Završni ispit iz Fizike 2 (30. siječnja 2015.)

Uputa: Odgovore u zadacima 1.1-1.10 treba zaokružiti *na ovom papiru* i potpisati se na njega. Zadaci 1.1-1.10 nose po jedan bod.

1.1 Pri Comptonovom raspršenju mirni elektron zbog udara fotona dobije kinetičku energiju. Ona je

jednaka (zaokruži dvije točne tvrdnje):

(a) $E = mv^2/2$,

	(b)	razlici energija fotona prije i poslije sudara, (T)
	(c)	razlici relativističkih energija elektrona poslije i prije sudara, (T)
	(d)	energiji mirovanja elektrona,
	(e)	ne može se izračunati bez poznavanja brzina prije i poslije sudara.
1.2	Do i	nduciranja napona u metalnom štapu (zaokruži jednu točnu tvrdnju):
	(a)	dolazi kada se štap giba u električnom polju, okomito na silnice polja,
	(b)	ne dolazi pri gibanju u poljima jer nije zatvoren strujni krug,
	(c)	dolazi kada se štap giba u smjeru magnetskog polja,
	(d)	dolazi kada se štap giba okomito na silnice magnetskog polja, (T)
	(e)	dolazi kada štap miruje u magnetskom polju.
1.3	Aber	acije leće nastaju (zaokruži dvije točne tvrdnje) zbog:
	(a)	širokog svjetlosnog snopa koji upada na leću, (T)
	(b)	loše poliranosti ploha leće (loš optičar),
	(c)	valne prirode svjetlosti,
	(d)	ovisnosti indeksa loma n leće o valnoj duljini svjetlosti, $\hspace{1cm} extbf{(T)}$
	(e)	Newtonove korpuskularne teorije svjetlosti.
1.4		ptonova valna duljina elektrona kao fizikalna veličina u procesu raspršenja fotona na elektronu u vanju ovisi (zaokruži jednu točnu tvrdnju):
	(a)	o Bohrovu polumjeru $H ext{-atoma}$,
	(b)	o veličini kuta raspršenja fotona $\theta,$
	(c)	o veličini kuta otklona elektrona ϕ u procesu,
	(d)	ima stalnu (konstantnu) vrijednost u procesu, (T)
	(e)	ništa od navedenog nije točno.
1.5		ngov uređaj s dvije pukotine obasjan je monokromatskom svjetlošću. Na zastoru udaljenom za D ređaja pojavit će se (zaokruži jednu točnu tvrdnju):
	(a)	široka svijetla pruga i niz užih svijetlih i tamnih pruga,
	(b)	uska svijetla pruga i niz širokih svijetlih i tamnih pruga,
	(c)	niz ekvidistantnih svijetlih i tamnih pruga čiji razmak ovisi o valnoj duljini svjetlosti, (T)
	(d)	niz ekvidistantnih svijetlih i tamnih pruga čiji razmak ne ovisi o D ,
	(e)	ništa od navedenog.

1.6	Elekt	trično polje ravnog elektromagnetskog vala je
		$\mathbf{E}[t,z] = (2\mathbf{i}\sin[\omega t + k_z z] + 2\mathbf{j}\sin[\omega t + k_z z]) \mathrm{V}\mathrm{m}^{-1}.$
	Smje	er polarizacije vala s x -osi zatvara kut od (zaokruži jednu točnu tvrdnju):
	(a)	$\pi/3$
	(b)	$\pi/4$ (T)
	(c)	$\pi/2$
	(d)	$\pi/6$
	(e)	π
1.7	temp	e čelične kuglice različitih veličina zagrijane su na istu početnu temperaturu koja je veća od perature okoline i ostavljene su da se hlade termalnim zračenjem. Koristeći Stefan–Boltzmannov n te uzimajući u obzir razliku u masama kuglica možemo zaključiti (zaokruži jednu točnu tvrdnju):
	(a)	Temperatura veće kuglice će brže opadati od temperature manje kuglice.
	(b)	Temperatura veće kuglice će sporije opadati od temperature manje kuglice. (T)
	(c)	Temperature dviju kuglica će jednako brzo opadati.
	(d)	Temperatura kuglica bit će stalna.
	(e)	Ništa od navedenog.
1.8	Sred	nje vrijeme života nekog aktivnog izotopa jednako je (zaokruži jednu točnu tvrdnju):
	(a)	polovici vremena unutar kojeg će se sve aktivne jezgre danog uzorka raspasti,
	(b)	vremenu unutar kojeg se broj aktivnih jezgara smanji na $1/e$ početnog broja jezgara, \qquad (T)
	(c)	vremenu unutar kojeg broj raspadnutih jezgara dosiže $1/e$ početnog broja aktivnih jezgara,
	(d)	vremenu unutar kojeg će se sve jezgre raspasti,
	(e)	ničemu od navedenog.
1.9	Princ	cip na kojem se baziraju optička vlakna je (zaokruži jednu točnu tvrdnju):
	(a)	lom svjetlosti,
	(b)	polarizacija,
	(c)	totalna (unutarnja) refleksija, (T)
	(d)	disperzija,
	(e)	ništa od navedenog.
1.10	Pola	rizacija svjetlosti pokazuje da je svjetlost (zaokruži jednu točnu tvrdnju):
	(a)	kvantne prirode,
	(b)	longitudinalni val,
	(c)	transverzalni val, (T)
	(d)	elektromagnetsko zračenje,

