

به نام خدا

پروژه درس داده‌کاوی: فصل ۸، خوشبندی

استاد درس: دکتر رضا رمضانی

مهلت تحويل: ۱۴۰۰ تیر ۱۵

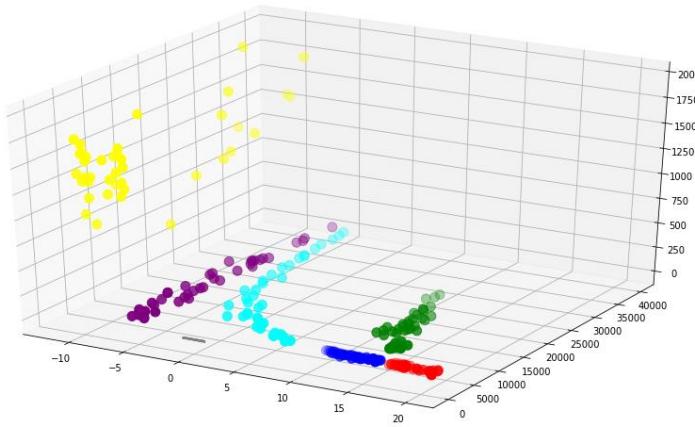
پروژه بصورت ۱ نفره یا ۲ نفره است

در این پروژه، یک دیتاست شامل اطلاعات حدود ۲۰۰ ستاره و ویژگی‌های آن‌ها در اختیار شما قرار گرفته است. هدف، خوشبندی کردن این ستاره‌ها در ۶ دسته است. همچنین کلاس و دسته‌ی صحیح هر ستاره در ستون type با اعداد ۰ تا ۵ مشخص شده است که فعلا برای فرآیند خوشبندی با این ستون کاری نداریم اما هنگام ارزیابی برای ما مهم است. ۴ ستون اول مقادیر عددی پیوسته هستند که به ترتیب دما، درخشش، شاعع و قدر مطلق ستاره است. دو ستون بعدی، رنگ و نوع خاص ستاره است که هر دو کمیت‌های nominal هستند. حال می‌خواهیم این داده‌ها را بدون استفاده و توجه به ستون type خوشبندی نماییم. مراحلی که در ادامه مشخص شده‌اند را انجام دهید و نتایج کار را به صورت کامل مستند کنید. استفاده از کتابخانه‌هایی مانند scikit-learn مجاز است.

۱. ابتدا داده‌ها را بدون هیچگونه پیش پردازشی و بدون استفاده از داده‌های ستون type خوشبندی کنید. خوشبندی را به کمک یک الگوریتم Partitional و یک الگوریتم Hierarchical انجام داده و تعداد خوش را ۶ در نظر بگیرید. در نهایت دقت خوشبندی خود را حساب کنید.

نحوه محاسبه دقت خوشبندی: راههای زیادی برای ارزیابی دقت خوشبندی وجود دارد. برای این مساله، بعد از خوشبندی، ببینید برچسب (type) اکثریت داده‌های موجود در یک خوش چیست. سپس برچسب تمام داده‌های آن خوش را همین برچسب اکثریت در نظر بگیرید. این کار را برای تمام خوش‌ها انجام دهید. لذا تمام داده‌های خوشبندی شده، یک برچسب خوش دارد. در نهایت ببینید چند درصد از کل داده‌ها برچسب صحیح دریافت نموده‌اند.

شمای کلی داده‌ها بر اساس سه بعد R, A\_M, Temperature به شکل زیر است که بهترین نمایشی است که می‌توان از داده‌ها نشان داد. هر رنگ نشان‌دهنده یک طبقه در داده‌ها می‌باشد و بر اساس type که در دیتا فریم است نمایش داده شده است.



در ابتدا همهٔ ستون‌ها (۵ ستون) به الگوریتم k-means داده شده. پس از انجام خوشه‌بندی، طبق معیاری ارزیابی صورت سوال تعداد هر برچسب در خوشه‌ها به شکل زیر می‌باشد که در هر تاپل عدد اول نمایندهٔ برچسب و عدد دوم نمایندهٔ تعداد آن برچسب در خوشه است.

