

NOTA Tanto para definir el léxico como para especificar la sintaxis de nuestro lenguaje Tiny, utilizamos la notación de Backus-Naur extendida (EBNF, por sus siglas en inglés: *Extended Backus-Naur Form*) definida por el estándar ISO/IEC 14977:1996.

1. Análisis léxico

A continuación se presenta el léxico de nuestro lenguaje Tiny, donde se consideran indistinguibles las letras mayúsculas (códigos *US-ASCII* del **65** al **90** [ambos inclusive]) de las minúsculas (códigos *US-ASCII* del **97** al **122** [ambos inclusive]), característica de algunos lenguajes de programación (p. ej.: Ada, BASIC, Fortran) denominada **case-insensitivity**:

(* 1.1 Caracteres *)

caracter = ? Carácter codificado en formato UTF-8 (ISO/IEC 10646) ?;

letra = 'A' | 'B' | 'C' | 'D' | 'E' | 'F' | 'G' | 'H' | 'I' | 'J' | 'K'
 | 'L' | 'M' | 'N' | 'O' | 'P' | 'Q' | 'R' | 'S' | 'T' | 'U' | 'V'
 | 'W' | 'X' | 'Y' | 'Z' | 'a' | 'b' | 'c' | 'd' | 'e' | 'f' | 'g'
 | 'h' | 'i' | 'j' | 'k' | 'l' | 'm' | 'n' | 'o' | 'p' | 'q' | 'r'
 | 's' | 't' | 'u' | 'v' | 'w' | 'x' | 'y' | 'z';

dígito = '0' | '1' | '2' | '3' | '4' | '5' | '6' | '7' | '8' | '9';

cero símbolo = '0';

dígito positivo = dígito - cero símbolo;

(* 1.2 Unidades léxicas *)

identificador = letra, { letra | dígito | subrayado };

entero = [signo], (cero símbolo | dígito positivo, { dígito });

real = entero, [decimal | exponencial | decimal, exponencial];

decimal = punto decimal, (cero símbolo | { dígito }, dígito positivo);

exponencial = símbolo exponencial, entero;

cadena = delimitador cadena, { caracter imprimible }, delimitador cadena;

caracter imprimible = caracter - (comilla | separador);

puntuacion = paréntesis de apertura | paréntesis de cierre
 | corchete de apertura | corchete de cierre
 | punto y coma

```

| coma
| dos puntos
| punto;

```

```

operador = suma símbolo
| resta símbolo
| mul símbolo
| div símbolo
| mod símbolo
| op relacional
| asignacion
| acc símbolo
| indir símbolo

```

```

op relacional = eq símbolo | ne símbolo
| le símbolo | ge símbolo
| lt símbolo | gt símbolo;

```

```

palabras reservadas = tipo básico
| and símbolo | or símbolo | not símbolo
| nulo | booleano
| proc símbolo | if símbolo | then símbolo | else símbolo
| while símbolo | do símbolo
| seq símbolo | begin símbolo | end símbolo
| registro símbolo | array símbolo | of símbolo
| new símbolo | delete símbolo
| read símbolo | write símbolo | newline símbolo
| var símbolo | tipo símbolo;

```

(* 1.3 Cadenas ignorables *)

```

separador = retroceso | retorno de carro | salto de línea;

```

```

blanco = ' ';

```

```

comentario = comentario símbolo, { caracter linea };

```

```

caracter linea = caracter - salto de línea;

```

(* 1.4 Símbolos terminales *)

```

subrayado = '_';
delimitador cadena = '"';
comentario símbolo = '@';

```

(* 1.4.1 Notación decimal *)

```
signo = '-' | '+';
punto decimal = '.';
símbolo exponencial = 'e' | 'E';
```

(* 1.4.2 Separadores *)

```
retroceso = '\b';
retorno de carro = '\r';
salto de línea = '\n';
```

(* 1.4.3 Puntuación *)

```
paréntesis de apertura = '(';
paréntesis de cierre = ')';
```

```
corchete de apertura = '[';
corchete de cierre = ']';
```

```
punto y coma = ',';
coma = ',';
dos puntos = ':';
punto = '.';
```

(* 1.4.4 Declaraciones *)

```
var símbolo = 'var';
tipo símbolo = 'type';
proc símbolo = 'proc';
```

