### Option Bio-Info/Bio-Stat S. Granjeaud

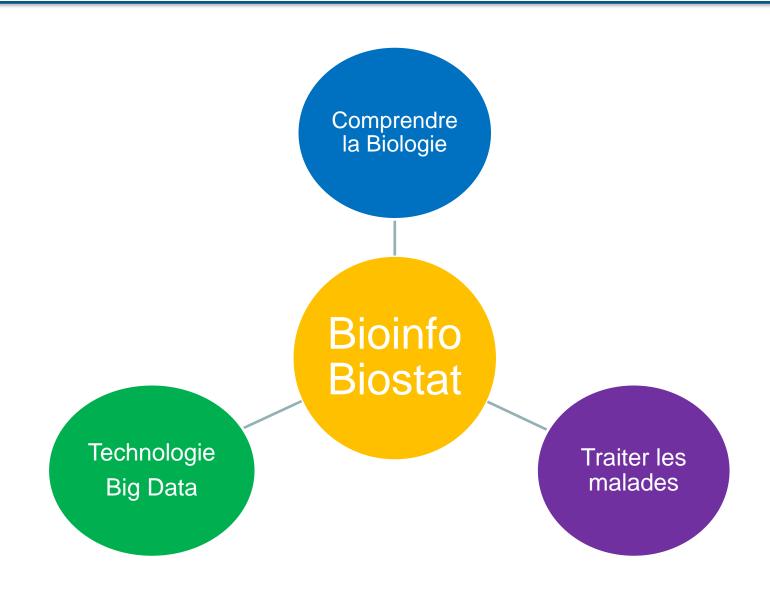
Licence professionnelle Métiers du décisionnel et de la statistique PARCOURS : INFORMATIQUE DÉCISIONNELLE, STATISTIQUES ET BIG DATA LP MDS





# INFORMATIQUE ET STATISTIQUES POUR LA BIOLOGIE ET LA MÉDECINE

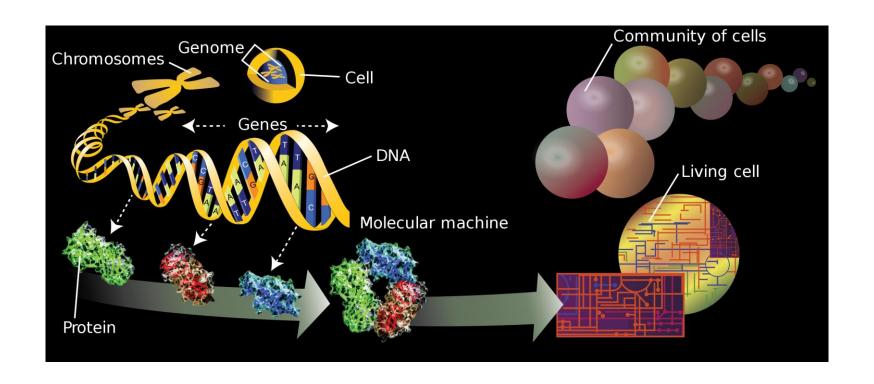
### Contexte



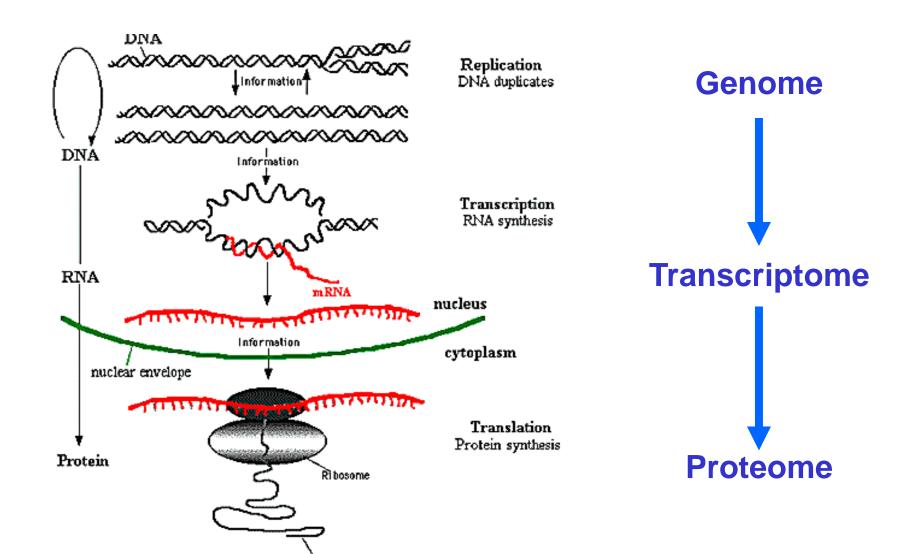
### Bioinformatique

- BIO logie
- INFOR mation
- traitement auto MATIQUE

## Biology

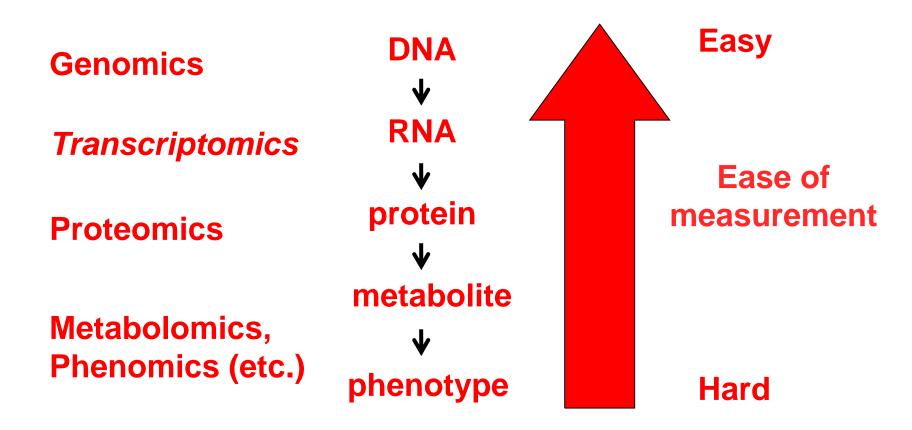


### Different Kinds of "Omes"



Protein

### High Throughput Measurement



Toutes ces analyses sont complémentaires!

