

**LAPORAN PRAKTIKUM
STRUKTUR DATA DAN ALGORITMA**

ANALISIS ASIMTOTIK



DISUSUN OLEH
Muhammad Alwiza Ansyar M0520051

PROGRAM STUDI INFORMATIKA
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM
UNIVERSITAS SEBELAS MARET

2021

1. Algoritma-1.cpp

a) Source code:

```

1  #include<iostream>
2  #include<time.h>
3  #include<chrono>
4  #include <array>
5  using namespace std;
6  using namespace chrono;
7  void swap(int * xp, int * yp){
8      int temp = *xp;
9      *xp = *yp;
10     *yp = temp;
11 }
12 void STAY(int arr[], int n){
13     int i, j;
14     for(i=0; i<n-1; i++){
15         for(j=0; j<n-i-1; j++){
16             if(arr[j]>arr[j+1]) swap(&arr[j], &arr[j+1]);
17         }
18     }
19 }
20
```

b) Analisa Big O

Terdapat dua fungsi yaitu fungsi **swap** dan fungsi **STAY**. Fungsi **swap** melakukan pertukaran value antara dua variable, sedangkan fungsi **STAY** melakukan pengurutan elemen array dari kecil ke besar dengan cara memanggil **swap** apabila ditemukan elemen yang tidak urut (dengan cara membandingkan nilai dari elemen)

Fungsi **swap**:

- Memiliki tiga baris (8-10) yang masing-masing merupakan konstan sehingga memiliki $O(1)$

Fungsi **STAY**:

- Baris 13 merupakan konstan sehingga memiliki $O(1)$
- Baris 14 merupakan loop menggunakan for statement dengan iterasi $i++$ sehingga memiliki $O(n)$
- Baris 15 merupakan loop menggunakan for statement yang juga merupakan inner loop dari loop sebelumnya, menggunakan iterasi $j++$ sehingga memiliki $O(n)$
- Baris 16 berisi pertukaran yang eksekusinya tergantung dari isi array

c) Analisa kasus

Isi dari array akan mempengaruhi kompleksitas waktu dari program. Jika ditemukan elemen $[j]$ lebih besar dari elemen $[j+1]$, maka akan dipanggil fungsi **swap**. Namun, fungsi **swap** hanya memiliki $O(1)$ sehingga perbedaan antar kasus tidak signifikan

- Bestcase \rightarrow Array dengan elemen urut dari kecil ke besar, tidak dilakukan **swap** sama sekali $\rightarrow O(n^2)$
- Worstcase \rightarrow Array dengan elemen urut dari besar ke kecil, dilakukan **swap** sebanyak $n-1$ kali $\rightarrow O(n^2)$
- Averagecase \rightarrow Array dengan elemen yang acak, **swap** mengikuti elemen $\rightarrow O(n^2)$

