POCHODNA FUNKCJI - ZASTOSOWANIA zadania przykładowe

Zad. 1 Wyznaczyć przedziały monotoniczności oraz ekstrema lokalne funkcji:

A)
$$f(x) = -2x^4 + 24x^3 - 92x^2 + 120x + 2$$

B)
$$f(x) = 3x^4 + 16x^3 + 30x^2 + 24x$$

C)
$$f(x) = x\sqrt{4 - x^2}$$

D)
$$f(x) = \frac{x^2}{x^2 - 1}$$

E)
$$f(x) = \frac{x}{x^2+2}$$

F)
$$f(x) = \frac{e^x}{x+4}$$

G)
$$f(x) = \frac{\ln x}{x}$$

H)
$$f(x) = \frac{x}{\ln x}$$

$$I) f(x) = x^2 \ln x$$

J)
$$f(x) = e^{-x}x^3$$

Zad. 2 Wyznaczyć przedziały wklęsłości i wypukłości oraz punkty przegięcia funkcji:

A)
$$f(x) = x(3-x)^2$$

B)
$$f(x) = \frac{3x^2 - 1}{3x^2 + 1}$$

C)
$$f(x) = (1 + x^2)e^x$$

D)
$$f(x) = x + \frac{\ln x}{x}$$

E)
$$f(x) = \frac{1}{56}x^8 - \frac{1}{42}x^7 - \frac{1}{30}x^6 + \frac{1}{20}x^5$$

Zad.3 Obliczyć podane granice, wykorzystując regułę de l'Hospitala:

A)
$$\lim_{x \to 0} \frac{e^x - \frac{1}{6}x^3 - \frac{1}{2}x^2 - x - 1}{\cos x + \frac{1}{2}x^2 - 1}$$

B)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt[3]{1+6x}-1}{x}$$

C)
$$\lim_{x\to 0} \frac{\sin 3x - 3x}{x^3}$$

D)
$$\lim_{x\to 0} \frac{e^{\sqrt{x}}-1}{\sqrt{\sin x}}$$

E)
$$\lim_{x\to 0} \frac{1-\cos x\sqrt{\cos 2x}}{x^2}$$

F)
$$\lim_{x \to \frac{\pi}{4}} (\tan x)^{\tan 2x}$$

G)
$$\lim_{x \to \pi} \left(\frac{1}{\sin x} - \frac{1}{\pi - x} \right)$$

$$H) \lim_{x \to +\infty} x^2 e^{-x}$$

I)
$$\lim_{x \to 0^+} \left(\frac{1}{x}\right)^{\sin x}$$

$$J) \lim_{x \to 0} \left(\frac{1}{x \sin x} - \frac{1}{x^2} \right)$$