

# 이항 행렬

행렬은 덧셈 할 때 중요하다. 많은 계산을 한 번에 할 때 중요  
주성분 분석 (PCA: 고차원 → 저차원) 에서도 아주 핵심적인 개념

- 행렬

행 → 열

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

이렇게 벡터가  
쌍인 것 같은 모습  
2x2 행렬

전치 행렬

$$A^T = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$$

뒤 바꾸는 것

같은 위치끼리 더하기

$$A + A^T = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 5 & 8 \end{bmatrix}$$

같은 위치끼리 빼기

$$A - A^T = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

- 행렬의 곱 → 조건: A의 열 == A<sup>T</sup>의 행

2x2 곱 2x2 → 2x2 곱 2x2 → 2x2 만 남음.

열 == 행

같은 위치끼리 곱하기

$$AA^T = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \cdot 1 + 2 \cdot 2 & 1 \cdot 3 + 2 \cdot 4 \\ 3 \cdot 1 + 4 \cdot 2 & 3 \cdot 3 + 4 \cdot 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 11 \\ 11 & 28 \end{bmatrix}$$

- 행렬의 기하학적인 의미 (실제 공간에서 어떤 의미를 가지는 지가 중요하다)

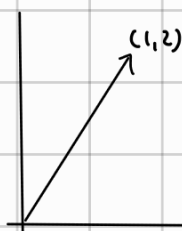
벡터

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix}$$

X Y

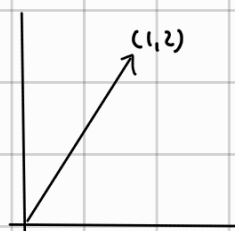
X를 어떻게 변하게 할지  
Y를 어떻게 변하게 할지

1x2 곱 2x2 = 1x2



Mapping:

→ 행렬끼리 곱한 것.  
→ 하나의 숫자(벡터)가  
다른 숫자(벡터)에  
대응되게 만드는 것



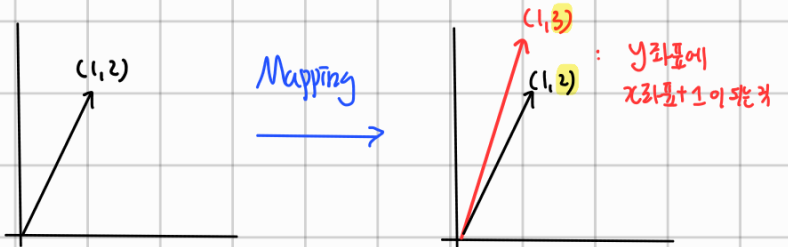
(f) 매핑 (사상): 어떤 값을 다른 값에 대응시키는 과정

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 2 \end{bmatrix}$$

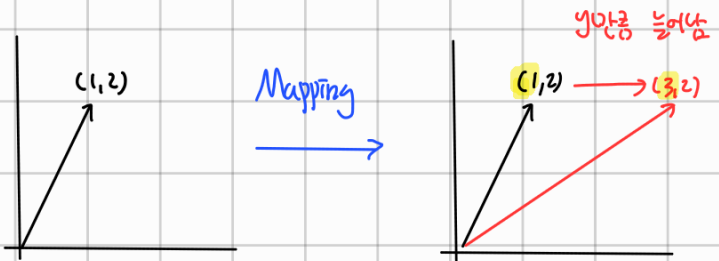


$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \cdot 1 + 2 \cdot 0 & 1 \cdot 0 + 2 \cdot 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix}$$

아까  $\begin{bmatrix} 1, 2 \end{bmatrix}$ 였는데  
 $\begin{bmatrix} 1, 3 \end{bmatrix}$  됨



$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \cdot 1 + 2 \cdot 1 & 1 \cdot 0 + 2 \cdot 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \end{bmatrix}$$



- 정리

