به نام خدا



دانشکده مهندسی برق

تمرین ۲ درس سیستمهای نهفته بی درنگ محمدامین حاجی خداوردیان

971.1011

استاد:دكتر غلامپور

نیمسال دوم ۱۴۰۰–۱۴۰۱

۱ – پیاده سازی Rate – Monotonic

۱-۱ الگوریتم پیاده سازی

برای پیاده سازی این الگوریتم ابتدا تابعی تحت عنوان گرفتن ورودی از کاربر نوشته شده است که تعداد Taskها به همراه دوره زمانی (ti) و بدترین هزینه پردازش(Ci) (WCET) (ci) در آن دریافت و ذخیره میشود. این بخش کد در زیر آورده شده است:

```
def Read_Data():
   Reading the details of the tasks to be scheduled from the user as
   Number of tasks N:
   Period of task P:
   Worst case excecution time C:
   global HP
   global Tasks
   N = int(input("\n \t\tEnter number of Tasks:"))
   for i in range(N):
       Tasks[i] = {}
       print("\n Enter Period of task T",i,":")
       P = input()
       Tasks[i]["Period"] = int(P)
       print("Enter the WCET of task C",i,":")
       C = input()
       Tasks[i]["WCET"] = int(C)
       Complete_Period.append(0)
```

تابع اصلی که عملیات اصلی بر دوش آن است و نام این تابع simulation است به این صورت است که با توجه به بازه زمانی که برای آن با استفاده از الگوریتم fixed Priority در نظر می گیریم برنامه، زمان را به یک واحد زمان بازه بندی می کند و در ابتدای هر واحد زمانی اولویت Task با توجه به پایان یافتن Task و دوره زمانی آن توسط تابع PriorityCalc محاسبه می شود که به صورت جداگانه این تابع توضیح داده می شود. سپس با توجه به اینکه در این الگوریتم ما فرض بر این داشته ایم که T = D بوده است چک می شود که آیا انجام Task از دلاین خود گذشته است یا خیر. متغیری تحت عنوان RealTime_task وجود دارد که به عنوان ورودی تابع دلاین خود گذشته است که در آن همه ویژگی های Task وجود دارد اما با گذشت هر واحد زمانی اگر پردازنده کاری از آن را پردازش کرده باشد از مقدار پردازش آن کم می شود. در انتهای کد نیز اگر Taskی به طور کامل

انجام شده باشد و دوره تناوب آن به سر رسیده باشد مجدد مقدار پردازش آن ریست می شود تا آمدن Task انجام شده باشد. کد این تابع در شکل زیر آورده شده است:

```
def Simulation(hp):
    The real time schedulng based on Rate Monotonic scheduling is simulated here.
   # Real time scheduling are carried out in RealTime task
   global RealTime task
   RealTime_task = copy.deepcopy(Tasks)
    for t in range(hp):
       Priority = PriorityCalc(RealTime_task)
        if (Priority != -1):
            RealTime_task[Priority]["WCET"] -= 1
            # For plotting the results
            if t < (Complete Period[Priority] + 1 )*Tasks[Priority]["Period"]:</pre>
               y_axis.append("TASK%d"%(Priority+1)+" (" + "C =%d"%Tasks[Priority]["WCET"] + ")")
                from_x.append(t)
                to x.append(t+1)
                y_axis_Miss.append("TASK%d"%(Priority+1)+" (" + "C =%d"%Tasks[Priority]["WCET"] + ")")
                from_x_Miss.append(t)
                to x Miss.append(t+1)
        # Update Period after each clock cycle
        for i in RealTime_task.keys():
            RealTime_task[i]["Period"] -= 1
            if (RealTime_task[i]["Period"] == 0 ):
                if (RealTime task[i]["WCET"] == 0):
                   Complete_Period[i] += 1
                    RealTime_task[i] = copy.deepcopy(Tasks[i])
```

