan las sumas especificadas
for (i = 0; i < NUM_S; i++)
401346: 4c 39 f7
                                       % r14, %rdi
401349: 74 37
                                       401382 <main+0x810>
    // Se emplean los índices calculados
    for (j = 0, suma = 0; j < R; j++)
40134b: 66 0f ef c0
                                       % xmm0, %xmm0
                               pxor
40134f: 45 85 e4
                                test
                                       % r12d, %r12d
401352: 7e ea
                                       40133e <main+0x7cc>
                                i1e
401354: 83 fe 01
                                       $0x1, % e si
                               cmp
401357: 7e 1b
                                       401374 <main+0x802>
                                i1e
401359: ba 01 00 00 00
                               mov
                                       $0x1, %edx
40135e: b8 00 00 00 00
                               mov
                                       $0x0, %eax
401363: 66 Of ef c0
                                       % xmm0, %xmm0
                                pxor
401367: 41 81 fc 0f 00 00 80
                                       $0x8000000f, %r12d
                               cmp
40136e: 0f 8d b6 fe ff ff
                                       40122a <main+0x6b8>
                               jge
401374: b8 00 00 00 00
                                       $0x0. %eax
                               mov
401379: 66 Of ef c0
                                       % xmm0, %xmm0
                               pxor
```

```
jmpq 401210 <main+0x69e>
     40137d: e9 8e fe ff ff
          // Se almacena la reducción de punto flotante
134
          valoresS[ i ] = suma;
135
136
     // Se registran los ciclos transcurridos desde el
        registro del contador
     ck = get_counter();
401382: b8 00 00 00 00
138
                                              $0x0, %eax
139
     401387: e8 fa f6 ff ff
                                       callq
                                              400a86 <get_counter>
     40138c: f2 0f 11 04 24
                                              % xmm0,(% rsp)
                                      movsd
```

Traducción a ensamblador del bucle computacional del programa de pruebas incluyendo la precarga mediante software.

Ahora sí se introducen en el programa instrucciones de precarga, concretamente en tres situaciones: en la generación de los valores del array A[], en la generación de los índices contenidos en el array e[], y en el bucle computacional. Tan solo se representa este último caso por cuestiones de espacio.

Cabe destacar además que en el primer y último caso se replica el código correspondiente a cada línea de C para ejecutarla un total de 16 veces de forma secuencial. Además, estas líneas no cuentan con una única traducción en código ensamblador.

Antes de continuar, debe considerarse que en el bucle computacional se efectúa un acceso a un array de forma indirecta, pero tan sólo se incluye una instrucción de precarga en cada iteración. Por lo tanto, el compilador puede haber decidido emplear esta técnica o bien sobre A[I], o bien sobre e[I].

Para aclarar esta cuestión, se modifica ligeramente el código del programa. Ahora, se obtiene en primer lugar un índice accediendo a e[] y, tras ello, se accede a la posición de A[] apropiada. El resultado de la compilación es el siguiente:

```
// Se realiza el acceso a memoria
        indice = e[ j ];
40122a: 48 63 c8
                                movslq % eax, %rcx
40122d: 48 8d 0c 8b
                                      (%rbx, %rcx, 4), %rcx
                               1ea
401231: 0f 18 49 50
                                prefetcht0 0x50(%rcx)
        suma += valoresA[ indice ];
                               movslq (%rcx),%rcx
401235: 48 63 09
401238: f2 0f 58 44 cd 00
                                      0x0(\%rbp,\%rcx,8),\%
                               addsd
  xmm0
```

Fragmento de la traducción a ensamblador del bucle computacional del programa de pruebas incluyendo la precarga mediante software.

De este modo sí es posible observar cómo la instrucción de precarga generada corresponde a la línea de C en la que se referencia un valor de e[J], por lo cual se puede concluir que la precarga no se realiza sobre el array A[J]. Consecuentemente, la precarga mediante software no debería suponer una notable diferencia en términos de rendimiento, puesto que simplemente se precargan elementos a los que se accede de por sí de forma secuencial y, por lo tanto, el principio de localidad beneficiará claramente la ejecución.

