

به نام خدا

پروژه اول درس هوش مصنوعی

جست و جو

امیرعلی رایگان

۸۱۰۱۹۷۶۲۳

در این پروژه با استفاده از پیاده سازی های مختلف برای جست و جو بین حالت های ممکن فضا می خواهیم به تفاوت پیچیدگی زمانی و پیچیدگی حافظه الگوریتم های مختلف جست و جو پی ببریم.

قبل از شرح الگوریتم ها ابتدا به نحوه ی پیاده سازی بازی و مدل فضا و حالت های آن می پردازیم.

ما برای هر کدام از حالت های جهان یک شیء (object) در نظر میگیریم. به طوری که مختصات اعضای بدن مار و مختصات دانه های درون صفحه را همزمان نگه می دارد. همچنین یک آرایه ی دیگر هم در کلاس **state** داریم که مسیر تا به این جای این حالت از جهان را نگه می دارد.

```
3 class state:
4     def __init__(self, snakepos, frt, path):
5         self.snakepos = snakepos
6         self.fruit = frt
7         self.path = path
```

کلاس state

پس در این کلاس یک لیست یک بعدی برای مسیر طی شده تا کنون یک لیست دو بعدی برای مختصات مار و یک لیست سه بعدی برای مختصات و امتیاز هر دانه وجود دارد.

بعد از خواندن ورودی ها از فایل با توجه به محتوای فایل یک حالت ابتدایی درست میکنیم و آن را در لیست اصلی برنامه که **mainQueue** نام دارد اضافه میکنیم. از این به بعد در اجرای هر کدام از الگوریتم ها در کم و اضافه کردن به این لیست راه های مختلفی را پیش میگیریم. همچنین یک **set** با نام **seen** داریم که برای **loop checking** از آن استفاده میکنیم. ویژگی چشم گیری که ما را به استفاده از این **data structure** مجاب کرد این بود که جست و جوی یک عضو در آن با پیچیدگی زمانی $O(1)$ انجام می شود. هر بار که می خواهیم به یک حالت جدید در جهان برویم ابتدا چک میکنیم که آیا این حالت را در **seen** داریم یا نه. اگر

نداشتیم حالت جدید را به **mainQueue** و **seen**

اضافه میکنیم. یک نکته ی دیگر هم اینکه برای ذخیره کردن حالت ها در **seen** کلاس **state** را در آن اضافه نمیکنیم بلکه با تابعی به نام **sett** یک کد منحصر به فرد برای هر حالت جهان تولید میکنیم و آن کد را که یک رشته ی چند حرفی است به **seen** اضافه میکنیم.

```
23 def sett(self):
24     a = ''
25     for i in self.snakepos:
26         a += str(i[0])
27         a += str(i[1])
28     a += '+'
29     for i in self.fruit:
30         a += str(i[0])
31         a += str(i[1])
32         a += str(i[2])
```

تابع sett

مورد دیگری که در هر سه الگوریتم یکسان است نحوه ی محاسبه ی تعداد کل حالت ها و همچنین مدت زمان محاسبات است. برای محاسبه ی مدت جست و جو زمان را قبل و بعد از حلقه ی اصلی محاسبه میکنیم و در انتها اختلافش را نمایش می دهیم. برای تعداد کل حالت ها هم هر بار که یک حالت را از لیست اصلی بیرون میکشیم یکی به متغیر مربوطه اضافه میکنیم. همچنین در ابتدای هر حلقه هر بار که یک حالت جهان را از لیست بیرون میکشیم چک میکنیم که آیا این حالت حالت هدف است یا خیر اگر نبود به کارمان ادامه می دهیم. اولین خانه ای که مجموع امتیازات میوه های آن 0 باشد خانه ی هدف ماست.

حال به توضیح هر کدام از الگوریتم ها میرسیم.

الگوریتم BFS :

در این روش جست و جوی نا آگاهانه در هر بار پیمایش حلقه اصلی برنامه محتوای خانه ی اول لیست اصلی بیرون کشیده می شود و تمام فرزندان آن حالت (تمام حالت هایی که میتوان از آن حالت به آنها رفت) به **آخر این لیست** اضافه می شود. اینگونه جست و جوی ما سطحی انجام می شود یعنی ابتدا هر سطح را به صورت کامل و سپس فرزندان آن را برای رسیدن به هدف جست و جو میکنیم. اشکال بزرگ این روش اشغال کردن مقدار زیادی از حافظه می باشد. به عنوان مثال اگر هدف در فاصله ی 4 خانه باشد باید تمام خانه هایی که با 3 حرکت می توان طی کرد را جست سپس به خانه های 4 مرحله ای رسید. اینکه تمام خانه های 3 مرحله ای را میگردیم موجب زیاد شدن حافظه ی اشغالی می شود.