$([(4, 10), (5, 8)],$	<b>13</b>
$[(0, 40), (1, 40), (2, 40), (3, 34)],$	<b>154</b>
$[(4, 3), (5, 3)],$	<b>6</b>
$[(4, 18), (5, 14), (3, 5)],$	<b>37</b>
$[(5, 4), (4, 2)],$	<b>6</b>
$[(5, 11), (4, 7), (3, 1)])$	<b>19</b>

چون لیبل تکراری داریم، از بزرگترین خوشه شروع می‌کنیم و برچسب می‌زنیم.

خوشه با ۱۵۴ داده برچسب ۰

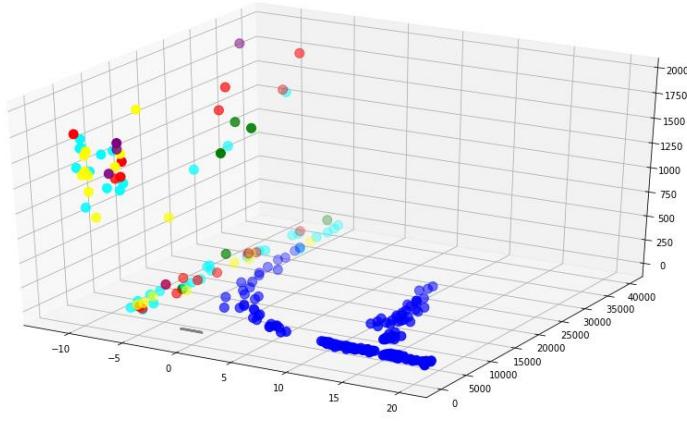
خوشه با ۳۷ داده برچسب ۴

خوشه با ۱۹ داده برچسب ۵

خوشه با ۱۳ داده برچسب ۵۹۴

چون این روش هم اعداد دقیقی به ما نمی‌دهد در ادامه سعی می‌شود بر اساس مصور سازی و با توجه به همین اعداد تولید شده کیفیت خوشه‌بندی ارزیابی شود.

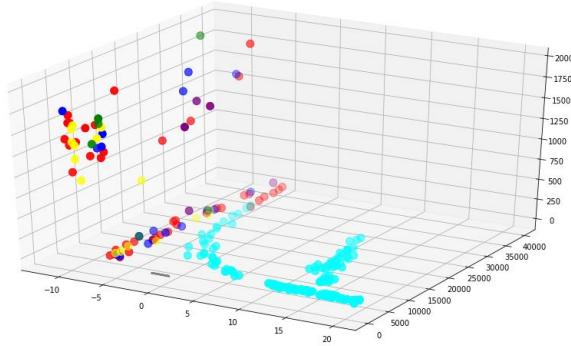
پس از خوشه‌بندی k-means دسته‌بندی که در قسمت قبل از داده‌ها نمایش داده شد به شکل زیر تغییر می‌کند.



پس از  $k$ -means همهی ستون‌ها (۵ ستون) به الگوریتم AgglomerativeClustering که یک الگوریتم Hierarchical است داده شد. پس از انجام خوشه بندی، طبق معیاری ارزیابی صورت سوال تعداد هر برچسب در خوشه‌ها به شکل زیر می‌باشد که در هر تاپل عدد اول نماینده برچسب و عدد دوم نماینده تعداد آن برچسب در خوشه است. همانطور که مشاهده می‌شود این الگوریتم تعداد خوشه‌ها را یکی کمتر از تعداد اصلی خوشه‌ها در نظر می‌گیرد.

```
(([(4, 18), (5, 17), (3, 6)],
  [(4, 10), (5, 7)], 
  [(5, 4), (4, 2)], 
  [(0, 40), (1, 40), (2, 40), (3, 34)], 
  [(5, 12), (4, 10)], 
  []))
```

پس از خوشه بندی AgglomerativeClustering دسته بندی که در قسمت ابتدا بر اساس برچسب‌های اصلی از داده‌ها بود به شکل زیر تغییر می‌کند.



