Fortran 演習課題 1: 連分数展開

連分数展開

$$\pi = a_1 + \frac{1}{a_2 + \frac{1}{a_3 + \cdots}}$$

を用いて π の有理数近似を求めるプログラムを作成せよ.

ここで,任意の正の実数ζに対する連分数展開は

$$a_1=[\zeta],\quad x_1=\frac{1}{\zeta-a_1}$$

を初期値として、漸化式

$$a_n = [x_{n-1}], \quad x_n = \frac{1}{x_{n-1} - a_n}$$

によって得られることを用いてよい.なお,[x]はxを超えない最大の整数を表す.

このアルゴリズムで求められた $a_1,a_2,...$ から,以下の例(n=3までの例)のように表示すること.

\$./a.out

Enter the number of terms :

3 # ← キーボード入力

Approximation : 333 / 106 Relative Error : 2.6489630167047660E-005