حال نگاهی به خروجی های این الگوریتم می اندازیم.

تست اول :

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/BFS.py
Result of BFS algorithm for TEST1
Time duration: 0.2 s
Number of visited States = 6109
Total number of different States = 4489
Succesfull path distance = 12
Succesfull path is = ['L', 'D', 'L', 'D', 'R', 'U', 'L', 'U', 'U', 'L', 'U', 'L']

Process finished with exit code 0
```

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/BFS.py
Result of BFS algorithm for TEST1
Time duration: 0.21 s
Number of visited States = 6109
Total number of different States = 4489
Succesfull path distance = 12
Succesfull path is = ['L', 'D', 'L', 'D', 'R', 'U', 'L', 'U', 'U', 'L', 'U', 'L']

Process finished with exit code 0
```

تست دوم :

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/BFS.py
Result of BFS algorithm for TEST2
Time duration: 2.96 s
Number of visited States = 62469
Total number of different States = 48544
Succesfull path distance = 15
Succesfull path is = ['R', 'U', 'L', 'L', 'D', 'L', 'U', 'U', 'U', 'U', 'L', 'L', 'L', 'L', 'U']

Process finished with exit code 0
```

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/BFS.py
Result of BFS algorithm for TEST2
Time duration: 3.36 s
Number of visited States = 62469
Total number of different States = 48544
Succesfull path distance = 15
Succesfull path is = ['R', 'U', 'L', 'L', 'D', 'L', 'U', 'U', 'U', 'U', 'L', 'L', 'L', 'L', 'U']

Process finished with exit code 0
```

تست سوم :

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/cal/BFS.py
Result of BFS algorithm for TEST3
Time duration: 13.08 s
Number of visited States = 274454
Total number of different States = 217521
Successful path distance = 25
Successful path is = ['R', 'U', 'R', 'D', 'D', 'D', 'R', 'R', 'D', 'R', 'R', 'D', 'D', 'R', 'R', 'U', 'L', 'L', 'D', 'L', 'L', 'L', 'U', 'U']
Process finished with exit code 0
```

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/cal/BFS.py
Result of BFS algorithm for TEST3
Time duration: 14.98 s
Number of visited States = 274454
Total number of different States = 217521
Successful path distance = 25
Successful path is = ['R', 'U', 'R', 'D', 'D', 'D', 'R', 'R', 'D', 'R', 'R', 'D', 'D', 'R', 'R', 'U', 'L', 'L', 'D', 'L', 'L', 'L', 'U', 'U']
Process finished with exit code 0
```

الگوریتم IDS :

این الگوریتم هم یک الگوریتم جست و جوی نا آگاهانه است به این معنا که برای حالت های جدید جهان ارزش متفاوت قائل نمیشود و صرفا ترتیب آنها برایش مهم است. در این الگوریتم به طوری مزایای BFS و DFS ترکیب شده است و اشکالات آنها حذف شده.(فضای زیاد BFS و نامتنهایی بودن یک شاخه در DFS) به این صورت عمل میکند که هر بار تا یک عمق مشخصی عملیات DFS به صورت کامل انجام می شود و اگر تا آن عمق هدف پیدا نشد مرتبه ی بعد یکی به عمق جست و جو اضافه میشود. برای پیاده سازی این روش یک متغیر عمق (depth) به کلاس state اضافه شد تا فاصله ی هر حالت از حالت ابتدایی نگه داری شود. زمان سپری شده در این روش به کوتاهی BFS نیست. (چون هر بار باید از اول شروع به پیمایش کند)

حال نگاهی به خروجی های این روش بیندازیم:

تست اول:

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/IDS.py
Result of IDS algorithm for TEST1
Time duration: 0.42 s
Number of visited States = 1412
Total number of different States = 10266
Successful path distance = 17
Successful path is = ['U', 'U', 'R', 'U', 'U', 'L', 'L', 'L', 'U', 'U', 'U', 'L', 'U', 'U', 'R', 'R']