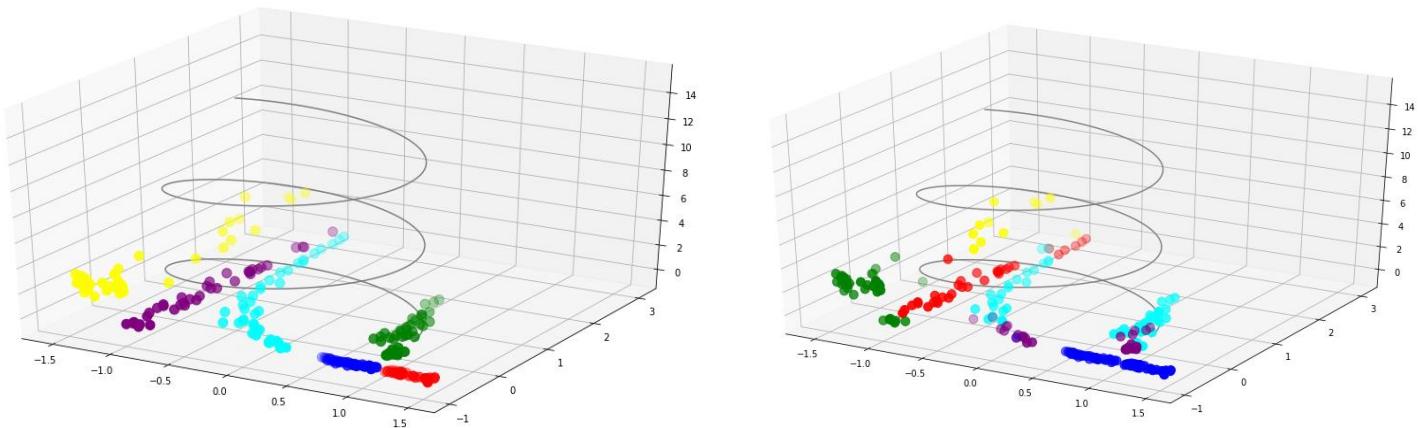
۲. در گام بعدی داده‌ها را پیش پردازش کنید (مانند گسسته سازی، مقیاس‌بندی و ... - با مکتب کردن دقیق پیش پردازش) و مجددا خوشه‌بندی بیان شده در مرحله ۱ را انجام دهید و دقت را حساب کنید. بایستی سعی کنید پیش پردازش را به نحوی انجام دهید که دقت خوشه‌بندی افزایش یابد.

از مواردی که می‌توان برای پیش پردازش استفاده کرد، scale کردن داده‌های است. چون الگوریتمی مثل  $k$ -means بر اساس فاصله کار می‌کند (یا اقلیدسی یا منهتن که اینجا اقلیدسی در نظر گرفته شده است) و اعداد در اسکیل‌های بسیار بزرگ

وجود دارند و با عث میشود تاثیر آن‌ها بسیار زیاد شود در نتیجه از معیارهای scaling می‌توان استفاده کرد که در یک رنج متعادل قرار بگیرند. که در اینجا از standard scaler استفاده شده است.

همچنین داده‌های Spectral\_Class و color categorical می‌شود نیز به عدد تبدیل شده‌اند تا بتوان آن‌ها را به ورودی الگوریتم‌ها داد.

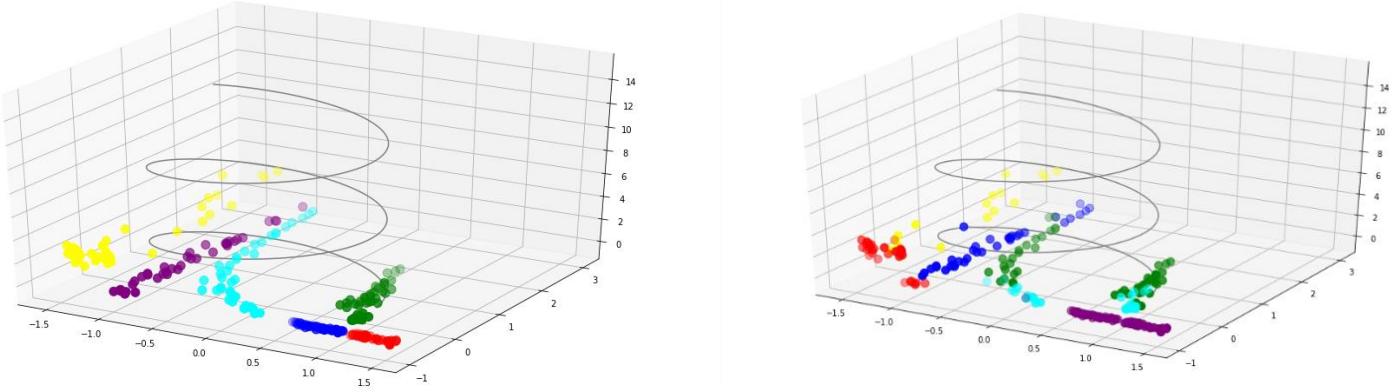
پس از scale کردن داده‌ها برچسب‌های داده‌ی اصلی در سمت چپ و خروجی K-means در سمت راست نمایش داده شده است.



