

Numeri binari, bit e byte

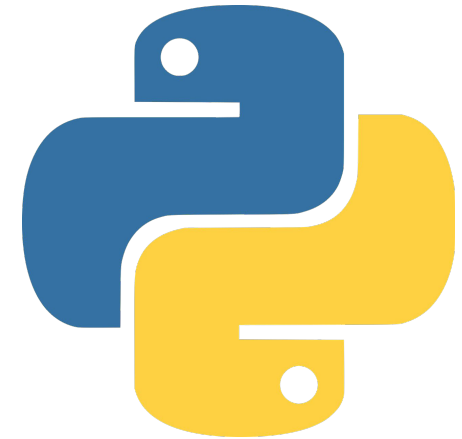
Introduzione ai numeri binari, ottali ed esadecimali
con applicazioni in Python

Docente:

[Enrico Zimuel](#)

Programma

- Numeri binari
- Python e i numeri binari
- Sistema ottale
- Sistema esadecimale
- Bit e Byte
- ASCII
- Byte in Python
- Operazioni bit a bit
- Base64
- Base64 in Python



Numeri binari

- Un **bit** è l'unità di misura fondamentale in informatica e può assumere due valori **0** e **1** (numero in base 2)
- Un numero **binario** è una sequenza di bit ossia di 0 e 1
 - 00, 01, 10, 11 equivale a 0, 1, 2, 3 in decimale
- Convertire un numero binario in decimale (es. 10111)

1	0	1	1	1
2^4	2^3	2^2	2^1	2^0
16	0	4	2	1

← peso di ogni bit

$$= 16 + 4 + 2 + 1 = 23$$

Numeri binari (2)

- Convertire un numero decimale in binario (es. 23)

Divisione per 2	Risultato	Resto
23 / 2	11	1
11 / 2	5	1
5 / 2	2	1
2 / 2	1	0
1		1

= 10111

Python e numeri binari

- In Python è possibile inserire un numero binario con la notazione **0b**

```
num = 0b10111  
print(num) # 23
```

- Da numero intero a numero binario con la funzione [bin\(\)](#)

```
num = 23  
print(bin(num)) # 0b10111
```

- Per sapere il numero di bit necessari per rappresentare un numero si utilizza il metodo [bit_length\(\)](#)

```
num = 23  
print(num.bit_length()) # 5
```

Ottale

- Ci sono altri formati numerici utilizzati in informatica: **ottali** ed **esadecimali**
- Un numero ottale utilizza 8 simboli (numero in base 8): 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7
- Il numero in ottale 27 corrisponde a 23 in decimale

2	7
8^1	8^0
16	7

= 16 + 7 = 23

/ 8	Risultato	Resto
23 / 8	2	7
2		2

= 27

Ottali in Python

- Posso inserire un numero ottale con il prefisso **0o** (zero e o minuscolo)

```
num = 0o27  
print(num) # 23
```

- Da numero intero a numero ottale con la funzione [oct\(\)](#)

```
num = 23  
print(oct(num)) # 0o27
```

Esadecimale

- Un numero esadecimale utilizza 16 simboli (numero in base 16):
 - 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, a, b, c, d, e, f
- Il numero in esadecimale 17 corrisponde a 23 in decimale

1	7
16^1	16^0
16	7

= 16 + 7 = 23

/ 16	Risultato	Resto
23 / 16	1	7
1		1

= 17

Esadecimali in Python

- Posso inserire un numero ottale con il prefisso **0x**

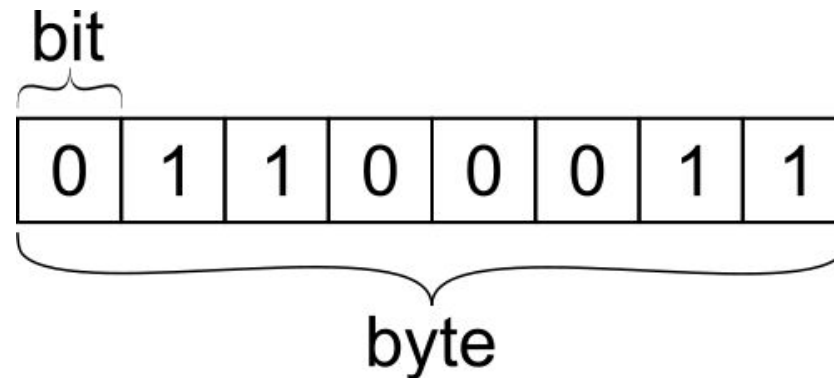
```
num = 0x17  
print(num) # 23
```

- Da numero intero a numero esadecimale con la funzione [hex\(\)](#)

```
num = 23  
print(hex(num)) # 0x17
```

