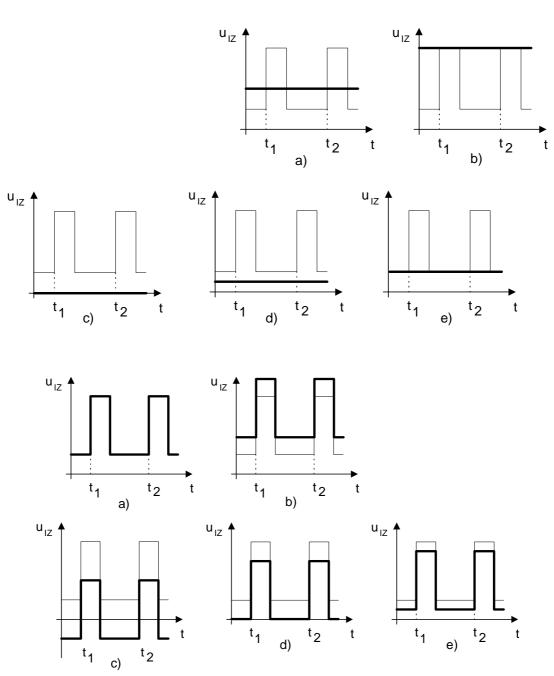
- 1. Na ulaz RC mreže doveden je napon prikazan na slici.
  - a. Ako se zna da za vremensku konstantu RC mreže vrijedi da je  $\tau=1000(t_2-t_1)$  odredi izlazni napon. (**odgovor: slika a**) iz gornjih pet slika)
  - b. Ako se vremenska konstanta RC mreže promjeni tako da vrijedi 1000τ=(t<sub>2</sub>-t<sub>1</sub>) odredi kakav sada oblik ima izlazni napon. (odgovor: slika a) iz donjih pet slika)



2.

Silicijska pločica dopirana je s  $N_D = 10^{15}$  cm<sup>-3</sup> i nalazi se na temperaturi od 300 K.

a. Ako temperatura naraste na 350 K, specifična vodljivost:

## **Pada**

b. Ako se u istu silicijsku pločicu doda još  $2\times10^{15}~{\rm cm}^{-3}$  akceptora, specifična vodljivost na 300 K:

## **Pada**

3.

a. Za silicijski pn-spoj na T=350 K sa koncentracijama primjesa iznosa  $N_D$ = $10^{16}$  cm<sup>-3</sup> i  $N_A$ = $5\cdot10^{18}$  cm<sup>-3</sup> i jednako širokim p i n stranama vrijedi (1 bod):

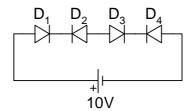
# kontaktni potencijal iznosi 0,786 V, dominantna komponenta struje je šupljinska

b. Ako bi jače dopiranu stranu navedenog *pn*-spoja zamijenili metalom pri čemu bi nastao ispravljački spoj metal-poluvodič, taj spoj imao bi u usporedbi sa *pn*-spojem (1 bod):

manji napon koljena i veću brzinu rada

4. Četiri diode spojene su u seriju prema slici. Diode imaju struje zasićenja  $I_{S1}=I_{S2}=I_S$ ,  $I_{S3}=I_{S4}=2I_S$ . Naponi proboja svih dioda veći su od 10V. Odrediti:

- a.) na kojoj od dioda je najveći napon (po iznosu);
- b.) omjer dinamičkih otpora diode  $D_1$  i  $D_3$   $\frac{r_{d1}}{r_{d3}}$ .



## **GRUPE A i C**

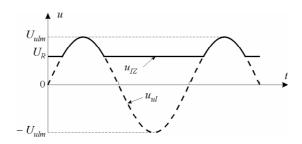
- a.) zaporno  $D_2$  i  $D_4$   $I_{S2}=I_S < I_{S4}=2I_S \Longrightarrow$  najveći napon na  $D_2$ .
- b.)  $I=I_{S2}=I_S$   $I_{SI}=I_S$   $I_{S3}=2I_S$  $r_d = \frac{U_T}{I+I_S}$   $\frac{r_{d1}}{r_{d3}} = \frac{I+I_{S3}}{I+I_{S1}} = \frac{3I_S}{2I_S} = \frac{3}{2}$