### Technologie - Instrumentation

- Transcriptome par puces :
  - 1 mesure par sonde, 100k sondes par puce, 10zaine d'échantillons
- Protéome par spectrométrie de masse :
  - 1 mesure par sonde, 1k protéines par échantillon, 10zaine échantillon
- Cytométrie :
  - 15-50 paramètres par cellules,
     100k-1000k cellules par tube, 10-100 tubes/échantillons
- Séquençage haut débit :
  - "Bulk" = en masse, des 10 milliers de cellules : RNAseq
  - "SingleCell" = cellule unique, milliers de cellules : scRNAseq
  - Téra Octets de données par semaine

### Bioinformatique & Analyse de données

- Emergence des études à l'échelle du génome complet (haut flux).
- Médecine personnalisée :
  - Altérations génomiques
  - Modulation du niveau transcriptomique
  - Dysfonctionnement protéique
- Besoin d'outils informatiques et de méthodes statistiques d'analyse et de décision
- Identifier les acteurs d'une perturbation et de ses conséquences
- Déterminer l'efficacité et les effets d'un traitement

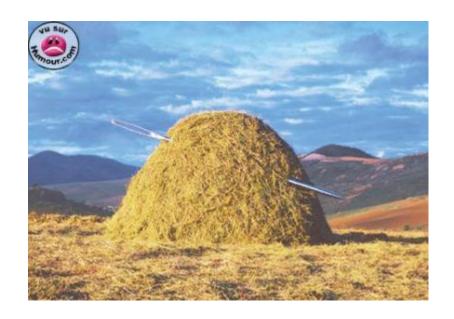
### **Objectifs**

- Diagnostic, détection précoce
- Pronostic de la réponse à un traitement, de survie
- Déterminer la thérapie optimale

- Mutations dans le génome (insertions, deletions)
- Profil génomique, transcriptomique, protéique... des tumeurs
- Identifier les acteurs et comprendre les mécanismes

### **Objectifs**

- Objectif : identifier les variables (gènes...) ou une combinaison liées à une caractéristique des individus ou un dysfonctionnement
- Grande échelle
  - = variables innombrables
- Biologie/Médecine
   peu d'échantillons car précieux, rares, longs à préparer
- Diagnostic/Pronostic
  - = besoin de statistiques

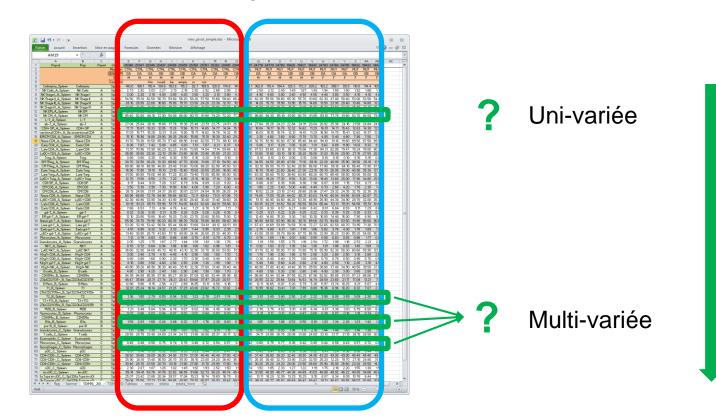


### **Grandes dimensions**

Biologie/Médecine
= peu d'échantillons
car précieux, rares,
longs à préparer

colonne = individu = échantillon ligne = variable = gène, protéine...





### Bioinfo/Biostat: où?

- Extraction de l'information des instruments Prétraitement de la mesure
  - Spécifique à l'instrument, à sa technologie

• Analyse numérique pour la sélection et la décision

- Aide à l'interprétation
  - Apport de la connaissance acquise

### Analysis process

This is what you learn in school & textbooks

```
# (ideal) data analysis process
raw_data = GET(data)
proc_data = PROCESS(raw_data)
SUMMARY(proc_data)
PLOT(proc_data)
model = FIT_MODEL(proc_data)
prediction = PREDICT(model)
PRINT(prediction)
> "Woo-hoo! validated model =)"
```

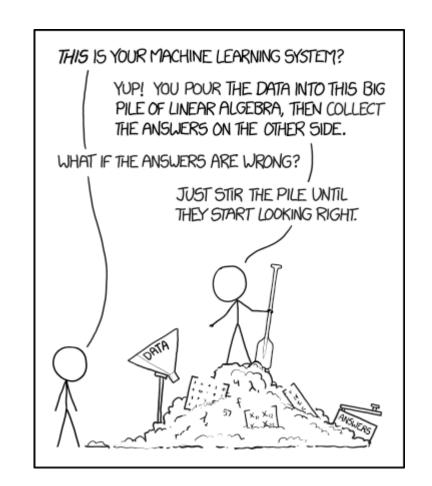
#### This is what you learn in the real world

```
# (real) data analysis process
raw data = GET(data)
clean data = CLEAN(data)
proc data = PROCESS(clean data)
while (QUALITY(proc data) != "good") {
   clean data = CLEAN(proc data)
   proc data = PROCESS(clean data)
   # while loop may run indefinitely
SUMMARY(proc data)
PLOT(proc data)
model = FIT MODEL(proc data)
prediction = PREDICT(model)
PRINT(prediction)
> "Ooops! model sucks =("
```

