به نام خداوند بخشنده مهربان



دانشکده ریاضی و علوم رایانه

پایاننامه کارشناسی ارشد رشته علوم کامپیوتر گرایش نظریه سیستم ها

یک الگوریتم شاخه و کرانه برای مسیریابی بدون تداخل خودرو های خودکار در پایانه های کانتینری

استاد راهنما:

حسن رشیدی

استاد مشاور:

لطيفه پور محمدباقر اصفهاني

پژوهشگر:

اميررضا تقى زاده

پاییز ۱۴۰۳



#### منشور اخلاق پژوهش

با یاری از خداوند سبحان و اعتقاد به این که عالم محضر خداوند است و همواره ناظر به اعمال انسان و به منظور پاس داشت مقام بلند دانش و پژوهش و نظر به اهمیت جایگاه دانشگاه در اعتلای فرهنگ و تمدن بشری ما دانشجویان دانشکده های دانشگاه علامه طباطبائی متعهد می گردیم اصول زیر را در انجام فعالیت های پژوهشی مد نظر قرار داده و از آن تخطی نکنیم:

- اصل حقیقت جوئی: تلاش در راستای پی جویی حقیقت و وفاداری به آن و دوری از هرگونه پنهان سازی -1 حقیقت،
- 2\_ اصل ر عایت حقوق: التزام به ر عایت کامل حقوق پژوهشگران و پژوهیدگان (انسان، حیوان و نبات) و سایر دق، صاحبان حق،
- اصل مالکیت مادی و معنوی: تعهد به ر عایت کامل حقوق مادی و معنوی دانشگاه و کلیه همکار ان پژو هش، \_3
- اصل منافع ملى: تعهد به رعايت مصالح ملى و در نظر داشتن پيشبر د و توسعه كشور در كليه مراحل پژوهش، \_4
- اصل رعایت انصاف و امانت: تعهد به اجتناب از هرگونه جانب داری غیر علمی و حفاظت از اموال، \_5 تجهیزات و منابع در اختیار،
- اصل رازداری: تعهد به صیانت از اسرار و اطلاعات محرمانه افراد، سازمان هاو کشور و کلیه افراد و \_6\_ نهادهای مرتبط با تحقیق،
- 7\_ اصل احترام: تعهد به رعایت حریم ها و حرمت ها در انجام تحقیقات و رعایت جانب نقد و خودداری از هرگونه حرمت شکنی،
- اصل ترویج: تعهد به رواج دانش و اشاعه نتایج تحقیقات و انتقال آن به همکاران علمی و دانشجویان به غیر \_\_8
- اصل برائت: التزام به برائت جوئی از هرگونه رفتار غیر حرفه ای و اعلام موضع نسبت به کسانی که حوزه \_9\_ . علم و پژوهش را به شائبه های غیر علمی می آلایند

نام و نام خانوادگی: تاریخ و امضا: .. /.. /..



#### تعهدنامه اصالت اثر

- این پایان نامه حاصل تحقیق و پژوهش انجام شده توسط اینجانب بوده و در مواردی که از دستاور دهای علمی \_1 و پژوهشی دیگران (اعم از مقاله، کتاب، پایان نامه و غیره) استفاده نموده ام، مطابق ضوابط و رویه موجود، نام منبع مورد استفاده و سایر مشخصات آن را در فهرست مربوط ذکر و درج کرده ام.
- این پایان نامه قبلا برای دریافت هیچ مدرک تحصیلی (هم سطح، پایین تر یا بالاتر) در سایر دانشگاه ها و \_\_2 موسسات آموزش عالی ارائه نشده است.
- چنانچه بعد از فراغت از تحصیل، قصد استفاده از هرگونه بهره برداری اعم از چاپ کتاب، ثبت اختراع و \_\_3 ازین دست موارد از این پایان نامه را داشته باشم، از حوزه معاونت پژوهشی دانشگاه علامه طباطبائی مجوزهای مربوطه را اخذ نمایم.
- چنانچه در هر مقطع زمانی خلاف موارد فوق ثابت شود، عواقب ناشی از آن را می پذیرم و دانشگاهی مجاز \_ 4 است با اینجانب مطابق ضوابط و مقررات رفتار نموده و درصورت ابطال مدرک تحصیلی ام هیچ گونه است با اینجانب مطابق ضوابط و مقررات رفتار نموده و درصورت ابطال مدرک تحصیلی ام هیچ گونه داشت.

نام و نام خانوادگی:

تاریخ و امضا: . . / . . / . . .



### تاییدیه هیأت داوران جلسه دفاع از پایان نامه ویژه کتابخانه مرکزی

امضاء	<b>نام و نام خانوادگی</b> (به صورت کامل به همراه پبشوند و پسوند)	استاد /استادان راهنما
امضاء	<b>نام و نام خانوادگی</b> (به صورت کامل به همراه پبشوند و پسوند)	استاد /استادان مشاور
امضاء	<b>نام و نام خانوادگی</b> (به صورت کامل به همراه پبشوند و پسوند)	استاد /استادان داور (تمامی داوران داخلی و خارجی ذکر شوند )
امضاء	<b>نام و نام خانوادگی</b> (به صورت کامل به همراه پبشوند و پسوند)	مدیر گروه آموزشی
امضاء	<b>نام و نام خانوادگی</b> (به صورت کامل به همراه پبشوند و پسوند)	نماینده تحصیلات تکمیلی

این گواهی جهت ارائه به کتابخانه مرکزی برای تسویه حساب پایان نامه دانشجو صادر شده و فاقد هرگونه ارزش قانونی دیگری است.

تقدیم به مادر عزیزم و برادر گرانبهایم

9

روح پدر بزرگوارم

با سپاس فراوان از اساتید محترم، به ویژه جناب آقای دکتر رشیدی، سرکار خانم دکتر پور محمدباقر اصفهانی و سرکار خانم دکتر آزادی پرند، که با راهنماییها و حمایتهای ارزشمندشان، این پژوهش به سرانجام رسید.

#### چكىدە

با افزایش تعداد کانتینرها، به منظور بهبود کارایی بنادر، نیاز به استفاده بیشتر از ماشین آلات خودکار ( $AGV^1$ ) وجود دارد. با توجه به هزینههای بالای جرثقیلهای بندری، خرید بیشتر جرثقیلهای جرثقیل انباشت خودکار ( $ASC^2$ ) و جرثقیل های اسکله ( $QC^3$ ) مقرون به صرفه نیست؛ از این رو، افزایش تعداد انباشت خودکار ( $ASC^2$ ) و جرثقیل های اسکله ( $QC^3$ ) مقرون به صرفه نیست؛ از این رو، افزایش تعداد AGV ها ممکن است به مشکلاتی چون تداخل و ترافیک منجر شود که باعث کاهش کارایی بندر خواهد شد.

در این پژوهش، روشی برای توزیع عملیات کانتینری بین AGV ها به صورت بدون تداخل ارائه می شود. مسئله شامل جابه جایی تعداد مشخصی از کانتینرها بین محوطه ی ذخیره سازی و اسکله با استفاده از چندین AGV است. این مساله به صورت مدل عدد صحیح مختلط (MIP<sup>4</sup>)، مدلسازی می گردد. حل متداول این مدل بهینه سازی، با استفاده از الگوریتم شاخه و کرانه ( $B \& B^5$ ) می باشد اما به علت در نظر گرفتن تداخل، پیچیدگی مساله، و در نتیجه تعداد محدودیت های مساله، افزایش یافته است. به همین دلیل، روش های ابتکاری و تسریع کننده متناسب با ماهیت مساله در نظر گرفته شده که زمان حل مساله را به طور قابل توجهی کاهش می دهد.

#### پاراگراف مربوط به نتایج آزمایش ها

کلیدواژهها: توزیع AGVها، مسیریابی، روش های مسیر یابی بدون تداخل، روش شاخه و کرانه

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Automated Guided Vehicles

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Automated Stacking Crane

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Quay Crane

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Mixed Integer Programming

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Branch and Bound

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Heuristic Methods

# فهرست مطالب

۸	کلیات	فصل ۱
٩	کلیاته هه	۱_۱ مقدم
٩	مساله	۱_۲ طرح
1 ·	، تحقيق	۱_۳ روش
11	ورد ها	۱_۴ دستا
11	تار گزارش	۵_۱ ساخن
	مفاهیم و تعاریف اولیه	
١٣		۲_۱ مقدم
١٣	ف مربوط به بنادر	۲_۲ تعاریا
١٣	ﻑ ﻣﺮﺑﻮﻙ ﺑﻪ ﺑﻬﯿﻨﻪ ﺳﺎﺯﯼ	۲_۳ تعارید
14	تعاریف بهینه سازی خطی	1_4_7
14	تعاریف بهینه سازی عدد صحیح	7_7_7
Error! Bookmark not defined	تعاريف الگوريتم هاى اكتشافى	٣_٣_٢
١۵	بندی	۲_۴ جمع
18	بررسی رویکرد های موجود	فصل ۳
١٧		۳_۱ مقدم
١٧	رد بدون در نظر گرفتن تداخل	۳_۲ رویکر
1 Y	روش سیمپلکس شبکه پیشرفته	1_7_8
\Y	روش سيبپلكس شبكه پويا	۲_۲_۳
١٨	رد های با در نظر گرفتن تداخل	۳_۳ رویکر
<b>۱</b> ۸	۱. مدل دو سطحي با استفاده از الگوريتم	_1_~~