Sin embargo, es de interés considerar la "réplica" de instrucciones en ensamblador llevada a cabo así como la disponibilidad de diversas implementaciones de algunas líneas de C. Como se puede observar en el código dispuesto anteriormente, en cada iteración de una versión del bucle computacional se realizan, aparentemente, 16 sumas en lugar de una única. Además, la instrucción de precarga se sitúa al inicio de este mismo. Sabiendo que la precarga se efectúa sobre los elementos de *e[]*, que son de tipo int (4 bytes), y que una

línea del computador de pruebas contiene 64 bytes, en cada una de ellas se pueden almacenar 16 valores de *e*[].

Por todo ello, es probable que el compilador decida realizar la siguiente optimización: si es posible, se realizan 16 iteraciones originales del bucle en una única, indicando al inicio de esta última que se traiga la siguiente línea de elementos de *e[]* que podrán ser empleados en la siguiente iteración. De este modo, mientras se emplean los 16 elementos disponibles de *e[]*, los siguientes 16 son traídos simultáneamente evitando, si es posible, que se produzca un fallo de caché al inicio de la próxima iteración. En caso de que simplemente sea imposible realizar 16 sumas consecutivas, se emplea una versión alternativa en ensamblador del bucle computacional, realizando las sumas de una en una al igual que en el código original en C.

Si esta es realmente la optimización llevada a cabo por el compilador, quizá sí sea posible percibir una mejora sobre la velocidad de ejecución como consecuencia de la precarga, al poder evitar que se produzca un fallo de caché por tratar de leer un índice que no se encuentre en ella.

Finalmente, cabe destacar que se ha tratado de forzar, sin éxito, que el compilador efectúe la precarga sobre el array A[], dado que los índices almacenados en e[] se encuentran equiespaciados, y quizá sería capaz de detectar dicho patrón en esos accesos a memoria. Las pruebas realizadas son las siguientes:

- Eliminar el bucle correspondiente a las diez reducciones de punto flotante, realizándose tan solo una con el objetivo de reducir la complejidad del código de cara al compilador, puesto que se encontraba con dos bucles for anidados.
- En lugar de obtener los índices a partir del array e[], se accede a un valor de A[] directamente en función del número de iteración, del mismo modo en que los índices son generados, resultando en suma += valoresA[j * D].
- Las dos anteriores pruebas conjuntas.
- Emplear el compilador Clang para comprobar su política a la hora de efectuar las optimizaciones.

A continuación, se pueden observar en la Figura 5 los ciclos medios por acceso obtenidos sin realizar la precarga de los elementos de e[].

Y, para poder estudiar la eficiencia a la hora de precargar los índices, se comparará la Figura anterior con la Figura 6, en la que se muestran los ciclos medios obtenidos empleando la precarga sobre los índices contenidos en *e*[].

Estas figuras muestran que, el hecho de realizar la precarga por software o no, no supone una variabilidad relevante de los ciclos medios por acceso.

De todos modos, puede observarse que la precarga puede afectar a los valores más pequeños de D y de L, como pueden ser D=1 o D=38, y L=256 o L=2048. En estos casos, es posible que los ciclos medios sí se puedan ven incrementados en la Figura 5 respecto a la Figura 6.

Este puede suceder por las siguientes cuestiones:

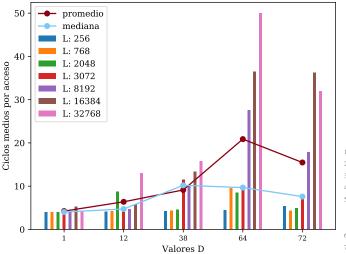


Figura 5. Ciclos medios por acceso a memoria respecto al valor de D sin emplear la precarga mediante software (nivel 1 de optimización).