در ادامه به توضیح تابع PriorityCalc میپردازیم. در این تابع متغیر RealTime_task را دریافت می کند که در آن میزان پردازش Taskها تا زمانی که گذشته است ذخیره شده است. سپس اگر یک Task پایان نیافته باشد با توجه به دوره تناوب آن اولویت بندی می شود. کد این بخش در تصویر زیر مشاهده می شود:

در بخش تابع Simulation به الگوریتم fixed Priority اشاره کردیم که این الگوریتم در تابعی با نام MinimumPeriod پیاده سازی شده است. با توجه به گفتههای درس رابطهی اصلی این الگوریتم به صورت زیر است:

 $\underline{R}_{i}^{(k)}$: worst-case response time for τ_{i} at step k.

$$R_i^{(0)} = C_i + \sum_{j=1}^{i-1} C_j$$
 $R_i^{(k)} = C_i + \sum_{j=1}^{i-1} \left\lceil \frac{R_i^{(k-1)}}{T_j} \right\rceil C_j$

کد پیاده سازی شده نیز چیزی فراتر از این قطعه کد نیست و تنها برای Task با بدترین دوره تناوب که کمترین اولویت را دارد نوشته شده است. ورودی این تابع مقدار K است که تعداد Iteration هایی که قرار است برای الگوریتم بالا زده شود را مشخص می کند که به صورت پیش فرض برابر ۲۰ در نظر گرفته شده است و اگر در دو Iteration متوالی مقدار R ثابت بماند این مقدار برگردانده می شود. کد این بخش به صورت زیر است:

```
def MinimumPeriod(K):
   R = []
   TempPeriod = 0
   for i in Tasks.keys():
        if Tasks[i]["Period"] > TempPeriod:
            TempPeriod = Tasks[i]["Period"]
    for i in range(K):
        if i==0:
            Sum = 0
            for j in range(N-1):
                Sum = Tasks[j]["WCET"] + Sum
            R.append(Tasks[P]["WCET"] + Sum)
            Sum = 0
            for j in range(N-1):
                Sum = ceil(R[i-1]/Tasks[j]["Period"])*Tasks[j]["WCET"] + Sum
            R.append(Tasks[P]["WCET"] + Sum)
        if R[i] == R[i-1] and i != 0:
            return R[i]
    return R[K]
```

علاوه بر بخش بالا یک تابع تحت عنوان UtilizationCalc وجود دارد که میزان Utilization را حساب می-کند که در انتها با استفاده از شروط گفته شده به قابل برنامه ریزی بودن یا نبودن یک سری مجموعه از Task ها پی ببریم. این تابع به صورت زیر است:

```
def UtilizationCalc():
    """
    For Finding system Utilization and Check Bounds
    """
    U = 0
    for i in range(N):
        U = U + Tasks[i]["WCET"]/Tasks[i]["Period"]
    return U
```

تابع آخری که استفاده شده است برای رسم است که توضیح خاصی ندارد و کد آن در زیر آورده شده است:

۱-۲ نحوه به کارگیری و استفاده از کد

در این بخش با اجرای کد در کنسول از شما تعداد Task به همراه دوره تناوب و بدترین زمان پردازش خواسته میشود که پس از وارد کردن این اطلاعات دیاگرام زمانی رسم میشود. برای ایجاد تغییر در تعداد Iteration تابع MimimumPeriod که در بخش قبل توضیحات آن داده شده است کافی است که در انتهای کد ورودی تابع را مقدارش را تغییر دهیم:

```
Read_Data()

hp = MinimumPeriod(20)

print("Minimum Peri0d is:", hp)

Simulation(hp)

DrawGraph()
```

کافی است عدد ۲۰ را با عدد دلخواه خود عوض کنید.

همچنین اگر بخواهید بازه زمانی رسم شده را به دلخواه تغییر دهید کافی است به جای hp در تابع Simulation مقدار دلخواه خود را قرار دهید.

