



تمرین سری دوم

شماره دانشجویی: ۹۷۱۰۱۰۲۶

نام و نام خانوادگی: امین کشیری

توضیحات کلی

- عکس‌های ورودی باید در پوشه‌ی inputs/images قرار بگیرند.
- در پوشه‌ی inputs/images یک پوشه‌ی دیگر به نام giraffe وجود دارد، که عکس‌های ورودی سوال ۳ را در آن قرار داده‌ام.
- خروجی تمام کدها، با همان اسم گفته شده در صورت سوال، در پوشه‌ی outputs/images قرار خواهد گرفت (اگر عکس دیگری نیز در این پوشه باشد، در توضیحات سوال مربوطه نوشته‌ام).
- به جز دو پوشه‌ی بالا، یک پوشه‌ی دیگر نیز باید ساخته شود با نام outputs/temps وجود دارد. این پوشه باید حتماً از قبل وجود داشته باشند. برای همین کافی است از ساختار پوشه‌بندی این که آپلود کرده‌ام استفاده کنید و تنها ورودی‌ها را در جای خود قرار دهید.
- بعضی از خطاها در کد، دارای comment هستند، که با uncomment کردن آن‌ها معمولاً می‌توانید عکس را در مراحل میانی ببینید (توضیحات بیشتر را در صورت لزوم، در توضیحات هر سوال داده‌ام).
- همراه فایل‌های یک فایل requirements.txt قرار دارد که محیط اجرای کدهای من است (در صورت نیاز).

سوال ۱

بخش ۱

ابتدا باید سه دسته خط موازی در دنیای واقعی به دست آوریم. برای این کار از hough transform استفاده می‌کنیم که در درس image processing آموخته بودیم. این تابع دو ورودی به نام‌های min_theta و max_theta می‌گیرد، که حداکثر و حداقل زاویه خط عمودی بر خط‌های تشخیص داده شده توسط الگوریتم hough است. با توجه به شکل داده شده، سه بازه‌ی محدودی به این تابع می‌دهیم، و در خروجی ۳ دسته خط به دست می‌آیند. برای دیدن این سه دسته خط، می‌توانید توابع draw_lines که کامنت کرده‌ام را آنکامنت کنید. این تابع نیز تنها کاری که انجام می‌دهد این است که یک عکس و تعدادی خط می‌گیرد و آن‌ها را رسم می‌کند.

سپس در چند خط بعدی، محل تقاطع هر دسته خط رو به دست می‌آوریم. ابتدا با استفاده از تابع transform_to_cartesian پارامترهای خط‌ها را که در مختصات قطبی هستند به مختصات کارتزین تبدیل می‌کنیم. سپس با استفاده از تابع get_vanishing_point محل تلاقی یک دسته از خط‌ها رو به دست می‌آوریم، که همان vanishing point های ما هستند.

این تابع به این صورت کار می‌کند که یک دسته خط دریافت می‌کند و بهترین محل تلاقی را برای آن‌ها تشخیص می‌دهد و خروجی می‌دهد. برای این کار، از این ایده استفاده کرده‌ام که در شرایط ایده‌آل، نقطه‌ی تلاقی باید در تمام معادلات خط‌ها صدق کند. برای مثال باید در معادله‌ی خط i م صدق کند یعنی:

$$y - (m_i \cdot x + y_0) = 0$$

که مجموع این معادلات دستگاه زیر را تشکیل می‌دهند:

$$AX = b$$

که

$$A = \begin{bmatrix} \cdot & \cdot & \cdot \\ -m_i & 1 & -y_{0i} \\ \cdot & \cdot & \cdot \end{bmatrix}$$

$$X = \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$

و $b = 0$. حال با این که این دستگاه لزوما جواب ندارد (به خاطر وجود نویز و...)، اما به کمک تجزیه SVD می توانیم بهترین جواب ممکن برای این دستگاه را به دست آوریم. با استفاده از این روش، بهترین x و y ممکن به دست می آیند. به کمک روش بالا، نتیجه‌ی محاسبات من به صورت زیر بود:

$$V_x = \begin{bmatrix} 9364 \\ 2596 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$V_y = \begin{bmatrix} -26748 \\ 4061 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$V_z = \begin{bmatrix} -2996 \\ -133753 \\ 1 \end{bmatrix}$$

دو خط بعدی که کامنت شده‌اند در صورت آنکامنت شدن یک تصویر به شما نشان می دهند که خطوط موازی آنقدر ادامه داده شده‌اند که با هم تلاقی پیدا کنند.

