

Laboratorio Nro. 2: Notación O grande

Alejandra Martínez Vega

Universidad Eafit
Medellín, Colombia
amartinezv@eafit.edu.co

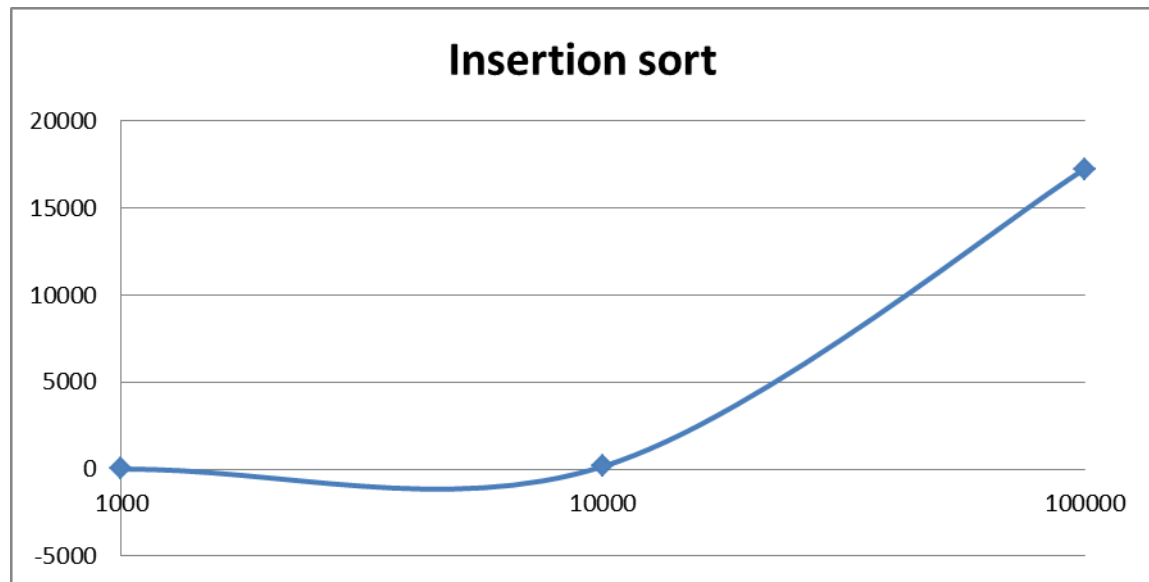
3) Simulacro de preguntas de sustentación de Proyectos

1.

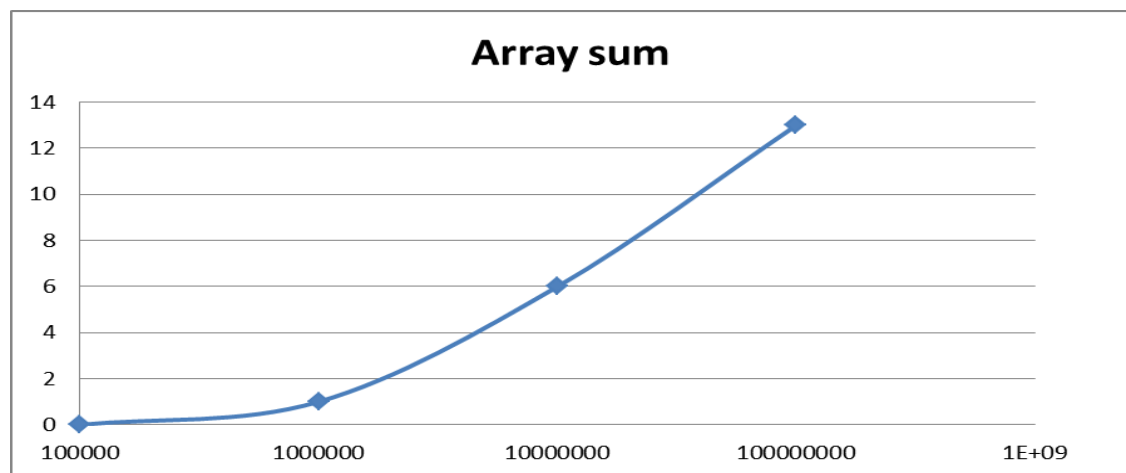
	<i>$N = 100.000$</i>	<i>$N = 1'000.000$</i>	<i>$N = 10'000.000$</i>	<i>$N = 100'000.000$</i>
<i>Array sum</i>	<i>0</i>	<i>1</i>	<i>6</i>	<i>13</i>
<i>Array máximo</i>	<i>0</i>	<i>1</i>	<i>10</i>	<i>21</i>
<i>Insertion sort</i>	<i>17246</i>	<i>Más de 5 min</i>	<i>Más de 5 min</i>	<i>Más de 5 min</i>
<i>Merge sort</i>	<i>16</i>	<i>174</i>	<i>1930</i>	<i>5442</i>

2.