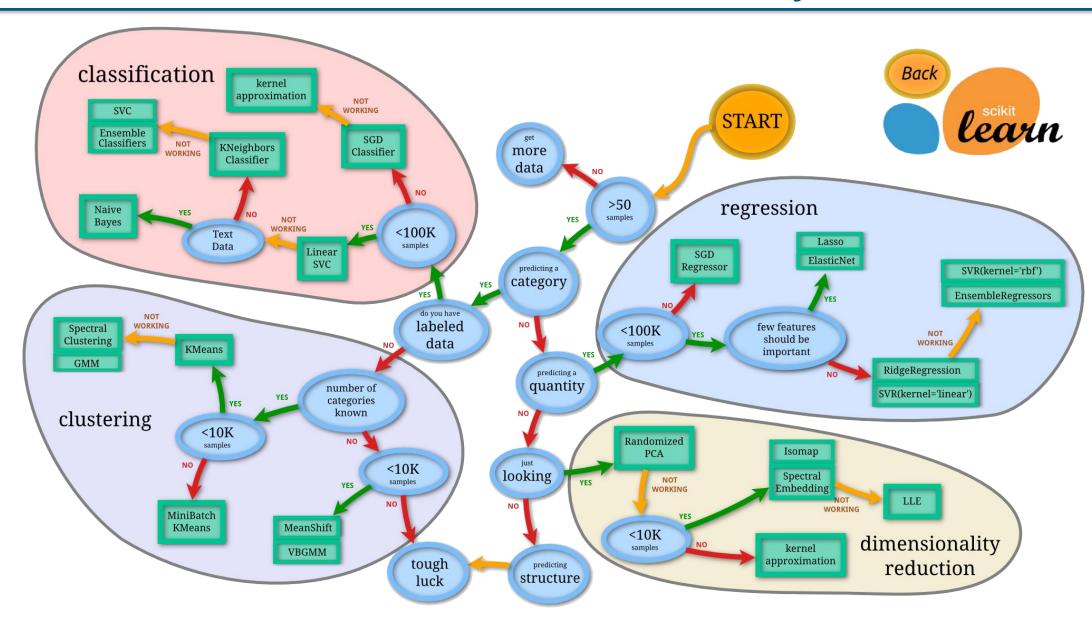
### Garbage In = Garbage Out

- Quality control is crucial!
- Important for manual analysis, but even more for automated analysis

"No Data Analysis Technique Can Make Good Data out of Bad Data" Howard Shapiro.



### Méthodes d'analyse



### Analyse de données

# Méthodes Supervisées

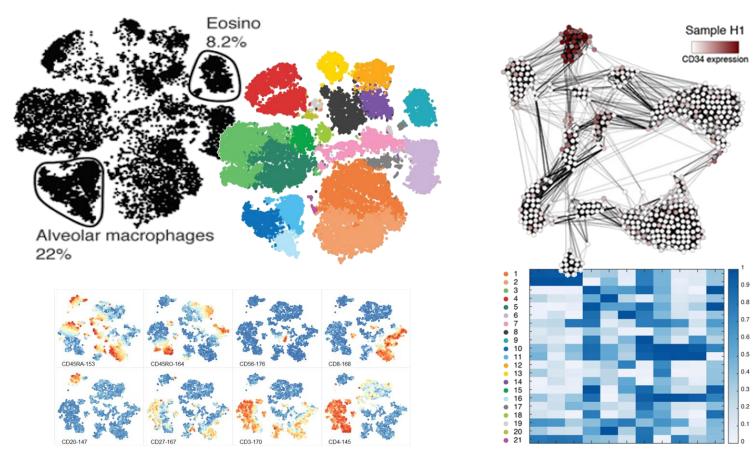
- Découverte de classes
- Tests statistiques "classiques"
- Utilisation des expressions corrélées
- Score discriminant
- Réseaux de neurones
- Valider les modèles...

# Méthodes Non Supervisées

- Exploration des données
- Grouper
  - Classifications hiérarchiques
  - Nuées dynamiques (K-means)
- Réduire les dimensions
  - Analyse en composantes principales
  - tSNE, UMAP
- Grouper et Réduire
  - Cartes de Kohonen (SOM)

### VISUALISATION DE DONNÉES

### 1 Picture vs 1000 Words



Most illustrations from Mair et al 2016 and Kimball et al 2017

#### Visualisation

- Always make intelligible figures
- Put axes, label the axes, set units
- Set a legend of symbols, colors, line types...
- Define a title

### Visualisation, the basics

- Screen
- X, Y coord.
- Color
- Shape
- Size



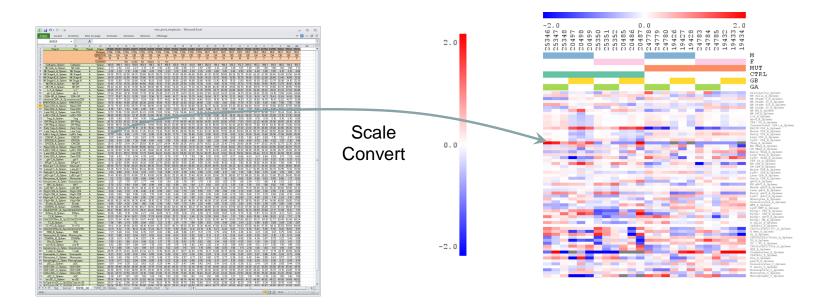
• Link the points => graph, tree

### What is a dot plot?

- What are those points on the scatter plot, graph?
  - Single cells or centers of cell group
- What is the meaning of the color
  - Group membership or expression level of a marker
  - Raw or transformed expression level
- Is the distance on the screen meaningful?
- How to evaluate the distance between dots?

