ریاضی مهندسی

- ۱. انتگرال های زیر را حساب کنید:
  - الف

$$\oint_{|z|=1} \frac{e^z}{z^n} dz \ (n \in \mathbb{Z})$$

ب

$$\oint_{|z|=\Upsilon} \frac{\Upsilon z + 1}{z^{\Upsilon} - z} dz$$

- فرض کنید C مرز میدان  $extbf{\infty}$
- $\{z \in \mathbb{C} : 1 < |z| < 7, Im z > \bullet \}$

است. انتگرال  $\oint_C rac{z}{z} dz$  را حساب کنید.

۳. شعاع همگرایی هر یک از سری های زیر را به دست آورید.



$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(\mathsf{T}n)!}{(n!)^{\mathsf{T}}} z^n$$



$$\sum_{n=\cdot}^{\infty} \frac{n^{\mathsf{T}}}{\mathsf{T}^n} z^n$$

۴. بسط مک لورن توابع زیر را به دست آورید.



$$f(z) = \frac{1}{(1+z^{\mathsf{T}})^{\mathsf{T}}}$$



$$f(z) = e^{z^{\mathsf{r}} - z}$$



$$f(z) = \cos^{7} z$$

- است را حساب کنید. حاصل انتگرال  $z = |z \Lambda i| = 1$  حاصل انتگرال که در آن منحنی dz در منحنی dz دایره dz
- را حساب  $f'(\mathsf{T})$  اگر  $f(z.)=\oint rac{e^z}{z(z-z.)}$  اگر  $f(z.)=f(z.)=f(x-\mathsf{T})^\mathsf{T}$  در جهت مثلثاتی باشد و
- $\left|\int_{C_R} rac{Log\,z}{z^\intercal}dz
  ight| \leq M$  مسیر انتگرالگیری باشد، آنگاه کوچکترین مقدار M که در نامساوی  $C_R:|z|=R>1$  مسیر انتگرالگیری باشد، آنگاه کوچکترین مقدار M که در نامساوی می کند ( در صورتی که شاخه M مسیر انتگرالگیری باشد، آنگاه کوچکترین مقدار نظر گرفته شود)، را به دست آورید.
  - رید. الف: ماکسیمم تابع  $|z| \leq 1$  بر قرص  $|z| \leq 1$  بر قرص تابع

- ب: ناحیه بسته شامل درون و روی اضلاع چهار ضلعی با رئوس جواب های معادله  $z^{\mathfrak{r}}+\mathfrak{t}=\mathfrak{t}$  را D می نامیم. مقدار ماکسیمم تابع  $f(z)=|\sin z|^{\mathfrak{r}}$  روی ناحیه D را به دست آورید.
  - و. حاصل انتگرال  $d heta = rac{1}{7\pi} \int_{\cdot}^{7\pi} \cos^{7}(e^{i heta}) d heta$  را حساب کنید.
  - ست. فرض کنید f تابعی تام است و به ازای هر z، ۱|f(z)| > 1. ثابت کنید f تابعی ثابت است.