۱٩.	۳ـــــــــ مدل ترکیبی ژنتیک و ازدحام ذرات
۱٩.	٣_٣ مقايسه روش ها
۲٠.	۳_۴ مقایسه روش ها
۲۱	فصل ۴ روش پیشنهادی
۲۲.	۴_۱ مقدمه
۲۲.	٢_۴ فرضيات روش پيشنهادى
۲۲.	۴_۳ مدلسازی مساله
	۴_۴ محدودیت های مساله
	۴_۴_۱ دسته ی اول: محدودیت های تخصیص وظیفه کانتینری:
٣٠.	۲_۴_۴ دسته ی سوم: محدودیت های مربوط به تداخل AGVها
٣٢.	۴_۴_۳ دسته ی چهارم: محدودیت های مربوط به زمان
۳۵.	۴_۴_۴ دسته ی پنجم محدودیت های دامنه ی متغیر های تصمیم
۳۵.	۴_۵ چارچوب روش پیشنهادی
٣۵.	۴_۶ شرح جزئیات داخل چارچوب
٣۵.	٧_٢ خلاصه و جمع بندی
38	فصل ۵ ارزیابی روش پیشنهادی
	۵_۱ مقدمه
٣٧.	۵_۲ داده های مورد آزمایش
٣٧.	۵_۳ جزئیات پیاده سازی روش پیشنهادی
٣٧.	۵_۴ تحلیل نتایج آزمایشات
٣٧.	۵ـ۵ خلاصه و جمع بندی
٣٨	فصل ۶ نتایج بدست آمده و کارهای آتی
٣٩.	ع-۱  خلاصه ای از کارهای انجام شده
	ع_۲ نتایج بدست آمده

عــ <i>۳</i> کارهای آتی ۳۹
کتابنامه ۴۰
پیوست ۴۲
واژهنامه ۴۴

## فهرست جدولها

Error! Bookmark not defined	جدول ۲—۱ عنوان جدول
۲۵	جدول ۴–۱ پارامتر های مساله
۲۵	جدول ۴–۲ مجموعه های مساله
75	جدول ۴—۳متغیر های تصمیم
٢۶	جدول ۴–۴متغیر های تصمیم واسطه

## فهرست شكلها و نمودارها

## فهرست اصطلاحات استفاده شده در پایان نامه

مخفف	اصطلاح	ترجمه
AGV	<b>Automated Guided Vehicles</b>	
ASC	<b>Automated Stacked Cranes</b>	
MIP	Mixed Integer Programming	
B&B	Branch and Bound	
HP	Handover Points	
QC	Quay Crane	
ACT	<b>Automated Container Terminal</b>	
GVS	Greedy Vehicle	
GA	Genetic Algorithm	
PSO	Particle Swarm Algorithm	
NSA	Network Simplex Algorithm	
DNSA	Dynamic Network Simplex Algorithm	

فصل ۱ کلیات در این فصل، ابتدا مقدمهای جامع پیرامون بخشهای مختلف بنادر دریایی و چالشهای اساسی مرتبط با آنها ارائه می شود. در ادامه، به تفصیل به بیان مسئله و همچنین راهکار پیشنهادی این پژوهش برای حل آن پرداخته خواهد شد. این بخش همچنین به مرور دستاوردها و نتایج اصلی تحقیق می پردازد. در انتها، ساختار کلی گزارش به صورت مختصر تشریح می گردد تا مسیر تحقیق و مراحل پژوهش به طور شفاف مشخص شود.

#### ۱\_۱ مقدمه

در چند دههی گذشته، تحقیقات بسیاری به خودروهای خودران AGV اختصاص داده شده است. امروزه، این خودروها به دلیل داشــتن توانایی در جابهجایی تجهیزات، کالاها و کانتینرها، بســیار رایج شــدهاند. خودروهای AGV راهحلهای کارا و انعطافپذیری را برای ســیســتمهای تولیدی و حملو نقل به ارمغان می آورند.

مسئلهی توزیع و مسیریابی وسایل نقلیه به عنوان یکی از موضوعات مهم و کاربردی در حوزههای مدیریت زنجیره تأمین و لجستیک مورد توجه قرار گرفته است. این مسئله شامل تخصیص بهینهی کارهای حمل و نقلی به وسایل نقلیه و طراحی یک مسیر هدایت برای خودروها به صورت بهینه در طول زمان است. اهداف اصلی در این زمینه، کاهش زمان جابه جایی، به حداقل رساندن مصرف سوخت و افزایش بهره وری عملیات حمل و نقل می باشد .مسیریابی و برنامه ریزی برای وسایل نقلیه به ویژه در حوزههای مختلفی همچون شرکتهای ارسال کالا، تأسیسات حمل و نقل، سیستمهای تولیدی انعطاف پذیر و عملیات کارگاهی به طور گسترده مورد استفاده قرار (Laporte, 2009)

در این تحقیق، تمرکز اصلی بر مسئلهی مسیریابی و توزیع کارهای کانتینری به خودروهای خودکار (AGV)در پلیلنههای خودکار بندری است. در این سیستمها، خودروهای خودکار نقش کلیدی در جابهجایی کانتینرها بین کشتیها و محوطههای ذخیرهسازی دارند. بنابراین، تعیین بهترین مسیر و برنامهریزی بهینه برای این خودروها می تولند به طور مستقیم در کاهش زمانهای انتظار، بهبود عملکرد کلی بندر و کاهش هزینههای عملیاتی مؤثر باشد(Vis & De Koster, 2003) به این ترتیب، مطالعه و به کارگیری روشهای کارا و مؤثر برای مسیریابی AGV ها در پایانههای کانتینری، به عنوان یکی از چالشهای اساسی در زمینهی مدیریت هوشمند بنادر شناخته می شود.

٩

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Automated Guided Vehicles

#### ١\_٢ طرح مساله

در بنادر دریایی، کانتینرها از کشتیها توسط جرثقیلهای اسکله ( $QC^1$ ) بر روی خودروهای AGV قرار می گیرند. این خودروها بدون سرنشین و توسط رایانه کنترل می شوند و نقش مهمی در انتقال کانتینرها از محوطهی دریا به مناطق ذخیرهسازی در محوطهی کانتینری دارند و بالعکس. در محوطهی ذخیرهسازی، کانتینرها مجدداً توسط جرثقیلهای ذخیرهسازی خودکار ( $ASC^2$ ) بر روی AGV ها قرار می گیرند تا برای عملیات بعدی آماده شوند (Weerasinghe et al., 2024a)

با افزایش روزافزون حجم کانتینرها و نیاز به بهرهوری بیشتر بنادر، استفاده از تجهیزات خودکار مانند AGVها به گزینهای اقتصادی تر نسبت به خرید جرثقیلهای جدید تر تبدیل شده است. قیمت بالای جرثقیلهای بندر، مانند ACV و ASC ، باعث می شود که سرمایه گذاری بر روی AGV ها گزینهای به صرفه تر به نظر آید (Yu et al., 2024)

.با این حال، افزایش تعداد AGV ها بدون مدیریت دقیق می تواند موجب تداخل مسیرها و ترافیک شود که به کاهش کارایی بندر می انجامه (Weerasinghe et al., 2024b) از این رو، ارائه ی راهکاری برای جلوگیری از تداخل AGV ها و بهبود مسیریابی آنها ضروری است.

در این پژوهش، یک راهکار بدون تداخل برای توزیع و مسیریابی AGV ها در محوطههای ذخیرهسازی و اسکله ارائه شده است. این راهکار با در نظر گرفتن محدودیتهای فضای بندر و منابع موجود، می تواند به بهبود کارایی و بهرهوری در بنادر منجر شود.

### ۱\_۳ روش تحقیق

در این پژوهش، ابتدا به بررسی مدلسازی و تصمیم گیریهای مرتبط با بنادر بدون لحاظ تداخل پرداخته شده و سپس رویکردهای موجود برای مدیریت تداخلات مورد بررسی قرار می گیرد. در ادامه، به مدلسازی مسله و تبیین پارامترهای کلیدی مرتبط با عملکرد AGV ها پرداخته می شود. پس از آن، یک مدل مبتنی بر الگوریتم شاخه و کرانه ( $B\&B^3$ ) جهت حل مسئله ارائه و نتایج حاصل از آن با استفاده از یک الگوریتم ژنتیک مقایسه می شود تا کارایی و دقت روشها ارزیابی گردد.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Quay Cranes

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Automated Stacking Cranes

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>Branch and Bound

### **۴\_۱** دستاورد ها

دستاورد های این پژوهش، ارائه ی رویکردی کارا جهت مسیریابی بدون تداخل AGVها می باشد. بدلیل پیچیده بودن مساله، ارایه چنین رویکردی، حائز اهمیت است.

### ۱\_۵ ساختار گزارش

در ابتدا به بررسی مطالعات انجام شده بدون در نظر گرفتن تداخلات AGVها پرداخته و سپس، تداخل در ابتدا به بررسی مطالعات انجام شده بدون در نظر گرفتن تداخلات B&B و حل با داده های تصادفی، پرداخته و نتایج با الگوریتم ژنتیک مقایسه می گردد.

فصل ۲ مفاهیم و تعاریف اولیه

#### ۲\_۱ مقدمه

در این فصل، ابتدا به بررسی اجزای مختلف بنادر پرداخته و سپس تعاریف مرتبط با مدلسازی و بهینه سازی خطی و عددصحیح بیان خواهند شد.

#### ۲\_۲ تعاریف مربوط به بنادر

در این بخش، به مفاهیم پایه ای و اجزای اصلی بنادر که در مرتبط با مساله هستند، پرداخته می شود. در ... ساختار کلی بندر، نمایش داده شده است.

### ۲\_۲\_۱ بخش های مرتبط با اسکله:

جر ثقیل های اسکله ای QC: جر ثقیلهای اسکلهای Quay Cranes) یا (Quay Cranes) بزرگی هستند که در بنادر برای بارگیری و تخلیه کانتینرها از کشتیها به محوطه ساحلی و بالعکس استفاده می شوند. این جر ثقیلها با دقت بالا کانتینرها را به وسلیل نقلیه مانند AGV ها انتقال می دهند و نقش حیاتی در سرعت و بهرهوری عملیات بندری ایفا می کنند.