d) Testing

Pada test ini digunakan n dengan initial value 999, batas $n \leq 10000$, dan iterasi $n = n + 1000$

```

20
21 int main(void){
22
23     cout << "\tBestcase\tWorstcase\tAveragecase" << endl;
24     for( int n=999; n<=10000; n+=1000 ){
25         int* best = new int[n];
26         int* worst = new int[n];
27         int* avg = new int[n];
28
29         for( int i=0; i<n; i++ ){
30             best[i] = i;
31             worst[i] = n-i;
32             avg[i] = rand();
33         }
34
35         auto best_t0 = high_resolution_clock::now();
36         STAY(best, n);
37         auto best_t1 = high_resolution_clock::now();
38         auto best_dt = best_t1-best_t0;
39         long long best_dtms = duration_cast <microseconds> (best_dt).count();
40
41         auto worst_t0 = high_resolution_clock::now();
42         STAY(worst, n);
43         auto worst_t1 = high_resolution_clock::now();
44         auto worst_dt = worst_t1-worst_t0;
45         long long worst_dtms = duration_cast <microseconds> (worst_dt).count();
46
47         auto avg_t0 = high_resolution_clock::now();
48         STAY(avg, n);
49         auto avg_t1 = high_resolution_clock::now();
50         auto avg_dt = avg_t1-avg_t0;
51         long long avg_dtms = duration_cast <microseconds> (avg_dt).count();
52
53         cout << "n=" << n << "\t" << best_dtms << "\t\t" << worst_dtms << "\t\t" << avg_dtms << endl;
54     }
55 }

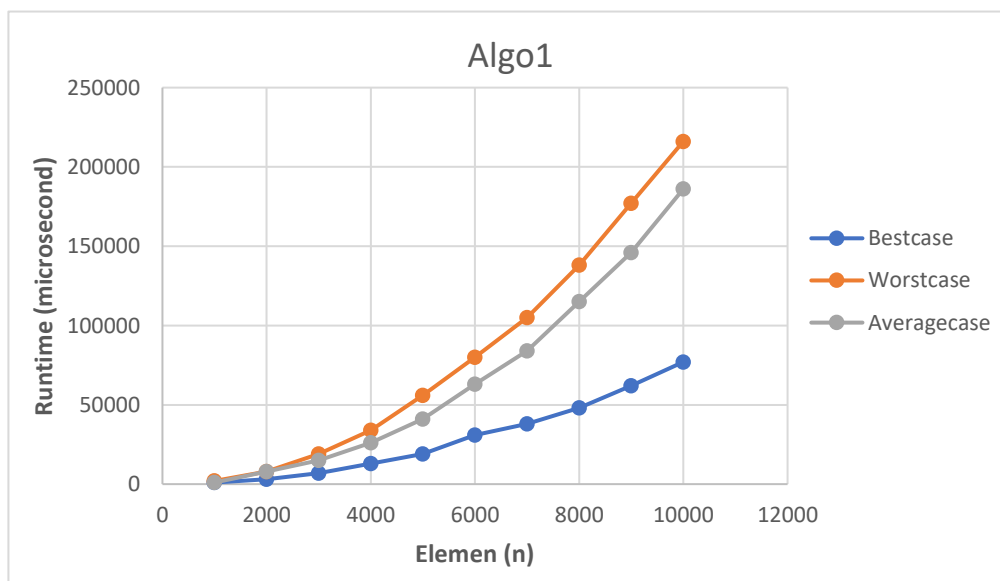
```

```

D:\Kuliah\Semester 2\Struktur Data & Algoritma\prak\algoritma-1.exe
Bestcase      Worstcase      Averagecase
n=999         1010           2010           1000
n=1999        3001           8001           8001
n=2999        7000           19004          15003
n=3999        13003          34007          26006
n=4999        19021          56002          41019
n=5999        31006          80017          63014
n=6999        38009          105022         84019
n=7999        48011          138048         115008
n=8999        62027          177026         146034
n=9999        77010          216048         186061
-----
Process exited after 1.974 seconds with return value 0
Press any key to continue . . .

```

e) Grafik



2. Algoritma-2.cpp

a) Source code:

```
algoritma-1.cpp  algoritma-2.cpp  algoritma-3.cpp
1  #include<iostream>
2  #include<time.h>
3  #include<chrono>
4  #include <array>
5  using namespace std;
6  using namespace chrono;
7
8  void HOME(int arr[], int n){
9      int i, key, j;
10     for(i=1; i<n; i++){
11         key = arr[i];
12         j = i - 1;
13         while(j>=0 && arr[j]>key){
14             arr[j+1] = arr[j];
15             j--;
16         }
17         arr[j+1] = key;
18     }
19 }
```

b) Analisa Big O

Terdapat fungsi **HOME** yang melakukan pengurutan array dari kecil ke besar. Apabila ditemukan elemen yang tidak urut, maka akan masuk pada while statement yang melakukan pertukaran elemen array

- Baris 9, 11, 12, 14, 15, dan 17 merupakan konstan sehingga memiliki $O(1)$
- Baris 10 memiliki loop menggunakan for statement dan iterasi $i++$ sehingga memiliki $O(n)$
- Baris 13 memiliki loop menggunakan while statement dan iterasi $j--$ sehingga memiliki $O(n)$

c) Analisa kasus

Isi dari array akan mempengaruhi kompleksitas waktu. Jika ditemukan elemen $[j]$ lebih besar dari $[j+1]$ maka akan dieksekusi while loop yang melakukan pertukaran. While loop memiliki $O(n)$ sehingga akan ada perbedaan signifikan pada kasus