معیار دقترا دوباره برای هر خوش بدبست می‌اوریم. مشاهده می‌شود که خوش‌ها تفکیک پذیری بهتری پیدا کرده‌اند و تعداد برچسب‌های یکسان کمتر و تعداد نقاط در هر خوش متعادل‌تر شده است. اما با توجه به تصاویر بالا بازم هم با واقعیت تفاوت دارد. اما با توجه به شکلی که در سوال یک بدون پیش پردازش و scale کردن انجام شد بسیار بهتر است.

```
([(4, 28), (3, 5), (5, 1)],
 [(0, 40), (1, 40), (3, 1)],
 [(5, 29), (4, 9)],
 [(2, 27), (3, 21), (4, 2)],
 [(2, 13), (3, 13)],
 [(5, 10), (4, 1)])
```

پس از scale کردن داده‌ها برچسب‌های داده‌ی اصلی در سمت چپ و خروجی AgglomerativeClustering در سمت راست نمایش داده شده است. چون داده‌ها scale شده‌اند کیفیت خروجی خیلی بهتر از آن چیزی که در سوال اول نمایش داده شده است.



```
(([5, 23), (4, 9)],
 [(4, 29), (3, 5), (5, 1)],
 [(2, 27), (3, 21), (4, 2)],
 [(2, 13), (3, 13)],
 [(0, 40), (1, 40), (5, 16), (3, 1)],
 [])
```

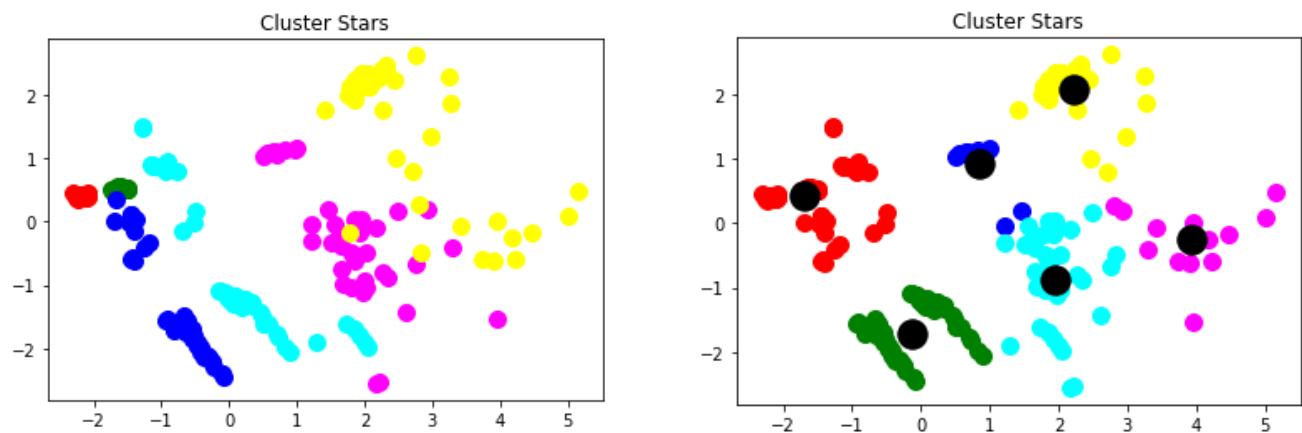
۳. با استفاده از روش PCA ابعاد داده‌ها (به غیر از type) را به ۲ بعد کاهش دهید (در صورت نیاز تمام داده‌های خود را عددی کنید) و آن‌ها را ترسیم کنید. سپس، با کمک الگوریتم DBScan و دو نوع الگوریتم قبلی این داده‌های دوبعدی را خوش‌بندی کنید و نتیجه‌های خوش‌بندی‌ها را بصورت مصور نشان دهید (در هر تصویر، هر خوش‌های با یک رنگ منحصر به فرد مشخص شود). خوش‌های بدست آمده را تحلیل کنید.

