

I.2 La récursivité pour le tri quicksort de Hoare

Le principe de l'algorithme du tri rapide ou tri de Hoare est :

1. On choisit un élément du tableau qui servira de pivot.
2. On effectue un **partitionnement** du tableau par permutation de valeurs dans le tableau de manière à ce que :
 - a- Toutes les valeurs inférieures au pivot soient placées à sa gauche.
 - b- Toutes les valeurs supérieures au pivot soient placées à sa droite.
3. On applique récursivement ce partitionnement sur les deux parties du tableau (à gauche et à droite du pivot).

Partitionnement :

Choisir une valeur de pivot

Pour toutes les valeurs du tableau à partitionner

On parcourt de gauche à droite jusqu'à rencontrer un élément supérieur au pivot ou terminé.

On parcourt de droite à gauche jusqu'à rencontrer un élément inférieur au pivot ou terminé.

On permute ces deux éléments si non terminé.

Exemple : Soit [1, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 0, 2, 10] le tableau à trier et la valeur 6 du milieu du tableau la valeur pivot.

Le premier partitionnement réalise les 4 permutations comme suit :

```

      ↓           ↓
[1, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 0, 2, 10]
[1, 2, 8, 7, 6, 5, 4, 0, 9, 10]
[1, 2, 0, 7, 6, 5, 4, 8, 9, 10]
[1, 2, 0, 4, 6, 5, 7, 8, 9, 10]
[1, 2, 0, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10]
```

On obtient

| gauche | | | droite | |
|-----------------|---|--|---------------|--|
| [1, 2, 0, 4, 5] | 6 | | [7, 8, 9, 10] | |
| [0, 2, 1, 4, 5] | 6 | | [7, 8, 9, 10] | |
| 0 [2, 1, 4, 5] | 6 | | [7, 8, 9, 10] | |

```
int partition(int V[], int deb, int fin)
```

```
{ int pivot,i,j;
  pivot=V[(deb+fin)/2];  i=deb; j=fin;
  while (i<j)
  { while (pivot>V[i]) i++;
    while (pivot<V[j]) --j;
    if (i<j) swap(V,i,j); // si non terminé
  }
  return j;
}
```

```
void quickSort(int V[], int deb, int fin)
```

```
{ int ppivot;
  if (deb<fin) { ppivot=partition(V,deb,fin);
                quickSort(V,deb,ppivot-1);
                quickSort(V,ppivot+1,fin);
  }
}
```