

Plan du cours Introduction **Variables** III. Structures alternatives IV. Structures itératives v. Tableaux VI. Fonctions et procédures VII. Fichiers Algorithmique 2023-2024

Sommaire

- I. Tableaux statiques
- II. Tableaux dynamiques
- III. Tri dans un tableau
- IV. Recherche dans un tableau

Algorithmique ESI 2023-2024

3

Problématique

- Les boucles permettent à l'utilisateur de saisir n nombres → on déclare une seule variable mais on écrase sa valeur à chaque nouvelle saisie
- Si on veut garder les n nombres pour les utiliser par la suite → on déclare n variables différentes
 - ▶ Quand n est petit → Lourd mais gérable
 - Quand n est grand?

4 Algorithmique ESI 2023-2024

Problématique

- Les boucles permettent à l'utilisateur de saisir n nombres → on déclare une seule variable mais on écrase sa valeur à chaque nouvelle saisie
- Si on veut garder les n nombres pour les utiliser par la suite → on déclare n variables différentes
 - ldéalement, tout stocker dans une seule variable > tableau

5 Algorithmique ESI 2023-2024

5

Tableaux statiques

Définition

- ▶ Tableau statique
 - Séquence de données de même type, chacune référencée par un nombre appelé indice (ou index)
 - Désigné par
 - ▶ Son nom
 - Le type de ses éléments
 - > Sa taille (i.e. le nombre de ses éléments)

7 Algorithmique ESI 2023-2024

7

Déclaration de tableaux statiques

Syntaxe

VAR nomTableau[N] :Type

N: taille du tableau

Premier indice : 0

▶ Dernier indice : N – 1

Algorithmique ESI 2023-2024

Déclaration de tableaux statiques

Syntaxe

VAR nomTableau[N] :Type

Exemple :

VAR nombres[5]: entier

VAR lettres[26] : caractère

VAR mots[100]: chaîne

VAR absents[107] : booléen

9 Algorithmique

SI 2023-2024

a

Utilisation de tableaux statiques

- Pour désigner un élément du tableau, on utilise son nom avec, entre crochets, l'indice de l'élément concerné
 - **Exemple:**

nombres[0]

nombres[1]

nombres[2]

nombres[3]

nombres[4]

10

Algorithmique

ESI 2023-2024

Utilisation de tableaux statiques

Pour affecter une valeur à une case du tableau, on utilise son nom avec, entre parenthèses, l'indice concerné puis le signe d'affectation et la valeur

II Algorithmique ESI 2023-2024

11

Utilisation de tableaux statiques nombres[0] \leftarrow 5 nombres[I] \leftarrow 60 nombres[2] \leftarrow 10 nombres[3] \leftarrow 0 nombres[4] \leftarrow 90 0 2 3 5 0 60 10 90 12 Algorithmique 2023-2024

Utilisation de tableaux statiques

- L'indice peut être un nombre, une variable ou une expression calculée
 - Exemple

```
nombres[0]
nombres[i]
nombres[2*i+5]
```

13

Algorithmique

SI 2023-2024

13

Utilisation de tableaux statiques

 Exemple : demander à l'utilisateur de saisir 10 nombres réels

```
ALGORITHME tableau_réels

VAR nombres[10] : réel

VAR i : entier

DEBUT

POUR i ← 0 à 9

Afficher(" Saisir le nombre numéro ", i+1)

Lire(nombres[i])

i SUIVANT

FIN

Algorithmique ESI 2023-2024
```

14

Que fait cet algorithme ?

```
ALGORITHME exemple_tableau

VAR tableau[10], i:entier

DEBUT

POUR i ← 0 à 9

tableau[i] ← i

i SUIVANT

POUR i ← 0 à 9

Afficher(tableau[i])

i SUIVANT

FIN
```

2023-2024

Algorithmique

15

15

Exercice

Que fait cet algorithme ?

```
ALGORITHME exemple_tableau

VAR tableau[10], i:entier

DEBUT

tableau[0] ← 0

POUR i ← 1 à 9

tableau[i] ← tableau[i − 1] + I

i SUIVANT

POUR i ← 0 à 9

Afficher(tableau[i])

i SUIVANT

FIN
```

