| | _ | |
|---|---|----|
| | • | NI |
| u | • | 14 |

Universidad Técnica Nacional

Profesora: Jackeline Cascante Paniagua

CURSO: Cálculo Superior

I CUATRIMESTRE 2022

TAREA 2 (10%)

La tarea consta de 3 ejercicios

Una vez resueltas las ecuaciones escanéelas en un solo documento pdf y súbalo en el lugar respectivo

| Nombre | Cédula |
|--------|--------|
| | |
| | |
| | |
| | |

Puntaje: 40 puntos

Resuelva los siguientes ejercicios

1. Utilizando la trasformada de Laplace, resolver la siguiente ecuación integro diferencial

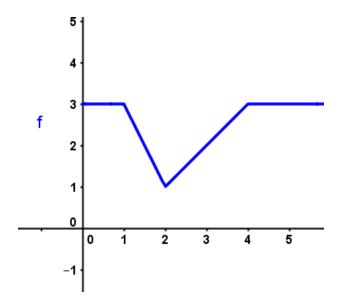
$$6t - f(t) = 7 \mu(t-4) - 9 \int_{0}^{t} (t-u) f(u) du$$
 (10 PUNTOS)

2. Resuelva la siguiente ecuación utilizando Laplace (10 puntos)

$$y'' + y = f(t) \quad donde \qquad y(0) = 0 \quad y'(0) = 1 \qquad \qquad f(t) = \begin{cases} 0 & \text{si } 0 \le t < \pi \\ 1 & \text{si } \pi \le t < 2\pi \\ 0 & \text{si } t \ge 2\pi \end{cases}$$

3. Sea
$$h(t) = t \operatorname{senh} 4t + g(t) + f(t)$$
 donde $g(t) = \begin{cases} 0, & \text{si } 0 \le t < 5 \\ t e^{5-t} & \text{si } 5 \le t < 8 \\ -3 + t e^{5-t} & \text{si } t \ge 8 \end{cases}$

y f(t) viene dada por la siguiente gráfica



Calcule $\boldsymbol{f}\left\{ h\left(t\right) \right\}$ (20 PUNTOS)