### From matrix to image

### Heatmap



### What is on a heatmap?

- What are those rectangles?
  - Columns = ? Rows = ?
  - Cell groups x markers or Cell groups x patients
- What is the meaning of the color?
  - Expression level of a marker or percentages
  - Raw or transformed value
  - What is the scaling?
- Criterion for arranging the rows/columns?
  - User defined or hierarchical clustering
  - How to evaluate the distance?

### RAPPELS STATISTIQUES

### Démarche scientifique

- Poser une question fondée sur des hypothèses
  - science, expertise
- Définir une expérience bien pensée/contrôlée
  - plan d'expérience
- Réaliser l'expérience, annoter son déroulement
  - valeurs aberrantes, manquantes
- Organiser les mesures, les décrire
  - statistique descriptive
- Comparer les mesures inter-groupes
  - statistique inférentielle, test d'hypothèse
- Interpréter les résultats
  - science, expertise

To consult the statistician after an experiment is finished is often merely to ask him to conduct a post mortem examination. He can perhaps say what the experiment died of.

Ronald Fisher 1938

### La statistique, c'est PAS compliqué!

- Estimer
  - Modéliser

- Décider
  - Risquer

### Populations et échantillons

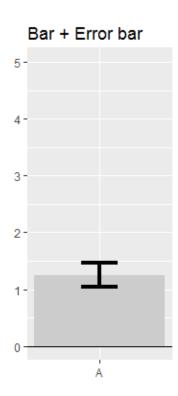
- En biologie, on souhaite caractériser ou comparer des populations, autrement dit l'ensemble des sujets d'un groupe constitué d'un nombre élevé, parfois infini, de sujets.
- Sur le plan pratique, le biologiste ne peut étudier qu'un échantillon, autrement dit un nombre réduit d'individus de cette population.
- L'expérience mène à une estimation de la grandeur d'intérêt.
- L'objectif est de généraliser à la population le résultat déterminé sur un échantillon.

### Populations et échantillons

- L'analyse statistique va permettre :
  - de décrire d'abord une ou plusieurs populations, connues chacune seulement à partir de l'échantillon étudié,
  - de comparer ensuite, et surtout, ces populations entre elles ou avec un modèle représentant une population théorique.
- Attention : l'outil statistique ne peut être utilisé que si chaque échantillon est extrait de la population étudiée par une méthode aléatoire : chaque individu de la population a la même probabilité d'être choisi.

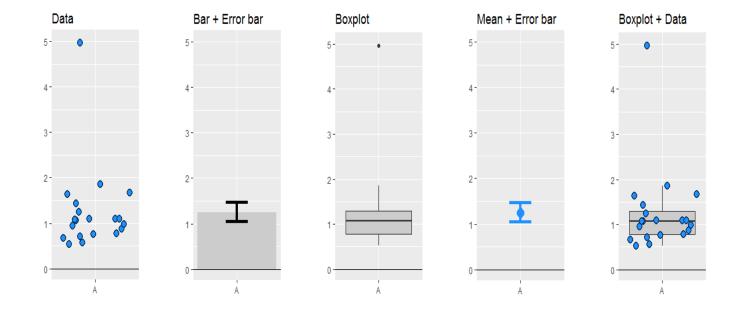
### Quizz

- Que représente la barre d'erreur sur vos graphiques ?
- Quel est le nom de la grandeur représentée ?



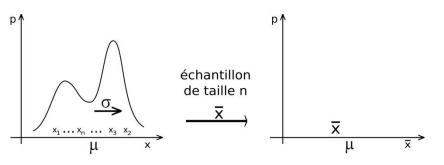
### Représenter les mesures

- barplot vs dotplot vs boxplot
- un graphique permet d'apprécier les valeurs extrêmes



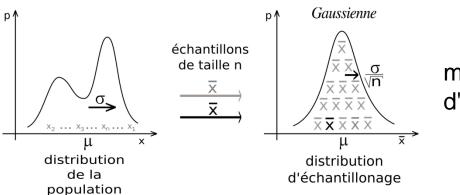
### Théorème centrale limite

- Intuitivement, ce résultat affirme que toute somme de variables aléatoires indépendantes et identiquement distribuées tend vers une variable aléatoire gaussienne.
- Quelque soit la forme de la distribution de la population, la distribution de la moyenne des échantillons d'effectif n tend vers une gaussienne, dont la moyenne est la moyenne de la population.
- Simplifier les calculs avant l'ordinateur.



1 expérience

1 échantillon n>>1



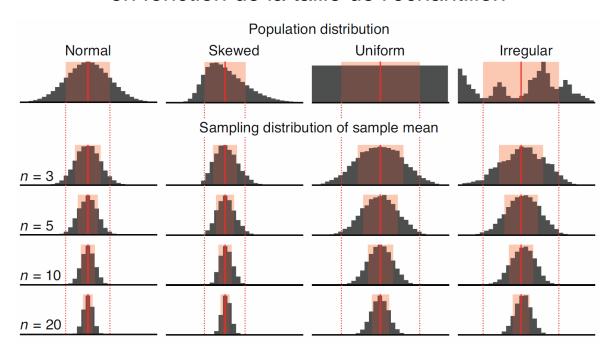
multitude d'expériences

plein d'échantillons n>>1

http://www.incertitudes.fr/livre.pdf
Pierre-Simon de Laplace 1809, De Moivre 1733