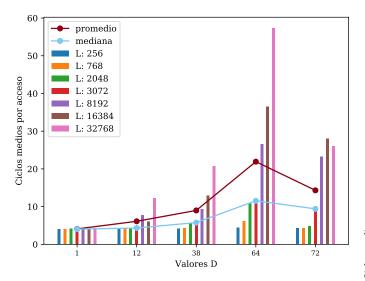


Figura 6. Ciclos medios por acceso a memoria respecto al valor de D empleando la precarga mediante software (nivel 1 de optimización).

- Si un experimento presenta un número de ciclos medios reducido, como por ejemplo los casos de *D* = 1, una pequeña variación en el rendimiento a la hora de la ejecución se hará notar en mayor medida que en un experimento como el de *D* = 64 y *L* = 32768, en que se dan valores mucho más elevados.
- Es relevante además el tamaño del experimento, es decir, el número de elementos a inicializar y a leer, puesto que la precarga por software se puede hacer notar en mayor medida en casos pequeños respecto a la precarga por hardware, la cual necesita identificar patrones en accesos a datos para funcionar correctamente. Consecuentemente, es posible que los experimentos de mayor envergadura se vean influenciados de una manera importante por la precarga mediante hardware, y por ende la precarga por

software no varíe tanto los resultados.

V-C2. Precarga mediante hardware: Como se explicó anteriormente, la precarga por hardware es inherente al procesador de pruebas, por lo que simplemente es posible tratar de reducir su efectividad, en lugar de desactivarla como en el caso de la precarga mediante software.

Para ello, se realiza la modificación especificada anteriormente, y el segmento del programa de pruebas en donde se generan los índices resulta del siguiente modo:

```
ENTORNO = 3

for( i = 0; i < R; i++ )

{

// Se consideran el número de posición y el paso
// dado junto a un entero aleatorio entre [0,
// ENTORNO]
e[ i ] = i * D + rand() %ENTORNO;
}
```

Programa de pruebas en el que se trata de evitar la precarga mediante hardware.

El programa es compilado con la opción -00, dado que ya que no es necesario forzar una optimización mediante software. Se pueden observar los resultados obtenidos en la Figura 7. Comparándola con la Figura 1, la progresión de los ciclos medios (promedio y mediana) a medida que crece el valor de D se mantiene prácticamente igual en la mayor parte de los casos.

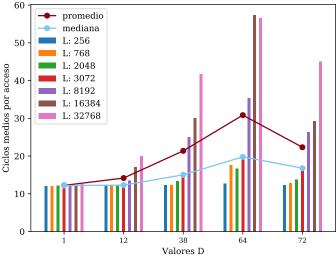


Figura 7. Ciclos medios por acceso a memoria respecto al valor de D tratando de evitar la precarga mediante hardware.

Sin embargo, considerando el tamaño total de los experimentos, es decir, la combinación de D y L, se puede observar que en los casos intermedios sí se produce un leve incremento de los ciclos medios respecto a la Figura 1. Esto se puede ver reflejado en experimentos como D=12 y L=16384, D=38 y L=8192, o D=64 y L=768.

Esto puede ser debido a que, para tamaños pequeños, la efectividad del principio de localidad evita que la variabilidad de la precarga por hardware afecte de forma importante a los resultados. Por otra parte, para tamaños grandes, los

resultados de los experimentos muestran que la ejecución se ve notablemente perjudicada debido a que los parámetros dados no favorecen que se cumpla el principio de localidad, y por lo tanto la pequeña variabilidad en los intentos de burlar la precarga mediante hardware no se hace notar.

Finalmente, cabe destacar que se producen dos picos en los dos últimos experimentos con D = 64, que simplemente pueden deberse a otros factores. Sucede algo similar con el pico de la Figura 1 para D = 72 y L = 16384.