Process finished with exit code 0
```

```
Result of IDS algorithm for TEST1
Time duration: 0.45 s
Number of visited States = 1412
Total number of different States = 10266
Successful path distance = 17
Successful path is = ['U', 'U', 'R', 'U', 'U', 'L', 'L', 'L', 'U', 'U', 'U', 'L', 'U', 'U', 'R', 'R']

Process finished with exit code 0
```

تست دوم:

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/IDS.py
Result of IDS algorithm for TEST2
Time duration: 6.71 s
Number of visited States = 16779
Total number of different States = 142222
Successful path distance = 25
Successful path is = ['R', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'L', 'U', 'L', 'U', 'R', 'U', 'U', 'U', 'L', 'L', 'U', 'L', 'L', 'L', 'L']

Process finished with exit code 0
```

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/IDS.py
Result of IDS algorithm for TEST2
Time duration: 7.31 s
Number of visited States = 16779
Total number of different States = 142222
Successful path distance = 25
Successful path is = ['R', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'L', 'U', 'L', 'U', 'R', 'U', 'U', 'U', 'L', 'L', 'U', 'L', 'L', 'L', 'L']

Process finished with exit code 0
```

تست سوم:

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/IDS.py
Result of IDS algorithm for TEST3
Time duration: 18.92 s
Number of visited States = 52374
Total number of different States = 478110
Successful path distance = 57
Successful path is = [ U ,U ,U ,U ,U ,U ,U ,U ,R ,R ,U ,U ,U ,U ,U ,U ,L ,D ,
D ,D ,D ,D ,D ,D ,D ,D ,D ,D ,L ,U ,L ,D ,L ,L ,U ,U ,L ,U ,L ,D ,L ,U ,U ,R ,D ,D ,L ,D ,D ,D ,R ,U ,R ,R ]
Process finished with exit code 0

C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/IDS.py
Result of IDS algorithm for TEST3
Time duration: 22.96 s
Number of visited States = 52374
Total number of different States = 478110
Successful path distance = 57
Successful path is = [ U ,U ,U ,U ,U ,U ,U ,U ,R ,R ,U ,U ,U ,U ,U ,U ,L ,D ,
D ,D ,D ,D ,D ,D ,D ,D ,D ,D ,L ,U ,L ,D ,L ,L ,U ,U ,L ,U ,L ,D ,L ,U ,U ,R ,D ,D ,L ,D ,D ,D ,R ,U ,R ,R ]
Process finished with exit code 0
```

الگوریتم A^* :

این الگوریتم یک الگوریتم آگاهانه است. به این معنی که ترکیبی از انتخاب حریصانه و **uniform cost** می باشد. اینگونه کار می کند که یک تابع **heuristic** داریم که فاصله ی هر حالت را تا حالت هدف تخمین می زند. این تابع باید **admissible** باشد بدین معنی که در تمام حالت ها حدس کوچکتر یا مساوی واقعیت باشد. با این ترتیب ما همه ی حالت ها را نمی بینیم و فقط حالت هایی که ما را به هدف نزدیک تر میکند را جست و جو میکنیم. هر بار که حالت های جدیدی پیش می آید با توجه به مجموع $h(x)$ و $g(x)$ آن را در جای درست لیست اصلی قرار می دهیم تا در زمان درست به آن حالت دسترسی یابیم. در نتیجه به طور قابل توجهی سریع تر عمل میکنیم و همچنین فضای حافظه ی خیلی کمتری هم استفاده میکنیم.

اولین تابع heuristic که اینجا استفاده کردیم مجموع فواصل سر مار تا امتیاز ها بود. به این صورت که برای هر حالت جهان مجموع فواصل سر مار تا همه ی دانه ها را به صورت وزن دار محاسبه می کنیم یعنی اگر امتیاز دانه ای 2 بود فاصله تا آن دانه را دو برابر می کنیم. گفتنی است که این تابع حتما **admissible** هست چون ممکن است مار فاصله ی دورتری را بپیماید تا به هر دانه برسد.