- Bestcase \rightarrow Array dengan elemen urut dari kecil ke besar, tidak dieksekusi while loop sama sekali $\rightarrow O(n)$
- Worstcase \rightarrow Array dengan elemen urut dari besar ke kecil, dieksekusi while loop sebanyak $n-1$ kali $\rightarrow O(n^2)$
- Averagecase \rightarrow Array dengan elemen yang acak, while loop mengikuti elemen $\rightarrow O(n^2)$

d) Testing

Pada test ini digunakan n dengan initial value 999, batas $n \leq 10000$, dan iterasi $n = n + 1000$

```
20
21 int main(void){
22
23     cout << "\tBestcase\tWorstcase\tAveragecase" << endl;
24     for( int n=999; n<=10000; n+=1000 ){
25         int* best = new int[n];
26         int* worst = new int[n];
27         int* avg = new int[n];
28
29         for( int i=0; i<n; i++ ){
30             best[i] = i;
31             worst[i] = n-i;
32             avg[i] = rand();
33         }
34     }
```

```

34
35     auto best_t0 = high_resolution_clock::now();
36     HOME(best, n);
37     auto best_t1 = high_resolution_clock::now();
38     auto best_dt = best_t1 - best_t0;
39     long long best_dtms = duration_cast<microseconds>(best_dt).count();
40
41     auto worst_t0 = high_resolution_clock::now();
42     HOME(worst, n);
43     auto worst_t1 = high_resolution_clock::now();
44     auto worst_dt = worst_t1 - worst_t0;
45     long long worst_dtms = duration_cast<microseconds>(worst_dt).count();
46
47     auto avg_t0 = high_resolution_clock::now();
48     HOME(avg, n);
49     auto avg_t1 = high_resolution_clock::now();
50     auto avg_dt = avg_t1 - avg_t0;
51     long long avg_dtms = duration_cast<microseconds>(avg_dt).count();
52
53     cout << "n=" << n << "\t" << best_dtms << "\t\t" << worst_dtms << "\t\t" << avg_dtms << endl;
54 }

```

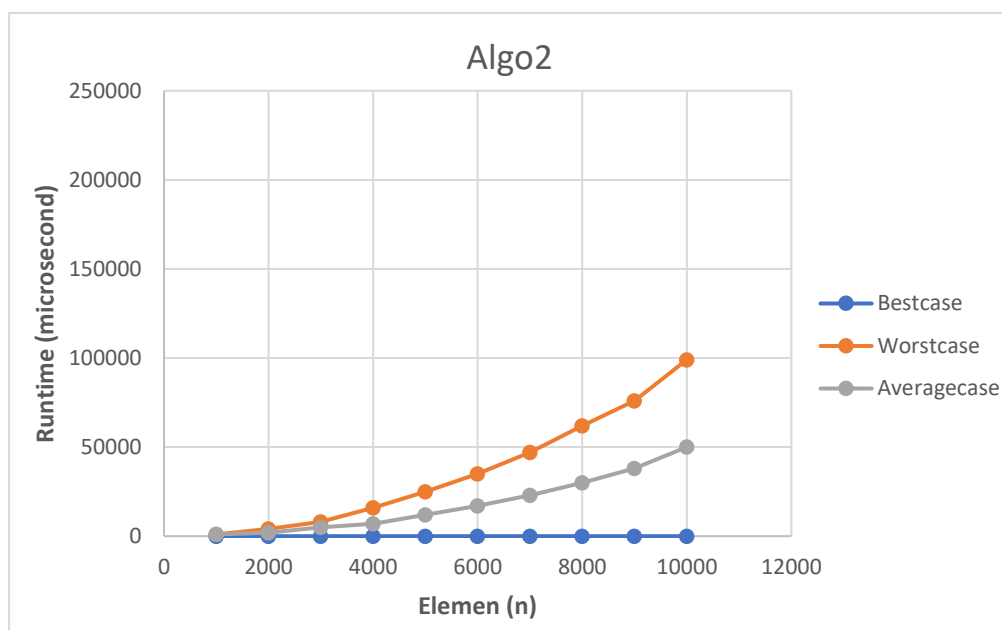
D:\Kuliah\Semester 2\Struktur Data & Algoritma\prak\algoritma-2.exe