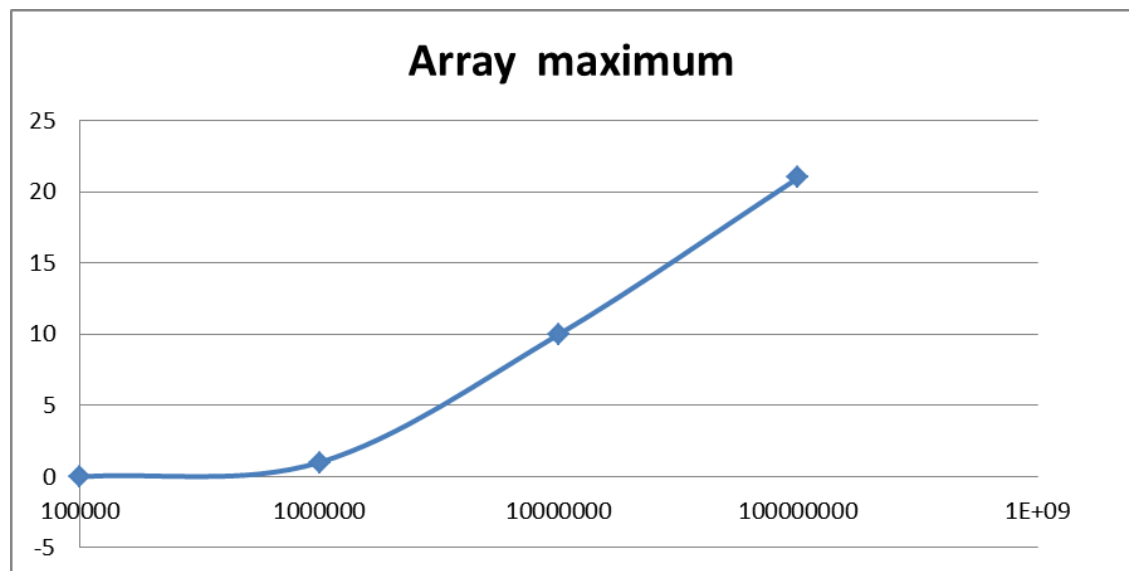
<i>Insertion sort</i>	
<i>Entrada</i>	<i>Tiempo</i>
<i>1000</i>	<i>3</i>
<i>10000</i>	<i>156</i>
<i>100000</i>	<i>17246</i>



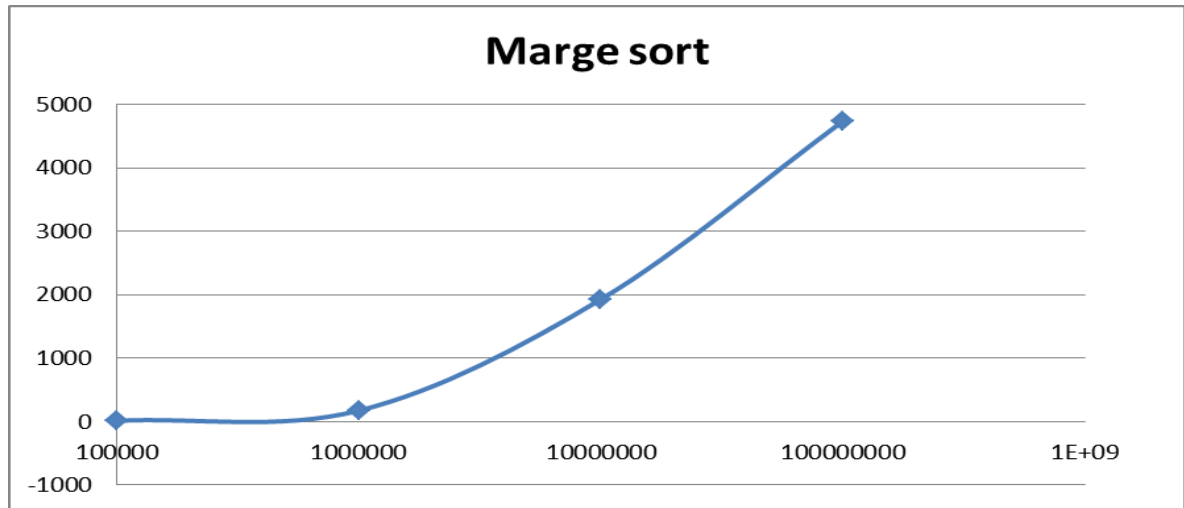
Array sum	
Entrada	Tiempo
100000	0
1000000	1
10000000	6
100000000	13