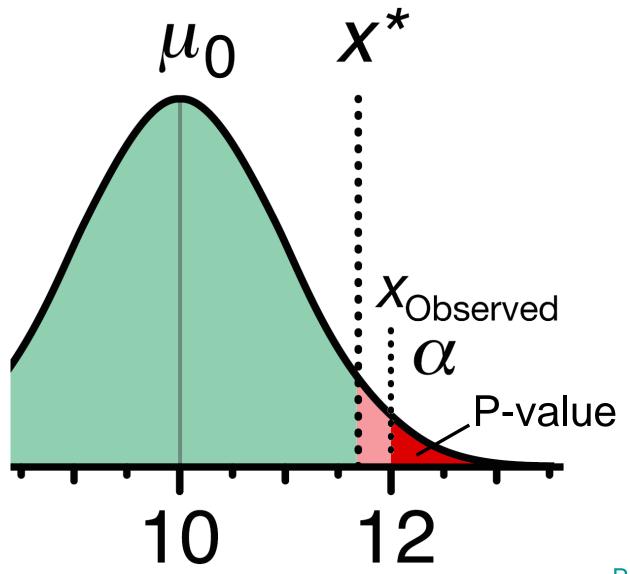
### Tendance centrale

Evolution de la distribution de la moyenne d'un échantillon en fonction de la taille de l'échantillon



La distribution de la moyenne d'un échantillon de n individus tend vers une loi "normale" pour toutes les distributions, c'est le théorème centrale limite

### Principe du test d'hypothèse

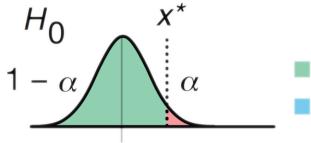


- $H_0$ : hypothèse nulle :  $\mu_0 = 10$
- Distribution de la moyenne d'un échantillon de n individus

- $\mu_{obs}$  moyenne observé sur l'échantillon de n individus expérimentés ;  $\mu_{obs}$  = 12
- P-value = Prob(  $\mu_{obs} > 12 \mid H_0$  )
- P-value ~ 2% < 5%</li>
   => on rejette H<sub>0</sub>

### P-value = p(False Positive)

#### Inference errors



Correct inference

- Specificity, 1 α
- Power, sensitivity,  $1 \beta$

		DECISION	
		Reject H <sub>o</sub>	Fail to Reject H <sub>o</sub>
UAL	H <sub>o</sub> True	Type I Error <i>Producer Risk</i> α-Risk False Positive	Correct Decision Confidence Interval = 1- a

### Test d'hypothèse

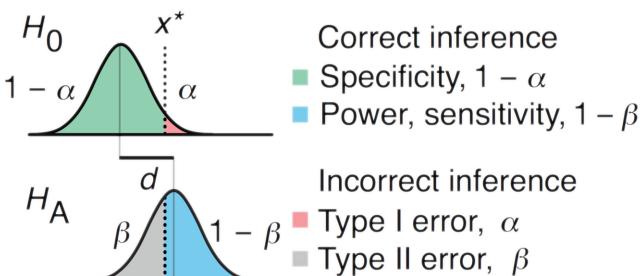
- Rejeter (ou non) l'absence de différence
- P-value = probabilité de trouver une valeur plus extrême si l'hypothèse nulle est vraie
- P-value ~ risque de croire en une différence alors qu'il n'y en a pas
- P-value ~ risque de croire en une différence alors qu'il s'agit d'une observation liée à un échantillonnage "exceptionnel"

#### NHST mis-conceptions

- P-value is the probability that the null hypothesis is false. NO!
- A low P-value value indicates a large effect. NO!
   => a low P-value can occur with small effect sizes, particularly if the sample size is large.
- A non-significant outcome means that the null hypothesis is probably true. NO!
  - => the data do not conclusively demonstrate that the null hypothesis is false.

# Power = p(True Positive)

#### Inference errors

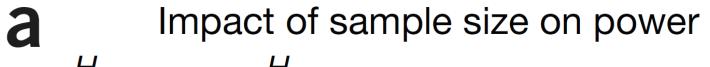


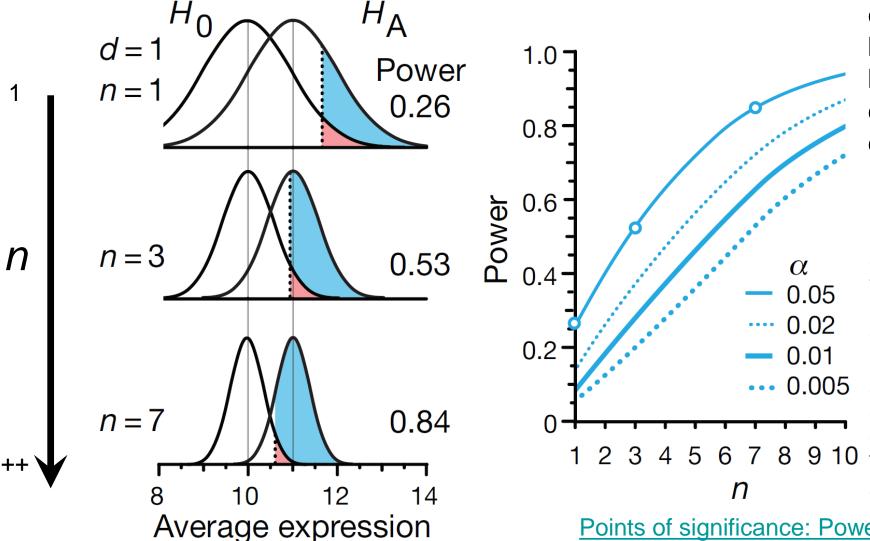
		DECISION		
		Reject H <sub>o</sub>	Fail to Reject H <sub>o</sub>	
ACTUAL	H <sub>o</sub> True	Type I Error <i>Producer Risk</i> α-Risk False Positive	Correct Decision Confidence Interval = 1- a	
	H <sub>a</sub> True	Correct Decision Power = 1- β	Type II Error Consumer Risk B-Risk False Negative	