VI. CONCLUSIONES DE LOS EXPERIMENTOS

A partir de los experimentos realizados, se puede extraer una serie de conclusiones acerca de la influencia del principio de localidad en la ejecución de un programa que depende en gran medida del acceso a datos, y sobre la efectividad de las técnicas de precarga disponibles para el procesador de pruebas.

Comenzando con el principio de localidad, se concluye que, a medida que los datos se encuentran más distanciados entre sí, el número de ciclos medio por acceso a dato se ve incrementado en función de ello. Esto se debe a que se cumple en menor medida el principio de localidad y, por lo tanto, el rendimiento en la ejecución se ve claramente degradado.

A mayores, también se puede observar que estos resultados se ven influenciados por el número de líneas caché (parámetro L) a las que se debe acceder; es decir, el principal determinante del tamaño de un experimento. Por ejemplo, en un caso en el que el principio de localidad apenas se cumpla, las consecuencias de ello se harán notar en mayor medida al realizarse un mayor número de accesos.

Tocante a las implementaciones disponibles para la precarga, se pueden extraer dos conclusiones.

En cuanto a la precarga mediante *software*, esta no condiciona de forma notable el resultado de los experimentos.

Además, es necesario tener en cuenta el compilador empleado, dado que se relega a este la tarea de optimizar el código generado para incluir este tipo de precarga. El compilador debería realizarlo de una forma óptima para no perjudicar el rendimiento del programa compilado, puesto que la inclusión de la precarga resulta en un mayor número de instrucciones en ensamblador, y además todas ellas implican la carga de datos. Por lo tanto, un empleo incorrecto de estas instrucciones supondría una mayor carga sobre el procesador y el desaprovechamiento de parte de la memoria caché.

Por otro lado, la precarga mediante *hardware* es inherente al procesador empleado y, por lo tanto, no es posible que el programador la deshabilite para observar su influencia en el rendimiento del programa. Por lo tanto, tan solo se ha podido intentar evitarla distorsionando los patrones de acceso a datos, y tan solo se han podido observar unos pocos experimentos en los que se vean reflejados sus beneficios, siendo imposible extraer una conclusión global.

REFERENCIAS

[1] Intel Corporation, "Intel Core i3-7100 Processor (3M Cache, 3.90 GHz) Product Especification" [en línea]. Disponible en: https://ark.intel.com/content/www/us/en/ark/products/97455/intel-core-i3-7100-processor-3m-cache-3-90-ghz.html [fecha de consulta: 24/02/2019].

- [2] Larry McVoy, Carl Staelin, "LMbench Tools for Performance Analysis" [en línea]. Disponible en: http://lmbench.sourceforge.net/ [fecha de consulta: 28/02/2019].
- [3] Larry McVoy, Carl Staelin, "Imbench: Portable Tools for Performance Analysis" [en línea]. Disponible en: https://www.usenix.org/legacy/publications/library/proceedings/sd96/full_papers/mcvoy.pdf [fecha de consulta: 28/02/2019].
- [4] Intel Corporation, "Intel® 64 and IA-32 Architectures Software Developer's Manual Combined Volumes: 1, 2A, 2B, 2C, 2D, 3A, 3B, 3C, 3D, and 4 — Intel® Software" [en línea]. Disponible en: https://software.intel.com/en-us/download/intel-64-and-ia-32-architectures-sdm-combined-volumes-1-2a-2b-2c-2d-3a-3b-3c-3d-and-4 [fecha de consulta: 03/03/2019].
- [5] GCC project, "John (Eljay) Love-Je RE: Undocumented optimization flag, switched by O1" [en línea]. Disponible en: https://gcc.gnu.org/ml/ gcc-help/2007-11/msg00214.html [fecha de consulta: 03/03/2019].
- [6] John L. Hennessy, y David A. Patterson, "Computer Architecture: A Quantitative Approach," Quinta Edición, Morgan Kaufmann, 2011.