خواسته‌ی بعدی این است که معادله‌ی خط افق را به دست آوریم. این کار در تابع `print_horizon` انجام می شود. اول V_x و V_y در هم کراس می شوند، سپس نرمالایز می شوند تا $a^2 + b^2 = 1$ شود. رابطه‌ی خط نیز چاپ می شود که به صورت زیر است:

$$ax + by + c = 0$$

$$a = -4.05348901 \cdot 10^{-2}$$

$$b = -9.99178124 \cdot 10^{-1}$$

$$c = 2.97343512 \cdot 10^3$$

در خط بعدی نیز در صورتی که تابع `draw_horizon` را آنکامنت کنید، که با وصل کردن V_x و V_y ، خط افق را روی تصویر (زیر تصویر) می کشد و نمایش داده می دهد (برای کشیدن خط، با داشتن معادله‌ی خط کافی است دو نقطه از آن را به دست بیاوریم. خب بدون اینکار از قبل دو نقطه V_x و V_y را داریم و برای کشیدن از همین دو استفاده می کنم). تابع بعدی نیز سه نقطه‌ی محو شدن و خط افق و محدوده‌ی تصویر را رسم می کند. کد خود تابع که بسیار واضح است. با داشتن نقاط، ۳ نقطه را می کشیم، و خط گذرنده از دو تا از آن ها را نیز می کشیم. محدود عکس نیز کافی است منتقل شود. اما عکس نهایی بزرگ می شود. برای همین، این تابع تمام اعداد را بر `scale` تقسیم می کند، که در کد من برابر با ۱۰ است.

بخش ۲

ابتدا سه نقطه‌ی محو شدن را به صورت دستی از کد ۱ به کد ۲ منتقل کرده‌ام. سپس با استفاده از تابع `get_camera_parameters` مشخصات دوربین را به دست می آوریم. با استفاده معادلات جلسه‌ی ۱۳، به ازای هر جفت از نقطه‌های محو شدن، یک شرط روی f و P_x و P_y به دست می آیند. حالا چون ۳ جفت داریم، پس یک دستگاه سه معادله سه مجهول برای این سه متغیر به دست می آید. دو رابطه‌ی اول به سادگی یک دستگاه تشکیل می دهند که آن دستگاه را ساخته‌ام و حل کرده‌ام. یک فرمول نیز برای f برحسب دو مجهول دیگر در کلاس به دست آوردیم (منظور در اسلایدها) و f نیز بر اساس آن فرمول به دست می آید. این سه مقدار را نیز چاپ می کنم. با محاسبات من نتیجه به صورت زیر شد:

$$f = 14067$$

$$P_x = 2487$$

$$P_y = 1410$$

سپس تابع `draw_principal_point` عکس ساخته شده را می سازد و ذخیره می کند.

حال ماتریس دوربین را می‌سازیم، و با back projection راستای محورهای مختصات دنیا را به دست می‌آوریم. برای به دست آوردن میزان چرخش حول محور z دوربین، به این دقت کنید که اگر محور x دوربین قرار باید با افق موازی شود، باید با V_z زاویه ۹۰ درجه بسازد. از طرفی چون فقط در صفحه xy می‌توانیم دوران کنیم، باید تصویر V_z را روی صفحه‌ی xy به دست آوریم و سپس زاویه x را با این بردار به دست آوریم، و هرچقدر تا ۹۰ درجه فاصله دارد را به دست آوریم. دقت کنید که فقط راستای مهم است، برای همین کافی است متغیر سوم V_z را صفر کنیم تا راستای تصویر آن روی xy به دست بیاید. برای به دست آوردن زاویه نیز از ضرب داخلی استفاده می‌کنیم.

برای قسمت دوم نیز دقیقاً مانند این قسمت باید عمل کنیم. برای این که سنسور دوربین عمود بر زمین باشد، باید بردار نرمال آن یا همان محور z دوربین موازی با آن باشد. پس باید محور z بر V_z عمود شود. پس هرچقدر تا ۹۰ کم دارد باید به آن اضافه کنیم (و اگر نزدیک تر از ۹۰ درجه است، دور کنیم). برای به دست آوردن زاویه هم دقت کنید که محور z و V_z در دوران قبلی تکان نخورده‌اند. پس با همان مقادیر قبلی آن‌ها می‌توانیم زاویه بین آن‌ها را به دست آوریم.