Ho: Null Hypothesis Ha: Alternative Hypothesis

Sampling distribution of mean

## N, d, and Power





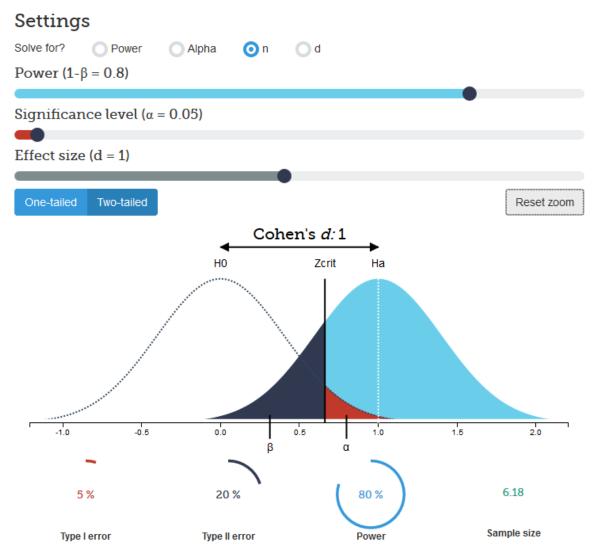
n is acting as the resolution of a microscope: H0 and HA become easier to separate, because the uncertainty decreases, but the difference does not change.

 $H_0$  and  $H_A$  are assumed normal with  $\sigma = 1$ .

(a) Increasing *n* decreases the spread of the distribution of sample averages in proportion to  $1/\sqrt{n}$ . Shown are scenarios at n = 1, 3 and 7 for d = 1and  $\alpha$  = 0.05. Right, power as function of n at four different  $\alpha$  values for d = 1. The circles correspond to the three scenarios.

Points of significance: Power and sample size

#### Démo interactive



Understanding Statistical Power and Significance Testing <a href="http://rpsychologist.com/d3/NHST/">http://rpsychologist.com/d3/NHST/</a>



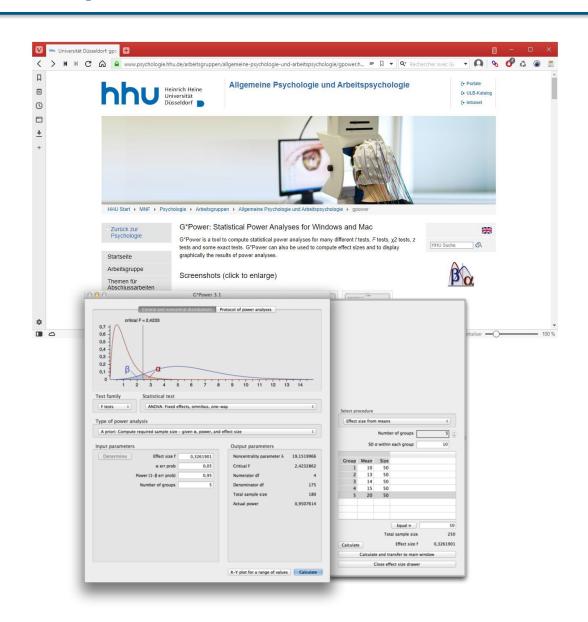
## Calcul de puissance

gpower.hhu.de

test statistique appliqué

- taille de l'effet
  - relatif => Cohen

 étude pilote ou effet minimal



#### Grille de tests

Conditions d'application	variable gaussienne ou N > 30  ANOVA : variances homogènes	variable non gaussienne de préférence N >= 5		
Échantillons	test paramétrique	test non paramétrique		
Un seul échantillon	Test t de Student à une norme	Test Wilcoxon à une norme		
Deux échantillons indépendants	Test t de Student	Test de permutations Test de Mann - Whitney Test de Kruskal - Wallis		
Plus de deux échantillons indépendants	ANOVA 1 facteur ANOVA 2 facteurs	Test de permutations Test de Kruskal - Wallis		
Deux Séries appariées	Test t de Student apparié	Test du signe Test de Wilcoxon		
Plus de deux séries appariées	ANOVA à mesures répétées	Test de Friedman		
Mesure de l'association entre variables	Coefficient de corrélation de Pearson	Coefficient de corrélation par rangs de Spearmann Coefficient de concordance de Kendall		
Test de normalité	Test Shapiro - Wilk	Non Applicable		

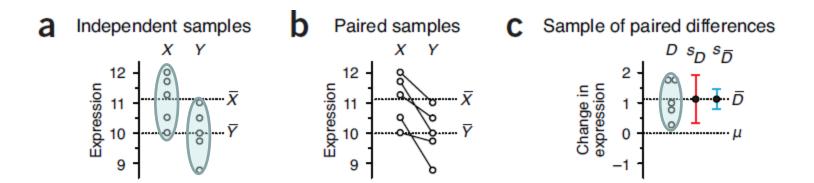
#### Critères de choix

- Loi normale ou Inconnue ⇔Paramétrique ou Non Param.
  - hypothèses à vérifier a priori ou a posteriori
  - normalité, homogénéité des variances
- 2 échantillons ou Plus
  - si 2, 2-tail ou 1-tail
  - si Plus, recherche 2 à 2 ou à une référence, cf ANOVA
- Individus Appariés ou Indépendants
- Echantillon vs Référence
  - cas d'une référence en neuro ou de la normalisation au contrôle
- Analyse de survie

#### one-side vs two-side

- Si on connait a priori (avant l'expérience) le sens du changement, on testera que ce sens (one-side).
- Si on n'a pas d'a priori sur le changement, on testera les deux côtés (two-sides).
- Idem lorsqu'un piéton traverse une voie, sens unique ou double sens.
- Le risque de 5% sera donc que d'un côté, ou réparti à part égale de chaque côté (2.5% et 2.5%). Le seuil d'acceptation (X\*) sera donc plus proche de μ<sub>0</sub> pour le test d'un seul côté.

