

تفکر بیزی داشته باش

آمار بیزی ساده شد!

نویسنده: آلن. ب. داوونی

مترجم: امیرعباس اسدی

فهرست مطالب

| | |
|---|-----------------------|
| ۵ | ۱ قضیه‌ی بیز |
| ۵ | ۱.۱ احتمال شرطی |
| ۶ | ۲.۱ احتمال توأم |
| ۶ | ۳.۱ مسئله‌ی کوکی |
| ۶ | ۴.۱ قضیه‌ی بیز |
| ۶ | ۵.۱ تفسیر در طول زمان |
| ۶ | ۶.۱ مسئله‌ی M & M |
| ۶ | ۷.۱ مسئله‌ی مونتی هال |
| ۶ | ۸.۱ بحث |

فصل ۱

قضیه‌ی بیز

۱.۱ احتمال شرطی

ایده‌ی بنیادی پشت تمام آمار بیزی قضیه‌ی بیز^۱ است، قضیه‌ی ای که به طرز شگفت‌انگیزی بدست آوردنش آسان بوده و همچنین امکان درک احتمال شرطی را فراهم می‌کند. بحث را از احتمال آغاز کرده، سپس احتمال شرطی، قضیه‌ی بیز و در آخر آمار بیزی را بررسی می‌کنیم.

احتمال عددی بین 0 و 1 (شامل این دو هم می‌شود) و نشانگر درجه‌ی باور ما به یک حقیقت یا پیشبینی است. مقدار 1 نشان دهنده اطمینان از درستی یک حقیقت و یا اطمینان از به وقوع پیوستن یک پیشبینی است. مقدار 0 هم نشانگر نادرستی یک حقیقت است.

مقادیر میانی نشان دهنده‌ی درجه‌ی اطمینان و قطعیت هستند. مقدار 0.5 که اغلب به صورت 50% نوشته می‌شود، به این معناست که وقوع یک پیشبینی به اندازه‌ی عدم وقوع آن محتمل است. مثلاً احتمال اینکه یک سکه‌ی پرتاب شده شیر باشد بسیار نزدیک 50% است.

یک احتمال شرطی^۲ احتمالی بر اساس برخی از اطلاعات قبلی است. برای مثال من می‌خواهم بدانم احتمال اینکه در سال آینده دچار یک حمله‌ی قلبی شوم چقدر است. بر طبق CDC، سالانه حدود 785,000 آمریکایی اولین حمله‌ی قلبی خود را تجربه می‌کنند.^۳ جمعیت ایالات متحده حدوداً 311 میلیون نفر است، بنابراین احتمال اینکه یک آمریکایی که به طور تصادفی انتخاب شده در سال آینده دچار یک حمله‌ی قلبی شود، حدوداً 0.3% است. اما من که یک آمریکایی که به صورت تصادفی انتخاب شده باشد نیستم، همه‌گیرشناسان پی برده‌اند که عوامل زیادی بر میزان خطر وقوع حمله‌ی قلبی تأثیر می‌گذارند؛ بر اساس آن عوامل، احتمال اتفاق افتادن یک حمله‌ی قلبی برای من می‌تواند بالاتر یا پایین‌تر از میانگین باشد. من یک مرد هستم، 45 سال سن و کلسترول تقریباً بالایی دارم. این عوامل شانس ابتلاء را افزایش می‌دهند. در حالیکه، فشار خون من پایین است، سیگار نمی‌کشم و این عوامل شانس را کاهش می‌دهند. من با وارد کردن اطلاعاتم در یک محاسبه‌کننده‌ی آنلاین به آدرس <http://cvdrisk.nhlbi.nih.gov/calculator.asp> متوجه شدم احتمال اینکه سال آینده یک حمله‌ی قلبی را تجربه کنم چیزی حدود 0.2% و کمتر از میانگین است. این مقدار یک احتمال شرطی است چون بر اساس عواملی است که شرایط من محسوب می‌شوند.

معمولاً احتمال شرطی را به صورت $p(A|B)$ نمایش می‌دهند که معنای آن احتمال درستی A با فرض درستی B است. در این مثال، A نشان دهنده‌ی ابتلای من به حمله‌ی قلبی در سال آینده و B نشان دهنده‌ی شرایطی که نام بردم است.

¹Bayes's Theorem

²Conditional Probability

³<http://www.cdc.gov/heartdisease/facts.htm>

- ۲.۱ احتمال توأم
- ۳.۱ مسئله‌ی کوکی
- ۴.۱ قضیه‌ی بیز
- ۵.۱ تفسیر در طول زمان
- ۶.۱ مسئله‌ی **M & M**
- ۷.۱ مسئله‌ی مونتی هال
- ۸.۱ بحث