## PROGRAMAÇÃO ESTRUTURADA T2

Grupo: Amarildo Junior, Leonardo Coutinho, Elias Júnior.

Parte 1: Tempo de ordenação dos vetores.

Máquina utilizada nos testes:

Desktop

Processador: R7 2700 3.2GHz 8 cores 16 threads

Ram: 8gb | SSD: 240GB SATA | HD: 2Tb | Placa de Vídeo: RX570 4GB

SO: Windows 10 Pro 64 bit's

|         | Bubble | Selectio | Insertion | Quick | Merge | Неар  |
|---------|--------|----------|-----------|-------|-------|-------|
|         |        | n        |           |       |       |       |
| Vetor A | 0.087  | 0.032    | 0.017     | 0.000 | 0.000 | 0.001 |
| Vetor B | 0.359  | 0.122    | 0.068     | 0.002 | 0.001 | 0.002 |
| Vetor C | 1.512  | 0.490    | 0.273     | 0.002 | 0.003 | 0.004 |
| Vetor D | 4.277  | 1.096    | 1.162     | 0.003 | 0.006 | 0.004 |

Parte 2: Explicação da ordenação utilizando Mergesort e Heapsort de maneira **não-crescente**.

## Vetor a ser ordenado:

| 5  | 1 | ۵  | O | Q | 2 | 1 | 1 | 6 | 2 |
|----|---|----|---|---|---|---|---|---|---|
| اح | 🛨 | وا | U | O | 3 | 1 | 4 | U | _ |

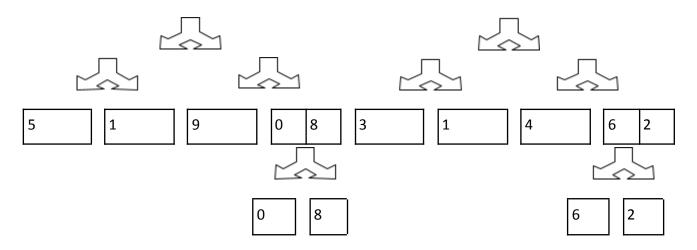
## Mergesort:

O *mergesort*, ou ordenação por mistura, é um exemplo de algoritmo de ordenação por comparação do tipo dividir para conquistar.

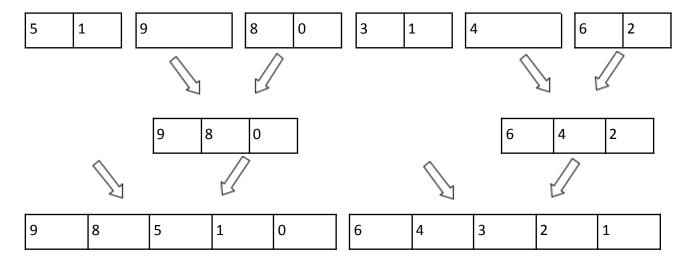
Sua ideia básica consiste em Dividir (o problema em vários subproblemas e resolver esses subproblemas através da recursividade) e conquistar (após todos os subproblemas terem sido resolvidos ocorre a conquista que é a união das resoluções dos subproblemas).

O vetor será dividido pela metade até sobrarem apenas itens individuais:

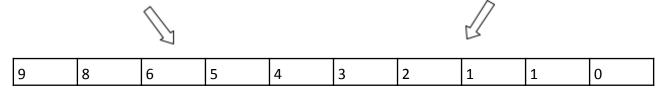
| 5 | 1 | 9 | 0 | 8 | 3 | 1 | 4 | 6 | 2 |  |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|--|
|   |   |   |   |   |   |   |   |   |   |  |
| 5 | 1 | 9 | 0 | 8 | 3 | 1 | 4 | 6 | 2 |  |



Com todos os itens do vetor já divididos em partes individuais eles serão colocados em vetores temporários de maneira já ordenada (ordenação feita no procedimento recursivo):



Quando restam apenas dois vetores temporários já ordenados eles são colocados no vetor principal com a ordenação completa.

