

Quantique TD3

Ex1: Équation de Schrodinger

L'équation de Schrodinger est équivalente au PFD.

$$H\psi = E\psi \quad \begin{array}{l} \bullet H = -\frac{\hbar^2}{2m}\Delta + V: \text{opérateur Hamiltonien} \\ \bullet E: \text{opérateur} \end{array}$$

Pour rappel : Δ est l'opérateur Laplacien qui correspond à la somme des dérivés secondes partielles de chaque variables.

$-\frac{\hbar^2}{2m}\Delta\psi + V\psi = E\psi$ qui donne $\psi(x,y,z,t)$ = fonction d'onde qui caractérise l'état de la particule donc donne

$$\begin{cases} \text{la probabilité de présence} \\ \text{l'énergie de la particule} \end{cases} \quad \begin{cases} \text{état stationnaire} \implies \psi(x,y,z) \\ \text{système à une dimension} \implies \psi(x) \end{cases}$$

On en conclut donc que l'équation de Schrodinger à l'état stationnaire et à une dimension :

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{d^2}{dx^2} \psi(x) + V\psi(x) = E\psi(x)$$

On note que c'est une dérivé totale car dérivé partielle mais il n'y a qu'une variable.

La densité de probabilité de présence dP se calcule ainsi : $dP = |\psi(x)|^2 dx$ qui correspond au carré du module de la fonction d'onde $\psi(x)$.

La répartition de la probabilité de présence dans une intervalle donné P se calcule ainsi : $\int_a^b |\psi(x)|^2 dx$.

La condition de la normalisation (probabilité de trouver la particule dans l'espace $]-\infty; +\infty[$): $P = 1 = \int_{-\infty}^{+\infty} |\psi(x)|^2 dx$