Conversão entre Diferentes Bases Numéricas

Prof. Americo Cunha

Universidade do Estado do Rio de Janeiro - UERJ

americo.cunha@uerj.br

www.americocunha.org













Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- q quociente
- r resto



Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- *q* quociente
- r resto

•
$$156 = 2 \times 78 + 0$$



Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- q quociente
- r resto

- $156 = 2 \times 78 + 0$
- $78 = 2 \times 39 + 0$



Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- q quociente
- r resto

- $156 = 2 \times 78 + 0$
- $78 = 2 \times 39 + 0$
- $39 = 2 \times 19 + 1$



Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- q quociente
- r resto

•
$$156 = 2 \times 78 + 0$$
 • $19 = 2 \times 9 + 1$

•
$$19 = 2 \times 9 + 1$$

•
$$78 = 2 \times 39 + 0$$

•
$$39 = 2 \times 19 + 1$$



Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- q quociente
- r resto

•
$$156 = 2 \times 78 + 0$$
 • $19 = 2 \times 9 + 1$

•
$$19 = 2 \times 9 + 1$$

•
$$78 = 2 \times 39 + 0$$
 • $9 = 2 \times 4 + 1$

•
$$9 = 2 \times 4 + 1$$

•
$$39 = 2 \times 19 + 1$$



Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- q quociente
- r resto

•
$$156 = 2 \times 78 + 0$$
 • $19 = 2 \times 9 + 1$

•
$$19 = 2 \times 9 + 1$$

•
$$78 = 2 \times 39 + 0$$
 • $9 = 2 \times 4 + 1$

•
$$9 = 2 \times 4 + 1$$

•
$$39 = 2 \times 19 + 1$$
 • $4 = 2 \times 2 + 0$

•
$$4 = 2 \times 2 + 0$$



Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- q quociente
- r resto

- $156 = 2 \times 78 + 0$ $19 = 2 \times 9 + 1$ $2 = 2 \times 1 + 0$

- $78 = 2 \times 39 + 0$ $9 = 2 \times 4 + 1$
- $39 = 2 \times 19 + 1$ $4 = 2 \times 2 + 0$



Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- q quociente
- r resto

•
$$156 = 2 \times 78 + 0$$

•
$$19 = 2 \times 9 + 1$$
 • $2 = 2 \times 1 + 0$

$$2 = 2 \times 1 + 0$$

•
$$78 = 2 \times 39 + 0$$
 • $9 = 2 \times 4 + 1$ • $1 = 2 \times 0 + 1$

•
$$9 = 2 \times 4 + 1$$

$$1 = 2 \times 0 + 1$$

•
$$39 = 2 \times 19 + 1$$
 • $4 = 2 \times 2 + 0$

•
$$4 = 2 \times 2 + 0$$



Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- q quociente
- r resto

•
$$156 = 2 \times 78 + 0$$

•
$$19 = 2 \times 9 + 1$$

•
$$2 = 2 \times 1 + 0$$

•
$$78 = 2 \times 39 + 0$$
 • $9 = 2 \times 4 + 1$

•
$$9 = 2 \times 4 + 1$$

•
$$1 = 2 \times 0 + 1$$

•
$$39 = 2 \times 19 + 1$$
 • $4 = 2 \times 2 + 0$

•
$$4 = 2 \times 2 + 0$$

•
$$0 = 2 \times 0 + 0$$

Para converter um natural N, escrito em base decimal, para a base binária utilizamos os restos de sucessivas divisões por 2.

$$N = q \times d + r$$

- N dividendo
- d divisor

- q quociente
- r resto

Qual a representação binária de 156?

•
$$156 = 2 \times 78 + 0$$
 • $19 = 2 \times 9 + 1$

•
$$19 = 2 \times 9 + 3$$

•
$$2 = 2 \times 1 + 0$$

•
$$78 = 2 \times 39 + 0$$
 • $9 = 2 \times 4 + 1$

•
$$9 = 2 \times 4 + 1$$

•
$$1 = 2 \times 0 + 1$$

•
$$39 = 2 \times 19 + 1$$
 • $4 = 2 \times 2 + 0$

•
$$4 = 2 \times 2 + 0$$

•
$$0 = 2 \times 0 + 0$$

 $(156)_{10} = (10011100)_2$





$$N_0 = b_k \times 2^k + b_{k-1} \times 2^{k-1} + \dots + b_1 \times 2^1 + b_0$$



$$N_0 = b_k \times 2^k + b_{k-1} \times 2^{k-1} + \dots + b_1 \times 2^1 + b_0$$

= $2 \times (b_k \times 2^{k-1} + b_{k-1} \times 2^{k-2} + \dots + b_2 \times 2^1 + b_1) + b_0$