(* 1.4.5 Tipos *)

```
tipo basico = 'int' | 'bool' | 'real' | 'string';
```

```
of símbolo = 'of';
array símbolo = 'array';
registro símbolo = 'record';
punt símbolo = '^';
```

(* 1.4.6 Instrucciones *)

```
asignación = '=';

if símbolo = 'if';
then símbolo = 'then';
else símbolo = 'else';
```

```

while símbolo = 'while';
do símbolo = 'do';

read símbolo = 'read';
write símbolo = 'write';
newline símbolo = 'nl';

new símbolo = 'new';
delete símbolo = 'delete';

seq símbolo = 'seq';
begin símbolo = 'begin';
end símbolo = 'end';

```

(* 1.4.7 Expresiones *)

```

booleano = 'true' | 'false';
nulo = 'null';

eq símbolo = '==';
ne símbolo = '!=';
le símbolo = '<=';
ge símbolo = '>=';
lt símbolo = '<';
gt símbolo = '>';

suma símbolo = '+';
resta símbolo = '-';
mul símbolo = '*';
div símbolo = '/';
mod símbolo = '%';

and símbolo = 'and';
or símbolo = 'or';
not símbolo = 'not';

indir símbolo = '^';
acc símbolo = '.';

```

2. Análisis sintáctico y construcción de ASTs (gramáticas S-atribuidas)

Por comodidad en la lectura, se muestran de forma intercalada las gramáticas incontextuales, que describen las **reglas sintácticas** del lenguaje Tiny, junto con las gramáticas de atributos que definen las acciones por las cuales se **construye** cada **nodo AST**, y por consiguiente, el

árbol de sintaxis abstracta. Estas últimas gramáticas se escriben empleando una notación muy parecida al BNF tradicional, por la utilización de los paréntesis angulares (<>) y los símbolos de definición (:=). Por otra parte, cualquier atributo (i. e.: incluyendo los atributos heredados, sh) de toda regla de la forma $X = \alpha_1 \mid \alpha_2 \mid \dots \mid \alpha_n$ es el de aquella α_i con la que se expande X , que hay una **como mucho una** debido a que la gramática no es ambigua:

(* 2.1 Programa *)

prog = sección decs, sección ins, punto;

<prog>.atr := **prog**(<sección decs>.atr, <sección ins>.atr)

sección decs = { dec, punto y coma };

<sección decs>.atr := { dec, punto y coma }.atr

sección ins = begin símbolo, { ins }, end símbolo;

<sección ins>.atr := { ins }.atr

(* 2.2 Declaraciones *)

dec = dec var | dec tipo | dec proc;

dec var = var símbolo, identificador, dos puntos, tipo;

<dec var>.atr := **var**(<identificador>, <tipo>.atr)

dec tipo = tipo símbolo, identificador, dos puntos, tipo;

<dec tipo>.atr := **type**(<identificador>, <tipo>.atr)

dec proc = proc símbolo, identificador, paréntesis apertura,
pformales, paréntesis cierre, sección decs, sección ins;

<dec proc>.atr :=
proc(identificador, <pformales>.atr, { decs }.atr, { ins }.atr)

(* 2.3 Parámetros formales *)

pformales = [{ pformal, coma }, pformal];

<pformales>.atr := **lparam**([{ pformal, coma }, pformal].atr)

lparam(opc_indefinido()): **no_params**()

```
lparam(opc_definido({ pformal0, coma }, pformal1)):
    varios_params({ pformal0, coma }.atr, pformal1.atr)
```

```
pformal = [ var símbolo ], identificador, dos puntos, tipo;
```

```
<pformal>.atr := param(<identificador>, <tipo>.atr, [ var símbolo ].atr)
```

(* 2.4 Tipos *)

```
tipo = tipo básico (* Definido en "Tipos" [1.4.5] *)
```

```
| tipo renombrado
| tipo array
| tipo registro
| tipo puntero;
```

```
tipo renombrado = identificador;
```

```
<tipo renombrado>.atr := ref(<identificador>)
```

(* 2.5 Tipos compuestos *)

```
tipo array = array símbolo, corchete apertura, entero, corchete cierre,
             of símbolo, tipo;
```

```
<tipo array>.atr := array(entero, <tipo>.atr)
```

```
tipo puntero = punt símbolo, tipo;
```

```
<tipo puntero>.atr := puntero(<tipo>.atr)
```

