

Diseño y Análisis de Algoritmos

Tarea II: Busqueda en Texto

Suffix Array y Automata

Integrantes: Tomas Perry

Juan Andrés Moreno

Profesor: Pablo Barcelo B.
Auxiliar: Ariel Cáceres Reyes
Ayudantes: Jaime Salas T.

Claudio Torres F.

Fecha de realización: 12 de junio de 2017 Fecha de entrega: 12 de junio de 2017

Santiago, Chile

Índice de Contenidos

Índice de Contenidos

1	ntroducción	1
2	Algoritmo de Autómata 2.1 Hipótesis y Supuestos 2.2 Construcción del Automata 2.3 Muestreo de palabras de prueba y contador de palabras 2.3.1 Contador de Palabras 2.3.2 Muestreo de palabras de prueba 2.4 Contador de Apariciones 2.5 Pruebas	3 4 4 4 4 4
3	Suffix Array 3.1 Hipótesis y Supuestos 3.2 Construcción del Suffix Array 3.3 Búsqueda 3.4 Pruebas 3.5 Resultados	8 8
4	Conclusiones	9
5	Referencias	9
L	sta de Figuras	
	Largo de patron vs tiempo de construcción + búsqueda	
L	sta de Tablas	
	Archivos de prueba con cantidad de palabras	

Introducción 1

1. Introducción

Los programas editores de texto se ven frecuentemente enfrentados a la tarea de encontrar una palabra en el archivo que se esta editando. Debido a lo recurrente que se hace esta tarea es imperativo encontrar implementaciones eficientes de búsqueda en texto. Entre otras usos se encuentran el matching de secuencias de ADN y los motores de búsqueda en internet.

El problema de **Búsqueda en Texto** se formaliza de la siguiente manera: Se tiene un texto T de largo n, representado como un arreglo de caracteres en cierto alfabeto Σ : T[1...n]. Así mismo se tiene un patron P de largo m que se desea buscar en el texto T: P[1...m]. Notamos que m << n.

Decimos entonces que el patron P ocurre con **desplazamiento** s en el texto T si se tiene que $0 \le s \le n-m$ y T[s+1...s+m] = P[1...m]. Entonces si P ocurre con desplazamiento s en T se dice que s es un desplazamiento valido. De esta manera el problema de **Búsqueda en Texto** corresponde al problema de encontrar todos los desplazamientos validos de P sobre T.

En esta tarea se implementaron dos soluciones al problema de **Búsqueda en Texto**:

- 1. Un enfoque estático basado en Suffix Array.
- 2. Un enfoque dinámico basado en el Algoritmo de Autómata.

2. Algoritmo de Autómata

2.1. Hipótesis y Supuestos

Antes de realizar experimentos con la implementación del Automata fue necesario hacer una limpieza del input. Estos fueron obtenidos de ^[1]. Se tomó el archivo de 200mb y se cortó para lograr los siguiente fragmentos:

Nombre de Archivo	Cantidad de Palabras
15.txt	34512
$16.\mathrm{txt}$	69457
17.txt	138878
18.txt	269648
19.txt	531337
$20.\mathrm{txt}$	1050374
21.txt	2098272

Tabla 1: Archivos de prueba con cantidad de palabras.

Dentro de estos existen caracteres acentuados, saltos de linea, puntuaciones y letras en mayusculas. Se procedió a limpiar estos cambiando todas las mayusculas por minúsculas, reemplazando las ocurrencias de puntuaciones y saltos de linea por espacios y eliminando los caracteres acentuados. De esta manera se definió el alfabeto valido para esta tarea como:

$$\Sigma = \{a, b, c, d, e, f, g, h, i, j, k, l, m, n, o, p, q, r, s, t, u, v, w, x, y, z, \}$$

Debido a como se implemento el contador de palabras y la función que obtiene las N/10 palabras de prueba fue conveniente reemplazar todo carácter no en Σ por un espacio.