Byte

- Un **byte** è un insieme di 8 bit
- Il byte è l'unità di misura dello spazio occupato dai file
- Un byte corrisponde ad un carattere della tabella [ASCII](#) (256 simboli diversi)
- Alcuni di questi sono dei caratteri di controllo, non stampabili



ASCII

Low Ascii									
000:	013: ª	026: º	039: ª	052: ª	065: ª	078: ª	091: ª	104: ª	117: ª
001: ª	014: ª	027: ª	040: ª	053: ª	066: ª	079: ª	092: ª	105: ª	118: ª
002: ª	015: ª	028: ª	041: ª	054: ª	067: ª	080: ª	093: ª	106: ª	119: ª
003: ª	016: ª	029: ª	042: ª	055: ª	068: ª	081: ª	094: ª	107: ª	120: ª
004: ª	017: ª	030: ª	043: ª	056: ª	069: ª	082: ª	095: ª	108: ª	121: ª
005: ª	018: ª	031: ª	044: ª	057: ª	070: ª	083: ª	096: ª	109: ª	122: ª
006: ª	019: ª	032: ª	045: ª	058: ª	071: ª	084: ª	097: ª	110: ª	123: ª
007: ª	020: ª	033: ª	046: ª	059: ª	072: ª	085: ª	098: ª	111: ª	124: ª
008: ª	021: ª	034: ª	047: ª	060: ª	073: ª	086: ª	099: ª	112: ª	125: ª
009: ª	022: ª	035: ª	048: ª	061: ª	074: ª	087: ª	100: ª	113: ª	126: ª
010: ª	023: ª	036: ª	049: ª	062: ª	075: ª	088: ª	101: ª	114: ª	127: ª
011: ª	024: ª	037: ª	050: ª	063: ª	076: ª	089: ª	102: ª	115: ª	
012: ª	025: ª	038: ª	051: ª	064: ª	077: ª	090: ª	103: ª	116: ª	
High Ascii									
128: ª	141: ª	154: ª	167: ª	180: ª	193: ª	206: ª	219: ª	232: ª	245: ª
129: ª	142: ª	155: ª	168: ª	181: ª	194: ª	207: ª	220: ª	233: ª	246: ª
130: ª	143: ª	156: ª	169: ª	182: ª	195: ª	208: ª	221: ª	234: ª	247: ª
131: ª	144: ª	157: ª	170: ª	183: ª	196: ª	209: ª	222: ª	235: ª	248: ª
132: ª	145: ª	158: ª	171: ª	184: ª	197: ª	210: ª	223: ª	236: ª	249: ª
133: ª	146: ª	159: ª	172: ª	185: ª	198: ª	211: ª	224: ª	237: ª	250: ª
134: ª	147: ª	160: ª	173: ª	186: ª	199: ª	212: ª	225: ª	238: ª	251: ª
135: ª	148: ª	161: ª	174: ª	187: ª	200: ª	213: ª	226: ª	239: ª	252: ª
136: ª	149: ª	162: ª	175: ª	188: ª	201: ª	214: ª	227: ª	240: ª	253: ª
137: ª	150: ª	163: ª	176: ª	189: ª	202: ª	215: ª	228: ª	241: ª	254: ª
138: ª	151: ª	164: ª	177: ª	190: ª	203: ª	216: ª	229: ª	242: ª	255: ª
139: ª	152: ª	165: ª	178: ª	191: ª	204: ª	217: ª	230: ª	243: ª	
140: ª	153: ª	166: ª	179: ª	192: ª	205: ª	218: ª	231: ª	244: ª	

numeri e lettere	ASCII
0...9	48...57
A...Z	65...90
a...z	97...122

ASCII in Python

- La tabella ASCII in Python può essere gestita con le funzioni **chr()** e **ord()**
- E' possibile ricavare un simbolo ASCII partendo dalla sua posizione con la funzione [chr\(\)](#)

```
num = 48  
print(chr(num)) # 0
```

- Per sapere il valore ASCII di un carattere si utilizza [ord\(\)](#)

```
num = "0"  
print(ord(num)) # 48
```

Byte in Python

- E' possibile specificare una stringa in byte in Python utilizzando il prefisso **b**

```
num = b'abc'
```

- Convertire un numero in bytes con il metodo **to_bytes()**, specificando il numero di bytes

```
num = 123  
print(num.to_bytes(1)) # b'{'  
print(num.to_bytes(3)) # b'\x00\x00{'
```