(* 2.6 Registros *)

```
tipo registro = registro símbolo, { campo }-, end símbolo;
```

```
<tipo registro>.atr := registro({ campo }-.atr)
```

```
campo = identificador, dos puntos, tipo, punto y coma;
```

```
<campo>.atr := campo(<identificador>, <tipo>.atr)
```

(* 2.7 Instrucciones *)

```
ins = ins asig
      | ins condicional
      | ins while
      | ins lectura
```

```

| ins escritura
| ins newline
| ins new
| ins delete
| ins invoc
| ins compuesta; (* 1 *)

```

ins asig = expresión, asig símbolo, expresión, punto y coma; (* 2 *)

<ins asig>.atr := **asig**(<expresión>₀.atr, <expresión>₁.atr)

ins invoc = expresión, paréntesis apertura, preales,
paréntesis cierre, punto y coma; (* 3 *)

<ins invoc>.atr := **invoc**(<expresion>.atr, <preales>.atr)

(* 2.8 Bloques *)

ins condicional = if símbolo, expresión, then símbolo, { ins },
[else símbolo, { ins }], end símbolo, [punto y coma];

<ins condicional>.atr := **ins_condicional**(<expresión>.atr, { ins }₀.atr,
[else símbolo, { ins }₁].atr)

ins while = while símbolo, expresión, do símbolo, { ins }, end símbolo,
[punto y coma];

<ins while>.atr := **while**(<expresión>.atr, { ins }.atr)

ins compuesta = seq símbolo, sección decs, sección ins, [punto y coma];

<ins compuesta>.atr := **seq**(<sección decs>.atr, <sección ins>.atr)

(* 2.9 Gestión de E/S *)

ins lectura = read símbolo, expresión, punto y coma;

<ins lectura>.atr := **read**(<expresión>.atr)

ins escritura = write símbolo, expresión, punto y coma;

<ins escritura>.atr := **write**(<expresion>.atr)

ins newline = newline símbolo, punto y coma;

```
<ins newline>.atr := nl()
```

(* 2.10 Gestión de memoria dinámica *)

```
ins new = new símbolo, expresión, punto y coma;
```

```
<ins new>.atr := new(<expresion>.atr)
```

```
ins delete = delete símbolo, expresión, punto y coma;
```

```
<ins delete>.atr = delete(<expresión>.atr)
```

(* 2.11 Parámetros reales *)

```
preales = [ preal, { coma, preal } ];
```

```
<preales>.atr := lreal([ preal0, { coma, preal1 } ].atr)
```

```
lreal(opc_indefinido()): no_exp()
```

```
lreal(opc_definido({ preal0, coma }, preal1)):
    varias_exp({ preal0, coma }.atr, preal1.atr)
```

```
preal = expresión;
```

```
<preal>.atr := <expresión>.atr
```

(* 2.12 Expresiones *)

```
expresión = exp nivel 0;
```

(* 2.13 Expresiones compuestas *)

```
exp nivel 0 = exp binaria 0 | exp nivel 1;
```

```
exp binaria 0 = (* Op. binario, infijo, no asociativo *)
```

```
    exp nivel 1,
```

```
    op relacional, (* Definido en "Unidades léxicas" [1.2] *)
```

```
    exp nivel 1;
```

```
<exp binaria 0>.atr :=
```

```
    op_binario(<exp nivel 1>0.atr, <exp nivel 1>1.atr, <op relacional>)
```

```
exp nivel 1 = más binario | menos binario
```

```
    | exp nivel 2; (* 4 *)
```


más binario = (* Op. binaria, no asociativa *)
exp nivel 2, suma, exp nivel 2;

<más unario>.atr := <exp nivel 2>.atr

menos binario = (* Op. binario, asociativo a izquierdas *)
exp nivel 1, resta, exp nivel 2;

<menos binario>.atr := *resta*(<exp nivel 1>.atr, <exp nivel 2>.atr)

exp nivel 2 = and | or
| exp nivel 3; (* 5 *)

and = (* Op. binario, no asociativo *)
exp nivel 3, and símbolo, exp nivel 3; (* 6 *)

