第3章 演習課題

課題 PDF ダウンロード

課題1

サンプルプログラムをコンパイル・実行して動作を確認せよ. さらに,適宜修正してその実行結果を確認せよ.

課題2

標準入力から三角形の底辺lと高さhを読み込み,三角形の面積を表示するプログラムを作成せよ.

例えば以下のような実行結果が得られる.

\$./a.out

3.0 # キーボード入力

5.0 # キーボード入力

Area of triangle: 7.5000000000000000

課題3

単精度実数型 real(4) および倍精度実数型 real(8) で,それぞれ $\tan(\pi/4)=1$ なる関係式を用いて π の値を求めて表示し,その値の精度を確認せよ.(組み込み関数 $\arctan(x)$ が数学の $\arctan^{-1}(x)$ に対応している.) なお,精度を確認する際には 4 倍精度実数型 real(16) でも同様に π の値を求め,これを正確な値 (真値) とみなし,それとの相対誤差を確認すること.ただし相対誤差は |1-近似値/真値 | で評価せよ.(絶対値を返す関数 $\cosh(x)$ を用いよ.)

例えば以下のような結果が得られる.

\$./a.out

3.141592741012573242187500000000000000

2.78275351528562301296177532160895165E-0008

3.14159265358979311599796346854418516

3.89817183251937544615814478114900845E-0017

3.14159265358979323846264338327950280

結果は上から、単精度の π とその精度、倍精度の π とその精度、4 倍精度の π をそれぞれ表している。ただし細かい数値は結果は環境依存である。(ここで、例えば 2.7E-0008 は 2.7×10^{-8} を表すのでとても小さい値であることを意味する。)

課題4

標準入力から複素数 z(=x+iy) を読み込み, e^z および $e^x(\cos y+i\sin y)$ をそれぞれ計算し,その結果が等しいことを確認せよ (組み込み関数 $\exp(x)$ および $\sin(x)$, $\cos(x)$ を用いればよい). ただし倍精度の複素数型 $\operatorname{complex}(8)$ を用いること.なお複素数 z の実部は $\operatorname{real}(z)$,虚部は $\operatorname{aimag}(z)$ という組み

込み関数でそれぞれ求めることができる。またキーボードから複素数の入力は (実部,虚部) という形式となることに注意せよ。例えば z=1+i について $\exp(z)$ を求めるには

```
$ ./a.out
(1.0, 1.0) # キーボード入力
( 1.4686939399158851 , 2.2873552871788423 )
( 1.4686939399158851 , 2.2873552871788423 )
```

のように (実部,虚部) という形式で入力すれば良い.

課題5

キーボード入力で与えられた実数 x について、テイラー展開の公式

$$\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} \cdots$$

を適当な次数 (例えば 2 次とか 3 次) で打ち切りることで $\sin x$ の近似値を求め、組み込み関数 $\sin(x)$ で求めた値と比較するプログラムを作成せよ。例えば x=0.01,0.1,0.2 などについて、実行して結果を確かめること。

例えば以下のような結果が得られればよい

```
$ ./a.out
```

0.2 # キーボード入力

0.2000000000000001 # 1次近似

0.1986666666666666 # 3次近似

0.19866933333333333 # 5次近似

0.19866933079365082 # 7次近似

0.19866933079506122 # 組み込み関数