نقاط تحویل (HP): نقطهی تحویل یا Handover Pointدر بنادر محل انتقال کانتینرها بین تجهیزات مختلف مانند جرثقیلهای اسکله (QC) و وسایل نقلیه هدایت خودکار (AGV) است. این نقاط معمولاً در انتهای اسلکه یا محوطهی ذخیرهسازی قرار دارند و بهعنوان محلی برای جابجایی سریع و هماهنگ کانتینرها عمل میکنند، بهطوریکه AGV ها کانتینرها را از QC ها دریافت کرده و آنها را به مناطق ذخیرهسازی منتقل میکنند. این فرآیند به کارایی بالاتر و کاهش زمان انتقال در بندر کمک میکند و نقش مهمی در بهینهسازی عملیات دارد. (Yang et al., 2023)

### ۲\_۲\_۲ بخش های مرتبط با ذخیره سازی:

۲\_۳ تعاریف مربوط به بهینه سازی

در این بخش، به معرفی مفاهیم اساسی بهینه سازی می پردازیم.

#### متغير تصميم:

<sup>1</sup> Handover Point

تابع هدف:

مساله ی بهینه سازی ارضای محدودیت ها (CSOP):

تعاریف بهینه سازی خطی  $^{-7}$ 

جواب شدنی:

ناحیه ی جواب:

ناحیه ی محدب:

مساله ی بهینه سازی محدب:

الگوریتم بیضوی (Ellipsoid): این الگوریتم از الگوریتمهای اصلی برای حل مسائل بهینهسازی محدب و برنامهریزی خطی است که در دهه ۱۹۷۰ توسط دانشمندان ریاضی توسعه یافت و برای اثبات قابلیت حل مسائل برنامهریزی خطی با پیچیدگی چندجملهای مورد استفاده قرار گرفت. این الگوریتم بر پایه مجموعهای از الیپسویدها عمل می کند که در هر مرحله، یک الیپسوید جدید و کوچکتر ایجاد می کند تا محدوده جستجو به تدریج به محدوده راهحل نزدیکتر شود. در این فرآیند، الگوریتم به کمک یک اوراکل جداساز (Separation Oracle) کار می کند که مشخص می کند آیا یک نقطه خاص در ناحیه جواب قرار دارد و در صورت لزوم یک ابرصفحه جداساز ارائه می دهد.

این الگوریتم بهخاطر توانایی آن در حل مسائل بهینهسازی محدب و خطی با پیچیدگی چندجملهای در تئوری و پژوهشهای پیچیدگی محاسباتی اهمیت دارد، هرچند در مقایسه با الگوریتم سیمپلکس برای حل مسائل برنامهریزی خطی، در عمل کندتر است.(Grötschel et al., 1988)

### ۲\_۳\_۲ تعاریف بهینه سازی عدد صحیح

فرم کلی یک مساله ی عدد صحیح مختلط ۱: مسئله ی ۱۸۱۱ یک مسئله ی بهینه سازی ترکیبیاتی ۲۰۰۰ سخت است. در این مسئله، تعدادی متغیر تصمیم عدد صحیح یا حقیقی به همراه چند محدودیت وجود دارند و یک تابع هدف برحسب متغیر های تصمیم داده می شود. هدف، پیدا نمودن مقادیری برای متغیر

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Mixed Integer Programming

های تصمیم است که در محدودیت ها صدق کنند و به ازای این مقادیر، مقدار تابع هدف، کمینه گردد. فرم ریاضی این مساله که در مرجع [۱] بررسی گردیده، به صورت رابطه ی (۱) می باشد.

$$min\{c(x,y): g_i(x,y) \le b_i \ , i = 1, ..., m, x \in \mathbb{R}^p_+, \in \mathbb{Z}^n_+\}$$

مسئله ی مسیر یابی و توزیع AGVها را می توان به فرم یک مسئله ی MIP بازنویسی نمود. در این مسئله، ورودی ها، تعدادی کانتینر می باشند که هر یک باید به AGVها تخصیص داده شوند و سپس به هر AGV یک مسیر با هدف کمینه نمودن زمان کل عملیات اختصاص داده می شود، به طوریکه هیچ AGVای با یکدیگر در حین حرکت و انجام عملیات تداخل نداشته باشد. این مسئله در دو حالت ایستا و پویا مورد بررسی قرار می گیرد.

رها سازی ادر بهینه سازی:

## **4\_** جمع بندی

در این فصل، مفاهیم پایه مرتبط با اتوماسیون بنادر و مدلسازی ریاضی، مورد بررسی قرار گرفت و به اجزای اساسی همچون QC و HP و انواع رهاسازی ها اشاره شد.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Relaxation

فصل ۳ بررسی رویکرد های موجود

#### ۱\_۳ مقدمه

در این فصل به تشریح انواع رویکرد ها جهت توزیع و زمان بندی خودرو های AGV پرداخته می شود. رویکرد ها به دو دسته ی کلی تقسیم شده اند. روش های بدون در نظر گرفتن تداخل و با تداخل.

### ۲\_۳ رویکرد بدون در نظر گرفتن تداخل

در رویکرد های پیش رو، تداخل AGV ها نظیر برخورد نکردن به هم از مقابل و یکسان نبودن مقصد در نظر گرفته نشده است.

فرض ننمودن تداخل باعث رهاسازی از محدودیت های زیادی شده و مساله ساده تر و تعداد محدودیت ها کاهش می یابند.

### ۲\_۲\_۳ روش سیمپلکس شبکه پیشرفته

رشیدی و همکاران (۲۰۱۱) در مرجع [۵] مسئلهی زمانبندی پویا و ایستای ۱۹۸۵ را به عنوان یک مدل کمترین جریان هزینه مطرح نمودند. در این مدل، تابع هدف سه جمله دارد :زمان سه فر ۱۹۵۸ در طی مسیر پایانه، زمان انتظار ۱۹۵۷ها در اسکله، و میزان تاخیر در انجام وظیفه. برای حل مدل، در این تحقیق ابتدا پیشرفتهایی بر روی الگوریتم سیمپلکس شبکه (۱۹۵۸) صورت گرفت و سپس یک الگوریتم جدید، به نام ۱۹۵۹ جهت حل مسائل ایستا پیشنهاد گردید. جهت تکمیل ۱۹۵۹ برای مسائل پویا، در پژوهش یک الگوریتم ناقص به نام جستجوی حریصانهی خوردوها (۱۹۵۶) ارائه گردید. برای ارزیابی فواید و اشکالات نسبی ۱۹۵۹ در مقایسه با ۱۹۷۶ این الگوریتمها برای مسائل زمانبندی پویای خودروهای خودران به کار گرفته شدند. نتایج پژوهش حاکی از کاهش زمان انتظار و انتقال در راستای افق، بود. با وجود دستیابی به جواب بهینه عمومی، زمان اجر برای مسائل پویا به دلیل ساخت دوباره ی گراف، زیاد می باشد .در این مساله، امکان برخورد ۱۹۵۷ها و ترافیک در راه ها بررسی نگردید.

### ۲\_۲\_۳ روش سیبپلکس شبکه پویا

جهت حل مشکل ساخت مجدد گراف در مقاله [a]، الگوریتم سیمپلکس شبکه ی پویا (DNSA) توسط رشیدی (۲۰۱۴) مطرح و برای زمان بندی AGV ها استفاده گردید. در این الگوریتم، گراف مورد نظر دوباره ساخته نشد و برخی کمان ها و پارامتر های جواب درختی پوشا به روز رسانی شدند. عملکرد روش

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Minimum Cost Flow

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Network Simplex

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Greedy Vehicle Search

پیشنهادی، برای مسائل زمان بندی پویا در بنادر بررسی شد. نتایج نشان دادند الگوریتم پیشنهادی به جواب بهینه عمومی می رسد و از +NSA عملکرد بهتری دارد. با این حال، در برخی از مسائل با ابعاد بالا، تعداد عملیات های مورد نیاز برای بروز رسانی درخت پوشا، زیاد است و به همین علت، نیاز به مدیریت حافظه می باشد. همچنین، پیکربندی بندر، به صورت مسیر های یک جهتی می باشد.

#### $^{\mathbf{T}}$ رویکرد های با در نظر گرفتن تداخل

در این بخش، به بررسی رویکردهای موجود پرداخته میشود که در آنها فرض بر این است که تداخلاتی در حرکت و عملیات وجود دارند.

### ۳\_۳\_۳ مدل دو سطحی با استفاده از الگوریتم ژنتیک

یانگ و همکاران (۲۰۱۸) در مقاله ی [۲] یک فرمول بندی از مدل دو سطحی برای مسئله زمان بندی یکپارچه AGVها کیها و جرثقیل های ریلی خودکار (ARMG) ارائه نمودند. سطح بالایی مربوط به زمان بندی یکپارچه ی AGVها می باشد و سطح پایینی، مربوط به مسیر یابی AGVها است. در مدل ارائه شده، جهت جلوگیری از ازدحام و ترافیک، محدودیتهایی برای کنترل تراکم AGVها در هر مسیر اتخاذ گردید. برای حل مدل، در هر سطح، یک الگوریتم ژنتیک مبتنی بر قاعده، مطرح شد. جهت بهبود سرعت عملیات، از ابزاری مشابه AGV-Support با هدف تحویل سریعتر کانتینرها به ASC استفاده شد. در این پژوهش، پیکربندی مسیر های AGV، به صورت جفت راه های یک طرفه می باشد. همچنین، به دلیل استفاده از الگوریتم ژنید می باشد.

