## هوش مصنوعي



نيمسال دوم ۹۸ ـ ۹۷

تمرین تئوری دوم

# منطق مرتبه اول، شبکه بیزین، پرسپترون

### مسئلهي 1: پرسپترون

در مسئله ی دسته بندی، پرسپترون روشی است برای یافتن یک ابر صفحه که داده ها را به دو دسته تقسیم بندی می کند. می دانیم اگر داده های آموزشی به صورت خطی جدا پذیر باشند، آنگاه پرسپترون به وسیله ی تعدادی محدود بروزرسانی، یک ابر صفحه ی کاملا جداساز خواهد یافت. با توجه به این توضیحات به سوالات زیر پاسخ دهید:

۱. تابع هزینه ای که پرسپترون آن را کمینه میکند را بنویسید.

۲. فرض کنید در روند اجرای الگوریتم پرسپترون، دسته بند کنونی با پارامتر  $\omega_t$  دادهی  $X_i$  را اشتباه دسته بندی کرده باشد. نشان دهید  $\omega_{t+1}$  در جهت بهبود دسته بندی  $X_i$  خواهد بود.

۳. در قسمت قبل آیا لزوما به استفاده از  $\omega_{t+1}$  داده ی  $X_i$  در دسته ی درستی قرار خواهد گرفت؟ ادعای خود را ثابت و یا مثال نقضی برای آن بیاورید.

۴. فرض کنید می خواهیم پرسپترون را به گونهای پیاده سازی کنیم که حاشیه ی حداقل  $\delta$  بین دادهها و مرز باشد. در این حالت تابع هزینه را بازنویسی کنید.

#### مسئلهى 2: هسته مناسب

برای یک کرنل مناسب میدانیم که خواص زیر برقرار است:

 $K(u,u)\geqslant 0$  داریم که u داریم .۱

 $K(u,v) \leqslant \sqrt{K(u,u)K(v,v)}$  د. برای هر دو بردار v و v داریم که ۲.

نشان دهید اگر K(x,y) یک هسته ی مناسب باشد، آنگاه p(K(x,y)) و همینطور  $e^{K(x,y)}$  نیز مناسب خواهند بود. در اینجا p یک تابع چندجمله ی با ضرایب مثبت است.

## مسئلهی 3: اجرای پرسپترون

مجموعه دادهای زیر را در نظر بگیرید:

$$\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0.5 \\ A \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 10 \\ 2 \\ 5 \\ B \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 10 \\ 7 \\ 0.1 \\ B \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \\ 9 \\ A \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} 2 \\ 9 \\ 8 \\ A \end{pmatrix}$$

الگوریتم پرسپترون را بر روی این مجموعه اجرا کنید. توجه کنید مولفهی آخر هر کدام به معنی برچسب آن داده است و در ویژگی ها جایی ندارد.

### مسئلهی 4: گزارههای منطق مرتبه اول

جمله های زیر را به منطق مرتبه اول تبدیل کنید.

- هوشنگ حداکثر دو خواهر دارد.
- همه ی دانشجویان حداقل یک درس را برداشته اند.
- هیچ دانشجویی نمیتواند تمام دانشجویان دیگر را گول بزند.
  - تنها یک دانشجو درس هوش را افتاده است.

#### مسئلهي Resolution :5

پایگاه دانشی شامل گزارههای زیر است:

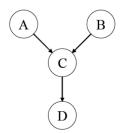
- همسایگان خوب حیوان پر سر و صدا ندارند.
- اگر کسی گربه داشته باشد، آنگاه آن فرد موش ندارد.
  - همهی سگها حیوانات پر سر و صدایی هستند.
    - على سگ يا گربه دارد.

با استفاده از Resolution گزارهی زیر را اثبات کنید.

• اگر علی همسایهی خوبی باشد، آنگاه علی موش ندارد.

### مسئلهی 6: شبکه بیزین

با استفاده از ساختار شبکه بیزین زیر و جداول توزیع احتمال شرطی داده شده، احتمال false بودن متغیر تصادفی D را محاسبه کنید.



		A	В	C	P(C A,B)
· ·	P(A)	False	False	False	0.75
alse	0.6	False	False	True	0.25
rue	0.4	False	True	False	0.75
		False	True	True	0.25
)	P(B)	True	False	False	0.75
alse	0.2	True	False	True	0.25
rue	0.2	True	True	False	0.75
	0.0	Т	Т	Tonic	0.25

C	D	P(D C)
False	False	0.75
False	True	0.25
True	False	0.9
True	True	0.1