Luego de esto se pide por enunciado comprobar que se tengan archivos de prueba de largo 2^i con $i \in \{15...,25\}$. La siguiente tabla muestra los largos obtenidos luego del pre procesamiento:

Tabla 2: Arc	abla 2: Archivos de prueba pre procesados con cantidad de palabras			
	Nombre de Archivo	Cantidad de Palabras		
	15 txtCleaned txt	31798		

Nombre de Archivo	Cantidad de Palabras
15.txtCleaned.txt	31798
16.txtCleaned.txt	64145
17.txtCleaned.txt	127455
18.txtCleaned.txt	250854
19.txtCleaned.txt	495318
20.txtCleaned.txt	980111
21.txtCleaned.txt	1956404

Se comprueba entonces que cada archivo de prueba obtenido luego del pre procesamiento tiene una cantidad de palabras $\mathcal{O}(2^i)$ donde i corresponde al numero en el nombre del archivo. La función textCleaner en el archivo MainDFA.java es la encargada de ejecutar el pre procesamiento.

2.2. Construcción del Automata

En cátedras se vio un algoritmo para búsqueda en texto basado en el uso de un automata que solo depende del patron de largo m P buscado. Este automata queda definido por:

- Conjunto de estados $Q = \{0, 1, ..., m\}$ donde 0 es el estado inicial y m el final. Aquí el estado j esta relacionado con el carácter en la posición j del patron.
- Función de transición δ : $\Sigma \times Q \to Q$ que opera de la siguiente manera: $\delta : (q, a) \to \delta(q, a) = \sigma(P[1:q]a)$. Donde esto ultimo se traduce en el largo de sufijo mas largo de P[1:q]a que es prefijo de P.

Luego de esto, si se ejecuta el automata sobre un texto T la cantidad de ocurrencias del patron P corresponde a la cantidad de veces que el automata pasa por su estado final. Se puede ver entonces que la construcción del automata se reduce a encontrar la función de transición, pues recordemos que el pre procesamiento de los textos nos permitió fijar el alfabeto.

El acercamiento naive a este problema genera un tiempo de construcción de la función de transición (y por ende del automata) de $\mathcal{O}(m^3)$. Para esta tarea se implemento un algoritmo que permite construir la función de transición en $\mathcal{O}(m)$. El algoritmo construido corresponde a ^[2] Knuth-Morris-Prat y se basa en las siguientes observaciones:

Al calcular $\delta(q, a) = \sigma(P[1:q]a)$ consideramos dos casos:

- Si P[q+1] = a es decir corresponde a un match, entonces $\delta(q,a) = q+1$.
- Si no, entonces $\delta(q, a) = \sigma(P[1:q]a) = \sigma(P[2:q]a) \le q$ y por lo tanto puede ser calculado corriendo el automata parcialmente construido sobre P[2:q]a. Notamos ademas que esto ultimo no es necesario si tiene una variable X en la cual se va guardando el resultado de correr el automata sobre P[2:q] a medida que se avanza.

La función getTransitionFunction dentro del archivo MainDFA.java recibe como parámetro un String que contiene el patron de interés. Aquí se define la función de transición como una matriz w de dimensiones $|\Sigma| \times (|m|+1)$ de enteros. Notamos entonces que w[i][j] = k significa que al ver carácter Σ_i en T y habiendo matcheado hasta el carácter j - esimo de P avanzamos al estado k.

Dentro de la función getTransitionFunction se hila un poco mas fino y se distinguen cuatro casos distintos de llenado de matriz:

- 1. Condiciones iniciales: Se fijan todas las transiciones w[i][0] = 0 con $1 \le i < |\Sigma|$.
- 2. Transiciones de match: Cuando se tiene que P[q+1] = a. Esto en la matriz se traduce en $w[\Sigma_i][i] = i+1$ con $0 \le i < |m|$.
- 3. Transiciones del estado final al estado inicial. Estas permiten que el automata continue su ejecución sobre el texto T una vez que se encuentra la primera ocurrencia de P.
- 4. Transiciones de mismatch. Cada vez que se tiene que P[q+1]! = a, entonces se tiene que w[i][j] = w[i][X] con $0 \le i < |\Sigma|$ y $1 \le j < |m|$.

