## **Zadanie 14** – Rozwiązanie układu równań

$$2x^{2} + y^{2} = 2$$

$$\left(x - \frac{1}{2}\right)^{2} + (y - 1)^{2} = \frac{1}{4}$$

Do rozwiązania tego zadania napisałam program w języku Python z wykorzystaniem bibliotek Numpy i SciPy.

Skorzystałam z funkcji fsolve która znajduje rozwiązania układu równań.

Równania zdefiniowałam jako wartość zwracaną funkcji fun(X). Zdefiniowałam również jakobian tej funkcji jako osobną funkcję jac(X). Losuję punkty i do listy potencjalnych rozwiązań dołączam wyniki kolejnych wywołań fsolve, aż osiągnę zadaną dokładność i znajdę rozwiązania układu.

## scipy.optimize.fsolve

scipy.optimize.fsolve(func, x0, args=(), fprime=None, full\_output=0, col\_deriv=0,
xtol=1.49012e-08, maxfev=0, band=None, epsfcn=None, factor=100, diag=None)
Find the roots of a function.
[source]

Return the roots of the (non-linear) equations defined by func(x) = 0 given a starting estimate.

Uzyskany wynik to:
[-8.90763327e-08 1.00000005e+00]