Byte e Bit

- E' possibile convertire una stringa in byte con il metodo [encode\(\)](#)

```
text = "abc"
print(text.encode("utf-8")) # b'abc'
print(text.encode()) # b'abc', default utf-8
```

- Da byte a stringa con il metodo [decode\(\)](#)

```
textb = b'abc'
print(textb.decode("utf-8")) # abc
print(textb.decode()) # abc, default utf-8
```

Operazioni bit a bit

$0b1011 \mid 0b0111 == 0b1111$	OR
$0b1011 \wedge 0b0111 == 0b1100$	XOR
$0b1011 \& 0b0111 == 0b0011$	AND
$0b1011 \ll 2 == 0b101100$	spostamento (shift) a sinistra di 2 bit
$0b1011 \gg 2 == 0b10$	spostamento (shift) a destra di 2 bit
$\sim 0b1011 == 0b0100$	NOT

Base64

- Un sistema di codifica molto utilizzato per l'interscambio di dati su Internet è il formato [Base64](#)
- Questo formato utilizza 64 caratteri: a...z, A...Z, 0...9, +, /
- 64 caratteri possono essere rappresentati con 6 bit
- Per codificare un testo in Base64 devo raggruppare i bit in sestetti
- Ogni 3 caratteri del testo ($8 \times 3 = 24$ bit) equivalgono a 4 caratteri in Base64 ($6 \times 4 = 24$ bit)
- Se la lunghezza del testo non è multipla di 3 si utilizza il carattere di **Padding** (=), uno o al massimo due

Index	Binary	Char	Index	Binary	Char	Index	Binary	Char	Index	Binary	Char
0	000000	A	16	010000	Q	32	100000	g	48	110000	w
1	000001	B	17	010001	R	33	100001	h	49	110001	x
2	000010	C	18	010010	S	34	100010	i	50	110010	y
3	000011	D	19	010011	T	35	100011	j	51	110011	z
4	000100	E	20	010100	U	36	100100	k	52	110100	θ
5	000101	F	21	010101	V	37	100101	l	53	110101	1
6	000110	G	22	010110	W	38	100110	m	54	110110	2
7	000111	H	23	010111	X	39	100111	n	55	110111	3
8	001000	I	24	011000	Y	40	101000	o	56	111000	4
9	001001	J	25	011001	Z	41	101001	p	57	111001	5
10	001010	K	26	011010	a	42	101010	q	58	111010	6
11	001011	L	27	011011	b	43	101011	r	59	111011	7
12	001100	M	28	011100	c	44	101100	s	60	111100	8
13	001101	N	29	011101	d	45	101101	t	61	111101	9
14	001110	O	30	011110	e	46	101110	u	62	111110	+
15	001111	P	31	011111	f	47	101111	v	63	111111	/

Base64 esempio

- La sequenza **Man** viene codificata in Base64 con **TW Fu**

Source	Text (ASCII)	M								a								n							
	Octets	77 (0x4d)								97 (0x61)								110 (0x6e)							
Bits		0	1	0	0	1	1	0	1	0	1	1	0	0	0	0	1	0	1	1	0	1	1	1	0
Base64 encoded	Sextets	19								22								5							
	Character	T								W								F							
	Octets	84 (0x54)								87 (0x57)								70 (0x46)							

Base64 esempio (2)

- La sequenza **Ma** viene codificata in Base64 con **TWE=**

Source	Text (ASCII)	M								a																			
	Octets	77 (0x4d)								97 (0x61)																			
Bits		0	1	0	0	1	1	0	1	0	1	1	0	0	0	0	1	0	0										
Base64 encoded	Sextets	19								22								4				Padding							
	Character	T								W								E				=							
	Octets	84 (0x54)								87 (0x57)								69 (0x45)				61 (0x3D)							

Base64 esempio (3)

- La lettera **M** viene codificata in Base64 con **TQ==**

Source	Text (ASCII)	M																							
	Octets	77 (0x4d)																							
Bits		0	1	0	0	1	1	0	1	0	0	0	0												
Base64 encoded	Sextets	19								16				Padding				Padding							
	Character	T								Q				=				=							
	Octets	84 (0x54)								81 (0x51)				61 (0x3D)				61 (0x3D)							

Base64 in Python

- E' possibile codificare una sequenza di byte in Base64 con il modulo [base64](#)

```
import base64
a = b'Man'
print(base64.b64encode(a)) # b'TWFu'
```

- Inverso, decodificare da Base64 in una sequenza di byte

```
import base64
a = b'TWFu'
print(base64.b64decode(a)) # b'Man'
```

Grazie!

Per informazioni: enrico.zimuel@its-ictpiemonte.it