

Justificar cada respuesta. El examen esta pensado para que no haga falta usar una calculadora.

Ejercicio	1	2	3	Nota
Puntaje máximo	4	4	2	10
Puntaje obtenido				

Si se traban con algún ejercicio, pasen al siguiente y vuelvan a intentar mas tarde con el que dejaron.

1. (4 Puntos) **Resolver:**

a)  $\log(100) - \log_{\frac{1}{2}}(1)$

Sabiendo que  $\log_2(5) \simeq 2,32$ , calcular:

b)  $3^2 \cdot \log_3(7)$

d)  $\log_2(10)$

c)  $\log_2\left(\frac{1}{32}\right)$

e)  $\log_5(2)$

f)  $\log_2(25)$

2. (4 Puntos) **Encontrar, si es posible, el valor de x :**

a)  $\log(x) = 2 \cdot \log(4)$

b)  $\log_5(3 \cdot x - 1) = 1$

c)  $12 \cdot 4^x - 9 \cdot 4^x = 48$

3. (2 Puntos) **Gráficos:** Cada ítem vale 1 punto.

a) Graficar  $y = \log_2(x - 1)$ . (Basta con completar la tabla, y unir los puntos.)

Indicar en que valor de  $x$  esta la asíntota vertical.

$x$	2	3	5	9	3/2	7/4
$y$						

b) Encontrar  $a$  y  $b$ , a partir del gráfico de  $y = \log_a(x - b)$ .

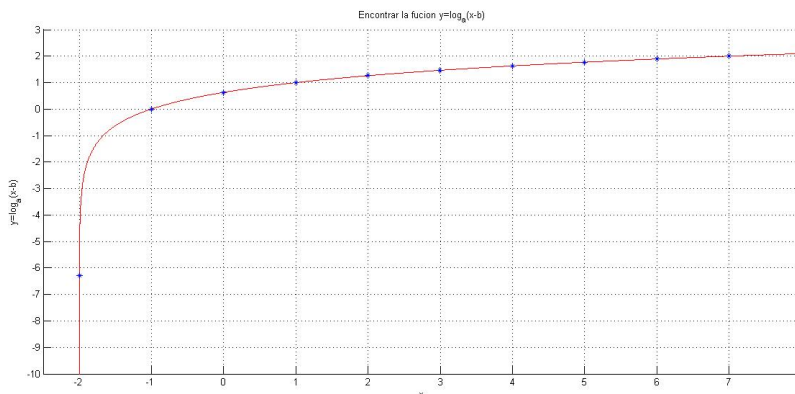


Figura 1: Encontrar  $a$  y  $b$ , a partir del gráfico de  $y = \log_a(x - b)$ . Los puntos marcados con asterisco, son los valores de  $y$  cuando  $x$  vale  $-2, 000001; -1; 0; 1; 2; 3...$

Pista: Analizar que pasa en  $(-1, 0)$  y en  $(1, 1)$ . Que tienen que cumplir  $a$  y  $b$  para que sea posible que la función tome estos valores?

4. (bonus) **Extra:** Si ya terminaste los demás, este ejercicio sirve como un bonus para darte un empujón si estas cerca de aprobar, o para redondear la nota para arriba.

Sabiendo que, por definición,  $x = a^{\log_a(x)}$ ; y  $x = c^{\log_c(x)}$ . Demostrar que  $\log_a(x) = \frac{\log_c(x)}{\log_c(a)}$ .