پس از کاهش به ۲ بعد هر ۳ الگوریتم اجرا شدند. با توجه به این از standard scaler برای scale کردن داده‌ها استفاده شده و داده‌ها اکثراً بین رنج‌های ۰ تا ۳ قرار می‌گیرند، مقدار  $\text{eps}=0.5$  در نظر گرفته شد. (مقدارهای مختلفی امتحان شد که به نظر ۰.۵ عدد خوبی برای  $\text{eps}$  بود).

در شکل زیر برای درک بهتر نمودار سمت چپ نماینده‌ی لیبیل‌های اصلی داده‌ها و سمت راست نماینده خروجی الگوریتم است که با یک دیگر مقایسه می‌شود.

### ۱. K-means

الگوریتم K-means بر مبنای فاصله عمل می‌کند. همانطور که در تصاویر نقاط مشکی نشان دهنده مرکزهای دسته هستند و اگر با فاصله‌ی خوبی نقاط از یک دیگر قرار گرفته باشند الگوریتم مرزها را تشخیص داده است اما برای جاهایی که داده‌ها بسیار به یک دیگر نزدیک بوده اند الگوریتم آن‌ها را یک خوش‌های در نظر گرفته است.

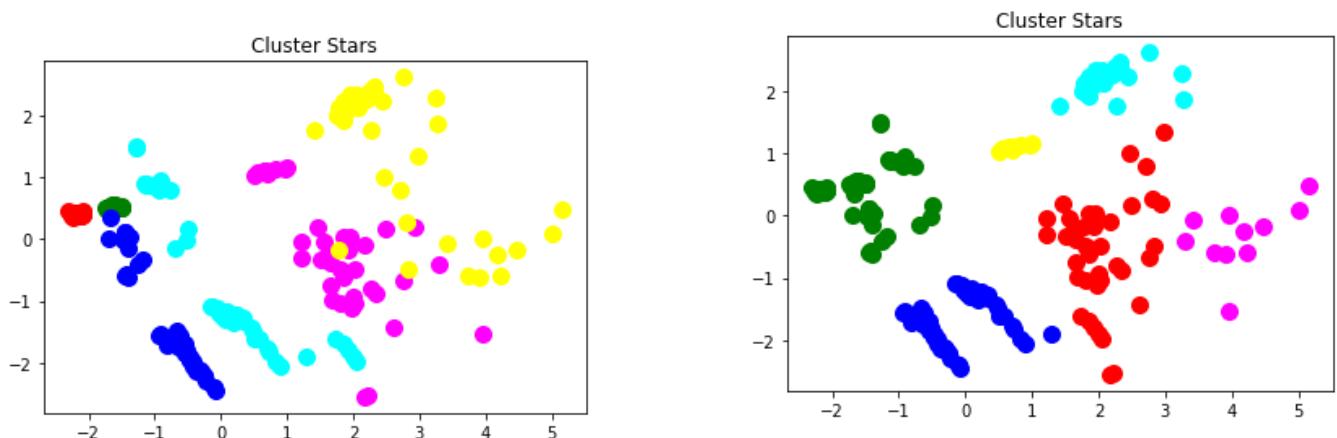


در شکل زیر هم تعداد هر نوع برچسب برای هر خوشه با توجه به برچسب‌هایی که از الگوریتم k-means بدست امده است قابل مشاهده است که اشتراک و همپوشانی بسیاری وجود دارد که به نادرستی تشخیص داده شده است و دچار برچسب تکراری برای هر خوشه می‌شود.

```
([(0, 40), (1, 40), (3, 14), (2, 13)],
 [(2, 27), (3, 20)],
 [(4, 11)],
 [(4, 26), (3, 6), (5, 2)],
 [(5, 10), (4, 3)],
 [(5, 28)])
```

## ۲. Agglomerative Clustering

این الگوریتم هم پس از کاهش بعد و ترسیم آن عملکردی مشابه با k-means را نشان می‌دهد. که فقط در تعدادی از نقاط زرد و قرمز متفاوت هستند.