<i>Array maximum</i>	
<i>Entrada</i>	<i>Tiempo</i>
100000	0
1000000	1
10000000	10
100000000	21



<i>Marge sort</i>	
<i>Entrada</i>	<i>Tiempo</i>
100000	16
1000000	174
10000000	1930
100000000	4742



3. Los tiempos obtenidos con el laboratorio se relacionan con la teoría obtenida de la notación O , con Array sum, Array máximo y Marge sort no hay problema porque es de orden lineal en cambio la complejidad de Insertion sort es de orden cuadrático y por eso con valores mayores el tiempo de ejecución es mucho más grande.
4. Siendo n el número de elementos en el arreglo y estos generados de forma aleatorio con un valor máximo de cinco mil, el problema con Insertion sort para valores grandes de n es que recorre y compara cual elemento es mayor devolviéndose en el arreglo y comparándolo con el elemento a insertar hasta llegar a la posición correcta corriendo todos los elementos hacia la derecha y esto hace que la complejidad del problema con valores grandes sea mayor.
5. Los tiempos no crece tan rápido con Array sum porque su complejidad es de orden lineal y solo se recorre el arreglo una vez y se va sumando todos los elementos hasta que se acabe el arreglo, en cambio Insertion sort recorre el arreglo y va moviendo todos sus elementos hacia la derecha hasta que el arreglo este ordenado lo que aumenta la complejidad y hace que los tiempos crezcan mucho más.
6. Teniendo en cuenta los tiempos obtenidos en el laboratorio es más eficiente Marge sort con respecto a Insertion sort para arreglos grandes y es más eficiente Insertion sort para arreglos pequeños con respecto a Marge sort.

7. El ejercicio `maxSpan` evalúa el primer y último elemento y se va devolviendo hasta encontrar un número que sea diferente al primero del arreglo y ahí calcula el `span` que es el número de elementos entre el mas a la izquierda y más a la derecha anteriormente en el arreglo.

8.

1.) Array 1

```
i. public boolean only14(int[] nums) {  
    int cont = 0; //c1  
    for(int i = 0; i < nums.length; i++){ //c.n  
        if(nums[i] == 1 || nums[i] == 4) cont++; //c2  
    }  
    if(cont == nums.length) return true; //c3  
    return false; //c4  
}  
ii. public boolean isEverywhere(int[] nums, int val) {  
    for(int i = 0; i < nums.length-1; i++){ //c.n  
        if(nums[i] != val && nums[i+1] != val) return false; //c1  
    }  
    return true; //c2  
}  
iii. public int matchUp(int[] nums1, int[] nums2) {  
    int cont = 0; //c1  
    for(int i = 0; i < nums1.length; i++){ //c.n  
        int a = nums1[i] - nums2[i]; //c2  
        if(Math.abs(a) <= 2 && Math.abs(a) > 0 ) cont++; //c3  
    }  
    return cont; //c4  
}  
iv. public boolean has12(int[] nums) {  
    boolean comprobar = false; //c1  
    for(int i = 0; i < nums.length; i++) //c.n  
    {  
        if (nums[i] == 1) //c2  
            comprobar = true; //c3  
        if (comprobar && nums[i] == 2) //c4  
            return true; //c5  
    }  
    return false; //c6  
}
```

```
v.  public boolean haveThree(int[] nums) {  
        int cont3 = 0;                                //c1  
        if (nums.length < 5)                          //c2  
            return false;                             //c3  
        for (int i = 0; i < nums.length-1; i++){       //c.n  
            if (nums[i] == 3 && nums[i+1] != 3)         //c4  
                cont3++;                               //c5  
        }  
        if (nums[nums.length-1] == 3 && nums[nums.length-2] != 3) //c6  
            cont3++;                                   //c7  
        return cont3 == 3;                             //c8  
    }
```