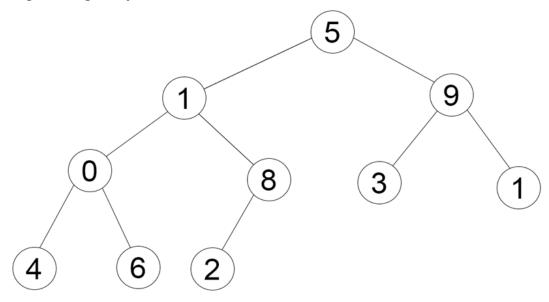


## **Heapsort:**

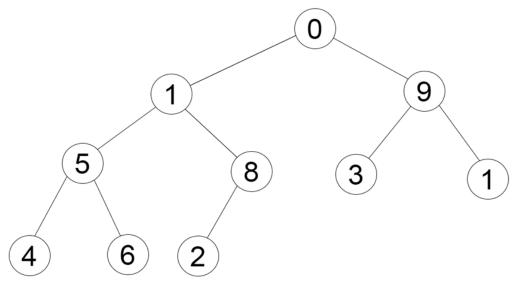
O heapsort utiliza uma estrutura de dados chamada heap, para ordenar os elementos à medida que os insere na estrutura. Assim, ao final das inserções, os elementos podem ser sucessivamente removidos da raiz da heap, na ordem desejada, lembrando-se sempre de manter a propriedade de max-heap(pai>filho).

| 5 | 1 | 9 | 0 | 8 | 3 | 1 | Δ | 6 | 2 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| ا | 🛨 | ) | U | U | ٦ | 🛨 | 7 | U | _ |

Ao executar o algoritmo ele percorrerá o vetor e criará uma árvore com os elementos. Da esquerda para a direita é criada uma árvore com os valores encontrados no vetor. A árvore ficará com a seguinte organização:

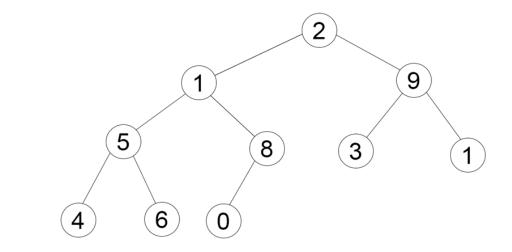


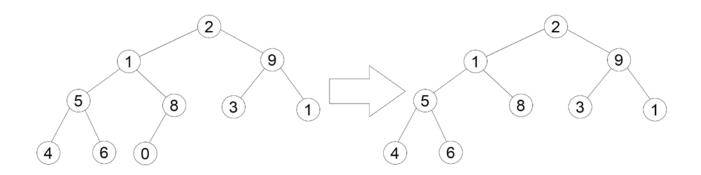
Após a estruturação da árvore será encontrado o maior valor do vetor, este valor será o max\_heap, nesse caso(ordenação decrescente, o valor a ser posto no topo é o menor) o valor 0 será trocado com o valor 5.



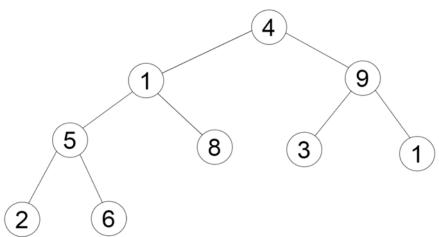
|--|

Encontrado o max\_heap é trocado o valor da primeira posição com o valor da última: O número 0 já é considerado ordenado e está em sua posição final.



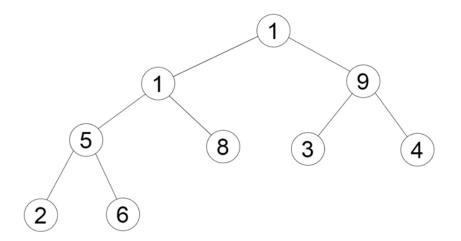


O número 2 vai para a última posição do nó da esquerda e é substituído pelo menor valor encontrado (4 nesse caso).