El código asociado se puede encontrar en el anexo.

2.3. Muestreo de palabras de prueba y contador de palabras

2.3.1. Contador de Palabras

La funcion getWordCount en el archivo MainDFA.java recibe como parámetro un objeto del tipo File el cual contiene el archivo de texto ya pre procesado. Debido a que en el pre procesamiento se reemplazaron todos los caracteres no pertenecientes al alfabeto definido Σ por un espacio resulta conveniente utilizar un Scanner de Java. A este se le asigno como delimitador el carácter espacio. De esta manera utilizando el método asociado al Scanner: next() se obtienen las palabras una a una. Con esto se incrementa un contador y finalmente se retorna la cantidad de palabras. Cabe destacar que ambas tablas 1 y 2 muestran cantidades de palabras en archivos, las cuales fueron obtenidas utilizando la función getWordCount.

2.3.2. Muestreo de palabras de prueba

En el enunciado se pide, luego de efectuar el pre procesamiento, verificar que la cantidad de palabras N en el archivo sea adecuada y luego obtener N/10 palabras al azar del archivo. Para esto se considero que si bien el tamaño de los archivos no era excesivo y estos si podían cargarse completamente en memoria se opto una implementación que no asumiera esto. Para lograr esto entonces se utilizo un $Random\ Access\ File$ el cual permite, como su nombre lo dice, acceder a distintas partes del archivo, indicando un offset.

Se generaron offsets de manera aleatoria entonces entre 0 y el largo del input en bytes. Una vez posicionado el cursor sobre este offset en el archivo se guardo la primera palabra completa que se encontrase. El criterio utilizado para definir una palabra fue: una palabra corresponde a una secuencia de caracteres entre dos espacios.

Para evitar problemas en el caso de que se indique un offset que apunte hacia la ultima palabra del texto, al pre procesar se añade un carácter de espacio al final del input. La función encargada de efectuar el muestreo es getTestWords y esta dentro del archivo MainDFA.java.

2.4. Contador de Apariciones

Por ultimo, resta explicar como utilizando las funciones descritas anteriormente se lleva a cabo la B'usqueda en Texto utilizando el Algoritmo de Automata. La función countAppearances recibe como parámetros el patron a buscar y el texto donde se debe buscar el patron. Mediante un BufferedReader se lee el texto carácter a carácter. Se tiene una variable que registra el estado del Automata en cada paso y esta se va actualizando según el estado presente y el carácter que se este leyendo en ese momento. Cabe destacar que si se encuentra el carácter correspondiente al espacio se debe volver al automata al estadio inicial cero. Dado que el Automata tiene un estado q_j para el carácter j-esimo del patron, se tiene que cada vez que el estado sea igual al largo del patron entonces llegamos al final de este y debemos incrementar la cantidad de ocurrencias en uno. Una vez que se termina el texto de entrada se retornan la cantidad de ocurrencias encontradas.

2.5. Pruebas

Para cada uno de los inputs pre procesados en la tabla 2 se obtienen las N/10 palabras de prueba. Para cada una de estas se mide el tiempo de construcción del automata, el cual se define como el tiempo de construcción de la función de transición, ademas del tiempo que toma en encontrar todas las ocurrencias. Se escribe entonces en un archivo llamado results.csv una linea por palabra, la cual contiene:

- La palabra (patron) a buscar.
- Largo de la palabra.
- Tiempo de construcción de función de transición.
- Tiempo que toma encontrar todas las ocurrencias de esta en el texto.
- Largo del texto (Cantidad de palabras).

Cabe destacar que debido al tiempo se tomaron N/100 palabras de prueba por input.

Para el caso del Automata los tiempos de búsqueda sobre un texto T dependen principalmente del largo N de este ademas del largo m del patron P a buscar. Debido a que los tamaños de los textos utilizados para probar van aumentando al doble su tamaño se espera que ocurra lo mismo con los tiempos de búsqueda+construcción.

