

ضربكنندهها

طراحی واحد منطق و حساب Arithmetic logic unit (ALU) design

© تمامی اطلاعات موجود در این سند متعلق به دانشگاه صنعتی امیرکبیر بوده و حقوق قانونی آن محفوظ است.



جهت اطلاع! فارسى را پاس بداريم

	عدد اول A	عدد دوم B	نتيجه
A + B	augend مضاف اليه	جمع وند، افزوده، مضاف addend	جمع sum
A – B	مفروق منه، كاهش ياب minuend	مفروق، كاسته subtrahend	تفريق difference
A * B	مضروب، بس شمرده multiplicand	مضروب فیه، بس شمر multiplier	ضرب product
A / B	مقسوم، بخشی dividend	مقسوم عليه، بخش ياب divisor	خارج قسمت quotient



عمل محاسباتی: ضرب

نوع نمایش: بیعلامت

← ضرب ۲ عدد n-بیتی،

- ضرب کننده شیفت و جمع
- ضربكننده جمعهاى متوالى
 - ضرب کننده آرایهای
 - ضربكننده بوث



حميدرضا زرندى

نبود سرریز در محاسبات ضرب (؟)

◄ چنانچه دو عدد بیعلامت در فضای n-بیتی باشند، محدوده آنها بصورت زیر است،

$$0 \leq A < 2^n$$

$$0 \le B < 2^n$$

اگر طرفین نامساوی فوق را در هم ضرب کنیم، خواهیم داشت،

$$0 \le A \times B < 2^{2n}$$

که بدین معنی است، نتیجه حاصلضرب در فضای 2n بیتی جای میگیرد و لذا در ظرف 2n-بیتی سرریز نخواهیم داشت.



ضرب كننده اعداد بىعلامت



عمل محاسباتی: ضرب

n=1 (ضرب دو عدد بیعلامت تک بیتی) n=0 جدول ضرب!

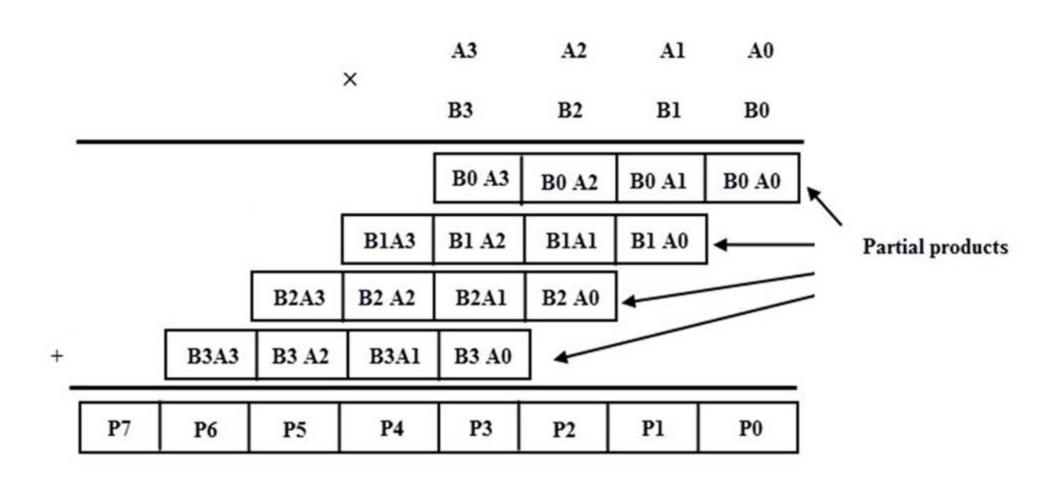
X	y	p = x * y (ضرب ریاضی)	
0	0	0	
0	1	0	(*)
1	0	0	\sim
1	1	1	1000



ضرب کننده آرایهای (Array multiplier)