<and>.atr := *and*(<exp nivel 3>₀.atr, <exp nivel 3>₁.atr)

or = (* Op. binario, asociativo a derechas *)
exp nivel 3, or símbolo, exp nivel 2; (* 7 *)

<or>.atr := *or*(<exp nivel 3>.atr, <exp nivel 2>.atr)

exp nivel 3 = exp binaria 3 | exp nivel 4;

exp binaria 3 = (* Op. binario, infijo, asociativo a izquierdas *)
exp nivel 3, op nivel 3, exp nivel 4; (* 8 *)

<exp binaria 3>.atr := *op_binario*(<exp nivel 3>.atr, <exp nivel 4>.atr,
<op nivel 3>)

op nivel 3 = mul símbolo | div símbolo | mod símbolo;

exp nivel 4 = exp unaria 4 | exp nivel 5;

exp unaria 4 = (* Op. unario, prefijo, asociativo *)
op nivel 4, exp nivel 4;

<exp nivel 4>.atr := *op_unario*(<exp nivel 4>.atr, <op nivel 4>)

op nivel 4 = resta símbolo | not símbolo;

exp nivel 5 = exp parentizada
| exp posfija
| exp básica; (* 9 *)

exp parentizada = paréntesis apertura, exp nivel 0, paréntesis cierre;

<exp parentizada>.atr := <exp nivel 0>.atr

exp básica = entero | real
 | cadena | identificador
 | booleano | null símbolo;

(* 2.14 Operadores posfijos *)

exp posfija = indx | acc | indir;

indx = (* Op. unario, posfijo, asociativo *)
 exp nivel 5, corchete apertura, expresión, corchete cierre; **(* 10 *)**

<indx>.atr := **indx**(<exp nivel 5>.atr, <expresión>.atr)

acc = exp nivel 5, acc símbolo, identificador; **(* 11 *)**

<acc>.atr := **acc**(<exp nivel 5>.atr, <identificador>)

indir = exp nivel 5, indir símbolo; **(* 12 *)**

<indir>.atr := **indir**(<exp nivel 5>.atr)

2.1. Gramática de atributos: Funciones auxiliares

Esta sección define las funciones y definiciones auxiliares empleadas en la descripción de la sintaxis de Tiny. Para ello, se utiliza la **semántica** de la notación EBNF, donde las llaves reflejan la **repetición** de una secuencia de símbolos terminales y no terminales y los corchetes describen una secuencia **opcional**. Estas definiciones vienen dadas por las siguientes reglas **genéricas** en notación EBNF, donde el tipo genérico se corresponde con la variable (i. e.: símbolo no terminal) que aparece entre los paréntesis angulares (<>) y dichas reglas son reificadas siguiendo el procedimiento de instanciación de plantillas (templates) de C++:

NOTA Los símbolos *wildcard* () solo sirven para denotar cualquier concatenación, posiblemente vacía, de terminales y no terminales a los lados de una expresión determinada:

(* 2.1.1 Símbolos terminales *)

cadena vacía símbolo = ''

(* 2.1.2 Cierre de Kleene *)

(* Secuencia repetida [ver sec. 5.6 de la norma ISO de EBNF] *)

$\{ T \}.atr := \{ _, T \}.atr := \{ T, _ \}.atr := \{ _, T, _ \}.atr :=$
 $lista\langle T \rangle.atr$

lista $\langle T \rangle$ = no_elems $\langle T \rangle$ | varios_elems $\langle T \rangle$;

no_elems $\langle T \rangle$ = cadena vacía símbolo;

no_elems $\langle T \rangle.atr := lista_vacía(T)$

varios_elems $\langle T \rangle$ = lista $\langle T \rangle$, e;

varios_elems $\langle T \rangle.atr := lista_no_vacía(T, lista\langle T \rangle.atr, e.atr)$

(* 2.1.3 Cierre de Kleene positivo *)

$\{ T \}-.atr := \{ _, T \}-.atr := \{ T, _ \}-.atr := \{ _, T, _ \}-.atr :=$
 $lista_no_vacía\langle T \rangle.atr$

lista_no_vací $\langle T \rangle$ = un_elem $\langle T \rangle$ | dos_o_más_elems $\langle T \rangle$;

un_elem $\langle T \rangle$ = e;

un_elem $\langle T \rangle.atr := lista_unitaria(T, e.atr)$

dos o más elems $\langle T \rangle$ = lista_no_vací $\langle T \rangle$, e;

dos_o_más_elems $\langle T \rangle.atr := lista_no_vacía(T, lista\langle T \rangle.atr, e.atr)$

