#### Problem A. Find Your Miku III

根据题目, 只需要输出一个符合条件的数字, 所以考虑打表解决。首先观察到条件 1,  $39^3 \approx 6 \times 10^4$ ,  $39^9 \approx 2 \times 10^{14}$ . 想要穷尽所有数字显然是不可能的。

但是观察到条件 4,要求最小的数,所以我们可以从左端点开始搜,按照条件 2 和条件 3 的要求用短除法和循环判断数字是否满足要求。实际上很快就能搜索到答案 142857,这是一个很有名的循环数。

时间复杂度 O(n)。

#### Problem B. The question posed by Hirasawa Yui

根据题意,数组中的所有数都是正数,而题目要求找长度不超过 m 的子数组,要求其加和最大,所以贪心易得就是要找 k 个长度为 m 的子数组。可以使用滑动窗口(也称尺取法)遍历所有长度为 m 的子数组,维护其加和,并设置变量(因为 k 最大为 k 是,来记录所有的子数组加和的最大值和次大值。

本题有一个坑点,就是当 m=n 且 k=2 时,需要取到的是一个长度为 n 的子数组,一个是长度为 n-1 的子数组,这里需要特殊处理一下。

当然也可以使用大小恒定为 k 的优先队列(大根堆)来保存最大和次大的子数组加和。

时间复杂度 O(n)。

#### Problem C. Name

这是一道模拟题,本身没有思维难度,但是需要细心 coding。

首先设置两个长度不小于 2000 的数组来接收读入, 然后每 7 位转化为一个十进制的数, 保存后以字符形式输出即可。

时间复杂度 O(n)。

## Problem D && G. Black piano key(easy && hard version)

本场比赛压轴题,给出三种做法:暴力枚举/平衡树/线段树。

**暴力枚举:** 把假设仅有这一组变成黑键时,两个黑键的位置放入数组中。然后对于每个查询,如果当前存放黑键位置的数组的黑键位置小于当前查询的位置,就将查询的目标位置减一,直到当前位置大于查询位置,然后计算这个查询位置的对应的组是第几组。

因为要维护存放黑键位置的数组的升序,所以每次插入以后都需要排序,这里使用插入排序的话,总体时间复杂度为  $O(n^2)$ , 标程使用的是 sort 函数, 因此时间复杂度为  $O(n^2 \log n)$ 。

**平衡树:** 建立一棵平衡树,每次插入的时候插入两个白键的真实位置,查询时二分查找对于询问第 j 个黑键,若其真实位置在 x 是否合法。对于每个 x,用平衡树查询在 x 前有几个白键已经变成了黑键,然后计算一波后返回对于真实位置 x,是第几个黑键。

时间复杂度  $O(n(logn \times logASK))$ , 其中 ASK 为询问的数字大小。

**线段树:**将所有查询离线后离散化,然后在离散化后的下标上建立**区间更改·单点查询**的线段树,接着遍历操作。对于某个询问 x,设其离散化后的值为 id,则在线段树上从 id 到最后的所有点都+2,代表白键的影响;对于查询 x,二分搜索它对应的询问的位置,然后通过公式得出当前查询的黑键的所在组。

时间复杂度 O(max(nlogn,mlogn))。

其中暴力枚举的方法可以通过 easy version, 后两种方法可以通过 hard version。

### Problem E. Enterdawn's hotpot

01 背包模板题, 唯一需要改动的地方是最后统计答案, 要在装的尽可能满的情况下的花费, 时间复杂度  $O(n^2)$ 。

但是观察数据范围, n 最大只有 20, 而每一种菜都有选或者不选两种可能, 则 dfs 的时间 复杂度为  $O(2^n)$ , 跑满大概是  $10^6$  级别, 也能通过。

### Problem F. Solitary number

"若一个数是大于1的正整数,且只能被1和它本身整除,则它就是一个'孤独的数'"。显然 孤独的数就是质数。

对于一个数字 x, 我们有一种  $O(\sqrt{x})$  的时间复杂度判断其是否为质数的算法,详情见标程。

也有其他更快的素数判定方法,但正确性不能保证,如米勒-罗宾素数判定算法。也可以使用各种筛来打表判断,都能通过。

标程的时间复杂度为  $O(L\sqrt{L})$ 。

# Problem H. The easiest problem in this contest

签到题,通过第一个公式计算出项数后,带入第二个公式就能算得该等差数组的和,时间复杂度 O(1)。

### Problem I. ii Genn ki

签到题,输出 a+b 即可,时间复杂度 O(1)。