▶ Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir 20 nombres et puis qui les affiche

17 Algorithmique ESI 2023-2024

17

Exercice

```
ALGORITHME moyenne

VAR nombres[20] : réel

VAR i : entier

DEBUT

POUR i ← 0 à 19

Afficher("Saisir le nombre numéro ", i+1)

Lire(nombres[i])

i SUIVANT

POUR i ← 0 à 19

Afficher("Le ", i+1, "ème nombre est : ", nombres[i])

i SUIVANT

FIN
```

Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir 20 nombres et puis qui les affiche à partir du dernier saisi

I9 Algorithmique ESI 2023-2024

19

Exercice

```
ALGORITHME moyenne

VAR nombres[20] : réel

VAR i : entier

DEBUT

POUR i ← 0 à 19

Afficher("Saisir le nombre numéro ", i+1)

Lire(nombres[i])

i SUIVANT

POUR i ← 19 à 0 pas − 1

Afficher("Le ", i+1, "ème nombre est : ", nombres[i])

i SUIVANT

FIN
```

 Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir 20 notes et lui affiche leur moyenne

21 Algorithmique ESI 2023-2024

21

Exercice **ALGORITHME** moyenne VAR notes[20], somme: réel **VAR** i:entier **DEBUT** somme ← 0 **POUR** i ← 0 à 19 Afficher(" Saisir la note numéro ", i) Lire(notes[i]) somme ← somme + notes[i] **i SUIVANT** Afficher("La moyenne est:", somme/20) FIN 2023-2024 22 Algorithmique

• Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir 20 notes et lui affiche leur moyenne, la note minimale et la note maximale

23 Algorithmique ESI 2023-2024

```
ALGORITHME moyenne_min_max
VAR notes[20], somme, min, max : réel
VAR i: entier
DEBUT
 Afficher("Saisir la 1ère note")
 Lire(notes[0])
 somme, max, min \leftarrow notes[0]
 POUR i ← 1 à 19
    Afficher(" Saisir la note numéro ", i+1)
    Lire(notes[i])
     somme ← somme + notes[i]
     SI notes[i] < min ALORS
       min ← notes[i]
     SINONSI notes[i] > max ALORS
       max ← notes[i]
     FINSI
 i SUIVANT
 Afficher("Moyenne = ", somme/20, "Min = ", min, "Max = ", max)
FIN
```

Problématique

- Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir des notes et lui affiche leur moyenne, la note minimale et la note maximale
 - Le nombre de notes à saisir n'est pas connu à l'avance
 - → Tableau dynamique

▶ 25 Algorithmique ESI 2023-2024

25

Tableaux dynamiques

Définition

- ▶ Tableau dynamique
 - Séquence de données de même type, chacune référencée par un nombre appelé indice (ou index), dont la taille est variable et peut changer lors de l'exécution

> 27 Algorithmique ESI 2023-2024

27

Déclaration de tableaux dynamiques

Syntaxe

VAR nomTableau[]:Type

Exemple:

VAR nombres[]:entier

VAR lettres[]: caractère

VAR mots[]:chaîne

VAR absents[]:booléen

> 28 Algorithmique ESI 2023-2024

Redimensionnement

- L'opération de redimensionnement permet de fixer la taille du tableau dynamique
- ▶ Elle intervient dans le corps de l'algorithme
- Elle est effectuée par l'instruction Redim

29 Algorithmique ESI 2023-2024

29

Redimensionnement

```
ALGORITHME tableau_dynamique

VAR notes[]: réel

VAR n,i: entier

DEBUT

Afficher("Quelle est le nombre de notes à saisir ?")

Lire(n)

Redim notes[n]

POUR i ← 0 à n-l

Afficher(" Saisir la note numéro ", i + 1)

Lire(notes[i])

i SUIVANT

FIN
```

Redimensionnement

- L'opération de redimensionnement permet de fixer la taille du tableau dynamique
- ▶ Elle intervient dans le corps de l'algorithme
- Elle est effectuée par l'instruction Redim
 - À tout moment, on peut ajouter / supprimer des cases