## **Appariement**



**Figure 3** | The paired t-test is appropriate for matched-sample experiments. (a) When samples are independent, within-sample variability makes differences between sample means difficult to discern, and we cannot say that X and Y are different at  $\alpha = 0.05$ . (b) If X and Y represent paired measurements, such as before and after treatment, differences between value pairs can be tested, thereby removing within-sample variability from consideration. (c) In a paired test, differences between values are used to construct a new sample, to which the one-sample test is applied ( $D^- = 1.1$ ,  $s_D = 0.65$ ).

## **Appariement**

- gommer l'effet "individu"
- série temporelle

- ANOVA à mesures répétées
- Modèles mixtes
  - si valeurs manquantes

## La statistique, c'est PAS compliqué!

#### Estimer

- Modéliser, expliquer
- Vérifier l'adéquation du modèle aux mesures

#### Décider

- Risquer
- α : déclarer une différence à tort ⇔ p-value
- β : manquer une différence à tort ⇔ puissance

		DECISION		
		Reject H <sub>o</sub>	Fail to Reject H <sub>o</sub>	
UAL	H <sub>o</sub> True	Type I Error <i>Producer Risk</i> α-Risk False Positive	Correct Decision Confidence Interval = 1- α	
ACTUAL	H <sub>a</sub> True	Correct Decision Power = 1- β	Type II Error Consumer Risk B-Risk False Negative	

H<sub>o</sub>: Null Hypothesis H<sub>a</sub>: Alternative Hypothesis

 La complexité vient de la multitude des apports au cours de développement de cette science

#### La statistique, c'est PAS compliqué!

#### Test d'hypothèse

- assigner un modèle aux données
  - design (2, 3 ou 4 groupes, régression linéaire), nature du bruit, effets contrôlés
- vérifier les conditions d'application a priori ou a posteriori l'adéquation du modèle aux mesures (résidus)
- calculer la valeur d'un indice statistique adéquat
- placer cette valeur dans la distribution de cet indice sous l'hypothèse nulle
- mesurer la proportion d'indices plus grand : p-value

## La statistique, c'est PAS compliqué!

- P-value
  - garde-fou qui écarte l'aléa
  - autorise l'interprétation
- Interpréter, c'est conclure scientifiquement sur
  - l'importance de l'effet,
  - pas sur l'importance de la p-value

To consult the statistician after an experiment is finished is often merely to ask him to conduct a post mortem examination.

He can perhaps say what the experiment died of.

# **Approfondir**

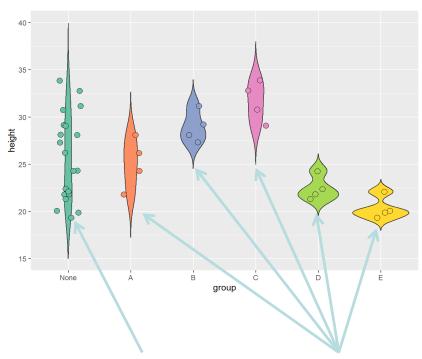
- Créer des projets synchronisés, partagés et versionnés
  - git thinkR
- Utiliser l'incontournable (?) tidyverse
  - thinkR
- Se perfectionner en Rmarkdown => Quarto
  - astuces thinkR

- Informer l'utilisateur
  - cli thinkR

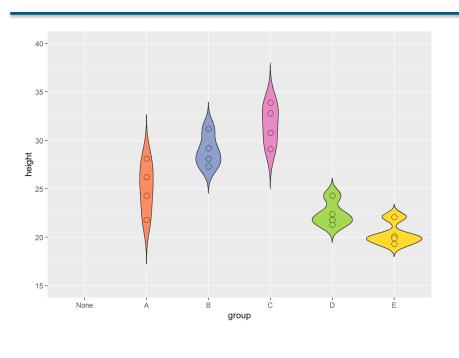
# MULTI-GROUPES 1 FACTEUR

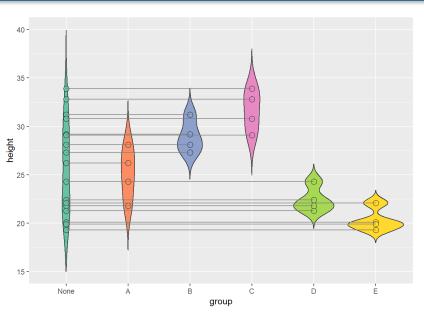
- multi-group comparison
- overall comparison
- H<sub>0</sub>: all means are equal (same population)
- all groups share the same dispersion: within variability is pooled

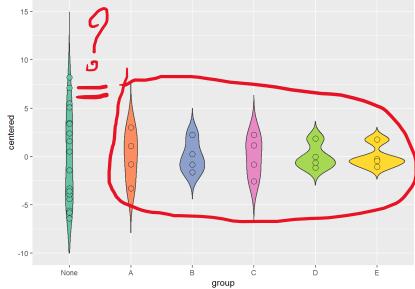
$$F = \frac{Variance\ between\ groups}{Variance\ within\ groups} \sim F(\nu_1, \nu_2)$$



$$F = \frac{Total\ variance - Within\ variance}{Within\ variance}$$







- Conditions
- normalité intra-groupe
- homogénéité des variances
  - test de Levene (ou Barlett)
- vérifier les hypothèses a posteriori
  - résidus standardisés
- effets additifs

- Avantages
- tous les individus contribuent à l'estimation de la variance

- Inconvénients
- où sont les différences ?
  - t-tests en série?