(* 2.1.4 Secuencia opcional *)

(* Ver definición en sec. 5.5 de la norma ISO de EBNF *)

$[T].atr := [_, T].atr := [T, _].atr := [_, T, _].atr :=$
 $opcional\langle T \rangle.atr$

opcional $\langle T \rangle$ = indefinido $\langle T \rangle$ | definido $\langle T \rangle$;

indefinido $\langle T \rangle$ = cadena vacía símbolo;

indefinido $\langle T \rangle.atr = opc_indefinido()$

definido $\langle T \rangle$ = e;

definido $\langle T \rangle.atr = opc_definido(T)$

2.1.5 Constructores auxiliares de nodos AST

```
// Listas

lista_vacia(dec) := no_decs()
lista_no_vacia(dec, Ds, D) := varias_decs(Ds, D)

lista_vacia(ins) := no_ins()
lista_no_vacia(ins, Is, I) := varias_ins()

lista_vacia(param) := no_params()
lista_no_vacia(param, PFs, PF) := varios_params(PFs, PF)

lista_unitaria(campo, C) := un_campo(C)
lista_no_vacia(campo, Cs, C) := varios_campos(Cs, C)

lista_vacia(preales) := no_exp()
lista_no_vacia(preales, PRs, PR) := varias_exps(PRs, PR)

// Parámetros formales

param(id, T, opc_indefinido()) := pval(id, T)
param(id, T, opc_definido(param)) := pvar(id, T)

// Instrucción condicional

ins_condicional(E, Is, opc_indefinido()) := if-then(E, Is)
ins_condicional(E, Is, opc_definido(Ie)) := if-then-else(E, Is, Ie)

// Comparadores

op_binario(op1, op2, <eq símbolo>) := eq(op1, op2)
op_binario(op1, op2, <ne símbolo>) := ne(op1, op2)
op_binario(op1, op2, <le símbolo>) := le(op1, op2)
op_binario(op1, op2, <lt símbolo>) := lt(op1, op2)
op_binario(op1, op2, <ge símbolo>) := ge(op1, op2)
op_binario(op1, op2, <gt símbolo>) := gt(op1, op2)

// Operadores aritméticos

op_binario(op1, op2, <mul símbolo>) := mul(op1, op2)
op_binario(op1, op2, <mod símbolo>) := mod(op1, op2)

// Operadores unarios
```

```
op_unario(op, <resta símbolo>) := neg(op)
op_unario(op, <not símbolo>) := not(op)
```

3. Acondicionamiento de la especificación

En esta sección acondicionamos algunos aspectos definidos en secciones anteriores para facilitar una interpretación eficiente y precisa de la implementación descendente del constructor del AST.

En concreto, necesitamos que la gramática incontextual de la sección 2 sea del tipo **LL(k)**, por lo que debe ser no ambigua y carecer de recursión y factores comunes a izquierdas. Dicha recursión, si requiere solo un paso de derivación para manifestarse (i. e.: es directa), se puede eliminar utilizando el **lema de Arden**, por el cual una ecuación de lenguajes de la forma $L = AL \cup B$ tiene como solución $L = A^*B$, donde el asterisco denota el cierre de Kleene.

A continuación, mostramos las reglas, junto con la ecuación característica asociada, que han requerido dichas transformaciones para convertir la gramática incontextual en una que no presenta factores comunes a izquierdas (reglas de la **1** a la **3**, de la **5** a la **7** y de la **10** a la **13** [ambos inclusive]) ni recursión a izquierdas (todas las reglas):

```
(* 1 *) ins = ins ident
      | ins condicional
      | ins while
      | ins lectura
      | ins escritura
      | ins newline
      | ins new
      | ins delete
      | ins compuesta;
```

```
ins ident = expresión, resto ident;
```

```
<resto ident>.sh := <expresión>.atr
<ins ident>.atr := <resto ident>.atr
```

```
resto ident = ins asig | ins invoc;
```

```
(* 2 *) ins asig = asig símbolo, expresión, punto y coma;
```

```
<ins asig>.atr := asig(<resto ident>.sh, <expresión>.atr)
```

```
(* 3 *) ins invoc = paréntesis apertura, preales, paréntesis cierre, punto
y coma;
```