Algorithmique ESI 2023-2024

31

Exercice

- Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir des notes et lui affiche leur moyenne, la note minimale et la note maximale
 - Demander à l'utilisateur combien de notes il veut saisir

32 Algorithmique ESI 2023-2024

```
ALGORITHME moyenne
VAR notes[], somme, min, max : réel
VAR n, i : entier
DEBUT
 somme ← 0
 Afficher("Combien de notes voulez-vous saisir ?")
 Lire(n)
 Redim notes[n]
 Afficher("Saisir la l'ère note")
 Lire(notes[0])
 somme, max, min \leftarrow notes[0]
 POUR i ← 1 à n-l
    Afficher(" Saisir la note numéro ", i)
     Lire(notes[i])
     somme ← somme + notes[i]
     SI notes[i] < min ALORS
       min ← notes[i]
     SINONSI notes[i] > max ALORS
       max ← notes[i]
     FINSI
 i SUIVANT
 Afficher("Moyenne = ", somme/n, "Min = ", min, "Max = ", max)
FIN
```

Exercice

- Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de saisir des nombres réels puis qui lui affiche le nombre des positifs, le nombre des négatifs, le nombre minimal et le nombre maximal
 - Demander à l'utilisateur combien de nombres il veut saisir

34 Algorithmique ESI 2023-2024

```
ALGORITHME exercice_tableau_dynamique
VAR nombres[], min, max: réel
VAR n, i, nbPositifs: entier
DEBUT
 nbPositifs ← 0
 Afficher("Combien de nombre voulez-vous saisir ?")
 Redim nombres[n]
 POUR i ← 0 à n-I
    Afficher ("Saisir le nombre numéro ", i)
    Lire(nombres[i])
    SI i = 0 ALORS
       min ← nombres[i]
       max ← nombres[i]
     SINONSI nombres[i] < min ALORS
       min ← nombres[i]
     SINONSI nombres[i] > max ALORS
       max ← nombres[i]
     SI nombres[i] >= 0 ALORS
       nbPositifs \leftarrow nbPositifs + 1
    FINSI
 i SUIVANT
 Afficher("Min = ", min, "Max = ", max, "Nb + = ", nbPositifs, "Nb - ", n - nbPositifs)
```

Exercice

- Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de remplir deux tableaux (de même taille) puis qui affiche le tableau contenant le produit des éléments des deux
 - Demander à l'utilisateur la taille des tableaux

Tableau I	5	2	10	15	I
Tableau 2	5	60	10	0	90
Tableau 3	25	120	100	0	90
36		Algorithmique	ESI 2023-	2024	

```
ALGORITHME exercice_tableau_dynamique
VAR tab I [ ], tab2[ ], tab3[ ] : réel
VAR n, i: entier
DEBUT
 Afficher("Combien de nombre voulez-vous saisir?")
 Lire(n)
  Redim tab | [n]
  Redim tab2[n]
  Redim tab3[n]
 Afficher ("Remplissage du 1er tableau")
  POUR i ← 0 à n-l
     Afficher("Saisir le nombre numéro ", i+1)
     Lire(tab | [i])
 i SUIVANT
  Afficher ("Remplissage du 2e tableau")
  POUR i ← 0 à n-l
     Afficher("Saisir le nombre numéro ", i+1)
     Lire(tab2[i])
 i SUIVANT
  POUR i ← 0 à n-l
     tab3[i] \leftarrow tab1[i]*tab2[i]
     Afficher(tab | [i], "*", tab2[i], "=", tab3[i])
 i SUIVANT
FIN
```

Problématique

- Besoin : pour une classe de 10 étudiants, nous voulons stocker, pour chaque étudiant, ses notes dans 2 matières
 - Un tableau de 10 éléments pour la note de la première matière;
 et un autre tableau pour la note de la deuxième
 - Matrice de 10 x 2 avec, dans chaque ligne i, les deux notes de l'étudiant numéro i → tableau multidimensionnel