#### 1) normalité

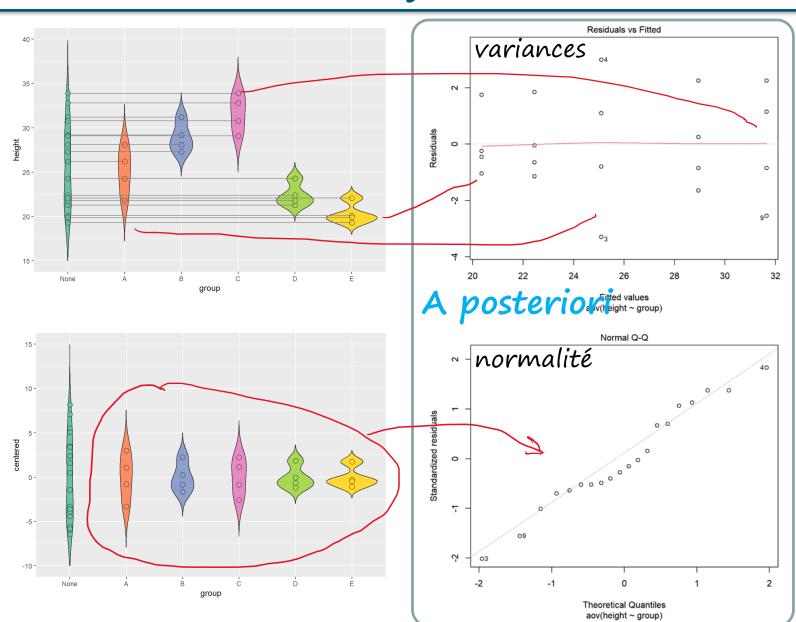
```
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: aov.ex1$residuals
## W = 0.96561, p-value = 0.6609
```

#### A priori

#### 2) homogénéité des variances

```
## Levene's Test for Homogeneity of Variance
## (center = median)
## Df F value Pr(>F)
## group 4 1.1885 0.3558
## 15

## Bartlett test of homogeneity of variances
## data: height by group
## Bartlett's K-squared = 2.3389,
## df = 4, p-value = 0.6737
```



# Méthodologie

- visualiser les données, décrire les groupes, identifier des valeurs extrêmes
- calculer le modèle
- vérifier les hypothèses =>>
- variance factorielle est significativement supérieure à la variance résiduelle?
- identifier les groupes par des tests post-hoc

- vérifier les hypothèses par des tests numériques et des représentations graphiques
- 1) Indépendance des résidus
  - non corrélés entre eux
  - non corrélés au facteur étudié
- 2) Normalité des résidus
- 3) Homogénéité des variances
  - si non, correction de Welch
- alternative non paramétrique : Kruskal-Wallis

Dans une à un facteur, il y a une variable de mesure et une variable nominale. On effectue plusieurs observations de la variable de mesure pour chaque valeur de la variable nominale.

Voici quelques données sur une mesure de la coquille (ici la "longueur AAM") chez la moule Mytilus trossulus provenant de cinq endroits : Tillamook, Oregon ; Newport, Oregon ; Petersburg, Alaska ; Magadan, Russie ; Tvarminne, Finlande (McDonald et al., 1991).



#### fichier sur AMUBox

Tillamook	Newport	Petersburg	Magadan	Tvarminne
0.0571	0.0873	0.0974	0.1033	0.0703
0.0813	0.0662	0.1352	0.0915	0.1026
0.0831	0.0672	0.0817	0.0781	0.0956
0.0976	0.0819	0.1016	0.0685	0.0973
0.0817	0.0749	0.0968	0.0677	0.1039
0.0859	0.0649	0.1064	0.0697	0.1045
0.0735	0.0835	0.105	0.0764	
0.0659	0.0725		0.0689	
0.0923				
0.0836				

#### Calcul

L'idée est de calculer la moyenne des observations au sein de chaque groupe, puis de comparer la variance entre ces moyennes à la variance moyenne au sein de chaque groupe.

Sous l'hypothèse nulle que les observations des différents groupes ont toutes la même moyenne, la variance pondérée entre les groupes sera la même que la variance à l'intérieur des groupes. Plus les moyennes sont éloignées, plus la variance entre les moyennes augmente.

La statistique du test est le rapport de la variance entre les moyennes divisée par la variance moyenne à l'intérieur des groupes. La forme de la distribution F dépend de deux degrés de liberté, les degrés de liberté du numérateur (variance entre les groupes) = nombre de groupes moins un, et les degrés de liberté du dénominateur (variance à l'intérieur des groupes) = nombre total d'observations moins le nombre de groupes.

Pour l'exemple, il y a 5 groupes et 39 observations, de sorte que les degrés de liberté du numérateur sont 4 et les degrés de liberté du dénominateur sont 34.

	sum of squares	d.f.	mean square	$F_s$	P
among groups	0.00452	4	0.001113	7.12	2.8×10 <sup>-4</sup>
within groups	0.00539	34	0.000159		
total	0.00991	38			

On peut simplement écrire "Les moyennes étaient significativement hétérogènes (ANOVA à un seul facteur, F(4;34) = 7,12, P=2,8×10-4)". Les degrés de liberté sont indiqués en indice de F, avec le numérateur en premier.