در مرجع  $[\underline{y}]$  نوشته ی شوون و همکاران (۲۰۲۰)، با تاثیر از مقاله ی  $[\underline{y}]$ ، یک فرمول بندی بدون تداخل در مرجع  $[\underline{y}]$  نوشته ی شوون و همکاران بندی یکپارچه ی AGV یا و AGC و سطحی برای مسئله ی زمان بندی یکپارچه ی AGVها، محدودیت های زمان انتظار برای AGVها در نظر گرفته شدند. لایه ی بالایی مدل، مربوط به زمان بندی ماشین های AGV و AGC در بندر (کمینه نمودن بیشترین زمان عملیات) بوده و لایه ی زیرین مربوط به مسیر یابی AGV (کمینه کردن مسیر طی شده) می باشند. برای حل مدل، دو الگوریتم ژنتیک، با توجه به رویکرد انتخاب نسل های نخبه و عدم تداخل، جهت بهبود همگرایی و دقت جواب پیشنهاد گردید. پیکربندی مسیر های AGVها، به صورت تک مسیر های یک طرفه در نظر گرفته شد که به دلیل کم بودن تعداد مسیر های انتخابی AGV باعث کاهش کارایی بندر می شود.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Automatic Rail-Mounted Gantry

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Flite

#### ۳\_۳\_۳ مدل ترکیبی ژنتیک و ازدحام ذرات

در مقاله ی [۱] نوشته ی ژانگ و همکاران (۲۰۲۰)، دو مساله ی برنامه ریزی یکپارچه ی جرثقیل ها و میمه متعدد بدون تداخل مورد بررسی قرار گرفت. نویسندگان، مساله را به صورت مدل برنامه ریزی عدد صحیح ترکیبی با هدف کمینه نمودن تاخیر ۱۹۸۷ها، مدلسازی نمودند. این مدل بر پایه ی برنامه ریزی یکپارچه، مسیر بهینه و عدم تداخل خودروها میباشد. برای حل این مساله، محققین، یک الگوریتم ترکیبی بر پایه ی الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات با استفاده از منطق فازی، پیشنهاد نمودند. شبیه سازی پویای گرههای مسیری نشان داد که مدل پیشنهادی می تواند مسائل دارای تداخل و تراکم ۱۹۸۷ها را حل نماید و قابل استفاده در ترمینالهای کانتینری موجود می باشد. در این پژوهش، پیکربندی مسیر ۱۹۸۷ها به صورت یک طرفه بود و این عامل، مسیر های انتخابی ۱۹۵۸ را محدود می نماید.

**۳–۴** مقایسه روش ها در ادامه، جدول ۳–۱ خلاصه ای از روش های موجود را نمایش داده شده است.

جدول ۳-۱ خلاصه از مهم ترین پژوهش های مرتبط با زمان بندی AGVها

اشكالات	فوايد	توپولوژی مسیر	الگوريتم پيشنهادي	مسئله ی حل شده	نویسندگان (سال)
ساخت مجدد گراف در	الگوریتم به جواب بهینه	تک مسیر یک جهته	سيمپلكس شبكه پيشرفته	زمان بندی ایستا و پویا	رشیدی و همکاران
مسائل پویا، عدم بررسی	در صورت وجود، می		(NSA+)	AGVها در بنادر	(۲۰۱۱)
تداخل	رسد.				
زیاد شدن تعداد عملیات	سرعت بیشتر از NSA	تک مسیر یک جهته	سيمپلكس شبكه پويا	ارائه ی الگوریتمی کارا	رشیدی (۲۰۱۴)
های بروز رسانی و			(DNSA)	برای مسائل پویای	
مديريت حافظه، عدم				AGVھا	
بررسی تداخل					
امکان عدم همگرایی و	سرعت بالا در ارائه ی	جفت مسيره يک جهته	مدل دو سطحی و حل با	زمان بندی بدون تداخل	یانگ و همکاران (۲۰۱۸)
پیدا نمودن جواب بهینه	جواب، عدم تداخل		استفاده از الگوریتم	AGVها، QCها و	
موضعی، مسیرهای یک	AGVها از طریق محدود		ژنتیک	ARMGھا	
جهته	کردن تعداد AGVهای				
	مجاز در هر مسیر				
عدم بررسی مسیر های دو	همگرایی بیشتر الگوریتم	تک مسیره و یک جهته	بهبود مدل دو سطحی	زمان بندی یکپارجه بدون	شوون و همکاران (۲۰۲۰)
جهته جهت افزایش مسیر	ژنتیک بدلیل استفاده از		یانگ (۲۰۱۸) از طریق	تداخل AGVها، QCها و	
های انتخابی AGVها	رویکرد نسل های نخبه		ارائه ی دو الگوریتم	ASCھا	
			ژنتیک با انتخاب نسل		
			نخبه		
توپولوژی مسیر AGVها	سرعت همگرایی بالا به	تک مسیره و یک جهته	الگوريتم تركيبي ژنتيک و	برنامه ریزی بدون تداخل	ژانگ و همکاران (۲۰۲۰)
ساده و یک جهته می	دلیل ادغام GA و PSO،		ازدحام ذرات با استفاده از	AGVها و جرثقيل ها	
باشد.	وجود دو نوع کانتینر باری		منطق فازى	جهت كمينه نمودن تاخير	
	و تخلیه				

### ۵\_۳ خلاصه و جمع بندی

در این فصل به بررسی ادبیات پژوهش و مهم ترین پژوهش های انجام شده، با صرف نظر یا در نظر گرفتن تداخل خودرو ها، پرداخته شد. همانطور اشاره شد، این نتایج نشان می دهند که پیچیدگی مساله با علاوه بر اضافه نمودن فرض تداخل، به توپولوژی بنادر نیز بستگی دارد.

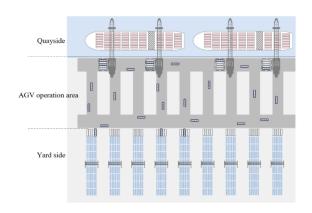
فصل ۴ روش پیشنهادی

#### ۱\_۴ مقدمه

#### $\Upsilon_{-}^{\gamma}$ فرضیات روش پیشنهادی

هدف این پژوهش، بررسی محدودیت ها و فرض های بیان شده در مسائل توزیع AGVها بدون تداخل می باشد و در تلاش است با تغییر برخی از این مفروضات، مسئله موجود را با رویکردی جدید، حل نماید. مفروضات این مسئله به شرح زیر است:

فرض ۱- طرح بندر: بندر شامل دو محدوده اصلی محوطه (محدوده دریایی) و بارانداز (محدوده خشکی)

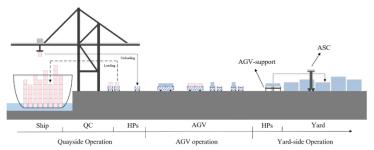


شکل ۴–۱ چینش بندر

است. مسیر حرکت AGVها در این محدوده ها، به صورت افقی میباشد. محدوده ی عملیات AGV فقط به صورت چندین راه عمودی دو طرفه می باشد. بندر دارای m جرثقیل QC با موقعیت مشخص است. پیکربندی بندر به صورت نقطه به نقطه ی عمومی می باشد. (شکل P)

فرض ۲- موقعیت جر ثقیل ها و AGVها: موقعیت جر ثقیل های QC و مکان ذخیره سازی هر کانتینر از پیش تعیین شده است. موقعیت اولیه ی AGVها در یک راس مجازی صفر، در نظر گرفته شده است.

فرض ۳- تجهیزات محل ذخیره سازی کانتینری: ابزار اصلی حمل کانتینر از فضا های ذخیره سازی، جرثقیل های AGV-Support در ابتدای محل ذخیره سازی قرار گرفته اند تا کانتینر AGV-Support و به ASCها منتقل کنند. (شکل ۴-۲



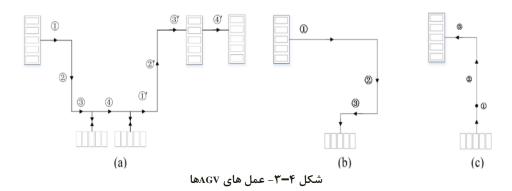
شکل ۴-۲ -عملیات AGV در در ترمینال

فرض ۴ – کار کانتینری: در این مسئله N کار کانتینری وجود دارد که متشکل از دو نوع بار زدن (از محدوده ذخیره سازی) می باشد.

فرض ۵- توالی کار جرثقیل ها: در مسئله، چرخه دوگانه ترکیبی ۱۹۵۰ در نظر گرفته شده است. به این صورت که ۱۹۵۵ هیچ گاه به موقعیت اولیه خود پس از قراردادن (یا برداشتن) کانتینر باز نمی گردند و بلافاصله شروع به قراردادن (یا برداشتن) کانتینر از روی AGV دیگر، می نمایند.

فرض ۶- ظرفیت ها: ظرفیت هر QC و هر AGV یک کانتینر است.

فرض ۷- قواعد حرکت AGV نمی تواند چندین بار محدوده ی دریا و خشکی گردش به راست یا



چپ کند. \$ عمل اصلی یک برای AGV فرض گردیده است. (شکل \$-\$) که عمل های ۱ و \$و \$، مربوط به زمانی است که AGV حاوی بار است و عمل \$، هنگامی رخ می دهد که \$AGV بدون بار حرکت کند.

فرض ۸ - رویداد ها: تداخل بین AGVها در سه حالت کلی رخ می دهد:

اگر دو AGV در مسیر افقی در خلاف جهت، به سوی یک نقطه مشترک حرکت کنند.

اگر یک QC در حال انجام عملیات در مکان x باشد و یک AGV دیگر با عمل ۱، جهت بار زدن (یا تخلیه) وارد مکان x شود.

اگر دو AGV در مسیر عمودی، در خلاف جهت هم به سوی یک نقطه مشترک حرکت کنند.

فرضا ۹- سرعت AGVها: سرعت AGVها ثابت در نظر گرفته شده اند.

فرض ۱۰- زمان کل عملیات<sup>۱</sup>: منظور از زمان کل، زمان انجام و اتمام آخرین کار کانتینری می باشد.

فرض 11 – هدف مسئله: در این مسئله مسیریابی، تخصیص کار های کانتینری و تولید ترتیب این کارها برای هر AGV با هدف کمینه نمودن زمان کل عملیات است. جهت کمینه نمودن زمان عملیات کل کانتینر ها، پنج وظیفه باید اتخاذ شوند:

تخصیص کار کانتینری به AGV

ترتیب عملیات های AGV

مسیر حرکت AGV

ترتیب کانتینر ها برای AGVها

زمان عملیات در محدوده ی محوطه و بارانداز

### مدلسازی مساله $^{4}$

مساله مورد بحث، به شکل یک مساله ی عدد صحیح مختلط می باشد. چهار رکن اصلی مساله ی بهینه سـازی، پارامترها، مجموعه ها، متغیر های تصـمیم و محدودیت های مسـاله می باشـند. این محدودیت ها از ماهیت مساله ی مدلسازی شده ناشی می شوند.