	Bestcase	Worstcase	Averagecase
n=999	0	1000	1000
n=1999	0	4001	2000
n=2999	0	8000	5001
n=3999	0	16003	7001
n=4999	0	25006	12002
n=5999	0	35006	17003
n=6999	0	47010	23005
n=7999	0	62013	30006
n=8999	0	76016	38008
n=9999	0	99021	50013

 Process exited after 0.6995 seconds with return value 0
 Press any key to continue . . .

Note: runtime dari bestcase bernilai sangatlah kecil yang mana masih dianggap 0 dalam skala mikrosecond

e) Grafik



3. Algoritma-3.cpp

a) Source code:

```
algoritma-1.cpp  algoritma-2.cpp  algoritma-3.cpp
1  #include<iostream>
2  #include<time.h>
3  #include<chrono>
4  #include <array>
5  #include <string>
6  using namespace std;
7  using namespace chrono;
8
9  int eraseAT(string str) {
10     string acc;
11     bool a, b;
12     int x = 0;
13     if (str.length() == 0)
14         return 0;
15     for (int i = 0; i < str.length(); i++) {
16         if (str[i] == '[' || str[i] == ':' || str[i] == '|') {
17             if (str[i] == '[') {
18                 acc.push_back(str[i]);
19                 a = true;
20             }
21             else if (str[i] == ':' && a) {
22                 if (str[i] == ':' && acc[acc.length() - 1] == ':') {
23                     acc.pop_back();
24                     b = false;
25                 }
26                 else {
27                     acc.push_back(str[i]);
28                     b = true;
29                 }
30             }
31             else if (str[i] == '|' && b) {}
32             else x++;
33         }
34         else if (str[i] == ']') {
35             if (acc.length() == 0)
36                 x++;
37             else {
38                 acc.pop_back();
39                 a = false;
40             }
41         }
42         else x++;
43     }
44     if (acc.length() == 0) return x;
45     else return -1;
46     for (int i = 0; i < str.length(); i++)
47         for (int j = 0; j < str.length(); j++)
48             for (int k = 0; k < str.length(); k++)
49                 str[i] = str[k];
50     return 0;
51 }
```

b) Analisa Big O

Terdapat fungsi **eraseAT** yang menghitung jumlah karakter dari sebuah string dengan pengecualian pada empat karakter yaitu "[", ":", "|", dan "]" yang memiliki mekanisme khusus. Mekanisme tersebut didukung oleh variabel pendukung a dan b yang bertipe boolean.

- Baris 15 memiliki loop menggunakan for statement dan iterasi i++ sehingga memiliki $O(n)$
- Selain loop, semua merupakan konstan sehingga memiliki $O(1)$

Terdapat perintah yang *unreachable* yaitu pada baris 46-50 dikarenakan baris tersebut terletak sesudah if else statement yang keduanya melakukan return.

c) Analisa kasus

Fungsi **eraseAT** memiliki perbedaan $T(n)$ yang sangat kecil sehingga fungsi **eraseAT** dapat dianggap tidak memiliki kasus bestcase, worstcase, dan averagcase

- Semua kasus $\rightarrow O(n)$

d) Testing

Untuk men-*generate* string dengan karakter yang acak, dibutuhkan fungsi pendukung yaitu fungsi **randchar**. Karakter yang akan dirandom adalah lowercase alphabet ditambah dengan "[", ":", "|", dan "]" (total ada 31 karakter)

```
53 char randchar(){
54     const array<char, 31> listchar = {'[', ':', '|', ']', 'a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g', 'h', 'i', 'j',
55     'k', 'l', 'm', 'n', 'o', 'p', 'q', 'r', 's', 't', 'u', 'v', 'w', 'x', 'y', 'z', ' '};
56
57     return listchar[ rand()%31 + 1 ];
58 }
59
```