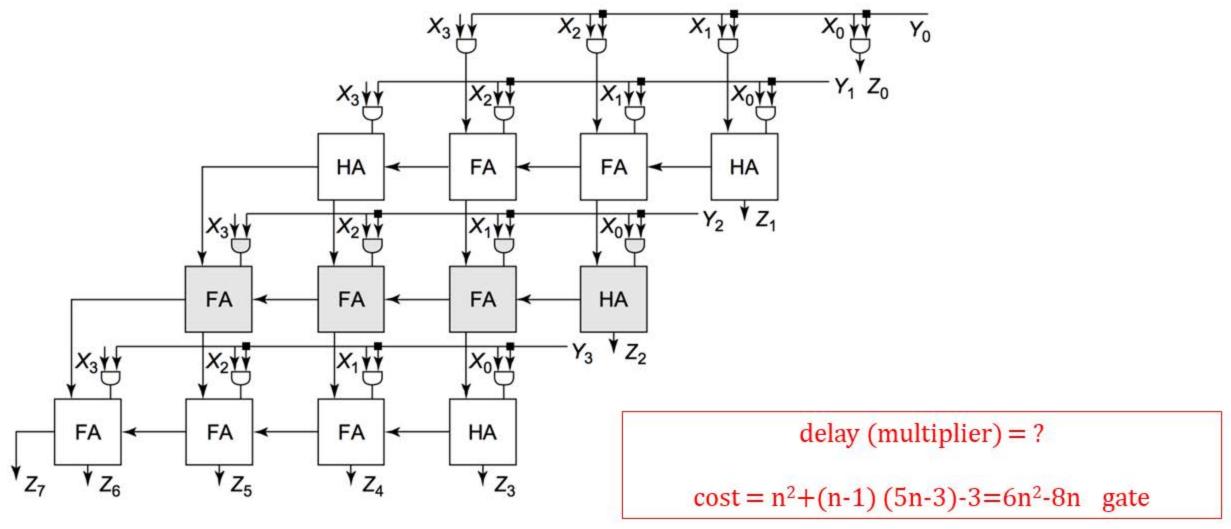


معماری کامپیوتر Partial products = حاصلضربهای میانی



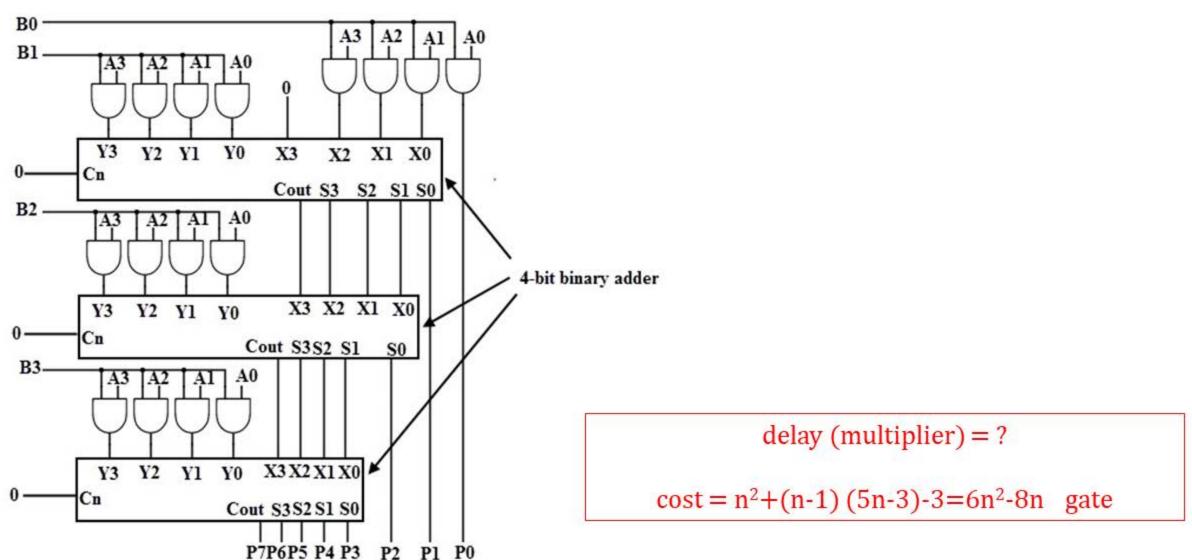


ضرب کننده آرایهای (Array multiplier)





ضرب کننده آرایهای (Array multiplier)





ضرب کننده شیفت و جمع (Shift-add multiplier)



ضرب کننده شیفت و جمع

- در این روش، هنگام ضرب، به رقم \mathbf{B}_i توجه میشود، دو حالت دارد:
 - 0 اگر صفر باشد، حاصلضرب میانی، صفر است.
 - 0 اگر یک باشد، حاصلضرب میانی، عدد A است.