38 Algorithmique ESI 2023-2024

Tableaux multidimensionnels

39

Définition

- ▶ Tableau à 2 dimensions
 - Séquence de données de même type, chacune référencée par deux indices
 - Désigné par
 - ▶ Son nom
 - Le type de ses éléments
 - ▶ Sa taille n x m
 - □ Peut être assimilé à une matrice de n lignes et m colonnes

40

Algorithmique

ESI

2023-2024

Déclaration de tableaux à 2 dimensions

Syntaxe

VAR nomTableau[N][M] :Type

Exemple:

VAR nombres[5][5]: entier

VAR lettres[26][2]: caractère

VAR mots[1][10] : chaîne

VAR absents[107][30]: booléen

41

Algorithmique

SI 2023-2024

2023-2024

41

Exemple de tableaux à 2 dimensions

```
ALGORITHME tableau_2d

VAR notes[20][2] : réel

DEBUT

POUR i ← 0 à 19

Afficher("Saisir la lère note de l'étudiant N° ", i+ 1)

Lire(notes[i][0])

Afficher("Saisir la 2e note de l'étudiant N° ", i+ 1)

Lire(notes[i][1])

i SUIVANT

FIN
```

Algorithmique

Que font les algorithmes suivants ?

▶ 43 Algorithmique ESI 2023-2024

```
ALGORITHME exemple_tab

VAR tab[5][10] : entier

VAR i, j, k: entier

DEBUT

k \leftarrow l

POUR i \leftarrow 0 à 4

POUR j \leftarrow 0 à 9

tab[i][j] \leftarrow k

k \leftarrow k + l

j SUIVANT

i SUIVANT
```

```
ALGORITHME exemple_tab

VAR tab[5][10] : entier

VAR i, j : entier

DEBUT

POUR i ← 0 à 4

POUR j ← 0 à 9

tab[i][j] ← i + j

j SUIVANT

i SUIVANT

FIN
```

Exercice

 Écrire un algorithme qui génère un tableau de booléens de 5 x 10 où toutes les cases contiennent la valeur VRAI

46 Algorithmique ESI 2023-2024

```
Exercice

ALGORITHME tab_bool

VAR tab[5][10] : booléen

DEBUT

POUR i ← 0 à 4

POUR j ← 0 à 9

tab[i][j] ← VRAI

j SUIVANT

i SUIVANT

FIN
```

Exercice

 Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de remplir une matrice de 10 x 10 et vérifie si elle est symétrique ou non

48 Algorithmique ESI 2023-2024

• Écrire un algorithme qui demande à l'utilisateur de remplir une matrice de 10 x 10 et vérifie si elle est symétrique ou non

x	a	b	С
a	у	d	е
b	d	Z	f
С	е	f	q

▶ 49 Algorithmique ESI 2023-2024

49

Exercice

```
ALGORITHME symétrie_matrice

VAR matrice[10][10]: réel

VAR i, j: entier

VAR sym: booléen

DEBUT

sym ← VRAI

POUR i ← 0 à 9

Lire(matrice[i][j])

j SUIVANT

i SUIVANT
```

```
i ← 0
TANTQUE sym ET i < 10
   j ← 0
   TANTQUE sym ET j < 10
     SI j<>i et matrice[i][j] <> matrice[j][i] ALORS
        sym ← FALSE
     FINSI
     j \leftarrow j + 1
   FINTANTQUE
   i \leftarrow i + 1
 FINTANTQUE
 SI sym ALORS
    Afficher("La matrice saisie est symétrique")
 SINON
    Afficher("La matrice saisie n'est pas symétrique")
 FINSI
```

Algorit **FIN**

• Écrire un algorithme qui cherche, dans un tableau d'entiers de 10 x 10, le nombre minimal et le nombre maximal

51 Algorithmique ESI 2023-2024

51

```
ALGORITHME tab_bool
VAR tab[10][10], min, max : réel
VAR i, j : entier
DEBUT
 //instructions de remplissage du tableau omises
 min, max \leftarrow tab[0][0]
 POUR i ← 0 à 9
   POUR j ← 0 à 9
     SI tab[i][j] < min ALORS
        min ← tab[i][j]
     SINONSI tab[i][j] > max ALORS
        max ← tab
     FINSI
   j SUIVANT
 i SUIVANT
 Afficher("Max = ", max, " et Min = ", min)
                       Algorithmique
                                         2023-2024
```

