Algorithmes itératifs

Exercice-1: Recherche du maximum

- 1. Concevoir un algorithme de recherche du maximum dans un ensemble à n éléments
- 2. Quelle est la complexité de votre algorithme en nombre de comparaisons ?
- 3. Montrer qu'il est optimal.

Exercice-2 : Complexité de séquences itératives

Déterminer (en fonction de n à O() près) la complexité en nombre « d'opérations » de chaque séquence :

```
For i = 1 to N do
                                                Séq-6:
Séq-1:
                                                           i = 1
                                                           For j=1 To n do
                  Opération ;
            Endfor
                                                                 i = 2*i
                                                           Endfor
Séq-2:
            For i = 1 to N do
                                                           For j=1 to i do
                  For j = 1 to i do
                                                                 Opération:
                                                           Endfor
                        Opération :
                  Endfor
                                                Séq-7:
                                                           For k = 1 to n do
            Endfor
                                                                 i = 1
                                                                 For i = 1 to k do
Séq-3:
            i=1
            While (i < N) Do
                                                                      i = 2*i
                 i = 2*i
                                                                 Endfor
                  Opération :
                                                                 For i = 1 to i do
            Endwhile
                                                                      Opération
            For i = 1 To N Do
Séq-4:
                                                                 Endfor
                  J=1
                                                           Endfor
                  While (J < N) Do
                        J = 2 * J
                        Opération:
                  Endwhile
            Endfor
Séq-5:
           i = 1
      While (i < N) Do
           i = 2*i
           For i = 1 to i Do
            Opération:
      Endwhile
```

Exercice-3: Recherche du maximum et du minimum

Nous supposons ici que l'ensemble considéré ne contient pas deux fois la même valeur.

- 1. Proposer un algorithme naif de recherche du maximum et du minimum d'un ensemble de n éléments.
- 2. Quelle est sa complexité en nombre de comparaisons ?
- 3. Proposer un algorithme plus efficace. Indication : dans une première phase les éléments sont comparés par paire.
- 4. Quelle est sa complexité en nombre de comparaisons ?

Exercice-4: Recherche du deuxième plus grand élément

Nous supposons ici que l'ensemble considéré ne contient pas deux fois la même valeur.

- 1. Proposer un algorithme simple de recherche du deuxième plus grand élément.
- 2. Quelle est sa complexité en nombre de comparaisons ?
- 3. Réécrire l'algorithme de recherche du maximum sous la forme d'un tournoi de tennis. Il n'est pas nécessaire de formaliser l'algorithme ici, une figure explicative suffit.
- 4. Dans combien de comparaisons, le deuxième plus grand élément de l'ensemble s'est rendu compte qu'il est le plus petit des deux éléments comparés ?
- 5. Proposer un nouvel algorithme de recherche du deuxième plus grand élément.
- 6. Quelle est sa complexité en nombre de comparaisons ?

Exercice-5: Anagramme

Deux mots sont dits anagrammes s'ils sont composés des mêmes lettres mais dans un ordre différent. Exemple : UN et NU, ELLES et SELLE, SURE et RUSE

Etant donné, un tableau de N pointeurs. Chaque pointeur pointe sur une chaîne de caractères représentant un mot.

- a- Ecrire une fonction « max_anagram » qui permet de retourner la longueur du plus long anagramme. On vous conseille de commencer par écrire une fonction « anagram » qui vérifie si deux mots sont ou non anagrammes. Elle doit retourner la longueur du mot s'ils sont des anagrammes et 0 sinon.
- b- En supposant que les mots ont une longueur moyenne égale à M, estimer en fonction de N et M, la complexité nécessaire pour déterminer l'anagramme le plus long en nombre de comparaisons de caractères.
- c- Proposer un autre algorithme pour la fonction « anagram » pour réduire la complexité

Exercice-6: Mots composés

Il existe des mots qui sont composés d'autres mots. Exemple : bonjour qui est composé du bon et du mot jour. Etant donné une liste de N mots, il s'agit de trouver les mots qui sont composés d'autres mots de la liste. Voici un exemple de listes de mots ; Bag, sun, day, moon, Sunday, Monday, airbag, MoonBag, air

Exercice-7: Somme maximale d'un Torus

- 1- Soit une matrice entière de dimension NxM contenant des valeurs positives négatives ou nulles. Elaborer un algorithme permettant de trouver la sous-matrice donnant la somme maximale. On peut se contenter d'imprimer la valeur de la somme.
- 2- Un torus est une matrice de dimension NxM circulaire à la fois verticalement que horizontalement. Soit un torus contenant des valeurs entières pouvant être positives négatives ou nulles. Elaborer un algorithme permettant de trouver la sous-matrice donnant la somme maximale.

1	-1	0	0	-4
2	3	-2	-3	2
4	1	-1	5	0
3	-2	1	-3	2
-3	2	4	1	-4

Exemple: pour cette matrice le résultat est 15.

Indication : il faut s'inspirer des algorithmes vus en cours pour déterminer la plus grande somme contigue dans une séquence.

Exercice-8: Recherche de sous-chaîne : algo. de Knuth-Morris-Pratt

Etant donnée une chaîne de caractères S de longueur N et une sous-chaîne de caractères T de longueur M avec M << N. Le problème consiste à chercher la sous-chaîne T dans la chaîne S. Exemple d'application : chercher un mot dans un texte.

- a- Faire une recherche (voir Wikipédia) sur l'algorithme de Knuth-Morris-Pratt, le comprendre, le programmer et le tester.
- b- Estimer sa complexité au meilleur et au pire

Exercice-9: Recherche de sous-chaîne: algorithme de Rabin-Karp

Etant donnée une chaîne de caractères S de longueur N et une sous-chaîne de caractères T de longueur M avec M << N. Le problème consiste à chercher la sous-chaîne T dans la chaîne S. Exemple d'application : chercher un mot dans un texte.

- c- Faire une recherche (voir Wikipédia) sur l'algorithme de Rabin-Karp, le comprendre, le programmer et le tester.
- d- Estimer sa complexité au meilleur et au pire

Exercice-10 : Recherche de sous-chaîne : algorithme de Boyer-Moore

Etant donnée une chaîne de caractères S de longueur N et une sous-chaîne de caractères T de longueur M avec M << N. Le problème consiste à chercher la sous-chaîne T dans la chaîne S. Exemple d'application : chercher un mot dans un texte.

- e- Faire une recherche (voir Wikipédia) sur l'algorithme de Boyer-Moore, le comprendre, le programmer et le tester.
- f- Estimer sa complexité au meilleur et au pire