الگوريتم،

در هر مرحله، به رقمهای \mathbf{B} توجه می شود (به ترتیب از کم ارزش تا پر ارزش) و حاصلضرب میانی مربوطه بدست آمده، نتیجه نهایی (که مقدار اولیه صفر دارد) با این حاصلضرب میانی جمع میشود. نتیجه بدست آمده، یک رقم به سمت راست شیفت می یابد، تا حاصلضرب میانی بعدی در محلی مناسب با آن جمع شود.



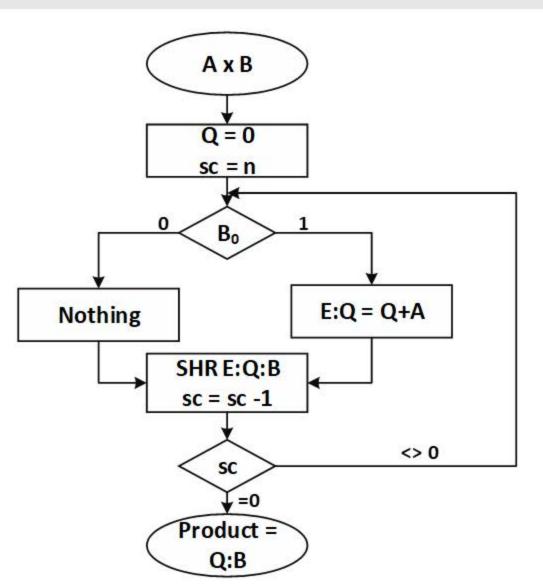
ضرب کننده شیفت و جمع

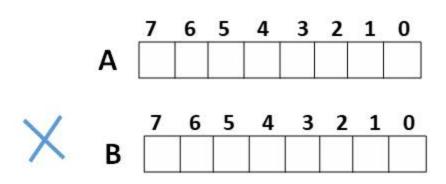
در فلوچارت نمایشی، پس از حاصلضرب، نتیجه نهایی در ثبات موجود $\bf B$ ذخیره می شود، به عبارتی نتیجه $\bf B$ پس از ضرب، بخش کمارزش حاصل ضرب نهایی خواهد بود. لذا اگر نیاز به مقدار $\bf B$ است، یا مقدار آن را یک کپی بگیرید یا فلوچارت را بگونه ای تغییر دهید که تاثیری روی آن نداشته باشد.

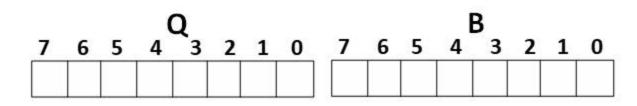
◄ به جای آنکه حاصلضرب نهایی ثابت باشد و حاصلضرب میانی در هر مرحله به سمت چپ شیفت پیدا
 کند، حاصلضرب میانی ثابت خواهد بود و حاصلضرب نهایی به سمت راست شیفت پیدا میکند.



ضرب کننده شیفت و جمع (فلوچارت)







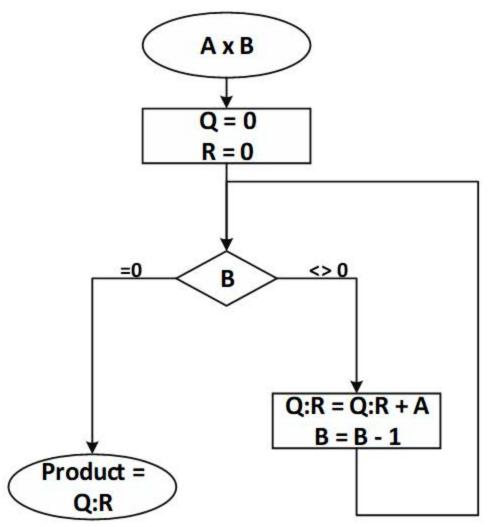
```
delay (product) = ?
cost = ?
```

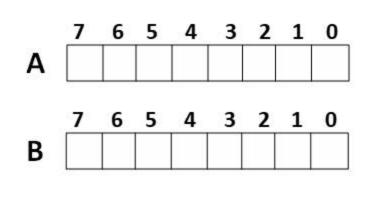


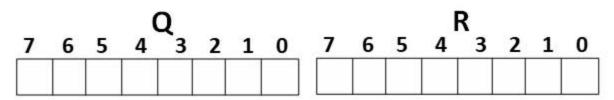
ضرب کننده جمعهای متوالی (Serial-add multiplier)