Recherche dans un tableau

53

Recherche séquentielle

- Vérifier si une valeur existe dans un tableau → utiliser un flag
 - Parcourir le tableau
 - Si élément courant = valeur → flag = VRAI
 - Vérifier le flag à la fin de l'exécution
 - Si flag = VRAI → l'élément existe

5

Algorithmique

E2I

2023-2024

Recherche séquentielle

- Pseudo-code
 - ▶ Recherche de la valeur val dans le tableau tab[N]

55 Algorithmique ESI 2023-2024

55

Recherche séquentielle

existe ← FAUX

POUR i ← 0 à N-1

SI tab[i] = val ALORS

existe ← VRAI

FINSI

i SUIVANT

SI existe ALORS

Afficher("La valeur recherchée a été trouvée")

SINON

Afficher("La valeur recherchée n'a pas été trouvée")

FINSI

▶ 56 Algorithmique ESI 2023-2024

Recherche séquentielle

- Pseudo-code
 - ▶ Recherche de la valeur val dans le tableau tab[N]
 - Amélioration possible : ne pas continuer les comparaisons si l'élément a été trouvé
 - ▶ Encore mieux : recherche dichotomique

▶ 57 Algorithmique ESI 2023-2024

57

Recherche dichotomique

- Principe
 - Comparer la valeur à trouver avec l'élément au milieu du tableau
 - Si inférieure, refaire la même comparaison avec la première moitié du tableau
 - Si supérieure, refaire la même comparaison avec la deuxième moitié du tableau
 - Nécessite que le tableau soit trié

> 58 Algorithmique ESI 2023-2024

Recherche dichotomique

- Pseudo-code
 - ▶ Recherche de la valeur val dans le tableau tab[N]

59 Algorithmique ESI 2023-2024

59

Recherche dichotomique

```
existe 
FAUX

debut 
0

fin 
N-I

TANTQUE existe = FAUX ET debut <= fin

milieu 
(debut + fin) DIV 2

SI tab[milieu] = val ALORS

existe 
VRAI

SINONSI tab[mileu] < val ALORS

debut 
milieu + I

SINON

fin 
milieu - I

FINSI

FINTANTQUE
```

Tri dans un tableau

61

Motivation

- Il est souvent nécessaire de stocker les valeurs d'un tableau selon un ordre déterminé (ascendant ou descendant)
- Plusieurs approches possibles
 - ▶ Tri par sélection
 - ▶ Tri à bulles

...

Algorithmique ESI 2023-2024

- Approche intuitive
 - On place le plus petit élément à la position 0
 - Pui on place le plus petit des éléments restant à la position I
 - Puis on place le plus petit des éléments restant à la position 2
 - Et ainsi de suite jusqu'au dernier élément

▶ 63 Algorithmique ESI 2023-2024

63

Tri par sélection

- Approche intuitive
 - On détermine le plus petit élément, noté min, à partir de l'indice i (à commencer par i = 0, le ler élément)
 - ▶ Échanger min et l'élément de la case i
 - Refaire la même chose avec i + I jusqu'à avoir trié tous les éléments