$$N_0 = b_k \times 2^k + b_{k-1} \times 2^{k-1} + \dots + b_1 \times 2^1 + b_0$$

$$= 2 \times \underbrace{\left(b_k \times 2^{k-1} + b_{k-1} \times 2^{k-2} + \dots + b_2 \times 2^1 + b_1\right)}_{N_1} + b_0$$



$$N_{0} = b_{k} \times 2^{k} + b_{k-1} \times 2^{k-1} + \dots + b_{1} \times 2^{1} + b_{0}$$

$$= 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-1} + b_{k-1} \times 2^{k-2} + \dots + b_{2} \times 2^{1} + b_{1}\right)}_{N_{1}} + b_{0}$$

$$N_{1} = 2 \times \left(b_{k} \times 2^{k-2} + b_{k-1} \times 2^{k-3} + \dots + b_{3} \times 2^{1} + b_{2}\right) + b_{1}$$



$$N_{0} = b_{k} \times 2^{k} + b_{k-1} \times 2^{k-1} + \dots + b_{1} \times 2^{1} + b_{0}$$

$$= 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-1} + b_{k-1} \times 2^{k-2} + \dots + b_{2} \times 2^{1} + b_{1}\right)}_{N_{1}} + b_{0}$$

$$N_{1} = 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-2} + b_{k-1} \times 2^{k-3} + \dots + b_{3} \times 2^{1} + b_{2}\right)}_{N_{2}} + b_{1}$$



Seja N_0 um inteiro positivo cuja representação binária possui k+1 dígitos, i.e., $N_0=(b_k\,b_{k-1}\,\cdots\,b_1\,b_0)_2$

$$N_{0} = b_{k} \times 2^{k} + b_{k-1} \times 2^{k-1} + \dots + b_{1} \times 2^{1} + b_{0}$$

$$= 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-1} + b_{k-1} \times 2^{k-2} + \dots + b_{2} \times 2^{1} + b_{1}\right)}_{N_{1}} + b_{0}$$

$$N_{1} = 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-2} + b_{k-1} \times 2^{k-3} + \dots + b_{3} \times 2^{1} + b_{2}\right)}_{N_{2}} + b_{1}$$

:



Seja N_0 um inteiro positivo cuja representação binária possui k+1 dígitos, i.e., $N_0=(b_k\ b_{k-1}\ \cdots\ b_1\ b_0)_2$

$$N_{0} = b_{k} \times 2^{k} + b_{k-1} \times 2^{k-1} + \dots + b_{1} \times 2^{1} + b_{0}$$

$$= 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-1} + b_{k-1} \times 2^{k-2} + \dots + b_{2} \times 2^{1} + b_{1}\right)}_{N_{1}} + b_{0}$$

$$N_{1} = 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-2} + b_{k-1} \times 2^{k-3} + \dots + b_{3} \times 2^{1} + b_{2}\right)}_{N_{2}} + b_{1}$$

:

$$N_{k-1} = 2 \times b_k + b_{k-1}$$



$$N_{0} = b_{k} \times 2^{k} + b_{k-1} \times 2^{k-1} + \dots + b_{1} \times 2^{1} + b_{0}$$

$$= 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-1} + b_{k-1} \times 2^{k-2} + \dots + b_{2} \times 2^{1} + b_{1}\right)}_{N_{1}} + b_{0}$$

$$N_{1} = 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-2} + b_{k-1} \times 2^{k-3} + \dots + b_{3} \times 2^{1} + b_{2}\right)}_{N_{2}} + b_{1}$$

$$\begin{array}{rcl}
\vdots \\
N_{k-1} &=& 2 \times \underbrace{b_k}_{N_k} + b_{k-1}
\end{array}$$



$$N_{0} = b_{k} \times 2^{k} + b_{k-1} \times 2^{k-1} + \dots + b_{1} \times 2^{1} + b_{0}$$

$$= 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-1} + b_{k-1} \times 2^{k-2} + \dots + b_{2} \times 2^{1} + b_{1}\right)}_{N_{1}} + b_{0}$$

$$N_{1} = 2 \times \underbrace{\left(b_{k} \times 2^{k-2} + b_{k-1} \times 2^{k-3} + \dots + b_{3} \times 2^{1} + b_{2}\right)}_{N_{2}} + b_{1}$$

$$\begin{array}{rcl}
\vdots \\
N_{k-1} &=& 2 \times \underbrace{b_k}_{N_k} + b_{k-1} \\
N_k &=& b_k
\end{array}$$