الف) پارامتر های مساله به شرح زیر می باشند:

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Makespan

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> constraints

جدول ۴–۱ پارامتر های مساله

پارامتر	شرح پارامتر
m	اندیس جرثقیل QC
( <b>m</b> , <b>i</b> )	m اندیس کانتینر، به معنی $-\mathrm{i}$ امین کار $\mathrm{QC}^1$ شماره
$(\mathbf{m},\mathbf{i}_{\mathbf{d}})$	m اندیس آخرین کار کانتینری روی جرثقیل $\operatorname{QC}$ شماره
l	اندیس AGV
$(\mathbf{m}, \mathbf{i}, \boldsymbol{\alpha})$	$lpha \in \{1,2,3,4\}$ امین عمل کانتینر (m,i) امین املا $lpha$
M	عدد مثبت بزرگ
$v^{\scriptscriptstyle AGV}$	سرعت AGV ها که یکنواخت در نظر گرفته شده است.
$G^Q_{(m,i)}$	$(m,i)$ زمان مورد نیاز برای یک $\operatorname{QC}$ برای جابجایی کانتینر
$G_{(m,i)}^{Y}$	رمان مورد نیاز برای یک $\mathrm{AGV}$ برای گذاشــتن (برداشــتن) کانتینر $(m,i)$ بر (از) روی
	AGV-Support
$O_{(m,i)}$	$O_{(m,i)} \in X^R$ مسیر عمودی برای یک QC جهت جابجایی کانتینر (m, $i$ ) به طوریکه
$A_{(m,i)}^L$	سمت چپترین مسیر عمودی بلوکی که کانتینر (m,i) را ذخیره کرده است.
$A^R_{(m,i)}$	سمت راست ترین مسیر عمودی بلوکی که کانتینر (m,i) را ذخیره کرده است
$S^Q_{(m,i)(m,i+1)}$	(m,i+1) به $(m,i)$ جهت تعویض $(m,i+1)$ از کانتینر

مجموعه های مساله به شرح زیر می باشند:

جدول ۴-۲ مجموعه های مساله

مجموعه	شرح مجموعه
В	مجموعه ی AGVها
L	مجموعه ی کانتینر های بارگذاری <sup>۳</sup>
D	مجموعه ی کانتینر های تخلیه <sup>۴</sup>
$C = D \cup L$	مجموعه ی تمامی کانتینر ها
$W^V$	$W^V=\{(m,i,lpha) (m,i)\in {\it C},lpha\in\{2\}\}$ مجموعه اعمال عمودی AGVها $^{\vartriangle}$ که $lpha$
$W^H$	$W^V=\{(m,i,lpha) (m,i)\in\mathcal{C},lpha\in\{1,3,4\}\}$ مجموعه اعمال افقی AGVها گه
$W^T = W^V \cup W^H$	مجموعه تمامی اعمال AGVها.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> QC Operation

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Switch

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Loading

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Unloading <sup>5</sup> AGV Vertical Actions

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> AGV Horizontal Actions

$X^R$	$X^R = \{1,2,,x_R\}$ مجموعه ی مسیر $^{\prime}$ های عمودی محدوده ی عملیات
$Y^R$	$Y^R = \{1,2,,x_R\}$ مجموعه ی مسیر $^{m}$ های افقی محدوده ی عملیات AGV که
YS	مجموعه ی مسیرهای افقی در محدوده عملیاتی دریایی <sup>†</sup> به طوریکه
$V^L$	$Y^{S} = \{y_{r+1}, y_{r+1} + 1, \dots, y_{R}\}$
_	$Y^L = \{1,2,\ldots,y_r\}$ مجموعه ی راه های افقی برای
$\boldsymbol{\psi_1} \cup \boldsymbol{\psi_2}$	مجموعه ای از جفت کانتینر های $(m,i,n,j)$ به طوریکه $(m,i)$ باید قبل $(n,j)$ باشـــد.
	در اینجا $\psi_1$ عملیات $\mathrm{QC}$ ها و $\psi_2$ عملیات ASCها می باشد

متغیر های تصمیم  $^{0}$  مساله به شرح زیر می باشند:

جدول ۴-۳متغیر های تصمیم

متغير	شرح متغير	دامنه
$Z_{(m,i)(n,j),l}=1$	AGVانجینر $(n,j)$ بلافاصله پس از کانتینر $(m,i)$ انجام شود و هر دو به	دودویی
	شماره $l$ تخصیص داده شوند.	
$U^{AGV}_{(m,i,\alpha_1)(n,j,\alpha_2)}$	اگر عمل $(m,i,lpha_1)$ قبل از $(n,j,lpha_2)$ انجام شود	دودویی
= 1		
$U_{(m,i)(n,j,\alpha_2)}^{QC}=1$	اگر جابهجایی کانتینر با $\operatorname{QC}$ و عمل افقی $(n,j,lpha_2)$ همزمان انجام شوند	دودویی
$P_{(m,i,\alpha),x}^X=1$	اگر موقعیت پایانی عمل $(m,i,lpha)$ بر روی مسیر عمودی $x$ باشد	دودویی
$P_{(m,i,\alpha),y}^{Y}=1$	اگر موقعیت پایانی عمل $(m,i,lpha)$ بر روی مسیر افقی $y$ باشد	دودویی
$P_{(m,i,0),x}^X=1$	اگر موقعیت آغازی عمل $(m,i,lpha)$ بر روی مسیر عمودی $x$ باشد	دودویی
$P_{(m,i,0),y}^Y=1$	اگر موقعیت اَغازی عمل $(m,i,lpha)$ بر روی مسیر عمودی $x$ باشد.	دودویی
$T^Q_{(m,i)}$	$\operatorname{QC}$ زمان آغازی برای جابهجایی کانتینر ( $m,i$ ) توسط	حقيقى
$T_{(m,i)}^{Y}$	AGV- (وی (از روی) برای قرار دادن (برداشتن) کانتینر ( $m,i$ ) بر روی (از روی)	حقيقي
	AGV توسط $Support$	
$T^{Start}_{(m,i,lpha)}$	AGV نوسط $(m,i)$ توسط کانتینر زمان آغازی برای شروع کانتینر	حقيقى

متغیر های واسطه  $^{8}$  مدل به شرح زیر هستند:

جدول ۴-۴متغیر های تصمیم واسطه

دامنه	شرح متغير	متغير
-------	-----------	-------

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Paths

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Operation Area

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Paths

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> AGV seaside operation area

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Decision Variables

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Intermediate Variables

حقيقى	زمان مورد نیاز یک $AGV$ جهت انتقال از محل پایان عملیات $(m,i,lpha_1)$ به محل	$t_{(m,i,\alpha_1)(n,j,\alpha_2)}^{AGV}$
	$P^X_{(m,i,lpha),x}$ و وایان عملیات دیگر $(n,j,lpha_2)$ . این متغیر می تواند توسط متغیر های	
	محاسبه گردد. (که سرعت $AGV$ را نشان می دهد.) $P^Y_{(m,i,lpha),y}$	
صحيح	مسیر عمودی که محل پایان عملیات $(m,\ i,\ lpha)$ در آن قرار دارد.	$X_{(m,i,lpha)}^{position}$
صحيح	مسیر افقی که محل پایان عملیات $(m,\ i,\ lpha)$ در آن قرار دارد	$Y_{(m,i,\alpha)}^{position}$

مدل ریاضیاتی مساله به صورت (۱) است. در این مدل، هدف کمینه نمودن زمان کل عملیات می مدل ریاضیاتی مساله به صورت (۱) است. در این مدل، هدف کمینه نمودن زمان کل عملیات QC باشد. این زمان، برابر است با طولانی ترین کار کانتینری. اگر آخرین کار کانتینری جرثقیل  $T_{(m,i_d)}^Y + G_{(m,i_d)}^Q + G_{(m,i_d)}^Q + G_{(m,i_d)}^Q$  یک کار بارگذاری باشدو برابر با  $T_{(m,i_d)}^Q + G_{(m,i_d)}^Q + G_{(m,i_d)}^Q$  خواهد بودو در غیر اینصورت برابر با راتی باشدو برابر با راتی کار بارگذاری باشدو برابر با راتی کار بارگذاری باشدو برابر با راتی کار بارگذاری باشد برابر با راتی کار بارگذاری باشد برابر با راتی کار بارگذاری باشدو برابر با راتی کار بارگذاری باشد با راتی کار بارگذاری باشد برابر با راتی کار بارگذاری باشد برابر با راتی کار بارگذاری باشد با راتی کار بارگذاری بارگذاری با راتی کار بارگذاری بارگذاری بارگذاری بارگذاری بارگذاری کار بارگذاری کار بارگذاری بارگذا

[ADRP model] Min: 
$$\max_{m} \left\{ T_{(m,i_d)}^Q + G_{(m,i_d)}^Q, T_{(m,i_d)}^Y + G_{(m,i_d)}^Y \right\}$$
 (1)

### $*_{-}^{*}$ محدودیت های مساله

با توجه به فرضیه ها، محدودیت های مساله به ۵ دسته ی کلی تقسیم می شوند:

### $^*-^*$ دسته ی اول: محدودیت های تخصیص وظیفه کانتینری:

محدودیتهای تخصیص وظیفهی کانتینری مشخص میکنند که کدام کانتینر توسط AGV حمل می شخص می شدود و ترتیب حمل کانتینرها توسط AGV چگونه است؛ همچنین اطمینان می دهند که مدل چرخه زنی دوگانه ی جرثقیلهای دروازهای (QC) به کار گرفته شده است. محدودیت (۲) تضمین می کند. که هر کانتینر توسط یک AGV پردازش شود، که در اینجا به عنوان یک گره مجازی عمل می کند. محدودیت (۳) پیوستگی عملیات AGV ها را تضمین می کند، به این معنی که هر کانتینر برای عملیات خود را کی چیشرو یا یک جانشین دارد. محدودیت (۴) تضمین می کند که هر AGV باید عملیات خود را از گره مجازی آغاز کند. محدودیت (۵) تضمین می کند که هر AGV باید عملیات خود را در گره مجازی برساند. محدودیتهای (۶) و (۷)

$$\sum_{l \in B} \sum_{(n,j) \in C \bigcup \{0\}} Z_{(m,i)(n,j),l} = 1, \forall (m,i) \in C \tag{\ref{total_$$

$$\sum_{(n,j)\in C\cup\{0\}} Z_{(n,j)(m,i),l} = \sum_{(h,k)\in C\cup\{0\}} Z_{(m,i)(h,k),l} \quad \forall (m,i)\in C, \, \forall l\in B$$
 (7)

$$\sum_{(m,i)\in C} Z_{0,(m,i),l} = 1, \forall l \in B$$

۲٧

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Makespan

$$\sum_{(m,i)\in C} Z_{(m,i),0,l} = 1, \forall l \in B$$

$$\sum_{l \in B} \sum_{(n,i) \in D \cup \{0\}} Z_{(m,i)(n,j),l} = 1, \forall (m,i) \in L$$
 (9)

$$\sum_{l \in B} \sum_{(n,j) \in L \cup \{0\}} Z_{(m,i)(n,j),l} = 1, \forall (m,i) \in D$$
(Y)

#### $^4$ مال $^4$ ها کوم: محدودیت های موقعیتی اعمال $^4$ ها

محدودیتهای مکانی اعمال AGV، مکان AGV را در هنگام حملونقل مشخص می کنند. در این مدل، مکانهای ذخیرهسازی کانتینرها مشخص است؛ بنابراین، مسیر عمودی محل عملیات جرثقیل (QC) برای هر کانتینر از پیش تعیین شده و همچنین محدوده ی مسیر عمودی مکان عملیات خشکی هر کانتینر نیز شناخته شده است. مکان شروع کانتینر تخلیه برای حملونقل AGV در سمت ساحل و مکان پایان آن در سسمت محوطه انبار است. کانتینر بارگیری به صورت معکوس عمل می کند، یعنی مکان شروع آن در محوطه انبار و مکان پایان آن در سسمت ساحل است که نشان می دهد محدودیتهای مکانی برای کانتینرهای بارگیری و تخلیه متفاوت هستند. محدودیتهای مکانی اعمال AGV به صورت زیر توضیح کانتینرهای بارگیری و تخلیه متفاوت هستند. محدودیتهای مکانی اعمال AGV به صورت زیر توضیح داده می شوند:

$$P^{X}_{(m,i,4),x} = P^{X}_{(n,j,0),x}, \sum_{l \in B} Z_{(m,i)(n,j),l} = 1, \forall (m,i), (n,j) \in C, \forall x \in X^{\mathbb{R}} \tag{$\Lambda$ } )$$

$$P^{Y}_{(m,i,4),y} = P^{Y}_{(n,j,0),y}, \sum_{l \in B} Z_{(m,i)(n,j),l} = 1, \forall (m,i), (n,j) \in C, \forall y \in Y^{\mathbb{R}} \tag{4}$$

$$\sum_{x \in Y_n^R} P_{(m,i,\alpha),x}^X = 1, \forall (m,i) \in C, \forall \alpha \in \{0,1,2,3,4\}$$
 (1•)

$$\sum_{x \in V^{R}} P_{(m,i,\alpha),y}^{Y} = 1, \forall (m,i) \in C, \forall \alpha \in \{0,1,2,3,4\}$$
 (W)

$$\sum_{y \in Y^L} P^Y_{(m,i,0),y} = 1, \forall (m,i) \in L \tag{1Y}$$

$$\sum_{y \in Y^S} P^Y_{(m,i,0),y} = 1, \forall (m,i) \in D \tag{W}$$

$$P_{(m,i,0),O_{(m,i)}}^{X} = 1, \forall (m,i) \in D$$
 (14)

$$\sum_{x=A_{(m,i)}^L}^{A_{(m,i)}^R} P_{(m,i,0),x}^X = 1, orall (m,i) \in L$$
 (1 $\Delta$  )

$$\sum_{y \in Y^L} P^Y_{(m,i,3),y} = 1, \forall (m,i) \in D \tag{19}$$

$$\sum_{y \in Y^S} P^Y_{(m,i,3),y} = 1, \forall (m,i) \in L \tag{W}$$

$$P^X_{(m,i,3),O_{(m,i)}}=1, orall (m,i)\in L$$

$$\sum_{x=A_{(m,i)}^L}^{A_{(m,i)}^R} P_{(m,i,3),x}^X = 1, \forall (m,i) \in D \tag{19}$$

$$P_{(m,i,\alpha),y}^Y = P_{(m,i,\alpha-1),y}^Y, \forall (m,i,\alpha) \in W^H, \forall y \in Y^R$$
 (  $\Upsilon \bullet$  )

$$P^X_{(m,i,\alpha),x} = P^X_{(m,i,\alpha-1),x}, \forall (m,i,\alpha) \in W^V, \forall y \in X^{\mathrm{R}}$$

- محدودیتهای ( ۸ ) و ( ۹ )بیان می کنند که اگر کانتینر (m,i) وظیفه ی پیشین (n,j) باشید که توسط همان AGV حمل می شود، مکان پایان (m,i) باید با مکان شروع (n,j) یکسان باشید. محدودیت ( ۸ ) مربوط به مسیر عمودی و محدودیت ( ۹ )مربوط به مسیر افقی است.
- محدودیتهای ( ۱۰ ) و ( ۱۱ ) تضمین می کنند که برای هر عمل AGV تنها یک مکان مشخص باشد، از جمله مکان شروع عمل (m,i,1) و مکانهای پایان اعمال (m,i,1) تا (m,i,4)
- محدودیت ( ۱۲ ) نشان میدهد که مسیر افقی شروع کانتینر بارگیری در ناحیه عملیات خشکی AGVاست.
- محدودیت ( ۱۳ ) نشان میدهد که مسیر افقی شروع کانتینر تخلیه در ناحیه عملیات ساحلی AGV
- محدودیت ( ۱۴ ) نشـان میدهد که مسـیر عمودی شـروع کانتینر تخلیه، مسـیر عمودی مکان عملیات QC است.
- محدودیت ( ۱۵ ) نشان می دهد که مسیر عمودی شروع کانتینر بارگیری، مسیر عمودی مربوط به بلوکی است که کانتینر (m,i) در آن ذخیره شده است.
- محدودیت (۱۶) نشان میدهد که مسیر افقی پایان کانتینر تخلیه در ناحیه عملیات خشکی AGVاست.
- محدودیت ( ۱۷ )نشان میدهد که مسیر افقی پایان کانتینر بارگیری در ناحیه عملیات ساحلی AGVاست.

- محدودیت ( ۱۸ ) نشان میدهد که مسیر عمودی پایان کانتینر بارگیری، مسیر عمودی مکان عملات QC است.
- محدودیت ( ۱۹ ) نشان میدهد که مسیر عمودی پایان کانتینر تخلیه، مسیر عمودی مربوط به بلوکی است که کانتینر (m,i) در آن ذخیره شده است.
- محدودیتهای ( ۲۰ ) و ( ۲۱ ) پیوستگی مکانی حملونقل AGV را تضمین می کنند. محدودیت ( ۲۰ ) تضمین می کند که مکان شروع و مکان پایان یک عمل افقی روی همان مسیر افقی باشد. محدودیت ( ۲۱ ) تضمین می کند که مکان شروع و مکان پایان یک عمل عمودی روی همان مسیر عمودی باشد.

این محدودیتها اطمینان میدهند که اعمال AGV در مکانهای صحیح و مطابق با ترتیب مورد نیاز انجام میشود.

### $^*-^*$ دسته ی سوم: محدودیت های مربوط به تداخل $^*$ ها:

این محدودیت ها با توجه به اعمال AGVها، به چهار دسته ی کلی تقسیم می شوند:

$$U^{\text{AGV}}_{(m,i,4)(n,j,1)} \geq \sum_{l \in B} Z_{(m,i)(m,j),l} \quad , \forall (m,i), (n,j) \in C \tag{\Upsilon\Upsilon}$$

$$U_{(m,i,\alpha_{1})(n,j,\alpha_{2})}^{\text{AGV}} + U_{(n,j,\alpha_{2})(m,i,\alpha_{1})}^{\text{AGV}} + 3 - P_{(m,i,\alpha_{1}),y}^{Y} - P_{(n,j,\alpha_{2}),y}^{Y} - \sum_{x=1}^{x'} \left( P_{(m,i,\alpha_{1}-1),x}^{X} + P_{(n,j,\alpha_{2}),x}^{X} - P_{(m,i,\alpha_{1}),x}^{X} - P_{(n,j,\alpha_{2}-1),x}^{X} \right) \geq 0, \quad \text{(TT)}$$

$$T_{(m,i)}^Q + G_{(m,i)}^Q + M \left(1 - U_{(m,i)(n,j,\alpha)}^{\mathrm{QC}}\right) \ge T_{(n,j,\alpha)}^{\mathrm{Start}}, \forall (m,i) \in C, \forall (n,j,\alpha) \in W^H \tag{\ref{eq:Tf.1}}$$

$$T_{(n,j,\alpha)}^{\mathrm{Start}} + t_{(n,j,\alpha-1)(n,j,\alpha)}^{\mathrm{AGV}} + M \left(1 - U_{(m,i)(n,j,\alpha)}^{\mathrm{QC}}\right) \geq T_{(m,i)}^{Q}, \ \forall (m,i) \in C, \forall (n,j,\alpha) \in W^{H} \tag{$\Upsilon \Delta$ }$$

$$\left(3 - U_{(m,i)(n,j,\alpha_2)}^{\mathrm{QC}} - P_{(m,i,\alpha_1),y}^Y - P_{(n,j,\alpha_2),y}^Y + \left| \sum_{x=1}^{O_{(m,i)}} P_{(n,j,\alpha_2),x}^X - \sum_{x=O_{(m,i)+1}}^{x_R} P_{(n,j,\alpha_2-1),x}^X \right| \right) M + T_{(n,j,\alpha_2)}^{\mathrm{Start}} + t_{(n,j,\alpha_2-1)(m,i,\alpha_1)}^{\mathrm{AGV}} \geq T_{(m,i)}^Q + G_{(m,i)}^Q,$$

$$\forall (n,j,\alpha_2) \in W^H, \forall y \in Y^S, \forall (m,i) \in D, \forall \alpha_1 \in \{0\} or \forall (m,i) \in L, \forall \alpha_1 \in \{3\}$$

$$U_{(m,i,\alpha_1)(n,j,\alpha_2)}^{\rm AGV} + U_{(n,j,\alpha_2)(m,i,\alpha_1)}^{\rm AGV} \geq P_{(m,i,\alpha_1),x}^X + P_{(n,j,\alpha_2),x}^X - 1, \ \forall (m,i,\alpha_1), (n,j,\alpha_2) \in W^V, \forall x \in X^R$$
 (  $\Upsilon \Upsilon$  )

$$U^{\mathrm{AGV}}_{(m,i,\alpha-1)}=1, \ \forall (m,i)\in C, \forall \alpha\in\{2,3,4\}$$

