7 多項式と行列

演習 7.1 次の行列式 (多項式) を因数分解せよ.

$$\left|\begin{array}{ccccc} 1 & x & x & 1 \\ x & x & 1 & x \\ 1 & x & 1 & 1 \\ x & x & x & 1 \end{array}\right|$$

演習 7.2 $A=\left(egin{array}{cc}1&3\\2&4\end{array}
ight)$ とする.次の各多項式 f(x) に対し,f(A) を求めよ.

(1)
$$f(x) = x^2 - 2x - 7$$

(2)
$$f(x) = x^2 - 5x - 2$$

演習 7.3

$$a_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ x-1 \\ x^2 \end{pmatrix}, \quad a_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix}, \quad a_3 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}$$

とする. このとき, a_1, a_2, a_3 が線形従属となるような x の値をすべて求めよ.

今回は特別扱いの問題はありません.