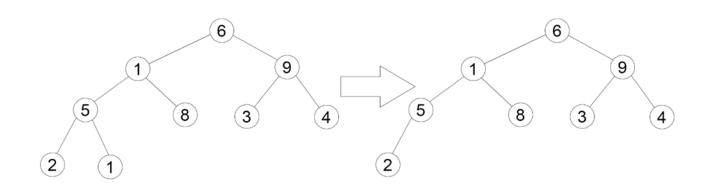
| 4 | 1 | 0 | Г | 0 | 2 | 1 | 2 | C | 0 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 4 | L | 9 | 5 | 8 | 3 | 1 | 2 | б | U |

O número 1 mais abaixo vai para a posição max\_heap e é substituído pelo valor max\_heap encontrado (4 nesse caso).



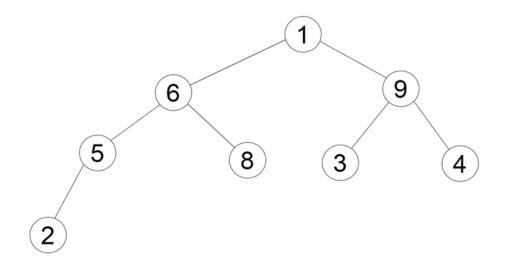
| - 1 |   |   |     |     |     |    |          |              |     |       |
|-----|---|---|-----|-----|-----|----|----------|--------------|-----|-------|
|     | _ |   | ا ا | l _ | ا ا | _  | _        | ۱_           | ا م | _     |
|     | 1 | 1 | 19  | 15  | 18  | 13 | Δ        | 12           | 16  | l ( ) |
|     | - | - | ٠,  | J   | 0   | 9  | <b>T</b> | <del>-</del> | 0   | 0     |

O max\_heap (número 1) é substituído pela última posição (número 6) e é excluído da árvore.



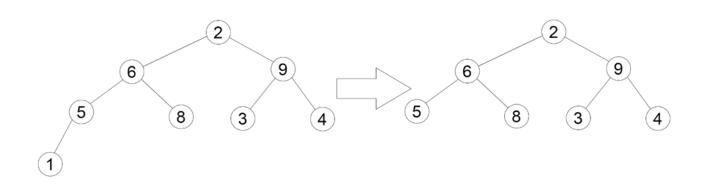
|--|

É verificado que o menor número não está no max\_heap, então troca o menor número (número 1) com o max\_heap (número 6).



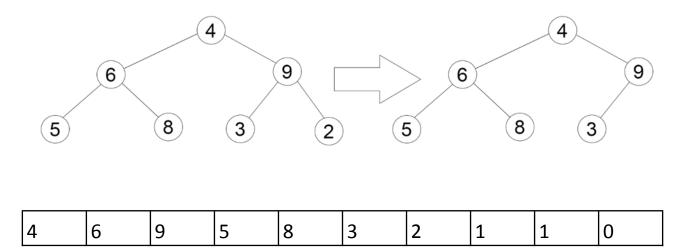
| 1 | 6 | 9   | 5   | R  | 3 | Δ | 2            | 1 | 0 |
|---|---|-----|-----|----|---|---|--------------|---|---|
| _ | U | ر ا | ر ا | ١٥ | J | 7 | <del>-</del> | - | U |

Verificado que o max\_heap é o menor número (número 1), então é trocado com o último nó da árvore (número 2), após a troca está ordenado então é excluído da árvore.