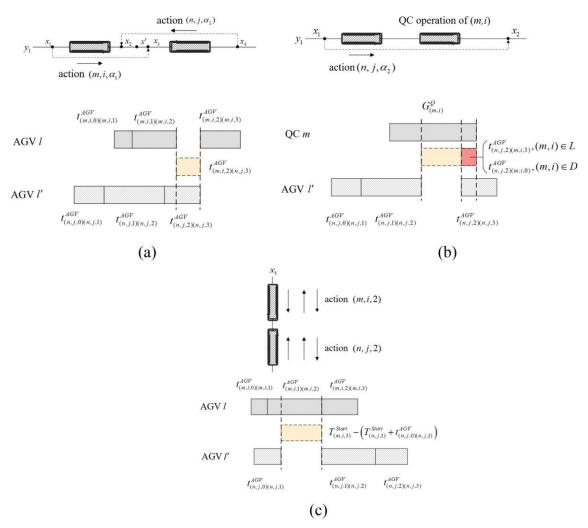
ا. معدودیت ترتیب زمانی بین اقدامات کانتینرها را تنظیم میکند. اگر کانتینر (m,i) به عنوان کار قبلی کانتینر (m,i) تعریف شده باشد، اقدام پایانی (m,i) باید قبل از شروع اقدام (m,i) انجام شود. این معدودیت به منظور اطمینان از ترتیب صعیح و کارآمد عملیات طراحی شده است و از همپوشانی زمانی ناخواسته میان عملیات جلوگیری میکند.

7. محدودیتهای جلوگیری از تداخل جهت مخالف در مسیر افقی: این محدودیتها (محدودیت (  $^{7}$  ۲۳ )) از تداخلات در مسیر افقی مشترک جلوگیری می کنند که به دلیل حرکت  $^{7}$  ها در جهتهای مخالف ممکن است رخ دهد. اگر دو  $^{7}$  AGV در همان مسیر افقی حرکت کنند اما در جهتهای مخالف باشند، محدودیت (  $^{7}$  ) اعمال می شود. این وضعیت شکل  $^{7}$  ( $^{8}$  ) نشان داده است.

۳. محدودیتهای جلوگیری از تداخل بین عملیات اسکله و جابجایی افقی AGV :محدودیتهای AGV مسیر AGV تا ( YV ) به تداخل میان عملیات QC (جرثقیل اسکله) و جابجایی افقی AGV در همان مسیر افقی AGV در این محدودیتها در ناحیه عملیاتی ساحلی اعمال می شوند، جایی که یک AGV باید منتظر اتمام عملیات QC مربوط به QC دیگری باشد. متغیر  $U^{QC}_{(m,i),(n,j,\alpha)}$  که در این محدودیتها استفاده می شود، رابطه زمانی بین عملیات QC و QC را نشان می دهد.

۴. محدودیتهای جلوگیری از تداخل در مسیر عمودی: این محدودیتها (محدودیت (  $\Upsilon\Upsilon$  )) از تداخل در مسیرهای عمودی جلوگیری می کنند و مانع از حضور همزمان دو AGV مختلف در یک مسیر عمودی مشترک می شوند. این وضعیت به طور مثال در شکل  $\Upsilon$  مورد ( $\Upsilon$ )نمایش داده شده است، که دو  $\Upsilon$  در همان مسیر عمودی با یکدیگر تداخل دارند و یکی از  $\Upsilon$  ها باید منتظر بماند تا دیگری مسیر را تخلیه کند.

در پایان، محدودیت ( ۲۸ ) ترتیب عملیات مربوط به هر کانتینر را تضمین می کند، به طوری که AGV ها بدون تداخل به صورت هماهنگ و کارآمد حرکت کنند. این محدودیتها به گونهای طراحی شدهاند که بهرهوری و هماهنگی عملیات بنادر را بهبود بخشند.



### شکل ۴-۴ مثالی از تداخل AGVها

# ۴\_۴ دسته ی چهارم: محدودیت های مربوط به زمان

این محدودیتها روابط زمانی بین جرثقیل اسکله (QC) و AGV را برای جابجایی کانتینرها تضمین می کنند:

$$T_{(m,i+1)}^Q \geq T_{(m,i)}^Q + G_{(m,i)}^Q + S_{(m,i)(m,i+1)}^Q, \forall (m,i), (m,i+1) \in C \tag{\textbf{79}}$$

$$T_{(n,j)}^Q \ge T_{(m,i)}^Q + G_{(m,i)}^Q, \forall (m,i,n,j) \in \psi_1$$
 (7.)

$$T_{(n,j)}^Y \ge T_{(m,i)}^Y + G_{(m,i)}^Y, \forall (m,i,n,j) \in \psi_2$$
 (71)

$$T_{(m,i)}^{Y} \ge T_{(m,i,3)}^{\text{Start}} + t_{(m,i,2)(m,i,3)}^{\text{AGV}}, \forall (m,i) \in D \tag{\ref{eq:total_tot$$

$$T_{(m,i)}^Q \geq T_{(m,i,3)}^{\mathrm{Start}} + t_{(m,i,2)(m,i,3)}^{\mathrm{AGV}}, \forall (m,i) \in L \tag{\ref{eq:Total_property}}$$

$$T_{(n,j)}^Y + M\left(1 - \sum_{l \in B} Z_{(m,i)(n,j),l}\right) \ge T^{\operatorname{Start}} + t_{(m,i,3)(m,i,4)}^{\operatorname{AGV}}, \forall (m,i) \in D, \forall (n,j) \in L \tag{\ref{eq:target}}$$

$$T_{(n,j)}^Q + M \Big(1 - \sum_{l \in B} Z_{(m,i)(n,j),l} \Big) \geq T^{\operatorname{Start}} + t_{(m,i,3)(m,i,4)}^{\operatorname{AGV}}, \forall (m,i) \in D, \forall (n,j) \in D \tag{$\Upsilon \Delta$ } )$$

$$T_{(m,i,\alpha)}^{\text{Start}} \geq T_{(m,i)}^Y + G_{(m,i)}^Y, \ \forall (m,i) \in D, \alpha \in \{4\} \quad or \ \forall (m,i) \in L, \ \alpha \in \{1\}$$

$$T_{(m,i,\alpha)}^{\mathrm{Start}} \geq T_{(m,i)}^Q + G_{(m,i)}^Q, \ \forall (m,i) \in D, \alpha \in \{1\} \quad or \ \forall (m,i) \in L, \ \alpha \in \{4\}$$

$$T_{(n,j,\alpha_2)}^{\mathrm{Start}} + M \Big( 1 - U_{(m,i,\alpha_1)(n,j,\alpha_2)}^{\mathrm{AGV}} \Big) \geq T_{(m,i,\alpha_1)}^{\mathrm{Start}} + t_{(m,i,\alpha_1-1)(m,i,\alpha_1)}^{\mathrm{AGV}}, \ \forall (m,i,\alpha_1), (n,j,\alpha_2) \in W^T$$

$$X_{(m,i,\alpha)}^{\text{position}} = x, P_{(m,i,\alpha),x}^X = 1, \forall (m,i) \in C, \forall \alpha \in \{0,1,2,3,4\}, \forall x \in X^R \tag{\P9}$$

$$Y_{(m,i,\alpha)}^{\text{position}} = y, P_{(m,i,\alpha),y}^{Y} = 1, \forall (m,i) \in C, \forall \alpha \in \{0,1,2,3,4\}, \forall y \in Y^{R}$$
 (f.)

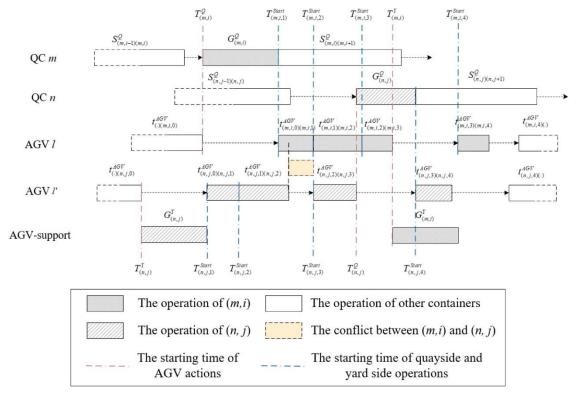
$$t_{(m,i,\alpha_1)(n,j,\alpha_2)}^{\text{AGV}} = \left( \left| X_{(m,i,\alpha_1)}^{\text{position}} - X_{(n,j,\alpha_2)}^{\text{position}} \right| + \left| Y_{(m,i,\alpha_1)}^{\text{position}} - Y_{(n,j,\alpha_2)}^{\text{position}} \right| \right) \middle/ v^{\text{AGV}}, \forall (m,i), (n,j) \in C, \forall \alpha_1,\alpha_2 \in \{0,1,2,3,4\}$$

محدودیت ۲۹: این محدودیت روابط زمانی عملیات QC را تضمین می کند.