مقادیر دوران‌ها پس از این محاسبات به صورت زیر در می‌آید (θ_x و θ_z به ترتیب دوران اول و دوم هستند):

$$\theta_z = -2.32^\circ$$

$$\theta_x = -5.94^\circ$$

که این یعنی حول محور z باید حدود ۲ درجه ساعتگرد دوران کنیم و حول محور x در مرحله‌ی دوم، نزدیک به ۶ درجه ساعتگرد دوران کنیم (منفی به این معنی است که در خلاف جهت مثلثاتی حرکت می‌کنیم).

بخش ۳

ابتدا دقت کنید که من دوران (حول زوایای داخلی، یا intrinsic) را در مرحله‌ی قبلی به دست آوردم. در قسمت قبلی ابتدا یک دوران ساعتگرد دستگاه مختصات حول محور z و سپس یک دوران ساعتگرد دیگر حول محور x داشتیم. به این دلیل که علامت‌ها را الان بررسی می‌کنم، از قسمت قبل فقط از اندازه‌ی دوران استفاده می‌کنم. می‌خواهیم ماتریس دوران تبدیل مختصات نقاط در دستگاه اولیه به دستگاه ثانویه را به دست آوریم (همان R در معادلات زیر):

$$x_{new} = P_{new}X = K[R|t]X = KRX$$

که t برابر صفر بود. همچنین X مختصات دنیای واقعی یک نقطه، در دستگاه اولیه است (قبل از تبدیل). در نتیجه داریم:

$$x_0 = P_0X = K[I|0]X = KX$$

می‌خواهیم به دست آوریم:

$$x_{new} = Hx_0 \Rightarrow Hx_0 = KRX \Rightarrow HKX = KRX \Rightarrow H = KRK^{-1}$$

دقت کنید دوران θ حول یک محور خود دستگاه، معادل با دوران $-\theta$ مختصات نقاط است (حول همان محور). با تمام این تفاسیر، ما ابتدا R را به دست می‌آوریم. دوران اولیه حول محور z بود و ساعتگرد. در نتیجه نقطه‌ها در خلاف جهت عقربه‌های ساعتگرد (در جهت مثلثاتی) جابجا می‌شوند در نتیجه: $\theta_z = 2.32$. دقیقاً همین اتفاق نیز برای دوران دوم می‌افتد و: $\theta_x = 5.94$. همچنین دقت کنید که ابتدا دوران حول z و سپس حول x رخ می‌دهد. پس ماتریس‌های دوران را می‌سازم، و ماتریس دوران حول x را از راست در ماتریس دوران حول z ضرب می‌کنم (دقت کنید که دلیل عوض شدن علامت دوران‌ها، این است که خود دستگاه چرخیده است) و R به دست می‌آید.

سپس از معادلات بالا به راحتی H به دست می‌آید، و سپس آن را روی عکس اعمال می‌کنم.

نکته: برای این که نتیجه دیده شود، کمی کادر را بزرگتر کردم، و همچنین نتیجه را به وسط تصویر منتقل کردم. با کامنت کردن کدی که H از راست در T ضرب شده است می‌توانید این انتقال را کنسل کنید. هموگرافی به صورت زیر بود (بدون در نظر گرفتن T):

$$H = \begin{bmatrix} 1.00531127 \cdot 10^0 & -2.23812856 \cdot 10^{-2} & 1.83484770 \cdot 10^1 \\ 4.09549806 \cdot 10^{-2} & 1.00959293 \cdot 10^0 & -1.57819171 \cdot 10^3 \\ 2.99632225 \cdot 10^{-7} & 7.38631960 \cdot 10^{-6} & 9.88840104 \cdot 10^{-1} \end{bmatrix}$$

سوال ۲

در چند خط اول عکس‌های ورودی را می‌خوانم. سپس با استفاده از SIFT برای عکس‌ها تعدادی بردار ویژگی به دست می‌آورم و سپس با استفاده از تابع get_matches، نقاط متناظر را به دست می‌آوریم. بعد هم با استفاده از تابع get_matched_keypoints_and_coords مختصات نقاط متناظر را جدا می‌کنیم. چون تمامی این مراحل را چند تا از تمرین‌های قبلی انجام داده بودم، دوباره توضیح نمی‌دهم (کد عیناً کپی شده از تمرین‌های قبلی خودم و هیچ تغییری ندادم).