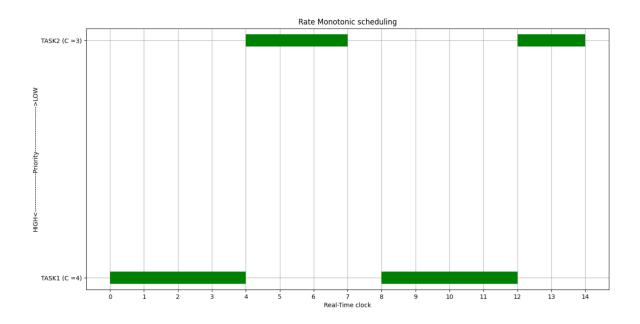
فایل شبیه سازی این بخش با نام RM.py موجود است و باید این فایل اجرا شود.

۱-۳ آزمون و مثالهای متنوع

در این بخش ابتدا برای سنجیدن صحت کد به سراغ مثال هایی که در کلاس درس زده شد میرویم. اولین مثال ما مقادیر زیر را دارد:

مثال ۱:

دیاگرام زمانی به شکل زیر خواهد بود:



شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده می شوند:

worst-case response time 6 We can Use RM for scheduling because Us < Ub Ub: 0.8284271247461903 Us: 0.75

Task با اولویت بیشتر در پایین تابع قرار گرفته است و Task با اولویت کمتر در بالای تابع قرار می گیرد.

مثال دومی که در نظر گرفته شده است به صورت زیر است:

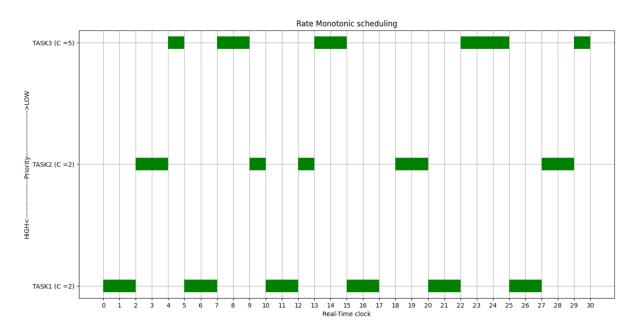
مثال ۲

$$T3 = 20$$
, $C3 = 5$ $T2 = 9$, $C2 = 2$ $T1 = 5$, $C1 = 2$

$$T2 = 9$$
, $C2 = 2$

$$1 = 5$$
, $C1 = 2$

دیاگرام زمانی مثال بالا در صفحه بعد آورده شده است. انتظار ما این است که بیشترین اولویت برای Task1 و كمترين اولويت براى Task3 باشد با توجه به نحوه تصميم كيرى الگوريتم Rate Monotonic كه اين قضيه در تصویر صفحه بعد مشخص است:



شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده می شوند:

worst-case response time 15 We don't know that we can use RM for scheduling or not and we need exact analysis Ub: 0.7797631496846196 Us: 0.872222222222222

برای مثال سوم به سراغ مثالی میرویم که در کلاس درس زده شد و در آن استفاده از الگوریتم RM باعث از دست دادن یک سری از عملیاتها میشود که در شبیه ساز ما این عملیات ها با رنگ قرمز مشخص خواهند شد.

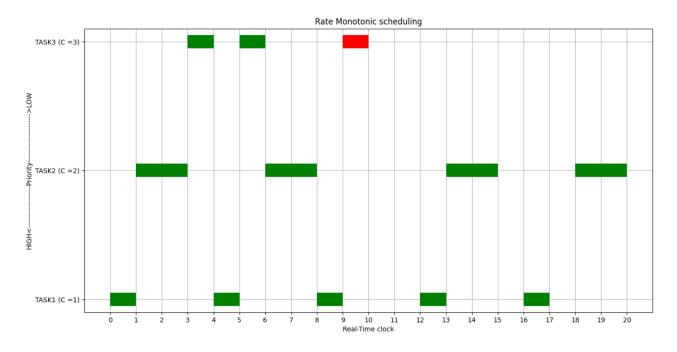
مثال ۳

$$C3 = 3, T3 = 8$$

$$C2 = 2, T2 = 6$$

C1 = 1, T1 = 4

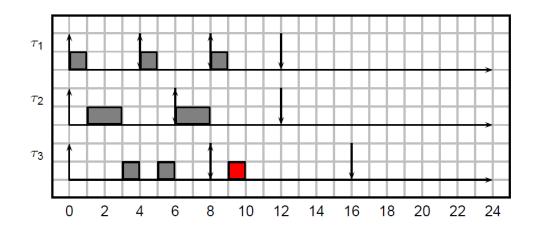
دیاگرام زمانی بالا به صورت زیر است:



شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده می شوند:

worst-case response time 10 We don't know that we can use RM for scheduling or not and we need exact analysis Ub: 0.7797631496846196 Us: 0.9583333333333333

دقیقا مشابه مثال کلاس در بازه زمانی (9,10) یک عملیات از دست رفته خواهیم داشت که پس از آن دیگر زمان بندی ها معتبر نیست. تصویر زیر نتیجه موجود در جزوه است(تفاوت در شکل به علت این است که در شبیه ساز پیاده سازی شده توسط بنده Task با اولویت بالاتر در بخش پایین تری قرار می گیرد):



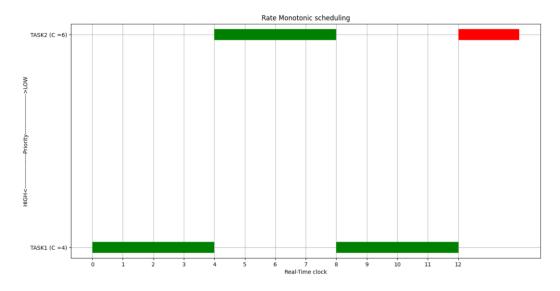
یک مثال دیگری که در کلاس بررسی شد و در آن الگوریتم RM جوابگو نیست به صورت زیر است:

مثال ۴:

$$T2 = 12$$
, $C2 = 6$

T1 = 8, C1 = 4

دیاگرام زمانی مثال بالا به صورت زیر است:



شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده میشوند:

worst-case response time 14 We don't know that we can use RM for scheduling or not and we need exact analysis Ub: 0.8284271247461903 Us: 1.0

که نتیجه آن مشابه مثالی است که در کلاس آورده شده است.

۲ – پیاده سازی Earliest Deadline First

۱-۲ الگوریتم پیاده سازی

برای پیاده سازی این الگوریتم ابتدا تابعی تحت عنوان گرفتن ورودی از کاربر نوشته شده است که تعداد Taskها به همراه دوره زمانی (ti) ، بدترین هزینه پردازش(WCET) (ci) و ددلاین (Di) در آن دریافت و ذخیره می شود. این بخش کد در زیر آورده شده است:

```
def Read_Data():
   Reading the details of the tasks to be scheduled from the user as
   Number of tasks N:
   Period of task P:
   global N
   global HP
   global Tasks
   N = int(input("\n \t\tEnter number of Tasks:"))
   # Storing data in a dictionary
   for i in range(N):
       Tasks[i] = {}
       print("\n Enter Period of task T",i,":")
       Tasks[i]["Period"] = int(P)
       print("Enter the WCET of task C",i,":")
       C = input()
       Tasks[i]["WCET"] = int(C)
       print("Enter the DeadLine of task D",i,":")
       D = input()
       Tasks[i]["DeadLine"] = int(D)
       Complete_Period.append(0)
```

بدنه اصلی این بخش نیز مشابه الگوریتم قبلی است و تفاوت چندانی در آن به وجود نیامده است و تنها تفاوت در بخشی است که آیا عملیاتی از دست میرود یا خیر که در این الگوریتم این بخش با توجه به ددلاینها تصمیم گیری رخ می دهد. در هر واحد زمانی تابعی با عنوان PriorityCalc به ددلاینها نگاه می کند و عملیاتی که نزدیک ترین ددلاین را دارد را به عنوان عملیاتی که باید انجام دهد انتخاب می کند. در تابع Task که دریافت ممکن است حالتی رخ دهد که یک Task که در حال انجام آن بوده ایم ددلاین آن با Task جدیدی که دریافت می کنیم یکسان باشد در این صورت تصمیم گیری ما به این صورت است که Task در حال اجرا را به پایان برسانیم و سپس به سراغ Task جدید برویم که این بخش و کل تابع PriorityCalc در صفحه بعد قطعه کد آن آمده است:

ورودی این تابع مشابه بخش قبل تابع RealTime_task را دارد اما با این تفاوت که یک ورودی جدید دیگر تحت عنوان PPriority وجود دارد که اولویت Task ای که در واحد زمانی قبل در حال اجرا بود به آن داده می شود که در صورتی که شرایط گفته شده در صفحه قبل برقرار شد بتواند Task در حال اجرا را ادامه دهد. در انتهای تابع simulation به علت اضافه شدن ددلاین تغییراتی باید لحاظ شود که یکی از آنها این است که در صورتی که دوره تناوب یک Task تمام شد ددلاین بعدی محاسبه و در متغیر RealTime_task لحاظ شود ولی اگر این Task تمام نشده بود فقط دوره تناوب آن بروزرسانی شود. که این بخش در زیر آورده شده است:

```
def Simulation(hp):
    The real time schedulng based on Rate Monotonic scheduling is simulated here.
    global RealTime_task
    RealTime_task = copy.deepcopy(Tasks)
    PPriority = -1
    for t in range(hp):
        Priority = PriorityCalc(RealTime_task , PPriority)
        PPriority = Priority
        if (Priority != -1):
            RealTime_task[Priority]["WCET"] -= 1
            if t < RealTime_task[Priority]["DeadLine"]:</pre>
                y_axis.append("TASK%d"%(Priority+1)+" (" + "C =%d"%Tasks[Priority]["WCET"] + ")")
                from x.append(t)
                to_x.append(t+1)
                y_axis_Miss.append("TASK%d"%(Priority+1)+" (" + "C =%d"%Tasks[Priority]["WCET"] + ")")
                from x Miss.append(t)
                to_x_Miss.append(t+1)
```

تابع Utilization چون در این بخش T != D است تغییر می کند و نحوه محاسبه آن تفاوت می کند و به صورت زیر است:

```
def UtilizationCalc():
    """
    For Finding system Utilization and Check Bounds
    """
    U = 0
    for i in range(N):
        U = U + Tasks[i]["WCET"]/Tasks[i]["DeadLine"]
    return U
```

تابع رسم نیز با بخش قبل هیچ تفاوتی ندارد به همین دلیل از این بخش صرف نظر می کنیم.

۲-۲ نحوه به کارگیری و استفاده از کد

در این بخش با اجرای کد در کنسول از شما تعداد Task به همراه دوره تناوب و بدترین زمان پردازش خواسته می شود...

```
133 Read_Data()
134 hp = 30
135 Simulation(hp)
136 DrawGraph()
```

همچنین اگر بخواهید بازه زمانی رسم شده را به دلخواه تغییر دهید کافی است به جای hp در تابع Simulation مقدار دلخواه خود را قرار دهید.

فایل شبیه سازی این بخش با نام EDF_T_diff_D.py موجود است و باید این فایل اجرا شود.

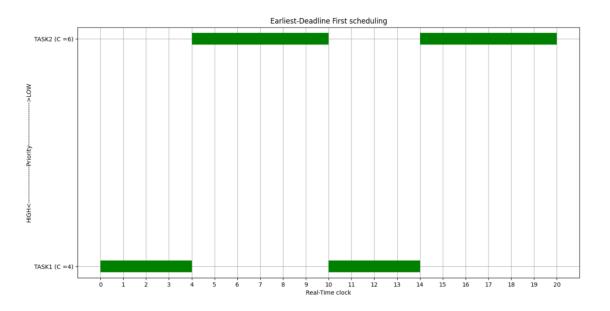
۲-۳ آزمون و مثالهای متنوع

در این بخش ابتدا برای سنجیدن صحت کد به سراغ مثال هایی که در کلاس درس زده شد میرویم. اولین مثال ما مقادیر زیر را دارد:

مثال ۱

این مثال دقیقا مثال ۴ بخش قبل است که با توجه به دیاگرام زمانی دیدیم که الگوریتم RM توانایی زمان بندی آن را ندارد. این مثال مقدار Utilization آن برابر ۱ است و میدانیم توسط الگوریتم EDF به درستی زمان بندی باید بشود. دیاگرام زمانی این مثال در صفحه بعد آورده شده است:

(T = D) در ورودی ها باید دقت کنیم که مقدار ددلاین ها را در این مثال برابر با T قرار دهیم:



شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده میشوند:

We can Use EDF for scheduling because Us <= 1 Us: 1.0

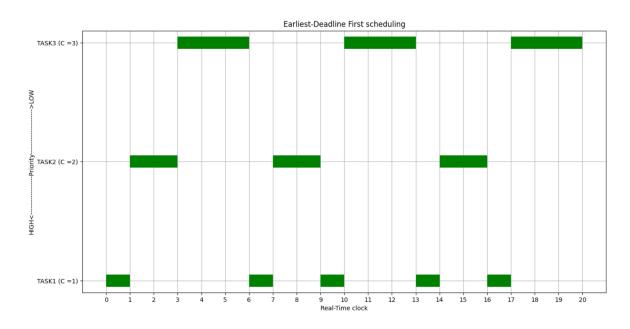
همانطور که دیده می شود مشکلی که در الگوریتم RM وجود داشت در این مثال برطرف شده است.

در این مثال هم به سراغ مثال ۳ بخش قبل میرویم که همانطور که دیده شد توسط RM به درستی زمان T=) :میده. در ورودی ها باید دقت کنیم که مقدار ددلاین ها را در این مثال برابر با T قرار دهیم (D

$$C3 = 3, T3 = 8$$

$$C2 = 2, T2 = 6$$

$$C1 = 1, T1 = 4$$



شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده می شوند:

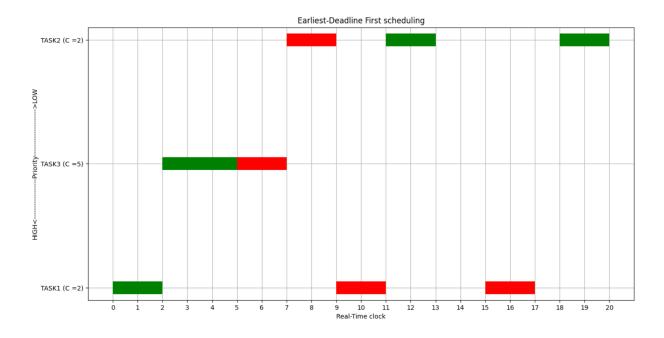
We can Use EDF for scheduling because Us <= 1 Us: 0.95833333333333333

همانطور که در شکل دیده می شود عملیات ها به درستی زمان بندی شدند و مشابه نتیجه جزوات درس است.

مثال ۳

$$T2 = 9$$
, $C2 = 2$, $D2 = 6$

دیاگرام زمانی برای مثال بالا به شکل صفحه بعد است:



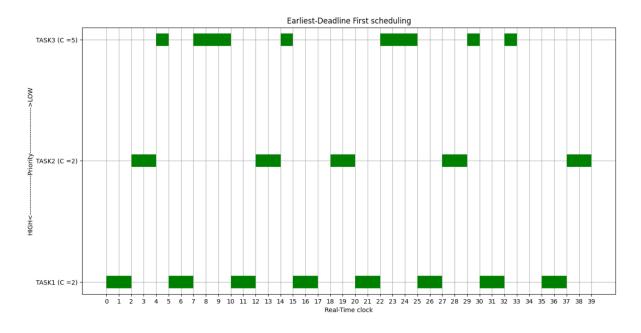
شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده میشوند:

We Can't use EDF for scheduling because Us > 1 Us: 2.0

با توجه به ددلاین نزدیک Task 3 باید تا واحد زمانی α این Task به پایان برسد ولی Task چون ددلاین نزدیک تری دارد زودتر باید انجام شود و از طرف دیگر باعث می شود که Task3 ددلاین خودش را از دست بدهد و این عملیات به همین گونه ادامه میابد و زمان بندی دیگر معتبر نیست.