- محدودیتهای ۳۰، ۳۱، و ۳۴ تا ۳۶ :این محدودیتها روابط زمانی AGV را برای جابجایی یک کانتینر تنظیم می کنند.
- محدودیتهای ۳۲ و ۳۳ :این محدودیتها روابط زمانی AGV را برای جابجایی دو کانتینر متوالى تضمين مى كنند.

نمودار گنت ۱ شکل ۴–۵ روابط زمانی بین متغیرها را نشان میدهد که میتوان از آن برای درک بهتر محدودیتهای زمانی استفاده کرد. در این شکل، (m,i) بهعنوان یک کانتینر تخلیه شده و (n,j) بهعنوان یک کانتینر بارگیریشده نشان داده شدهاند.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Gant Chart



شکل ۴-۵ نمونه ای نمودار گنت دو AGV

## توضیحات محدودیتها به شرح زیر است:

- محدودیت ۲۹: تضمین می کند که عملیات اسکله طبق توالی کاری داده شده برای هر QC انجام می شود.
  - محدودیت ۳۰: ترتیب بارگیری و تخلیه کانتینرها را برای عملیات QC تضمین می کند.
    - محدودیت ۳۱ :توالی کانتینرها را در محوطه برای عملیات ASC تنظیم می کند.
- محدودیتهای ۳۲ و ۳۶: حداقل فاصله زمانی بین عملیات محوطه و اقدام AGV برای حمل یک کانتینر را تضمین می کنند.
- محدودیتهای ۳۳ و ۳۷ :حداقل فاصله زمانی بین عملیات اسکله و اقدام AGV برای حمل یک کانتینر را تضمین می کنند.
- محدودیتهای ۳۴ و ۳۵: حداقل فاصله زمانی بین اقدام AGV و عملیات اسکله (یا محوطه) را برای حمل دو کانتینر متوالی تضمین می کنند.

۴۱ ت ۳۹ فاصله زمانی حداقل بین دو اقدام متوالی را تنظیم می کند و محدودیتهای ۹۹ تا ۴۱ رابطه بین متغیرهای میانی و متغیرهای تصمیم گیری را مدل می کنند، که این متغیرها به منظور ارتباط متغیر های  $P_{(m,i\alpha),y}^{Y}$  و ستفاده می شوند.

### دسته ی پنجم محدودیت های دامنه ی متغیر های تصمیم $^{4}$

محدودیت های ۴۲-۴۶، نامنفی بودن و دودویی بودن متغیر ها را تضمین می نمایند.

$$Z_{(m,i)(n,j),l} \in \{0,1\}, \forall (m,i), (n,j) \in C, \forall l \in B$$
 (FT)

$$U_{(m,i,\alpha_1)(n,j,\alpha_2)}^{\text{AGV}} \in \{0,1\}, \forall (m,i,\alpha_1)(n,j,\alpha_2) \in W^T$$
(FT)

$$U^{\text{QC}}_{(m,i)(n,j,\alpha)} \in \{0,1\}, \forall (m,i) \in C, (n,j,\alpha) \in W^H$$
 (ff)

$$P^{X}_{(m,i,\alpha),x}, P^{Y}_{(m,i,\alpha),y} \in \{0,1\}, \forall (m,i) \in C, \forall \alpha \in \{0,1,2,3,4\}, \forall x \in X^R, \forall y \in Y^R \tag{$\$$$ ($\$$$)}$$

$$T_{(m,i)}^Q, T_{(m,i)}^Y, T_{(m,i,\alpha)}^{\text{Start}} \ge 0, \forall (m,i) \in C, \forall \alpha \in \{1,2,3,4\}$$
 (ff)

<sup>4</sup>\_4 چارچوب روش پیشنهادی

۶\_۴ شرح جزئیات داخل چارچوب

۲\_۴ خلاصه و جمع بندی

فصل ۵ ارزیابی روش پیشنهادی

۵\_۱ مقدمه

**۷\_۵** داده های مورد آزمایش

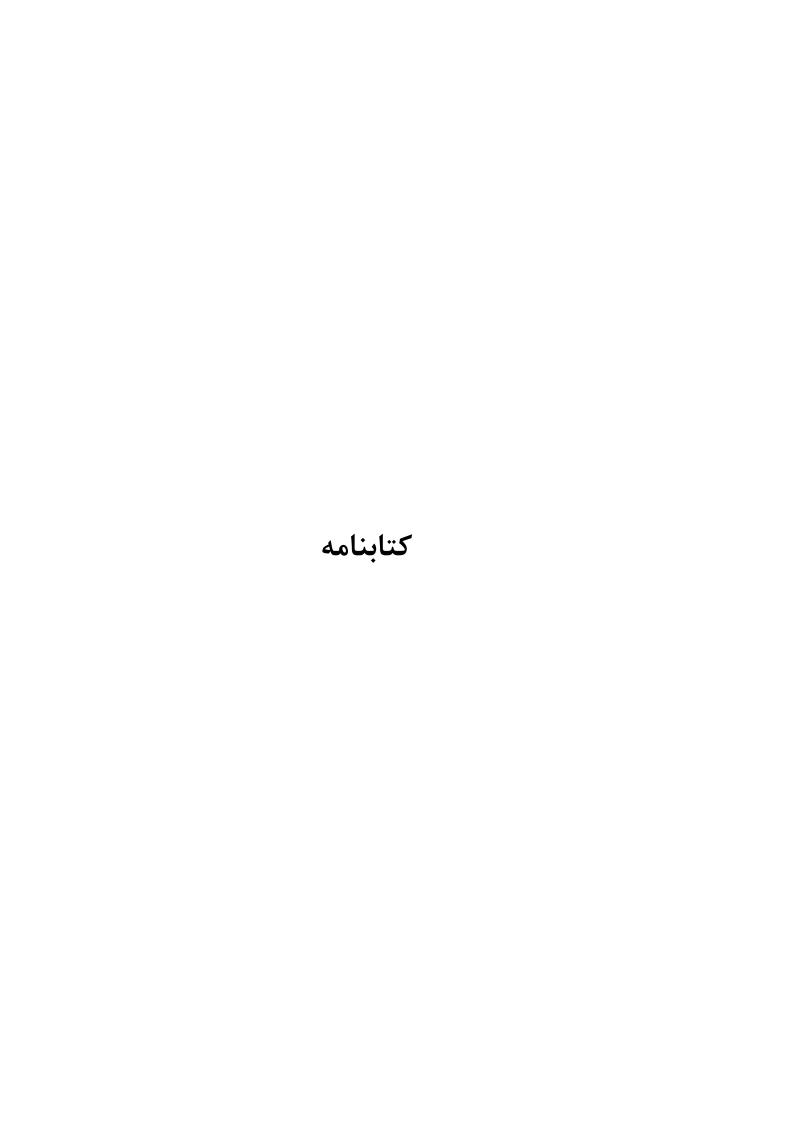
۳<u>۵</u> جزئیات پیاده سازی روش پیشنهادی

4\_4 تحلیل نتایج آزمایشات

۵\_۵ خلاصه و جمع بندی

فصل ۶ نتایج بدست آمده و کارهای آتی

- <sup>9</sup>\_۱ خلاصه ای از کارهای انجام شده
  - ۲\_۶ نتایج بدست آمده
    - ۶\_۳ کارهای آتی



Grötschel, M., Lovász, L., & Schrijver, A. (1988). The Ellipsoid Method. In M. Grötschel, L. Lovász, & A. Schrijver, *Geometric Algorithms and Combinatorial Optimization* (Vol. 2, pp. 64–101). Springer Berlin Heidelberg. https://doi.org/10.1007/978-3-642-97881-4\_4

Laporte, G. (2009). Fifty Years of Vehicle Routing. *Transportation Science*, 43(4), 408–416. https://doi.org/10.1287/trsc.1090.0301

Vis, I. F. A., & De Koster, R. (2003). Transshipment of containers at a container terminal: An overview. *European Journal of Operational Research*, 147(1), 1–16. https://doi.org/10.1016/S0377-2217(02)00293-X

Weerasinghe, B. A., Perera, H. N., & Bai, X. (2024a). Optimizing container terminal operations: A systematic review of operations research applications. *Maritime Economics & Logistics*, 26(2), 307–341. https://doi.org/10.1057/s41278-023-00254-0

Weerasinghe, B. A., Perera, H. N., & Bai, X. (2024b). Optimizing container terminal operations: A systematic review of operations research applications. *Maritime Economics & Logistics*, 26(2), 307–341. https://doi.org/10.1057/s41278-023-00254-0

Yang, X., Hu, H., Cheng, C., & Wang, Y. (2023). Automated Guided Vehicle (AGV) Scheduling in Automated Container Terminals (ACTs) Focusing on Battery Swapping and Speed Control. *Journal of Marine Science and Engineering*, 11(10), 1852. https://doi.org/10.3390/jmse11101852

Yu, F., Zhang, C., Yao, H., & Yang, Y. (2024). Coordinated scheduling problems for sustainable production of container terminals: A literature review. *Annals of Operations Research*, 332(1–3), 1013–1034. https://doi.org/10.1007/s10479-023-05676-w

[1]

پيوست

(در صورت وجود)

# واژهنامه (در صورت وجود)

Abstract	
----------	--

. . . . . . . . .

**Keywords:** (3 to 10 keywords that sorted by Alphabet)



Allameh Tabataba'i University
Faculty of
Department of
Thesis/Dissertation Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements for the Degree of Master of Arts (MA) / Master of Science (MSc)/ Doctor of Philosophy (PhD) in
Title
Supervisor(s)
Advisor(s)
$\mathbf{B}\mathbf{y}$
Tehran
Month, Year