### **GRUPE B i D**

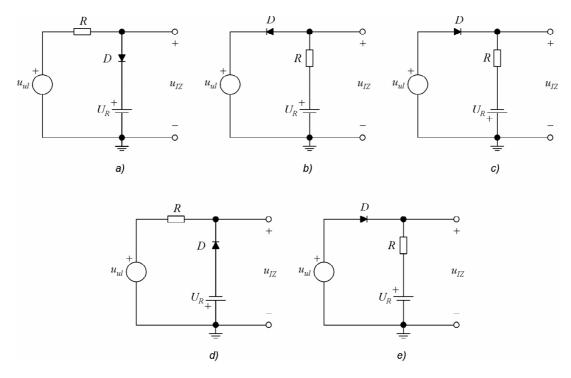
Verzija 2  $I_{S1}=I_{S2}=2I_S$ ,  $I_{S3}=I_{S4}=I_S$ 

- a.) zaporno  $D_2$  i  $D_4$   $I_{S2}=I_S > I_{S4}=2I_S \Longrightarrow$  najveći napon na  $D_4$ .
- b.)  $I=I_{S4}=I_S$   $I_{S1}=2I_S$   $I_{S3}=I_S$  $r_d = \frac{U_T}{I+I_S}$   $\frac{r_{d1}}{r_{d3}} = \frac{I+I_{S3}}{I+I_{S1}} = \frac{2I_S}{3I_S} = \frac{2}{3}$

Koji od ograničavača ograničava izlazni napona prema slici?



# Točan odgovor je pod e)



b. Na izlazne priključke ograničavača priključeno je trošilo otpora  $R_T$ . Kakav treba biti otpor otpornika R u odnosu na otpor propusno polarizirane diode  $r_d$ , te u odnosu na otpor trošila  $R_T$  da bi vrijedio prikazani valni oblik izlaznog napona  $u_{IZ}$ ?

$$R \ll R_T$$
,  $R \gg r_d$ 

#### Zadatak 1.

Silicij je dopiran jednom primjesom. Koncentracija elektrona na temperaturi  $T=25^{\circ}\text{C}$  iznosi  $n=2.5\cdot 10^{5} \text{ cm}^{-3}$ . Na temperaturi  $T=25^{\circ}\text{C}$  pokretljivosti nosilaca iznose  $1400\,\text{cm}^2/\text{Vs}$  i  $420\,\text{cm}^2/\text{Vs}$ .

- a) Izračunati specifičnu vodljivost na temperaturi T = 25°C (2 boda)
- b) Izračunati specifičnu vodljivost na temperaturi  $T = 200^{\circ}$ C. Kada temperatura poraste sa 25 na 200°C pokretljivosti se promijene za 55%. (3 boda)

## Rješenje:

a) Na  $T_1 = 25^{\circ}\text{C} = 25 + 273 = 298 \text{ K}$ :

$$n_{i1} = C_1 T_1^{3/2} \exp\left(-\frac{E'_{G0}}{2 E_{T1}}\right) = 3,07 \cdot 10^{16} \cdot 298^{3/2} \exp\left(-\frac{1,196 \cdot 11600}{2 \cdot 298}\right) = 1,23 \cdot 10^{10} \text{ cm}^{-3}$$

$$p_1 = \frac{n_{i1}^2}{n_1} = \frac{(1,23 \cdot 10^{10})^2}{2,5 \cdot 10^5} = 6,03 \cdot 10^{14} \text{ cm}^{-3} = N_A$$

$$\sigma_1 = q \left(\mu_{n1} n_1 + \mu_{p1} p_1\right)$$

$$\mu_n > \mu_p \quad \Rightarrow \quad \mu_{n1} = 1400 \text{ cm}^2/\text{Vs}, \mu_{p1} = 420 \text{ cm}^2/\text{Vs}$$

$$\sigma_1 = q \mu_{n1} N_A = 1.6 \cdot 10^{-19} \cdot 420 \cdot 6.03 \cdot 10^{14} = 40.5 \text{ mS/cm}$$

b) Na  $T_2 = 200^{\circ}\text{C} = 200 + 273 = 473 \text{ K}$ :

 $n_1 << p_1 = N_A$ 

$$n_{i2} = C_1 T_2^{3/2} \exp\left(-\frac{E_{G0}'}{2 E_{T2}}\right) = 3,07 \cdot 10^{16} \cdot 473^{3/2} \exp\left(-\frac{1,196 \cdot 11600}{2 \cdot 473}\right) = 1,35 \cdot 10^{14} \text{ cm}^{-3}$$
nije više  $N_A >> n_i$ 

$$p_2 = \frac{N_A + \sqrt{N_A^2 + 4 n_{i2}^2}}{2} = \frac{6.03 \cdot 10^{14} + \sqrt{(6.03 \cdot 10^{14})^2 + 4 \cdot (1.35 \cdot 10^{14})^2}}{2} = 6.32 \cdot 10^{14} \text{ cm}^{-3}.$$

$$n_2 = \frac{n_i^2}{p_2} = \frac{(1.35 \cdot 10^{14})^2}{6.32 \cdot 10^{14}} = 2.88 \cdot 10^{13} \text{ cm}^{-3}$$

