# Metodologia Carta de Conjuntura Mercado de Trabalho Neri/Insper

July 12, 2024

## 1 Objetivo

- O objetivo é mensurar o quanto da massa salarial dos negros poderia ser ganha caso as características observáveis, como educação, experiência, etc, fossem iguais as dos brancos e caso não houvesse discriminação racial.
- Para isso, será necessário o uso de algumas informações demográficas, tais como a quantidade de negros e brancos na economia e a proporção de indivíduos empregados para ambos os grupos.
- Para facilitar, considere  $P_0$  e  $P_1$  como a população, respectivamente, de brancos e negros. Enquanto,  $p_0$  e  $p_1$ , a proporção de empregados nesses grupos.

## 2 Equação Salarial

- Para cumprir nosso objetivo é necessário estimar o rendimento médio de cada grupo demográfico.
- Para indivíduos negros:

$$\bar{Y}_1 = \sum exp(\alpha + X_i\beta + \gamma + \epsilon_i)/P_1 \tag{1}$$

• Para indivíduos brancos:

$$\bar{Y}_0 = \sum exp(\alpha + X_i\beta + \epsilon_i)/P_0 \tag{2}$$

• Onde,  $\gamma$  é o componente que mensura a discriminação racial.

### 3 Rendimento contrafactual

• Agora considere a seguinte hipótese: imagine que negros e brancos possuem características observadas entre-grupos heterogêneas e que a discriminação racial foi abolida no mercado de trabalho. Nesse caso, quanto em média os negros receberiam? Ora, se o conjunto de observações continuam distintas entre brancos e negros como a escolaridade média, a proporção de moradores em zonas urbanas e rurais, a experiência no mercado de trabalho, etc, então a igualdade salarial não foi alcançada. No entanto, podemos retirar o componente discriminatório,  $\gamma$ , que mede o quanto cada trabalhador negro perde mensalmente, em média, apenas por ser negro. Assim:

$$\bar{Y}_c = \sum exp(\alpha + X_i\beta + \epsilon_i)/P_1 \tag{3}$$

• Ainda nesse cenário hipotético em que a discriminação foi abolida, a diferença salarial média remanescente decorre do conjunto das características observadas, ou seja,  $(\bar{X}_1 - \bar{X}_0)\beta = \Delta X\beta$ . É por isso, que mesmo  $\gamma$  for igual a zero, a disparidade salarial média permanece.

## 4 Mensurando a Probabilidade Média da Empregabilidade

• Para o indivíduo estar empregado são necessários alguns fatores, tais como estar inserido na População Economicamente Ativa (PEA), ter habilidades cognitvas, técnicas e sociais, experiência no mercado de trabalho, localidade da moradia, entre outros. Logo, cada indivíduo possui um conjunto dessas características observadas,  $Z_i$ , além disso, devido a incidência da discriminação racial, os negros tendem a ser o grupo demográfico com a maior taxa de desemprego na economia. Essa penalidade racial em não estar empregado é captado por  $\delta$  no modelo a seguir:

$$\bar{P}_1 = \theta + E[Z_i|R_i = 1]\phi + \delta \tag{4}$$

• Enquanto para os brancos, temos a seguinte função de probabilidade de empregabilidade média:

$$\bar{P}_0 = \theta + E[Z_i|R_i = 0]\phi \tag{5}$$

• Agora considere, novamente, a hipótese da abolição da discriminação racial. Teremos negros e brancos com a mesma probabilidade de estarem empregados? A resposta depende do conjunto de características observadas. Se permanecerem diferentes, o novo resultado, chamado de contrafactual, retirará apenas o componente discriminatório  $\delta$ . Ou seja:

$$\bar{P}_c = \theta + E[Z_i|R_i = 1]\phi \tag{6}$$

• Então, para sabermos quanto da diferença entre as probabilidades de estar empregado dada a raça decorre das características observadas (efeito composição), podemos fazer a seguinte conta:  $(\bar{Z}_1 - \bar{Z}_0)\phi = \Delta Z\phi$ 

#### 5 Fitted Values

- É preciso frisar que tanto na equação salarial quanto na de empregabilidade são usados o ajustamento dos valores (fitted values). Tal uso é necessário para evitar sub-representação ou sobrerrepresentação no montante da massa salarial perdida.
- Um ótimo ajuste do modelo é aquele no qual o valor predito é igual ao valor real. Desse modo, o resíduo é igual a zero. Assim, o objetivo é encontrar as estimações mais próximas do cenário real.