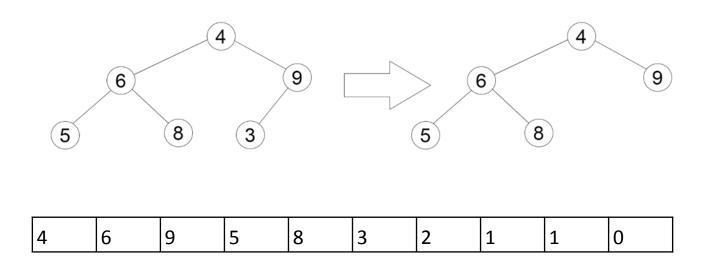


| 2 | 6  | g | 5   | R | 3 | 1 | 1 | 1 | n |
|---|----|---|-----|---|---|---|---|---|---|
| ~ | ١٥ | ٦ | ر ا | ٥ | 5 | 7 | _ | _ | U |

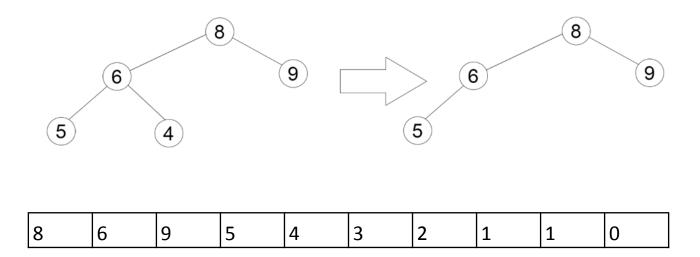
Verificado que o max\_heap novamente é o menor número da arvore, trocasse então o 2 com 4, nó mais a direita da árvore, verificado então que o 3 está na posição ordenada é excluído.



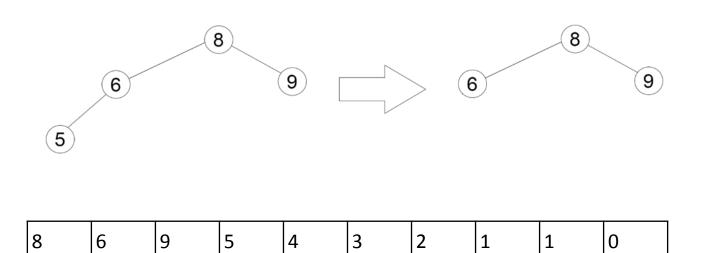
Verificado que a última posição (número 3) é a menor posição da arvore, então apenas exclui a menor posição da árvore, pois já está ordenada.



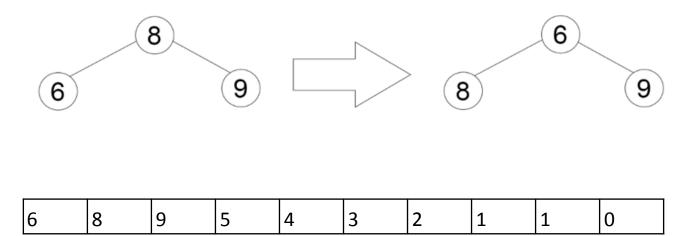
Verificado que o max\_heap é a menor valor da árvore, então troco o 4 com o 8 e excluo o 4, pois está ordenado.



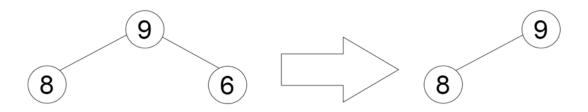
Verificado o menor número da árvore já está na extremidade da árvore, então apenas exclui o número 5 da árvore.



Verificado que o nó da árvore mais à esquerda é o menor valor da árvore, então trocasse o menor valor com o max\_heap (número 8).

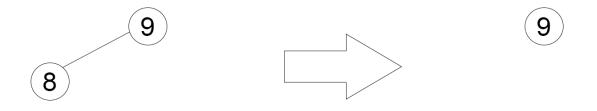


Verificado que o menor valor da árvore é o max\_heap e o nó mais à direita é o maior valor da árvore, então trocasse o número 6 com o 9 e exclui o nó mais à direita da árvore (número 6).



| 9 | 8 | 6 | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 | 1 | 0 |  |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|--|
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|--|

Verificado que o nó mais à esquerda é o menor valor restante na árvore, então excluísse o nó mais à esquerda da árvore e o vetor está ordenado de forma não-crescente.



|  | g | • | 8 | 6 | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 | 1 | 0 |
|--|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
|--|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|