حال با استفاده از تابع `findFundamentalMat` ماتریس فاندامنتال (F) را به دست می آوریم. این تابع با استفاده از RANSAC و نقاط متناظر F را محاسبه می کند، و همچنین یک `mask` به ما برمی گرداند که در آن نقاط متناظری که با این ماتریس همخوانی دارند را به ما نشان می دهد.

حال بسیار شبیه به ساختن عکس ۱۴ از تمرین ۱ سوال ۳، دو عکس می سازم. به کمک ماسک به دست آمده، یک بار نقاطی که `inlier` محسوب شده اند را می کشم، و بار دیگر روی همان `outlier` ها اما با رنگی دیگر. سپس این دو عکس را به هم می چسبانم و ذخیره می کنم. در این قسمت، برای این که نتیجه بهتر مشخص شود، یک عکس دیگر با نام `res05_2.jpg` ذخیره کرده ام که همان عکس قبلی است، اما تناظرها را نیز با یک خط به هم وصل کرده ایم.

در ادامه با حل معادله $Fe = 0$ به کمک SVD، e را به دست می آوریم. اما برای نشان دادن e ابعاد عکس کافی است. به همین دلیل مقداری همه چیز را انتقال می دهیم. همچنین اندازه ی عکس نهایی خیلی بزرگ می شد. به همین خاطر همه چیز را `scale` کردم. برای e' نیز دقیقاً به همین صورت عمل کردم. در نهایت:

$$e = \begin{bmatrix} -47873 \\ -6943 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$e' = \begin{bmatrix} 17046 \\ -1102 \\ 1 \end{bmatrix}$$

حال با استفاده از تابع `draw_epilines` می توانیم `epiline` ها را بکشیم. این تابع به این صورت کار می کند که برای هر عکس، ۱۰ نقطه از `interest point` ها را برمی دارد (۱۰ تا متناظر، از آنهایی که `inlier` هستند)، سپس با ضرب کردن ماتریس F از چپ در آن ها، مختصات خط متناظر آن ها در تصویر دیگر را به دست می آورد. سپس در هر معادله ی خط دو نقطه (چپ ترین و راست ترین نقطه) را قرار می دهد و مولفه ی دیگر را به دست می آورم، و سپس بین این دو نقطه یک خط می کشم. در نهایت نیز تصویر خواسته شده را ذخیره می کنم. این ۱۰ نقطه ی متناظر را نیز روی شکل مربوط به خودشان رسم می کنم.

سوال ۳

نتیجه ی این بخش با استفاده از `openMVG` انجام شده است. عکس ها را ورودی می دهید و کد را اجرا می کنید و به شما نتیجه را خروجی می دهد. نتایج را نیز می توانید با نرم افزاری شبیه به `meshlab` ببینید. خروجی های این بخش در پوشه ی `outputs/giraffe_res` قرار دارند. دو فایل `cloud` و `colorized` دو نتیجه ی خواسته شده ی این بخش هستند. ورودی های این بخش نیز در آدرس زیر قرار دارند:

اینجا

سوال ۴

بخش ۱

پوشه ی `Data` دقیقاً همانطوری که `extract` می شود در پوشه ی `input` قرار می گیرد. کد من از دو تابع اصلی ساخته شده است. در ابتدای کد، ثابت های اصلی برنامه مقاردهی می شوند. `RESIZE_METHOD` روشی است که با آن عکس ها را کوچک کرده ام. متغیرهایی به شکل `DIR` نیز آدرس هایی که برنامه استفاده می کند هستند. `CLASS_NAMES` نام تمام کلاس هایی است که برنامه قرار است تشخیص دهد، که با توجه به محتویات پوشه ی `Data` به دست می آید. بعضی از این متغیرها در قسمت های بعدی سوال نیز استفاده می شوند و آنجا دوباره توضیح نمی دهیم.

کد من دو حالت اجرا دارد. در حالت اول، اگر متغیر `FIND_BEST_HYPER_PARAMETERS` برابر با `False` باشد، کد تنها یک بار اجرا می شود، با سه پارامتر `SIZE`، که نشان دهنده ی اندازه ی عکس هاست، `P_NORM`، که نشان دهنده ی نرم استفاده شده است، و `K` که متغیری است که در الگوریتم `KNN` استفاده می شود، و سپس اجرای برنامه پایان می یابد.