El siguiente gráfico muestra los tiempos de búsqueda mas construcción para distintos tamaños de patrones y sobre todos los textos de prueba:

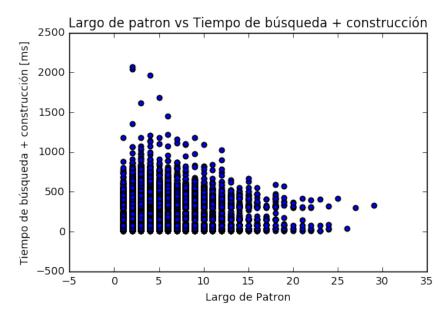


Figura 1: Largo de patron vs tiempo de construcción + búsqueda.

Este ultimo gráfico confirma la noción de que para dos patrones del mismo largo pueden existir tiempos de búsqueda distintos. Esto sucede al buscar patrones del mismo largo, o el mismo patron en textos de largos distintos.

Ademas se debe verificar que efectivamente el tiempo de construcción del Automata para un patron P de largo m sea $\mathcal{O}(|\Sigma|m)$. En nuestro caso, como se definió el alfabeto $|\Sigma|=27$. El siguiente gráfico muestra los tiempos de construcción de los distintos patrones buscados en las pruebas:

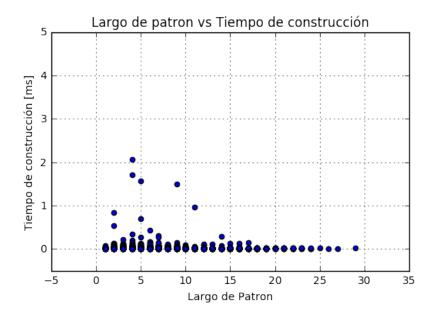


Figura 2: Largo de patron vs tiempo de construcción.

Se puede ver entonces de la figura 2 que no existen diferencias significativas en tiempos de construcción para patrones de un mismo largo. Los datos presentados sugieren que $\mathcal{O}(\Sigma m)$ parece ser una cota no muy ajustada. Las leves diferencias que se presentan para patrones de un mismo largo se le atribuyen a posibles anomalías en el funcionamiento del equipo al efectuar las pruebas o variaciones en la carga de este a lo largo de las pruebas. Por ultimo cabe destacar que los datos recolectados y con los que se generaron los gráficos anteriores se adjuntan a este informe. (results.csv)

Suffix Array 7

3. Suffix Array

Antes de desarrollar el método, es necesario entender qué es.

El Suffix Array, como su nombre lo dice, es un arreglo que, si bien no es de sufijos, es representativo de estos. Este se puede expresar como:

 $SA_T[i] = k \leftrightarrow T_k$ es el i-esimo substring en orden lexicográfico de T

Donde T es el string y SA_T es el Suffix Array de este.

A partir de este arreglo uno puede buscar si un substring pertenece o no a un string que, en este caso, es una archivo entero.

3.1. Hipótesis y Supuestos

Al igual que en el caso del Autómata, es necesario preprocesar el texto y asegurarse de ser apto para la construcción del Suffix Array, removiendo caracteres fuera de Σ y reemplazandolos por espacios. Está incluído en el código

Para la construcción de este método, se ocupó C+. Decisión hecha a partir del autor principal teniendo mejor manejo de este lenguaje.

3.2. Construcción del Suffix Array

Para poder construir el arreglo se utiliza el algoritmo de Karkkainen y Sanders, el cuál utiliza triplas del string original y guiándonos de [3].