#### 6 Massa Salarial

• A massa salarial é o montante total dos rendimentos do trabalho de todos os indivíduos empregados  $(P\bar{p})$  de uma economia. Assim, temos:

$$M = P_0 \bar{p}_0 \bar{Y}_0 + P_1 \bar{p}_1 \bar{Y}_1 \tag{7}$$

• E se os negros tivessem a mesma probabilidade média de estarem empregados em conjunto com o mesmo rendimento médio dos trabalhadores brancos? Nesse caso, queremos um cenário contrafactual, no qual a massa salarial da economia não seria afetada por diferenças observáveis entre negros e brancos, tampouco por algum grau de discriminação na economia. Essa massa salarial contrafactual pode ser medida do seguinte modo:

$$M_c = P_0 \bar{p}_0 \bar{Y}_0 + P_1 \bar{p}_0 \bar{Y}_0 = (P_0 + P_1) \bar{p}_0 \bar{Y}_0 \tag{8}$$

• Caso queiramos mensurar a perda da massa salarial em um cenário no qual negros tem a probabilidade média de empregabilidade igual dos indivíduos brancos e mantendo a diferença salarial, temos que  $\bar{p}_0 = \bar{p}_1$ , então:

$$(P_0\bar{p}_0\bar{Y}_0 + P_1\bar{p}_1\bar{Y}_1) - (P_0\bar{p}_0\bar{Y}_0 + P_1\bar{p}_0\bar{Y}_1) = P_1\bar{p}_1\bar{Y}_1 - P_1\bar{p}_0\bar{Y}_1 = P_1\bar{Y}_1(\bar{p}_1 - \bar{p}_0)$$
(9)

• No cenário contrafactual em que o salário médio dos negros é igualado aos dos brancos,  $\bar{Y}_1 = \bar{Y}_0$ , porém com diferença na probabilidade do acesso ao emprego, temos:

$$(P_0\bar{p}_0\bar{Y}_0 + P_1\bar{p}_1\bar{Y}_1) - (P_0\bar{p}_0\bar{Y}_0 + P_1\bar{p}_1\bar{Y}_0) = P_1\bar{p}_1\bar{Y}_1 - P_1\bar{p}_1\bar{Y}_0 = P_1\bar{p}_1(\bar{Y}_1 - \bar{Y}_0) \quad (10)$$

- Onde, a equação (9) representa a massa salarial perdida devido a penalidade na empregabilidade para os trabalhadores negros.
- E a equação (10) representa a massa salarial perdida devido a penalidade salarial para os indivíduos negros.
- Lembre-se que há um terceiro contrafactual, cujo cenário iguala a esperança salarial e a probabilidade média da empregabilidade entre negros e brancos, representado por  $M_c$ . Ou seja, é preciso considerar os três cenários. Logo:

Massa Total Perdida = 
$$(P_0 + P_1)\bar{p}_0\bar{Y}_0 + P_1\bar{Y}_1(\bar{p}_1 - \bar{p}_0) + P_1\bar{p}_1(\bar{Y}_1 - \bar{Y}_0)$$
 (11)

• Simplificando, temos que a Massa Total Perdida dos Negros (MTPN) é igual à:

$$MTPN = M_c + P_1 * penalidade na empregabilidade + P_1 * penalidade salarial$$
 (12)

 Desse modo, temos o resultado da massa salarial total perdida, que leva em conta alguns contrafactuais. Com isso, podemos decompor a massa salarial total tanto em termos de empregabilidade quanto em termo de salários.