Seja N_0 um inteiro positivo cuja representação binária possui k+1 dígitos, i.e., $N_0=\left(b_k\ b_{k-1}\ \cdots\ b_1\ b_0\right)_2$

$$N_0 = b_k \times 2^k + b_{k-1} \times 2^{k-1} + \dots + b_1 \times 2^1 + b_0
= 2 \times \underbrace{\left(b_k \times 2^{k-1} + b_{k-1} \times 2^{k-2} + \dots + b_2 \times 2^1 + b_1\right)}_{N_1} + b_0
N_1 = 2 \times \underbrace{\left(b_k \times 2^{k-2} + b_{k-1} \times 2^{k-3} + \dots + b_3 \times 2^1 + b_2\right)}_{N_2} + b_1$$

$$\begin{array}{rcl}
\vdots \\
N_{k-1} &=& 2 \times \underbrace{b_k}_{N_k} + b_{k-1}
\end{array}$$

 $N_i = 2 \times N_{i+1} + b_i \longrightarrow b_i$ é o resto da divisão de N_i por 2



0,625



$$0,625 = 5/8 = 1/2 + 1/8 = 2^{-1} + 2^{-3}$$



$$0,625 = 5/8 = 1/2 + 1/8 = 2^{-1} + 2^{-3}$$

$$0,625 = 0 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3}$$



$$0,625 = 5/8 = 1/2 + 1/8 = 2^{-1} + 2^{-3}$$

$$0,625 = 0 \times 2^{0} + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3}$$



$$0,625 = 5/8 = 1/2 + 1/8 = 2^{-1} + 2^{-3}$$

$$0,625 = 0 \times 2^{0} + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3}$$

$$(0,625)_{10} = (0,101)_{2}$$



$$0,625 = 5/8 = 1/2 + 1/8 = 2^{-1} + 2^{-3}$$
$$0,625 = 0 \times 2^{0} + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3}$$

$$(0,625)_{10} = (0,101)_2$$

⇒ Representação finita



0, 1



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$0,2 = b_{-1} + b_{-2} \times 2^{-1} + b_{-3} \times 2^{-2} + \cdots$$
inteiro fracionário



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$0,2 = \underbrace{b_{-1}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-2} \times 2^{-1} + b_{-3} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\implies b_{-1} = 0$$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$0,2 = \underbrace{b_{-1}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-2} \times 2^{-1} + b_{-3} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\implies b_{-1} = 0$$

$$0,4 = \underbrace{b_{-2}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-3} \times 2^{-1} + b_{-4} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$



$$0,1=b_{-1}\times 2^{-1}+b_{-2}\times 2^{-2}+b_{-3}\times 2^{-3}+\cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$0,2 = \underbrace{b_{-1}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-2} \times 2^{-1} + b_{-3} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\Longrightarrow b_{-1} = 0$$

$$0,4 = \underbrace{b_{-2}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-3} \times 2^{-1} + b_{-4} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\Longrightarrow b_{-2} = 0$$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$0,8 = b_{-3} + b_{-4} \times 2^{-1} + b_{-5} \times 2^{-2} + \cdots$$
inteiro fracionário



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$0,8 = \underbrace{b_{-3}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-4} \times 2^{-1} + b_{-5} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\implies b_{-3} = 0$$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$0,8 = \underbrace{b_{-3}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-4} \times 2^{-1} + b_{-5} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\Longrightarrow b_{-3} = 0$$

$$1 + 0,6 = \underbrace{b_{-4}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-5} \times 2^{-1} + b_{-6} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$0,8 = \underbrace{b_{-3}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-4} \times 2^{-1} + b_{-5} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\implies b_{-3} = 0$$

$$1 + 0,6 = \underbrace{b_{-4}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-5} \times 2^{-1} + b_{-6} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\implies b_{-4} = 1$$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$1 + 0, 2 = b_{-5} + b_{-6} \times 2^{-1} + b_{-7} \times 2^{-2} + \cdots$$
 fracionário



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$1+0,2=\underbrace{b_{-5}}_{\text{inteiro}}+\underbrace{b_{-6}\times 2^{-1}+b_{-7}\times 2^{-2}+\cdots}_{\text{fracionário}}$$
 $\Longrightarrow b_{-5}=1$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$1+0,2 = \underbrace{b_{-5}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-6} \times 2^{-1} + b_{-7} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\Longrightarrow b_{-5} = 1$$

$$0,4 = \underbrace{b_{-6}}_{\text{total inteiro}} + \underbrace{b_{-7} \times 2^{-1} + b_{-8} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$1+0,2 = \underbrace{b_{-5}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-6} \times 2^{-1} + b_{-7} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\implies b_{-5} = 1$$

$$0,4 = \underbrace{b_{-6}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-7} \times 2^{-1} + b_{-8} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\implies b_{-6} = 0$$



$$0,1=b_{-1}\times 2^{-1}+b_{-2}\times 2^{-2}+b_{-3}\times 2^{-3}+\cdots$$
 Multiplicando por 2:

$$1+0,2 = \underbrace{b_{-5}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-6} \times 2^{-1} + b_{-7} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\Longrightarrow b_{-5} = 1$$

$$0,4 = \underbrace{b_{-6}}_{\text{inteiro}} + \underbrace{b_{-7} \times 2^{-1} + b_{-8} \times 2^{-2} + \cdots}_{\text{fracionário}}$$

$$\Longrightarrow b_{-6} = 0$$

A partir desse ponto os coeficientes começam a se repetir!