$$\mu_{n2} = 0.45 \,\mu_{n1} = 0.45 \cdot 1400 = 630 \,\text{cm}^2/\text{Vs}$$

$$\mu_{p2} = 0.45 \,\mu_{p1} = 0.45 \cdot 420 = 189 \,\text{cm}^2/\text{Vs}$$

 $\sigma_2 = q(\mu_{n2} n_2 + \mu_{n2} p_2) = 22 \text{ mS/cm}$ 

#### Zadatak2.

Koncentracije primjesa na n i p strani diode iznose  $N_D$ = $5\cdot10^{15}$  cm<sup>-3</sup> i  $N_A$ = $2\cdot10^{17}$  cm<sup>-3</sup>. Vrijedi  $L_p$ << $w_n$  i  $L_n$ >>  $w_p$ =1  $\mu$ m. Parametri manjinskih nosilaca su  $\mu_n$ =550 cm<sup>2</sup>/Vs,  $\mu_p$ =350 cm<sup>2</sup>/Vs,  $\tau_p$ =1  $\mu$ s. Površina pn spoja iznosi S=5 mm<sup>2</sup>.

- a) Izračunati struju zasićenja. (2 boda)
- b) Izračunati struju kroz diodu uz priključen propusni napon U=0.55 V. (1 bod)
- c) Izračunati rubne i ravnotežne koncentracije te nacrtati raspodjele manjinskih nosilaca za zadani propusni napon. (1 bod)
- d) Izračunati dinamički otpor uz zadani napon. (1 bod)

Temperatura je T=300 K. Pretpostaviti m=1.

### Rješenje:

a) Zadana je dioda s uskom p stranom ( $L_n >> w_p$ ) i širokom n stranom ( $L_p << w_n$ ). Struja zasićenja za takvu diodu je:

$$I_{S} = q \cdot S \cdot \left( D_{n} \cdot \frac{n_{0p}}{w_{p}} + D_{p} \cdot \frac{p_{0n}}{L_{p}} \right)$$

Za manjinske nosioce na *p*-strani računamo:

$$n_{0p} = \frac{n_i^2}{N_A} = \frac{(1,45 \cdot 10^{10})^2}{2 \cdot 10^{17}} = 1,05 \cdot 10^3 \text{ cm}^{-3}$$

$$D_n = \mu_n \cdot U_T = \mu_n \cdot \frac{T}{11600} = 550 \cdot \frac{300}{11600} = 14{,}22 \ cm^2/s$$

Za manjinske nosioce na *n*-strani računamo:

$$p_{0n} = \frac{n_i^2}{N_D} = \frac{\left(1,45 \cdot 10^{10}\right)^2}{5 \cdot 10^{15}} = 4,2 \cdot 10^4 \text{ cm}^{-3}$$

$$D_p = \mu_p \cdot U_T = \mu_p \cdot \frac{T}{11600} = 350 \cdot \frac{300}{11600} = 9,05 \ cm^2/s$$

$$L_p = \sqrt{D_p \cdot \tau_p} = \sqrt{9,05 \cdot 1 \cdot 10^{-6}} = 30,1 \cdot 10^{-4} \quad cm = 30,1 \quad \mu m \ll w_n$$

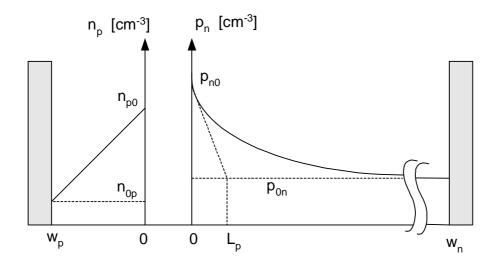
Uvrštenjem u gornju jednadžbu dobivamo:

$$I_{S} = q \cdot S \cdot \left(D_{n} \cdot \frac{n_{0p}}{w_{p}} + D_{p} \cdot \frac{p_{0n}}{L_{p}}\right) = 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 5 \cdot 10^{-2} \cdot \left(14,22 \cdot \frac{1,05 \cdot 10^{3}}{1 \cdot 10^{-4}} + 9,05 \cdot \frac{4,2 \cdot 10^{4}}{30,1 \cdot 10^{-4}}\right) = 2,21 \cdot 10^{-12} \ A = 2,21 \ pA$$

b) Uz zadani napon kroz diodu poteče:

$$I = I_S \cdot \left( \exp\left(\frac{U}{m \cdot U_T}\right) - 1 \right) = 2,21 \cdot 10^{-12} \cdot \left( \exp\left(\frac{0,55}{1 \cdot \frac{300}{11600}}\right) - 1 \right) = 3,8 \quad mA$$

c)