- 1. Rellenar el string con un caractér no ocupado para tener una cantidad múltiplo de 5.
- 2. Formar 3 subconjuntos donde se almacenan las triplas $T_iT_{i+1}T_{i+2}$, donde i es 1 mod 3, 2 mod 3 y 0 mod 3.
- 3. Asignar a cada tripla un caracter que las represente manteniendo el orden lexicográfico de estas 1
- 4. Concatenar los caracteres de los arreglos para i = 1 mod 3, 2 mod 3 y obtener su Suffix Array. Esto se realiza de forma recursiva, repitiendo el método anterior, pero con substrings de largo 2 y ordenándolos.
- 5. Obtener el Suffix Array del arreglo para i = 0 mod 3, donde se podía ocupar el arreglo para i = 1 mod 3 para ahorrar una comparación.
- 6. Mezclar el Suffix Array de los arreglos concatenados y el del arreglo para $i = 0 \mod 3$. Esto se lograba comparando el caractér más importante y los rangos obtenidos en el punto 3.

¹ Aquí se utilizó RadixSort de las triplas y luego se asignó un caractér o "rango".

Suffix Array 8

Una vez construido, la búsqueda puede ser estática, como se verá ahora. Adjunto al informe se puede encontrar el código para la construcción y la búsqueda, con el nombre SuffixArray.cpp y su respectivo Makefile.

3.3. Búsqueda

Una vez construido el Suffix Array, si bíen los valores no están ordenados, representan substrings ordenados, por lo que se puede realizar búsqueda binaria al comparar el patrón a encontrar con los strings ordenados y si el patrón está contenido en un substring, significa que es un substring del texto. Teniendo un largo m el substring y el texto siendo de largo n, la búsqueda termina siendo de orden $\Theta(mlog(n))$.

Además, debido al orden del Suffix Array, si tenemos el primer y último substring en el que el patrón aparece, sabemos que todos los substrings entre estos dos contienen al patrón, por lo que la resta del último y el primer índice equivalen a la cantidad de apariciones.

3.4. Pruebas

Al igual con el autómata, existen múltiples archivos de tamaños variables. A partir de cada uno se construye un Suffix Array y se evalúa con N/10 substrings que existen en los textos, midiendo tiempo de construcción y de búsqueda. Se elaboró una interfaz para entregar el nombre del archivo, el número de tests y los patrones a evaluar o correr un test masivo de todos los archivos.

3.5. Resultados

Desafortunadamente, la construcción del Suffix Array está incompleta, por lo que no se pudo comparar su rendimiento con el del autómata. La construcción del Suffix Array de los arreglos para i = 1 mod 3, 2 mod 3 no se obtuvo, al existir problemas en los accesos de memoria que no se pudieron resolver en el tiempo estipulado.

Es de esperar que la construcción del Suffix Array será mayor que la del autómata, pero, al ser estático, la búsqueda y conteo de apariciones deberían tomar menos tiempo, dependiendo de las implementaciones respectivas.

Referencias

4. Conclusiones

Al construir el Automata de búsqueda en texto para cada uno de los diferentes patrones encontrados de manera aleatoria en los textos de prueba generados se pudo comprobar que efectivamente el algoritmo de Knuth-Morris-Prat logra la construcción de este en tiempo $\mathcal{O}(m)$ considerando que en esta tarea se tomo un alfabeto Σ fijo. Esto queda expuesto en el gráfico de la figura 2 de la sección 2.5. Por otro lado se logro comprobar ademas que el tiempo de búsqueda para cualquier patron P es casi independiente del largo de este, y que efectivamente este es $\mathcal{O}(N)$ donde N es el largo del texto. Esto ultimo queda expuesto en la figura 1 de la sección 2.5.

5. Referencias

- [1] PizzaChili Corpus. Compressed Indexes and their Testbeds http://pizzachili.dcc.uchile.cl/texts/nlang/
- [2] Robert Sedgewick, Kevin Wayne. Knuth-Morris-Pratt Construction.

 1 de Diciembre de 2010.

 http://www.cs.princeton.edu/courses/archive/spring11/cos226/demo/
 53KnuthMorrisPratt.pdf
- [3] Graduate Level Algorithm Design and Analysis Gusfield Linear-time algorithm to build a suffix array for a string S http://web.cs.ucdavis.edu/~gusfield/cs222f07/lineartimesuffixarray.wmv