

$$U = 8x_1^2 x_2$$

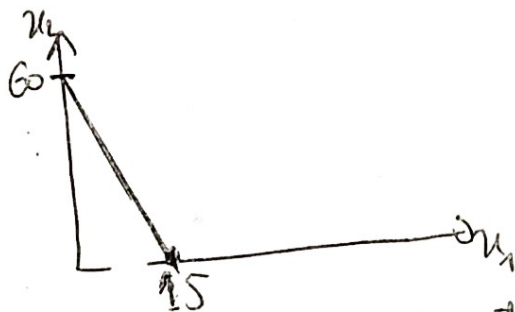
La droite de budget :

$$x_2 = -4x_1 + 60$$

Représenter graphiquement cette droite :

$$\text{Si } x_1 = 0 \Rightarrow x_2 = 60$$

$$\text{Si } x_2 = 0 \Rightarrow x_1 = \frac{60}{4} = 15$$



Le consommateur affirme que son panier actuel est optimal.

À l'équilibre on a : $-\frac{U_{m1}}{U_{m2}} = -\frac{P_1}{P_2}$

$$U_{m1} = \frac{\partial U}{\partial x_1} = 16x_1 x_2$$

$$U_{m2} = \frac{\partial U}{\partial x_2} = 8x_1^2$$

$$\Rightarrow \frac{U_{m1}}{U_{m2}} = \frac{16x_1 x_2}{8x_1^2} = \frac{2x_2}{x_1}$$

Puisque à l'équilibre on a : $-\frac{U_{m1}}{U_{m2}} = -\frac{P_1}{P_2} \Rightarrow \frac{2x_2}{x_1} = \frac{4}{1}$

$$\Rightarrow 2x_2 = 4x_1 \Rightarrow x_2 = 2x_1$$

Remplaçons x_2 dans l'équation de la droite de budget :

$$\text{on a : } x_2 = -4x_1 + 60 \Rightarrow 2x_1 = -4x_1 + 60 \Rightarrow 2x_1 + 4x_1 = 60$$

$$\Rightarrow 6x_1 = 60 \Rightarrow x_1 = \frac{60}{6} = 10 \Rightarrow x_1 = 10$$

et puisque $x_2 = 2x_1$ et $x_1 = 10 \Rightarrow x_2 = 2 \times 10 = 20$

$$x_2 = 20$$

Que peut-on conclure en ce qui concerne la quantité du bien 1 qu'il est prêt à échanger pour obtenir une quantité supplémentaire du bien 2 ? C'est à dire faut chercher le TMS à l'équilibre.