Algorithmique ESI 2023-2024

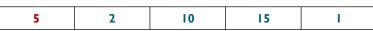
▶ Approche intuitive

5	2	10	15	1

65 Algorithmique ESI 2023-2024

Tri par sélection

Approche intuitive



▶ 66 Algorithmique ESI 2023-2024

66

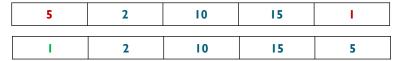
Approche intuitive

5	2	10	15	I
---	---	----	----	---

▶ 67 Algorithmique ESI 2023-2024

Tri par sélection

Approche intuitive



▶ 68 Algorithmique ESI 2023-2024

68

Approche intuitive

5	2	10	15	I
1	2	10	15	5

▶ 69 Algorithmique ESI 2023-2024

69

Tri par sélection

Approche intuitive

5	2	10	15	I
1	2	10	15	5
ı	2	10	15	5

70 Algorithmique ESI 2023-2024

Approche intuitive

5	2	10	15	I
1	2	10	15	5
ı	2	10	15	5
I	2	10	15	5

▶ 71 Algorithmique ESI 2023-2024

71

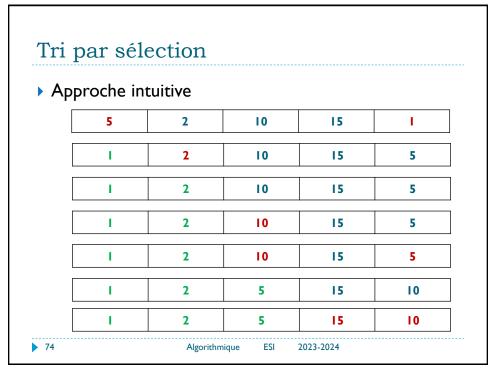
Tri par sélection

Approche intuitive

5	2	10	15	I
ı	2	10	15	5
1	2	10	15	5
1	2	10	15	5
	2	10	15	5

72 Algorithmique ESI 2023-2024

DDro	che in	tuitive			
	5	2	10	15	1
	1	2	10	15	5
	1	2	10	15	5
	1	2	10	15	5
	1	2	10	15	5
	1	2	5	15	10



۸	-uaaba in	4			
App	oroche in	1			T .
L	5	2	10	15	
	1	2	10	15	5
	1	2	10	15	5
	T	2	10	15	5
	I	2	10	15	5
	1	2	5	15	10
	1	2	5	15	10
75	1	2	5	10	15

Tri par sélection

- ▶ Pseudo-code
 - Exemple du tri par sélection du tableau tab[N]

76 Algorithmique ESI 2023-2024

```
POUR i \leftarrow 0 à N - 2
  indice_min ← i //prendre l'élément tab[i] comme plus petit élément provisoire
  //examiner tous les éléments suivants
  POUR j \leftarrow i + l \grave{a} N - l
      SI tab[j] < tab[indice_min] ALORS
         indice min ← j //récupérer l'indice de l'élément plus petit que tab[i]
      FINSI
  j SUIVANT
  //permuter tab[i] et l'élément le plus petit, qui est tab[indice_min]
  x \leftarrow tab[i]
  tab[i] ← tab[indice_min]
  tab[indice\_min] \leftarrow x
i SUIVANT //passer à l'élément tab[i+1]
77
                                 Algorithmique
                                                       2023-2024
```

Tri par sélection

- Pseudo-code
 - Variante possible : effectuer la permutation au fur et à mesure

▶ 78 Algorithmique ESI 2023-2024

```
POUR i ← 0 à N − 2

//examiner tous les éléments suivants

POUR j ← i + I à N-I

SI tab[j] < tab[i] ALORS //permuter à ce stade

x ← tab[i]

tab[i] ← tab[j]

tab[j] ← x

FINSI

j SUIVANT

i SUIVANT //passer à l'élément tab[i+1]
```

79

Tri à bulles

- Approche
 - On initialise un flag à FAUX
 - On compare chaque élément à celui qui le suit
 - ▶ Si non triés, on les permute et on met le flag à VRAI

▶ 80 Algorithmique ESI 2023-2024

Tri à bulles

- Approche
 - À la sortie de la boucle
 - Si flag = FAUX → le tableau est trié
 - Si flag =VRAI → au moins une permutation a eu lieu → refaire une itération pour vérifier s'il reste d'autres permutations à faire

▶ 81 Algorithmique ESI 2023-2024

81

Tri à bulles

- Pseudo-code
 - Exemple du tri à bulles du tableau tab[N]

82 Algorithmique ESI 2023-2024

```
Tri à bulles
permutation ← VRAI
TANTQUE permutation
  permutation ← FAUX
     POUR i \leftarrow 0 \text{ à N} - 2
        SI tab[i+1] < tab[i] ALORS
            x \leftarrow tab[i]
            tab[i] \leftarrow tab[i+1]
            tab[i+1] \leftarrow x
            permutation ← VRAI
     FINSI
  i SUIVANT
FINTANTQUE
83
                             Algorithmique
                                                  2023-2024
```