در حالت دوم که این متغیر برابر با True است، کد برای K ها و SIZE ها و P_NORM های مختلف اجرا می‌شود، و در نهایت بهترین نتیجه‌ی گرفته شده و پارامترهای آن را چاپ می‌کند. این حالت دوم را برای این استفاده کرده بودم که ببینم بهترین نتیجه را با چه هایپر پارامترهایی به دست می‌آورم. البته دقت کنید که در این حالت، جواب گزارش شده‌ی من به عنوان دقت الگوریتم، در واقع جواب درستی نیست. زیرا من پارامترهایی را استفاده کرده‌ام که روی دیتاست test من بهینه شده‌اند. در واقع راه درست‌تر استفاده از مقداری از عکس‌ها برای validation بود، و آن وقت عدد گزارش شده‌ی من به عنوان دقت الگوریتم عدد قابل اعتمادی می‌شد. به هر حال، چون این جزئیات در صورت سوال خواسته نشده بود، این تکرار کردن برای اعداد مختلف فقط برای گزارش بهترین نتیجه استفاده شده است هرچند از نظر علمی اعتبار کافی ندارد. حال کافی است توضیح دهم برای یک سری هایپر پارامتر ورودی، کد من چگونه کار می‌کند. تابع اصلی برنامه‌ی من تابع test_KNN است. اول این تابع، تابع دیگری به نام create_feature_vectors صدا زده می‌شود. این تابع به این صورت کار می‌کند که به ازای تمام عکس‌های train (و در مرحله‌ی بعدی test) در هر کلاس، آن‌ها را به اندازه‌ی $SIZE \times SIZE$ تبدیل می‌کند، و سپس سطرها‌ی آن تصویر را پشت هم می‌گذارد و به عنوان یک feature_vector در نظر می‌گیرد. تمام این بردارهای ویژگی برای عکس‌های یک دسته خاص را زیر هم قرار می‌دهد، و سپس ماتریس نتیجه را ذخیره می‌کند. این ذخیره کردن به این خاطر است که مثلاً اگر ده بار قرار است ما کد را با $SIZE = 20$ اجرا کنیم، هر ده بار تمام این مراحل را انجام ندهد. این اتفاق نیز به این صورت می‌افتد که در اول این تابع، چک می‌کند آیا این بردارهای ویژگی (با این SIZE مشخص) قبلاً محاسبه شده‌اند یا خیر، و اگر جواب بله بود، دوباره محاسبه نمی‌کند. یک متغیر به نام RECOMPUTE_FEATURE_VECTORS نیز در اول برنامه وجود دارد، که در صورتی که آن را set کنید، حتی اگر بردارهای ویژگی با یک سایز خاص وجود داشته باشند، باز هم آن‌ها را از اول محاسبه می‌کند.

پس از این که تابع اولیه کار خود را تمام کرد، در ادامه‌ی کد، تمام بردارهای ویژگی همه‌ی کلاس‌ها پشت هم قرار می‌گیرند، و label هر کدام از آن‌ها نیز در آرایه‌ی train_labels قرار می‌گیرد. همین کار را نیز برای عکس‌های test انجام می‌دهیم.

سپس با استفاده از تابع KNN آماده در sklearn، نزدیک‌ترین نقطه به هرکدام از feature_vector های تست را به دست می‌آوریم و سپس با مقایسه‌ی آن‌ها با label های اصلی، دقت الگوریتم را به دست می‌آوریم. مقادیری که بهترین نتیجه را به من دادند، به شرح زیرند:

$SIZE = 22$
 $K = 1$
 $P_NORM = 1(L_1)$
 $Accuracy = 0.22 = 22\%$

بخش ۲

برای این بخش، من بردارهای ویژگی تصاویر، لغت نامه (dictionary) و هیستوگرام تصاویر را تنها یک بار محاسبه می‌کنم و بارهای بعدی از نتیجه ذخیره شده‌ی آن‌ها استفاده می‌کنم. برای خاموش کردن این رفتار، می‌توانید از ۳ متغیر RECOMPUTE_FEATURE_VECTORS و RECOMPUTE_DICTIONARY و RECOMPUTE_HISTOGRAMS استفاده کنید. متغیر K همان متغیر استفاده در KNN نهایی است (مثل بخش قبلی).