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$

•
$$b_{-1} = 0$$

•
$$b_{-2} = 0$$

•
$$b_{-6} = 0$$

•
$$b_{-10} = 0$$

•
$$b_{-3} = 0$$

•
$$b_{-3} = 0$$
 • $b_{-7} = 0$ • $b_{-11} = 0$

$$b_{-11} - 0$$

•
$$b_{-4} = 1$$

•
$$b_{-8} = 1$$

•
$$b_{-4} = 1$$
 • $b_{-8} = 1$ • $b_{-12} = 1$

•
$$b_{-5} = 1$$

•
$$b_{-9} = 1$$

•
$$b_{-13} = 1$$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$

•
$$b_{-1} = 0$$

•
$$b_{-2} = 0$$
 • $b_{-6} = 0$ • $b_{-10} = 0$

•
$$b_{-3} = 0$$
 • $b_{-7} = 0$ • $b_{-11} = 0$

•
$$b_{-4} = 1$$
 • $b_{-8} = 1$ • $b_{-12} = 1$

•
$$b_{-5} = 1$$
 • $b_{-9} = 1$ • $b_{-13} = 1$

$$(0,1)_{10} = \left(0,0\overline{0011}\right)_2$$



$$0, 1 = b_{-1} \times 2^{-1} + b_{-2} \times 2^{-2} + b_{-3} \times 2^{-3} + \cdots$$

•
$$b_{-1} = 0$$

•
$$b_{-2} = 0$$
 • $b_{-6} = 0$ • $b_{-10} = 0$
• $b_{-3} = 0$ • $b_{-7} = 0$ • $b_{-11} = 0$

•
$$b_{-4} = 1$$
 • $b_{-8} = 1$ • $b_{-12} = 1$

•
$$b_{-5} = 1$$
 • $b_{-9} = 1$ • $b_{-13} = 1$

$$(0,1)_{10} = \left(0,0\overline{0011}\right)_2$$

⇒ Representação infinita periódica (dízima em base 2)



 $(1101,01)_2$



$$(1101,01)_2 = (1101)_2 + (0,01)_2$$



$$(1101,01)_2 = (1101)_2 + (0,01)_2$$

 $(1101)_2 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$



$$(1101,01)_2 = (1101)_2 + (0,01)_2$$

 $(1101)_2 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 13$



$$(1101,01)_2 = (1101)_2 + (0,01)_2$$

 $(1101)_2 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 13$
 $(0,01)_2 = 0 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2}$



$$(1101,01)_2 = (1101)_2 + (0,01)_2$$

 $(1101)_2 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 13$
 $(0,01)_2 = 0 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} = 0.25$



$$(1101,01)_2 = (1101)_2 + (0,01)_2$$

 $(1101)_2 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 13$
 $(0,01)_2 = 0 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} = 0.25$



$$(1101,01)_2 = (1101)_2 + (0,01)_2$$

 $(1101)_2 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 13$
 $(0,01)_2 = 0 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2} = 0,25$
 $(1101,01)_2 = (13,25)_{10}$



Algoritmo de conversão entre decimal e binário

```
Input: N = (d_0, 0)_{10}

1: k = 0

2: Compute r and q such that N = 2 \times q + r

3: b_0 = r

4: while q \neq 0 do

5: k = k + 1

6: N = q

7: Compute r and q such that N = 2 \times q + r

8: b_k = r

9: end while

Output: N = (b_k \ b_{k-1} \ \cdots \ b_1 \ b_0)_2
```

Exercício computacional:

Implemente o algoritmo acima no ambiente GNU



Para pensar em casa ...

Exercício teórico:

E se tivermos um número irracional? Pense como você poderia obter uma representação binária para π .

Exercício computacional:

Implemente no ambiente GNU Octave um algoritmo para obter uma representação binária para um dado decimal fracionário.

Exercício teórico-computacional:

Pense num algoritmo para converter um decimal inteiro para uma base arbitrária β . Implemente esse algoritmo no ambiente GNU Octave.



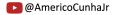
Como citar esse material?

A. Cunha, *Conversão entre Diferentes Bases Numéricas*, Universidade do Estado do Rio de Janeiro – UERJ, 2020.











Essas notas de aula podem ser compartilhadas nos termos da licença Creative Commons BY-NC-ND 3.0, com propósitos exclusivamente educacionais.