Ravnotežne koncentracije su izračunate u a) dijelu zadatka

$$n_{0p} = 1,05 \cdot 10^3 \text{ cm}^{-3} \text{ i}$$
  $p_{0n} = 4,2 \cdot 10^4 \text{ cm}^{-3}$ 

Rubne koncentracije su:

$$n_{p0} = n_{0p} \cdot \exp\left(\frac{U}{U_T}\right) = 1,05 \cdot 10^3 \cdot \exp\left(\frac{0,55}{\frac{300}{11600}}\right) = 1,81 \cdot 10^{12} \ cm^{-3}$$

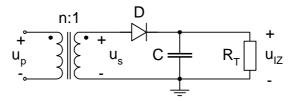
$$p_{n0} = p_{0n} \cdot \exp\left(\frac{U}{U_T}\right) = 4,2 \cdot 10^4 \cdot \exp\left(\frac{0,55}{\frac{300}{11600}}\right) = 7,24 \cdot 10^{13} \ cm^{-3}$$

d) dinamički otpor uz propusni napon U=0,55 V:

$$r_d = \frac{U_T}{I + I_s} \approx \frac{U_T}{I} = \frac{\frac{300}{11600}}{3.8 \cdot 10^{-3}} = 6.8 \ \Omega$$

## Zadatak 3.

Za poluvalni ispravljač s kapacitivnim opterećenjem odrediti kapacitet C i omjer transformacije transformatora n tako da faktor valovitosti iznosi r=4,9·10<sup>-3</sup> i srednja vrijednost napona trošila  $U_{IZ}$ =21,5V. Zadano je  $R_T$ =540 $\Omega$ , efektivni napon primara  $U_{pef}$ =230V i frekvencija napona primara f=50Hz.



## Rješenje:

Amplituda napona na sekundaru jednaka je:

$$U_{sm} = \frac{\sqrt{2} \cdot U_{pef}}{n}$$

$$U_{izm} = U_{sm}$$

Faktor valovitosti se može izračunati prema izrazu:

$$r = \frac{U_{izvef}}{U_{IZ}} = 4.9 \cdot 10^{-3}$$

gdje je  $U_{izvef}$  efektivna vrijednost napona valovitosti:

$$U_{izvef} = \frac{U_{izm} \frac{T}{2C \cdot R_T}}{\sqrt{3}} = \frac{U_{izm}}{2\sqrt{3} \cdot C \cdot R_T \cdot f}$$

i  $U_{IZ}$  srednja vrijednost izlaznog napona:

$$U_{IZ} = U_{izm} - U_{izvm} = U_{izm} - U_{izm} \frac{1}{2 \cdot C \cdot R_T \cdot f} = U_{izm} \frac{2 \cdot C \cdot R_T \cdot f - 1}{2 \cdot C \cdot R_T \cdot f}$$

Uvrštavanjem dvaju predhodnih izraza u izraz za faktor valovitosti dobivamo:

$$r = \frac{\frac{U_{izm}}{2\sqrt{3} \cdot C \cdot R_T \cdot f}}{U_{izm} \frac{2 \cdot C \cdot R_T \cdot f - 1}{2 \cdot C \cdot R_T \cdot f}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \cdot \frac{1}{2 \cdot C \cdot R_T \cdot f - 1} = 4,9 \cdot 10^{-3}$$

Iz gornjeg izraza slijedi:

$$C = \frac{1 + \sqrt{3} \cdot r}{2\sqrt{3} \cdot r \cdot R_T \cdot f} = \frac{1 + \sqrt{3} \cdot 4.9 \cdot 10^{-3}}{2\sqrt{3} \cdot 4.9 \cdot 10^{-3} \cdot 540 \cdot 50} = 2.2mF$$

Iz izraza za srednju vrijednost izlaznog napona dobivamo:

$$U_{izm} = U_{IZ} \cdot \frac{2 \cdot C \cdot R_T \cdot f}{2 \cdot C \cdot R_T \cdot f - 1} = 21,5 \cdot \frac{2 \cdot 2,2 \cdot 10^{-3} \cdot 540 \cdot 50}{2 \cdot 2,2 \cdot 10^{-3} \cdot 540 \cdot 50 - 1} = 21,68V$$

Iz amplitude napona na sekundaru dobivamo omjer transformacije transformatora n:

$$n = \frac{\sqrt{2} \cdot U_{pef}}{U_{sm}} = \frac{\sqrt{2} \cdot U_{pef}}{U_{izm}} = \frac{\sqrt{2} \cdot 230}{21,68} = 15$$