$\langle \text{ins invoc} \rangle . \underline{\text{atr}} := \text{invoc}(\langle \text{resto ident} \rangle . \underline{\text{sh}}, \langle \text{preales} \rangle . \underline{\text{atr}})$

(* 4 *) exp nivel 1 = exp nivel 2, opc exp nivel 1, resto exp nivel 1;

$\langle \text{opc exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{sh}} := \langle \text{exp nivel 2} \rangle . \underline{\text{atr}}$

$\langle \text{resto exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{sh}} := \langle \text{opc exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{atr}}$

$\langle \text{exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{atr}} := \langle \text{resto exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{atr}}$

opc exp nivel 1 = suma, exp nivel 2;

$\langle \text{opc exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{atr}} := \text{suma}(\langle \text{opc exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{sh}}, \langle \text{exp nivel 2} \rangle . \underline{\text{atr}})$

opc exp nivel 1 = cadena vacía símbolo;

$\langle \text{opc exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{atr}} := \langle \text{opc exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{sh}}$

resto exp nivel 1 = resta símbolo, exp nivel 2, resto exp nivel 1;

$\langle \text{resto exp nivel 1} \rangle_1 . \underline{\text{sh}} := \text{resta}(\langle \text{resto exp nivel 1} \rangle_0 . \underline{\text{sh}}, \langle \text{exp nivel 2} \rangle . \underline{\text{atr}})$

$\langle \text{resto exp nivel 1} \rangle_0 . \underline{\text{atr}} := \langle \text{resto exp nivel 1} \rangle_1 . \underline{\text{atr}}$

resto exp nivel 1 = cadena vacía símbolo;

$\langle \text{resto exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{atr}} := \langle \text{resto exp nivel 1} \rangle . \underline{\text{sh}}$

(* 5 *) exp nivel 2 = exp nivel 3, op nivel 2;

$\langle \text{op nivel 2} \rangle . \underline{\text{sh}} := \langle \text{exp nivel 3} \rangle . \underline{\text{atr}}$

$\langle \text{exp nivel 2} \rangle . \underline{\text{atr}} := \langle \text{op nivel 2} \rangle . \underline{\text{atr}}$

op nivel 2 = cadena vacía símbolo;

$\langle \text{op nivel 2} \rangle . \underline{\text{atr}} := \langle \text{op nivel 2} \rangle . \underline{\text{sh}}$

op nivel 2 = and;

$\langle \text{and} \rangle . \underline{\text{sh}} := \langle \text{op nivel 2} \rangle . \underline{\text{sh}}$

$\langle \text{op nivel 2} \rangle . \underline{\text{atr}} := \langle \text{and} \rangle . \underline{\text{atr}}$

op nivel 2 = or;

$\langle \text{or} \rangle . \underline{\text{sh}} := \langle \text{op nivel 2} \rangle . \underline{\text{sh}}$

$\langle \text{op nivel 2} \rangle . \underline{\text{atr}} := \langle \text{or} \rangle . \underline{\text{atr}}$

(* 6 *) and = and símbolo, exp nivel 3;

$\langle \text{and} \rangle.\underline{\text{atr}} := \text{and}(\langle \text{and} \rangle.\underline{\text{sh}}, \langle \text{exp nivel 3} \rangle.\underline{\text{atr}})$

(* 7 *) **or** = or símbolo, exp nivel 2;

$\langle \text{or} \rangle.\underline{\text{atr}} := \text{or}(\langle \text{or} \rangle.\underline{\text{sh}}, \langle \text{exp nivel 2} \rangle.\underline{\text{atr}})$

(* 8 *) **exp binaria 3** = exp nivel 4, resto exp binaria 3;

$\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle.\underline{\text{sh}} := \langle \text{exp nivel 4} \rangle.\underline{\text{atr}}$

$\langle \text{exp binaria 3} \rangle.\underline{\text{atr}} := \langle \text{resto exp binaria 3} \rangle.\underline{\text{atr}}$

resto exp binaria 3 = cadena vacía;