(e) ništa od navedenog.

Računski zadaci:

Z1 Vodič kružnog poprečnog presjeka i polumjera $R=3\,\mathrm{cm}$ vodi struju čija gustoća linearno raste od osi vodiča, j(r)=ar, gdje je $a=2\times10^6\,\mathrm{A\,m^{-3}}$. Koliki je iznos magnetskog polja u točki koja se nalazi unutar vodiča, na udaljenosti $r=2\,\mathrm{cm}$ od osi vodiča? (6 bodova)

Rješenje:

Struja koja je sadržana unutar polumjera r = b = 2 cm dana je integralom:

$$i_b = \int_0^b J(r) \, 2\pi r dr = \frac{2\pi a b^3}{3} \; .$$

Prema Ampéreovom zakonu, kružni integral magnetskog polja određen je strujom sadržanom unutar integracijske krivulje:

$$\oint \vec{B} d\vec{l} = \mu_0 i_b \ .$$

Za integracijsku krivulju biramo kružnicu polumjera b

$$B(r=b) \cdot 2\pi b = \mu_0 i_b = \mu_0 \frac{2\pi a b^3}{3}$$
.

Slijedi da je magnetsko polje

$$B(r=b) = \frac{\mu_0 a b^2}{3} = 1.005 \cdot 10^{-3} \text{ T}.$$

Z2 Difrakcijska rešetka ima 600 zareza po cm. Na zastoru udaljenom $3\,m$ od rešetke, u spektru prvog reda, maksimumi koji odgovaraju dvjema bliskim valnim duljinama udaljeni su $1.1\,mm$. Kolika je razlika među tim valnim duljinama? (Koristiti $\sin\alpha\simeq\alpha\simeq\tan\alpha$, gdje je α kut difrakcije.) (6 bodova)

Rješenje:

$$d = \frac{1 \text{ cm}}{600} = 1,667 \text{ } 10^{-5} \text{ m}$$

$$\Delta y = m \frac{D}{d} (\lambda_2 - \lambda_1)$$

$$\lambda_2 - \lambda_1 = \frac{d}{D} \Delta y$$

$$\lambda_2 - \lambda_1 = 6,112 \text{ nm}$$

Z3 Uglačana srebrna polukugla polumjera $R=3\,\mathrm{cm}$ polegnuta je bazom na vodoravni stol. Osvijetljena je paralelnim snopom svjetlosti, kružnog poprečnog presjeka promjera D. Smjer širenja snopa svjetlosti je okomit na bazu polukugle. Koliki mora biti promjer snopa D, da bi se svjetlost na rubovima snopa odbijala u horizontalnom smjeru? (6 bodova)

Rješenje:

Da bi se svjetlost odbila horizontalno, mora činiti kut od 90 $^{\circ}$ sa upadnim smjerom, što znači da čini kut 45 $^{\circ}$ sa smjerom normale na plohu. Iz geometrije slijedi da je promjer snopa

$$D = 2R \sin(45^{\circ}) = 4.24 \,\mathrm{cm}$$
.

Z4 Izolirana bakrena sfera radijusa $5\,\mathrm{cm}$, početno nenabijena, osvijetljena je ultraljubičastom svjetlošću valne duljine $200\,\mathrm{nm}$. Izlazni rad za bakar je $4.7\,\mathrm{eV}$. Koliki najveći naboj fotoelektrični efekt inducira na sferi (uzeti u obzir zaustavni napon)? (6 bodova)

Rješenje:

$$k \frac{e \ Q}{r} = E_k$$

$$E_k = \frac{h \ c}{\lambda} - W_i$$

$$E_k = \frac{1240 \text{ eV nm}}{200 \text{ nm}} - 4.7 \text{ eV} = 1.5 \text{ eV}$$

$$k \frac{Q}{r} = 1.5 \text{ eV}$$

$$Q = \frac{1.5 \ 0.05}{9.10^9} \text{ C} = 8.333 \ 10^{-12} \text{ C}$$