نتایج استفاده از این تابع را میتوان به صورت زیر مشاهده کرد:

تست اول:

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of A* algorithm for TEST1
Time duration: 0.0 s
Number of visited States = 117
Total number of different States = 45
Successful path distance = 14
Successful path is = ['D', 'L', 'D', 'D', 'L', 'D', 'L', 'U', 'L', 'U', 'U', 'R', 'R', 'R']

Process finished with exit code 0

C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of A* algorithm for TEST1
Time duration: 0.0 s
Number of visited States = 117
Total number of different States = 45
Successful path distance = 14
Successful path is = ['D', 'L', 'D', 'D', 'L', 'D', 'L', 'U', 'L', 'U', 'U', 'R', 'R', 'R']

Process finished with exit code 0
```

تست دوم :

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of A* algorithm for TEST2
Time duration: 0.06 s
Number of visited States = 740
Total number of different States = 428
Successful path distance = 25
Successful path is = ['U', 'L', 'D', 'L', 'D', 'D', 'D', 'D', 'D', 'D', 'L', 'U', 'L', 'L', 'L', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'L', 'L', 'L', 'L', 'L']

Process finished with exit code 0

C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of A* algorithm for TEST2
Time duration: 0.07 s
Number of visited States = 740
Total number of different States = 428
Successful path distance = 25
Successful path is = ['U', 'L', 'D', 'L', 'D', 'D', 'D', 'D', 'D', 'D', 'L', 'U', 'L', 'L', 'L', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'U', 'L', 'L', 'L', 'L', 'L']

Process finished with exit code 0
```


تست سوم :

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of A* algorithm for TEST3
Time duration: 0.31 s
Number of visited States = 1894
Total number of different States = 953
Successfull path distance = 36
Successfull path is = [ D ,D ,R ,D ,R ,R ,R ,D ,R ,R ,R ,D ,L ,U ,R ,D ,L ,U ,L ,U ,
L ,L ,U ,L ,L ,D ,D ,L ,L ,D ,R ,D ,D ,D ,D ,R ]

Process finished with exit code 0
```

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of A* algorithm for TEST3
Time duration: 0.42 s
Number of visited States = 1894
Total number of different States = 953
Successfull path distance = 36
Successfull path is = [ D ,D ,R ,D ,R ,R ,R ,D ,R ,R ,R ,D ,L ,U ,R ,D ,L ,U ,L ,U ,
L ,L ,U ,L ,L ,D ,D ,L ,L ,D ,R ,D ,D ,D ,D ,R ]

Process finished with exit code 0
```

تابع heuristic بعدی که در اینجا استفاده کردیم تعداد دانه ها بود. در هر حالت جهان تعداد دانه های موجود در آن لحظه را می شماریم و به عنوان حدس بر می گردانیم. این تابع علاوه بر اینکه admissible می باشد جواب ایده آل یا optimal را به ما می دهد یعنی consistent نیز هست. گفتنی است با اینکه در زمان بیشتری به جواب می رسیم اما جواب بهینه را به ما میدهد.

حال ببینیم نتایج آن چگونه است:

تست اول :

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of A* algorithm for TEST1
Time duration: 1.84 s
Number of visited States = 3477
Total number of different States = 1952
Successful path distance = 12
Successful path is = [ D ,L ,U ,U ,L ,U ,L ,L ,L ,U ,L ,U ]

Process finished with exit code 0
```

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of A* algorithm for TEST1
Time duration: 2.62 s
Number of visited States = 3477
Total number of different States = 1952
Successful path distance = 12
Successful path is = [ D ,L ,U ,U ,L ,U ,L ,L ,L ,U ,L ,U ]

Process finished with exit code 0
```

تست دوم :

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of A* algorithm for TEST2
Time duration: 143.68 s
Number of visited States = 34706
Total number of different States = 23505
Successful path distance = 15
Successful path is = [ R ,L ,L ,U ,R ,U ,U ,U ,L ,L ,U ,L ,L ,L ,L ]

Process finished with exit code 0
```

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of A* algorithm for TEST2
Time duration: 141.97 s
Number of visited States = 34706
Total number of different States = 23505
Successful path distance = 15
Successful path is = [ R ,L ,L ,U ,R ,U ,U ,U ,L ,L ,U ,L ,L ,L ,L ]

Process finished with exit code 0
```

تست سوم:

پیچیدگی زمانی بسیار زیاد!