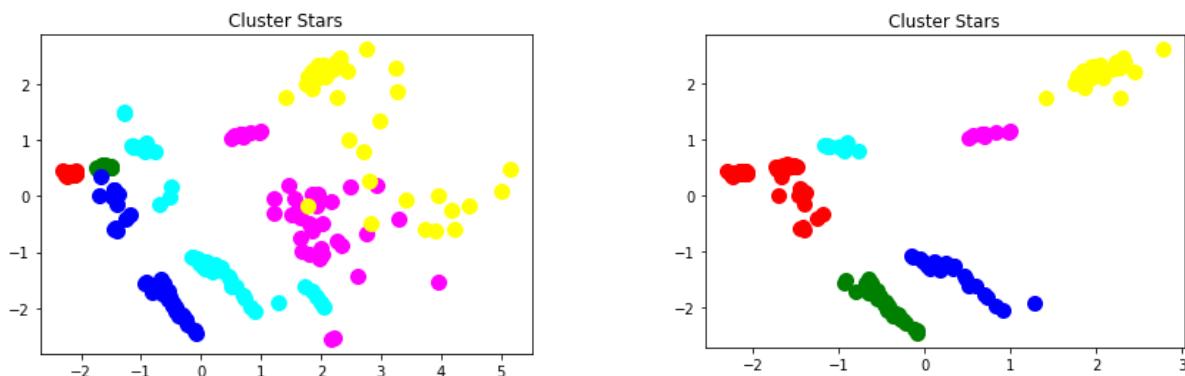


در شکل زیر هم تعداد هر نوع برچسب برای هر خوشه با توجه به برچسب‌هایی که از الگوریتم AgglomerativeClustering بدست امده است قابل مشاهده است که اشتراک و همپوشانی بسیاری وجود دارد که به نادرستی تشخیص داده شده است و دچار برچسب تکراری برای هر خوشه می‌شود.

```
([(4, 29), (5, 6), (3, 5)],
 [(0, 40), (1, 40), (3, 14), (2, 13)],
 [(2, 27), (3, 21)],
 [(5, 25)],
 [(4, 11), (5, 9)],
 [])
```

### ۳. DBscan

به دلیل این که الگوریتم DBscan مبتنی بر چگالی است، همانطور که از خروجی مشخص است (سمت راست) داده‌های قرمز، سبز، بخشی از آبی کمرنگ و پرنگ که در سمت چپ به صورت مجزا هستند را به صورت یک خوشه در نظر گرفته است. در این الگوریتم ۳ خوشه‌ی آبی پرنگ و کمرنگ صورتی و زرد تا حدودی به درستی دسته‌بندی شده اند.



در شکل زیر هم تعداد هر نوع از برچسب‌ها در خوشه‌ها مشاهده می‌شود که خوشه‌ی ابتدایی از سه نوع برچسب تشکیل شده و باز هم شاهد همپوشانی در خوشه‌ها هستیم.

```
([(0, 40), (1, 40), (2, 13)],
 [(2, 27)],
 [(3, 21)],
 [(3, 9)],
 [(4, 9)],
 [(5, 23)])
```

## نتیجه‌گیری کلی

با توجه به مراحل طی شده و مصورسازی‌ها می‌توان دریافت که scale کردن داده‌ها و پیش‌پردازش برای این که داده‌ها در خوش‌های درستی قرار بگیرند بسیا اهمیت دارد و انجام این عمل به شکل قابل توجهی خوش‌های نزدیک‌تر به خوش‌های قبلی داده‌ها شد. اما با توجه به دقیقیت الگوریتم‌های کلاسی‌سینگ که بر اساس فاصله هستند خیلی نمی‌توان در فاصله‌های نزدیک به دقیقیت داده‌ی اصلی رسید. مستندات پروژه و کدها در آدرس زیر در دسترس است.

<https://github.com/amirsartipi13/DM-P3-Clustering>