La complejidad en todos los casos es $T(n) = O(n)$

2.) Array 3

```
I.  public int maxSpan(int[] nums) {  
        int max = 0;  
        int retador = 0;  
        for(int i = 0; i < nums.length; i++){          //c.n  
            int j = nums.length-1;  
            while(nums[j] != nums[i]){                 //c.n.n  
                j--;  
            }  
            retador = j - i + 1;  
            if(retador > max) max = retador;  
        }  
        return max;  
    }
```

$$T(n) = c + c.n + c.n.n$$

$$T(n) = O(n^2)$$

```
II. public int[] fix34(int[] nums) {  
        int temp = 0;  
        boolean three = false;  
        for (int i = 0; i < nums.length-1; i++){       //c.n  
            if (nums[i] == 3)
```

```

        three = true;
        if (three == true){
            three = false;
        }
        if (nums[i+1] != 4){
            for (int j = 1; j < nums.length; j++){           //c.n.n
                if (nums[j] == 4 && nums[j-1] != 3){
                    temp = nums[i+1];
                    nums[i+1] = nums[j];
                    nums[j] = temp;
                }
            }
        }
    }
}
return nums;
}

```

$T(n) = c + c.n + c.n.n$

$T(n) = O(n^2)$

```

III.    public int[] fix45(int[] nums) {
        for (int i = 0; i < nums.length; i++) {           //c.n
            if (nums[i] == 4){
                for (int j = 0; j < nums.length; j++) {     //c.n.n
                    if (nums[j] == 5) {
                        if (j > 0 && nums[j-1] != 4) {
                            int tmp = nums[i+1];
                            nums[i+1] = 5;
                            nums[j] = tmp;
                        }
                    }
                    else if (j == 0) {
                        int tmp = nums[i+1];
                        nums[i+1] = 5;
                        nums[j] = tmp;
                    }
                }
            }
        }
    }
    return nums;
}

```

DOCENTE MAURICIO TORO BERMÚDEZ

Teléfono: (+57) (4) 261 95 00 Ext. 9473. Oficina: 19 - 627

Correo: mtorobe@eafit.edu.co

$$T(n) = c + c.n + c.n.n$$

$$T(n) = O(n^2)$$

```
IV.    public boolean linearIn(int[] outer, int[] inner) {
        int var = 0;
        for(int j = 0; j < inner.length; j++){           //c.n
            for(int i = 0; i < outer.length; i++){         //c.n.m
                if(inner[j]==outer[i]){
                    var ++;
                    break;
                }
            }
        }
        if(var == inner.length) return true;
        return false;
    }
```

$$T(n) = c + c.n + c.n.m$$

$$T(n) = O(n.m)$$

```
V.    public int[] seriesUp(int n) {
        int[] arr = new int[n*(n+1)/2];
        int p = 0;
        for(int i = 1; i <= n; i++){                       //c.n
            for(int j = 1; j <= i; j++, p++){               //c.n.n
                arr[p] = j;
            }
        }
        return arr;
    }
```

$$T(n) = c + c.n + c.n.n$$

$$T(n) = O(n^2)$$

9.

1. Array 1

N es nums.length

2. Array 2

N es nums.length

N es inner.length, M es outer.length

4) Simulacro de Parcial

1. *b*
2. *d*
3. *b*
4. *b*
5. *d*

5. Lectura recomendada (opcional)

- a) R.C.T Lee, Introducción al análisis y diseño de algoritmos, Capítulo 2. 2005
- b) Un algoritmo es bueno según su eficiencia, es decir, su complejidad, que se haya con un análisis matemático donde el tamaño N depende de su ejecución. Es importante si se puede encontrar un algoritmo con menor orden de complejidad, pero también es claro que la complejidad como n^2 , n^3 pueden ser no deseados pero siguen siendo tolerados a comparación de 2^n . La cota inferior de un problema es la complejidad temporal mínima requerida por cualquier algoritmo. Existen los algoritmos polinomiales y los algoritmos exponenciales. Para cualquier algoritmo se está interesado en su comportamiento en tres situaciones: mejor caso, caso promedio y peor caso. Algunos ejemplos de algoritmos son: el ordenamiento por inserción directa, búsqueda binaria, ordenamiento por selección directa, quick sort, merge sort y ordenamiento heap sort. Para medir la dificultad de un problema se dice que si este se puede resolver con un algoritmo de baja complejidad es sencillo.
- c) Mapa de Conceptos