$\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle.\underline{\text{atr}} := \langle \text{resto exp binaria 3} \rangle.\underline{\text{sh}}$

resto exp binaria 3 = mul símbolo, exp nivel 4, resto exp binaria 3;

$\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_1.\underline{\text{sh}} := \text{mul}(\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_0.\underline{\text{sh}}, \langle \text{exp nivel 4} \rangle.\underline{\text{atr}})$

$\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_0.\underline{\text{atr}} := \langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_1.\underline{\text{atr}}$

resto exp binaria 3 = div símbolo, exp nivel 4, resto exp binaria 3;

$\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_1.\underline{\text{sh}} :=$

$\text{div}(\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_0.\underline{\text{sh}}, \langle \text{exp nivel 4} \rangle.\underline{\text{atr}})$

$\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_0.\underline{\text{atr}} := \langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_1.\underline{\text{atr}}$

resto exp binaria 3 = mod símbolo, exp nivel 4, resto exp binaria 3;

$\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_1.\underline{\text{atr}} :=$

$\text{mod}(\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_0.\underline{\text{sh}}, \langle \text{exp nivel 4} \rangle.\underline{\text{atr}})$

$\langle \text{resto exp binaria 3} \rangle_1.\underline{\text{sh}} := \text{resto exp binaria 3}_1.\underline{\text{atr}}$

(* 9 *) **exp nivel 5** = exp no posfija, resto exp posfija;

$\langle \text{resto exp posfija} \rangle.\underline{\text{sh}} = \langle \text{exp no posfija} \rangle.\underline{\text{atr}}$

$\langle \text{exp nivel 5} \rangle.\underline{\text{atr}} := \langle \text{resto exp posfija} \rangle.\underline{\text{atr}}$

resto exp posfija = cadena vacía símbolo;

$\langle \text{resto exp posfija} \rangle.\underline{\text{atr}} = \langle \text{resto exp posfija} \rangle.\underline{\text{sh}}$

resto exp posfija = indx, resto exp posfija;

$\langle \text{indx} \rangle.\underline{\text{sh}} = \langle \text{resto exp posfija} \rangle_0.\underline{\text{sh}}$

$\langle \text{resto exp posfija} \rangle_1.\underline{\text{sh}} = \text{indx}.\underline{\text{atr}}$
 $\langle \text{resto exp posfija} \rangle_0.\underline{\text{atr}} = \langle \text{resto exp posfija} \rangle_1.\underline{\text{atr}}$

resto exp posfija = acc, resto exp posfija;

$\langle \text{acc} \rangle.\underline{\text{sh}} = \langle \text{resto exp posfija} \rangle_0.\underline{\text{sh}}$
 $\langle \text{resto exp posfija} \rangle_1.\underline{\text{sh}} = \langle \text{acc} \rangle.\underline{\text{atr}}$
 $\langle \text{resto exp posfija} \rangle_0.\underline{\text{atr}} = \langle \text{resto exp posfija} \rangle_1.\underline{\text{atr}}$

resto exp posfija = indir, resto exp posfija;

$\langle \text{indir} \rangle.\underline{\text{sh}} = \langle \text{resto exp posfija} \rangle_0.\underline{\text{sh}}$
 $\langle \text{resto exp posfija} \rangle_1.\underline{\text{sh}} = \langle \text{indir} \rangle.\underline{\text{atr}}$
 $\langle \text{resto exp posfija} \rangle_0.\underline{\text{atr}} = \langle \text{resto exp posfija} \rangle_1.\underline{\text{atr}}$

exp no posfija = exp parentizada | exp básica;

(* 10 *) **indx** = corchete apertura, expresión, corchete cierre;

$\langle \text{indx} \rangle.\underline{\text{atr}} = \text{indx}(\langle \text{indx} \rangle.\underline{\text{sh}}, \langle \text{expresion} \rangle.\underline{\text{atr}})$

(* 11 *) **acc** = acc símbolo, identificador;

$\langle \text{acc} \rangle.\underline{\text{atr}} = \text{acc}(\langle \text{acc} \rangle.\underline{\text{sh}}, \langle \text{identificador} \rangle.\text{lex})$

(* 12 *) **indir** = indir símbolo;

$\langle \text{indir} \rangle.\underline{\text{atr}} := \text{indir}(\langle \text{indir} \rangle.\underline{\text{sh}})$