استفاده از A^* weighted :

در درس دیدیم که اگر تابع h را در یک الفا ضرب کنیم میبینیم که خیلی سریعتر به جواب می رسیم. این بدین خاطر است که حالت ها سریعتر تفکیک می شوند و عملا حالت های کمتری را میبینیم تا به جواب برسیم. در این روش با وجود اینکه خیلی سریعتر به هدف می رسیم اما جواب بهینه به ما نمیدهد. برای این منظور در هر تست کیس ابتدا یک بار با α برابر 2 و بار دیگر با α برابر 5 برنامه را تکرار میکنیم. با توجه به نتایجی که زیر آمده میبینیم که در هر مرحله تفاوت زمانی چشمگیری رقم میخورد. هر چه α بیشتر تعداد استیت های دیده شده کمتر اما دقت جواب پایین تر.

تست اول:

$\alpha = 2$

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of Weighted A* algorithm for TEST1, alpha = 2
Time duration: 0.55 s
Number of visited States = 1123
Total number of different States = 452
Successful path distance = 12
Successful path is = [ D , L , R , R , D , D , R , D , R , D , R , D ]

Process finished with exit code 0
```

الفا = 5

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of Weighted A* algorithm for TEST1, alpha = 5
Time duration: 0.01 s
Number of visited States = 187
Total number of different States = 71
Successful path distance = 12
Successful path is = [ D , L , U , U , L , L , U , L , L , U , L , U ]

Process finished with exit code 0
```

تست دوم:

الفا = 2

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of Weighted A* algorithm for TEST2, alpha = 2
Time duration: 102.42 s
Number of visited States = 17722
Total number of different States = 10608
Successful path distance = 15
Successful path is = [ U , R , D , L , L , U , U , U , L , U , U , L , L , L , L ]

Process finished with exit code 0
```

الفا = 5

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of Weighted A* algorithm for TEST2, alpha = 5
Time duration: 1.61 s
Number of visited States = 2370
Total number of different States = 1078
Successful path distance = 17
Successful path is = [ U , L , D , R , R , U , L , L , L , U , U , U , U , L , L , L , L ]

Process finished with exit code 0
```

تست سوم:

الف₂ = 2

```
Result of Weighted A* algorithm for TEST3, alpha = 2
Time duration: 499.64 s
Number of visited States = 56919
Total number of different States = 35267
Successful path distance = 25
Successful path is = [ U , R , D , D , R , D , D , R , R , R , R , D , R , D , R , R , U , L , L , D ,
L , L , U , L , U ]
```

الف₅ = 5

```
C:\Users\ASUS\anaconda3\python.exe C:/Users/ASUS/PycharmProjects/ca1/A-star.py
Result of Weighted A* algorithm for TEST3, alpha = 5
Time duration: 0.16 s
Number of visited States = 1141
Total number of different States = 436
Successful path distance = 26
Successful path is = [ U , R , D , D , R , D , D , R , R , R , U , L , D , D , R , D , R , R , U , R ,
R , D , L , D , L , U ]

Process finished with exit code 0
```

حال اگر بخواهیم تمام داده ها را در جدول بیاوریم داریم:

تست اول

زمان اجرا	تعداد استیت مجزا	تعداد استیت دیده شده	فاصله جواب	
0.2 s	4489	6109	12	BFS
0.44 s	1412	10266	17	IDS
0.0 s >	45	117	14	A* - h1
1.84 s	1952	3477	12	A* - h2
0.55 s	452	1123	12	Weighted A* (2)
0.01 s	71	187	12	Weighted A* (5)

تست دوم

زمان اجرا	تعداد استیت مجزا	تعداد استیت دیده شده	فاصله جواب	
3.15 s	48544	62469	15	BFS
7.01 s	16179	142222	25	IDS
0.65 s	428	740	25	A* - h1
142.5 s	23505	34706	15	A* - h2
102 s	10608	17722	15	Weighted A* (2)
1.61 s	1078	2370	17	Weighted A* (5)

تست سوم

زمان اجرا	تعداد استیت مجزا	تعداد استیت دیده شده	فاصله جواب	
14.40 s	217521	274454	25	BFS
20.08 s	52374	478110	57	IDS
0.37 s	953	1894	36	A* - h1
--	---	---	--	A* - h2
499 s	35267	56919	25	Weighted A* (2)
0.16 s	436	1141	26	Weighted A* (5)