

Justificar cada respuesta. El examen esta pensado para que no haga falta usar una calculadora.

Ejercicio	1	2	3	Nota
Puntaje máximo	4	4	2	10
Puntaje obtenido				

Si se traban con algún ejercicio, pasen al siguiente y vuelvan a intentar mas tarde con el que dejaron.

1. (4 Puntos) **Resolver:**

a) $\log(1000) - \log_{\frac{1}{3}}(1)$

Sabiendo que $\log_5(3) \simeq 0,68$, calcular:

b) $3^2 \cdot \log_3(7)$

d) $\log_5(15)$

c) $\log_3(\frac{1}{27})$

e) $\log_3(5)$

f) $\log_5(9)$

2. (4 Puntos) **Encontrar, si es posible, el valor de x :**

a) $\log(x) = 3 \cdot \log(3)$

b) $\log_8(2x - 4) = 1$

c) $9 \cdot 3^x - 5 \cdot 3^x = 36$

3. (2 Puntos) **Gráficos:** Cada ítem vale 1 punto.

a) Graficar $y = \log_2(x - 2)$. (Basta con completar la tabla, y unir los puntos.)

Indicar en que valor de x esta la asíntota vertical.

x	3	4	6	10	5/2	9/4
y						

b) Encontrar a y b , a partir del gráfico de $y = \log_a(x - b)$.

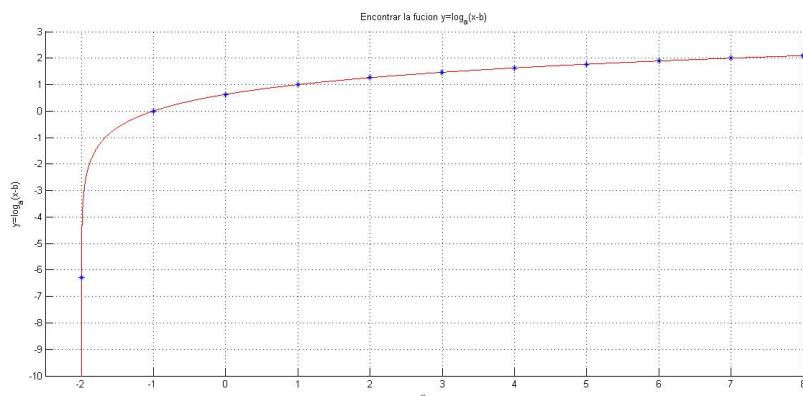


Figura 1: Encontrar a y b , a partir del gráfico de $y = \log_a(x - b)$. Los puntos marcados con asterisco, son los valores de y cuando x vale $-2, 0, 1, 2, 3, \dots$

Pista: Analizar que pasa en $(-1, 0)$ y en $(1, 1)$. Que tienen que cumplir a y b para que sea posible que la función tome estos valores?

4. (bonus) **Extra:** Si ya terminaste los demás, este ejercicio sirve como un bonus para darte un empujón si estas cerca de aprobar, o para redondear la nota para arriba.

Sabiendo que, por definición, $x = a^{\log_a(x)}$; y $x = c^{\log_c(x)}$. Demostrar que $\log_a(x) = \frac{\log_c(x)}{\log_c(a)}$.

"There's as many atoms in a single molecule of your DNA as there are stars in the typical galaxy. We are, each of us, a little universe." Neil deGrasse Tyson, Cosmos