Pada test ini digunakan n dengan initial value 100000, batas $n \leq 1000000$, dan iterasi $n = n + 100000$

```
60
61 int main(void){
62
63     cout << "\t\tTestcase" << endl;
64     for( int n=100000; n<=1000000; n+=100000 ){
65         string str;
66
67         for( int i=0; i<n; i++ ){
68             str.push_back(randchar() );
69         }
70
71         auto t0 = high_resolution_clock::now();
72         int a = eraseAT(str);
73         auto t1 = high_resolution_clock::now();
74         auto dt = t1-t0;
75         long long dtms = duration_cast<microseconds>(dt).count();
76
77
78         cout << "n=" << n << "\t" << dtms << endl;
79     }
80 }
```

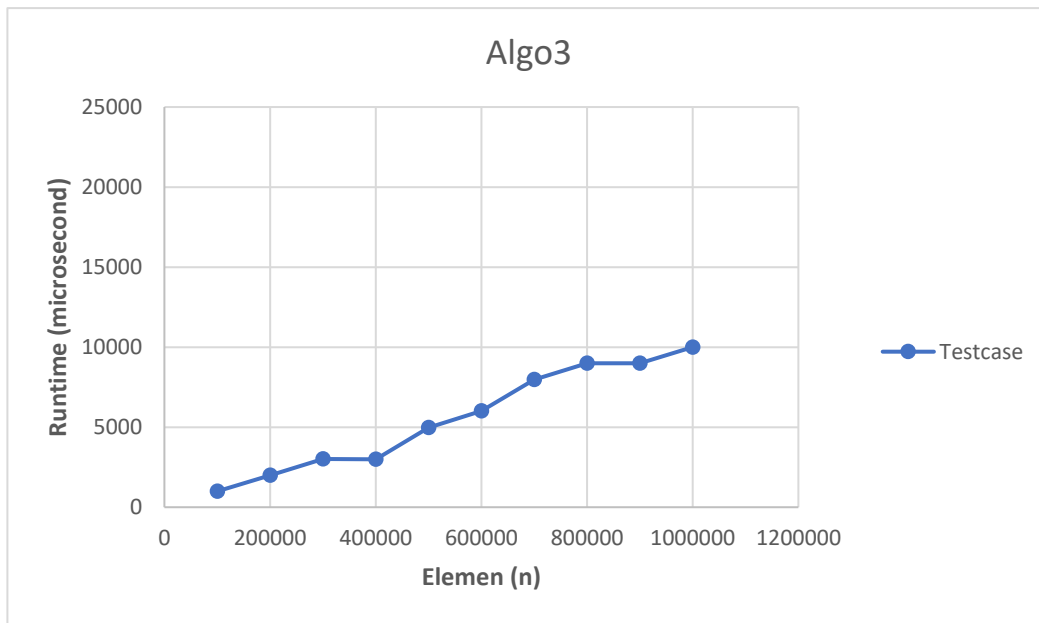
```
if (acc.length() == 0) return x;
```

D:\Kuliah\Semester 2\Struktur Data & Algoritma\prak\algoritma-3.exe

```
Testcase
n=100000    993
n=200000    2000
n=300000    3006
n=400000    2994
n=500000    4982
n=600000    6006
n=700000    7982
n=800000    8987
n=900000    9002
n=1000000   10002

-----
Process exited after 0.3505 seconds with return value 0
Press any key to continue . . .
```

e) Grafik



Kesimpulan

Algoritma-1 dan Algoritma-2 memiliki task yang sama yaitu mengurutkan array dari kecil ke besar. Dapat dilihat bahwa Algoritma-2 memiliki runtime yang lebih cepat daripada Algoritma-1 sehingga dapat disimpulkan bahwa Algoritma-2 lebih bagus daripada Algoritma-1