ضرب کننده به روش جمعهای متوالی (فلوچارت)







```
delay (product) = ?
cost = ?
```



ضرب کننده بوث (Booth multiplier)

برای ضرب دو عدد علامت دار مکمل ۲



ضرب بوث

🗲 هنگام ضرب:

- اگر عدد دوم (B)، شامل رشته ای صفر باشد، عملا نیاز به حاصلضرب میانی نیست تنها شیفت کافی است
 - اگر عدد دوم، شامل رشتهای یک باشد، فقط انتها و ابتدای رشته یک مهم است.
 - ◄ نیاز است با نمایش بوث برای عدد دوم (B) آشنا شد،

 $^{\circ}$ اگر قطاری از یکهای پشت سر هم از مرتبه $^{\circ}$ تا $^{\circ}$ باشد، می توان این عدد را بصورت $^{\circ}$ $^{\circ}$ نوشت.

به مثال زیر توجه کنید:

$$+14 = 00001110 = 2^{4}-2^{1}$$

$$-8 = 11111000 = 0 - 2^3$$

$$+119 = 01110111 = (2^{7}-2^{4})+(2^{3}-2^{0})$$

= (128-16) + (8-1)
= +119

$$-31 = 11100001 = (0-2^5)+(2^1-2^0)$$

= $-32+1$
= -31



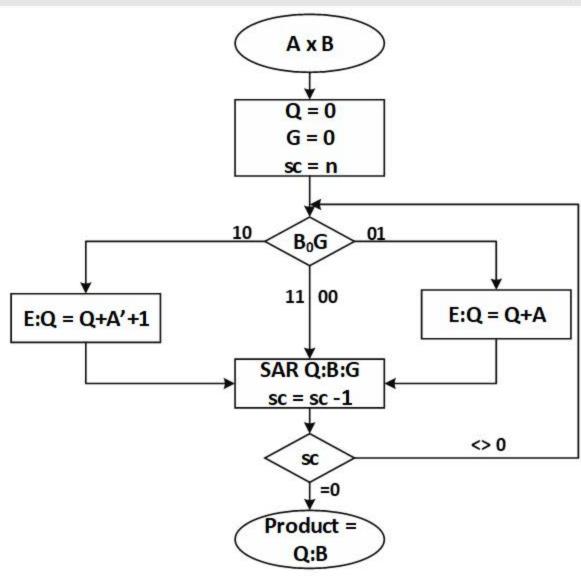
نمایش بوث

≺ اعداد علامت دار زیر را بصورت بوث نمایش دهید و درستی آنها را بررسی کنید،

- o 11110000
- o 00001111
- o 00110011
- o 11001100
- o 00111100
- 0 11000011



معماری کامپیوتر ضرب کننده بوث (فلوچارت)





سرریز در ضرب؟

🔫 جهت يادآورى:

 در هنگام ضرب به هیچ وجه سرریز نخواهیم داشت، زیرا ظرف نتیجه از اندازه ۲ برابری ظرف ورودی تشکیل شده است.

o یعنی ضرب دو عدد n بیتی، در ظرف 2n بیتی ذخیره میشود.



بررسی و کار در خانه

≺ بررسی کنید:

- ٥ آیا ضرب کننده آرایهای بیعلامت برای اعداد باعلامت مکمل ۲ کار می کند؟
 - اگر بله، اثبات کنید.
 - اگر خیر، یک مثال نقض بیاورید.
- ✔ در این حالت آیا امکان اصلاح مدار وجود دارد که به درستی برای مکمل ۲ کار کند؟
- ٥ آیا ضرب کننده جمعهای متوالی برای اعداد باعلامت مکمل ۲ کار می کند؟
 - اگر بله، اثبات کنید.
 - اگر خیر، مثال نقض بیاورید.



سوال؟

