前回の復習問題/三角関数

(微分積分基礎演習, 担当: 天野勝利)

2007年10月4日

1. 次の関数を微分して導関数を求めよ.

$$(1) y = 3x$$

(2)
$$y = x^5$$

(3)
$$y = \sqrt[3]{x}$$

$$y' =$$

$$u' =$$

$$u' =$$

$$(4) y = \sqrt{x^3}$$

(5)
$$y = \frac{1}{x^3}$$

(6)
$$y = \frac{x}{\sqrt[3]{x}}$$

$$y' =$$

$$y' =$$

$$y' =$$

2. 次の微分係数を求めよ.

(1)
$$f(x) = -3x$$
 のとき, $f'(-1) =$

(2)
$$f(x) = x^3$$
 のとき, $f'(2) =$

(3)
$$f(x) = \sqrt{x}$$
 のとき, $f'(1) =$

(4)
$$f(x) = \frac{1}{x}$$
 のとき, $f'(3) =$

$$(5) \ f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} \ \mathcal{O} \succeq \stackrel{*}{\approx}, \ f'(4) =$$

3. 関数 $y = f(x) = \sqrt{x}$ のグラフの、次の各点における接線の方程式を求めよ.

(1) 点 (1,1)

(1)

(2) 点 (4,2)

(2)

4. 関数 $y = f(x) = \frac{1}{x}$ のグラフの、次の各点における接線の方程式を求めよ.

(1) 点 (-1,-1)

(1)

(2) 点 (1,1)

(2)

| 5 . | 次の角を弧度法 (ラジアン) で表せ. | | | |
|---|--|-----------------------|----------------------|----------------------------------|
| | (1) 30° | (2) 120° | (3) 400° | |
| | (4) -45° | (5) -60° | (6) -120° | |
| 6. | 次の角を度数法で表せ. | | | |
| | $(1) \frac{\pi}{2}$ | (2) 2π | $(3) \frac{2\pi}{3}$ | |
| | $(4) -\pi$ | $(5) -\frac{4\pi}{3}$ | $(6) -\frac{\pi}{4}$ | |
| 7. | | | | |
| $(1) \sin \frac{\pi}{2} \qquad \qquad \boxed{\qquad} \qquad (2) \sin \frac{3\pi}{4} \qquad \boxed{\qquad} \qquad (3) \cos \frac{2\pi}{3}$ | | | | $3\frac{2\pi}{3}$ |
| | (4) $\tan \frac{\pi}{3}$ | $(5) \cos(-\pi$ | (6) sin | $\left(-\frac{5\pi}{6}\right) $ |
| | $(7)\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) $ | | | |
| 8. $0<\alpha<\frac{\pi}{2}<\beta<\pi$ で, $\sin\alpha=\frac{4}{5}$, $\cos\beta=-\frac{15}{17}$ のとき, 加法定理を使って次の値を求めよ. | | | | |
| $(1)\sin(\alpha+\beta) =$ | | | | |
| $(2)\cos(\alpha-\beta) =$ | | | | |
| (ヒント: $\cos\alpha=\pm\sqrt{1-\sin^2\alpha}$, $\sin\beta=\pm\sqrt{1-\cos^2\beta}$ となりますが, \pm の部分がプラスかマイナスかは α や β がどの範囲にあるかによって決まります. $\cos\alpha$ と $\sin\beta$ が分かったら, 後は加法定理を使っての計算となります.) | | | | |
| | | 学籍番号 | 氏名 | |
| | | | | |
| | | | 1 | J |