مثال ۴

همان مثال قبل ولی این بار مشکلی که پیش آمده بود در ددلاین Task 3 بود که آن را تغییر دادیم و افزایش دادیم تا فرصت انجام عملیات به Task داده شود. حال دیاگرام زمانی مثال بالا را رسم میکنیم که تصویر دیاگرام در صفحه بعد آورده شده است:



شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده می شوند:

D و T باشد رابطه T ابشد رابطه T انها تفاوت آن جایگزینی T و T است و جزوه نیز گفته شده است که اگر T و T باشد رابطه میشود با اینکه چک کردن مرز با روابط این است ولی این حالت بدبینانه است و همانطور که در مثال بالا دیده میشود با اینکه چک کردن مرز با روابط این را نشان میداد که قابلیت برنامه ریزی وجود ندارد ولی به درستی زمان بندی انجام شد

در این مثال به درستی زمان بندی انجام شده است و هیچ Taskی ددلاین خود را از دست نمی دهد.

۳ – پیاده سازی Deadline Monotonic

۳-۱ الگوریتم پیاده سازی

برای پیاده سازی این الگوریتم ابتدا تابعی تحت عنوان گرفتن ورودی از کاربر نوشته شده است که تعداد Taskها به همراه دوره زمانی (t_i) ، بدترین هزینه پردازش(C_i) (WCET) و ددلاین (D_i) در آن دریافت و ذخیره می شود. این بخش کد در زیر آورده شده است:

```
def Read_Data():
   Reading the details of the tasks to be scheduled from the user as
   Worst case excecution time C:
   global HP
   N = int(input("\n \t\tEnter number of Tasks:"))
   for i in range(N):
       print("\n Enter Period of task T",i,":")
       P = input()
       Tasks[i]["Period"] = int(P)
       print("Enter the WCET of task C",i,":")
       C = input()
       Tasks[i]["WCET"] = int(C)
       print("Enter the DeadLine of task D",i,":")
       D = input()
       Tasks[i]["DeadLine"] = int(D)
       Complete_Period.append(0)
```

تمامی بخش ها مشابه بخش قبلی پیاده سازی شده است و تنها تفاوت در تابع PriorityCalc است که در آن مشابه بخش ۱ است ولی در این الگوریتم به جای دوره تناوب از ددلاین برای اولویت بندی استفاده شده است. که قطعه کد آن در زیر آورده شده است:

۳-۲ نحوه به کارگیری و استفاده از کد

در این بخش با اجرای کد در کنسول از شما تعداد Task به همراه دوره تناوب و بدترین زمان پردازش خواسته می شود که پس از وارد کردن این اطلاعات دیاگرام زمانی رسم می شود. برای ایجاد تغییر در تعداد Iteration تابع MimimumPeriod که در بخش قبل توضیحات آن داده شده است کافی است که در انتهای کد ورودی تابع را مقدارش را تغییر دهیم:

```
Read_Data()
hp = MinimumPeriod(20)
print("Minimum Peri0d is:", hp)
Simulation(hp)
DrawGraph()
```

کافی است عدد ۲۰ را با عدد دلخواه خود عوض کنید.

همچنین اگر بخواهید بازه زمانی رسم شده را به دلخواه تغییر دهید کافی است به جای hp در تابع Simulation مقدار دلخواه خود را قرار دهید.

فایل شبیه سازی این بخش با نام DM.py موجود است و باید این فایل اجرا شود.

۳-۳ آزمون و مثالهای متنوع

اگر ددلاین و دوره تناوب یکسان باشد باید رفتار این الگوریتم مشابه با RM باشد به همین دلیل در مثال ۱ به سراغ مثال ۳ بخش اول میرویم.