TRAIN_FEATURE_VECTORS و TEST_FEATURE_VECTORS دو متغیر هستند که در آن‌ها تمام بردارهای ویژگی تصاویر آموزش و آزمون به ترتیب قرار دارند. به دست آوردن بردارهای ویژگی، توسط تابع compute_feature_vectors انجام می‌شود. در صورتی که کاربر مجبور کرده باشد یا بردارهای ویژگی از قبل وجود نداشته باشند، بردارهای ویژگی از اول محاسبه می‌شوند. این تابع نیز تنها کاری که انجام می‌دهد این است که عکس‌ها را یکی یکی باز می‌کند، به کمک SIFT بردارهای ویژگی را به دست می‌آورد، آن‌ها را پشت هم می‌چیند و در نهایت نتیجه را ذخیره می‌کند.

مرحله‌ی بعدی، به دست آوردن dictionary است که آن را در متغیر DICTIONARY نگه داری می‌کنم. این کار با تابع compute_visual_words انجام می‌شود. تعداد لغات لغت نامه را، که در واقع همان K در الگوریتم K_means است، در متغیر DICTIONARY_SIZE قرار گرفته است.

این تابع نیز دقیقاً مانند تابع قبلی قابلیت استفاده از نتایجی که قبلاً ذخیره شده‌اند را دارد. در غیر این صورت، الگوریتم K_means را روی تمام بردارهای ویژگی آموزش که در TRAIN_FEATURE_VECTORS قرار داشتند با K برابر با DICTIONARY_SIZE اجرا می‌کنیم. این کار باعث به دست آمدن لغت نامه می‌شود.

تابع آخر ما نیز `compute_histograms_and_test` است. این تابع نیز به این صورت کار می‌کند که به کمک KNN ، به ازای هر کدام از بردارهای ویژگی، نزدیک‌ترین لغت لغت‌نامه را پیدا می‌کند. این KNN با KNN آخر کار تفاوت دارد، و در اینجا تنها می‌خواهیم نزدیک‌ترین نقطه به یک بردار را پیدا کنیم، پس به صورت دستی K آن را برابر با ۱ قرار می‌دهیم. این کار را برای تمام بردارهای ویژگی هر تصویر انجام می‌دهد (که با تابع `knn.findNearest` انجام می‌دهد). سپس، به کمک این که هر عکس، بردارهای ویژگی اش به کدام لغات نزدیک تر بودند، برای هر عکس یک هیستوگرام می‌سازد. بقیه مراحل عیناً مانند قسمت قبلی است. برای هر تصویر، چه آموزش و چه آزمون، یک هیستوگرام به دست می‌آورم، سپس دقیقاً مانند بخش قبلی، با کمک KNN ، دقت را اندازه گیری می‌کنم و چاپ می‌کنم.

کد این بخش نیز دقیقاً مانند بخش قبلی یک متغیر با نام `FIND_BEST_HYPER_PARAMETERS` دارد، که توضیحات آن عیناً مثل بخش قبلی است. در صورتی که `False` باشد، کد تنها یک بار و با پارامترهای `set` شده اجرا می‌شود. بهترین نتیجه با پارامترهای زیر گرفته شد:

`K = 20 (in final KNN)`
`DICTIONARY_SIZE = 110 (K in Kmeans)`
`Accuracy = 0.472 = 47.2%`

بخش ۳

توضیحات این بخش، تا قسمت آخر که بعد از پیدا کردن هیستوگرام‌هاست، دقیقاً یکسان با بخش ۲ است. فقط در مرحله‌ی آخر، به جای استفاده از KNN از SVD استفاده می‌کنیم. بهترین نتیجه با پارامترهای زیر گرفته شد:

`DICTIONARY_SIZE = 110 (K in Kmeans)`
`Accuracy = 0.543 = 54.3%`

در انتهای کد نیز، در صورتی که در حالت پیدا کردن بهترین پارامتر نباشیم، ماتریس `confusion` را به دست می‌آورم و ذخیره می‌کنم.

در هر دو بخش این سوال، من سعی کردم که هیستوگرام‌ها را نرمالایز کنم. اما نتیجه‌ام بدون نرمالایز کردن بهتر بود، به همین دلیل آن کدها را حذف کردم.