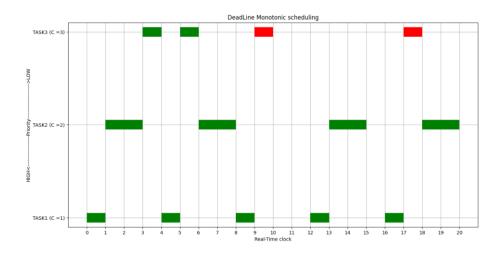
مثال ١

$$C3 = 3, T3 = 8$$

$$C2 = 2, T2 = 6$$

$$C1 = 1, T1 = 4$$

دیاگرام زمانی بالا به صورت زیر است:

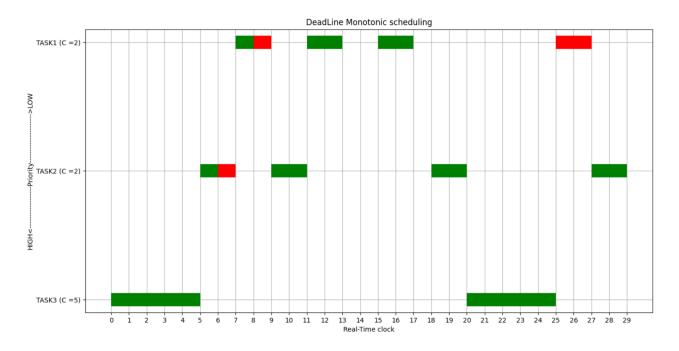


شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده می شوند:

worst-case response time 10 We don't know that we can use RM for scheduling or not and we need exact analysis Ub: 0.7797631496846<u>1</u>96 Us: 0.958333333333333 پس در صورتی که T = D در نظر بگیریم این الگوریتم مشابه RM رفتار می کند.

مثال ۲

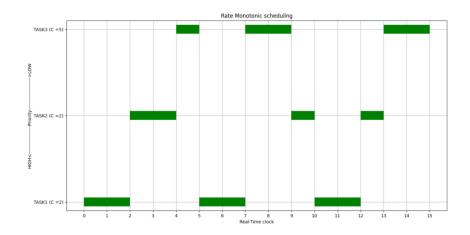
دیاگرام زمانی برای مثال بالا در صفحه بعد آورده شده است



شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده میشوند:

worst-case response time 15 We don't know that we can use RM for scheduling or not and we need exact analysis Ub: 0.7797631496846196 Us: 1.583333333333333

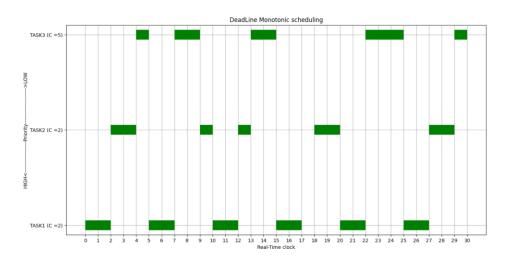
همانطور که دیده می شود این الگوریتم با توجه به ددلاین اولویت بندی خود را انجام داده است حال همین مثال را با الگوریتم T = D است تست می کنیم تا اولویت T = Dها و تفاوت آن با این مثال را متوجه شویم:



همانطور که دیده شد اولویت ها در الگوریتم RM که شکل بالا است کاملا تفاوت دارد پس الگوریتم DM به درستی در حال رفتار است.

مثال ۳

این مثال ۴ بخش ۲ است و دیاگرام زمانی آن با الگوریتم DM به صورت زیر است:



شروط نیز به صورت زیر چک و نمایش داده میشوند:

worst-case response time 15 We don't know that we can use RM for scheduling or not and we need exact analysis Ub: 0.7797631496846<u>1</u>96 Us: 1.333333333333333

همانطور که دیده می شود زمان بندی آن به درستی انجام شده است و مشابه حالت قبل شروط چک شده بدینانه است