

# Определение параметров межзвездного поглощения света по данным каталога Hipparcos

Ф.Амосов

5 апреля 2015 г.

## Аннотация

Основная задача исследования — построение метода автоматического поиска пылевых облаков в окрестности Солнца на основе массовых каталогов звезд. На первом этапе метод был применен к данным каталога Hipparcos, а именно для построения двумерной панорамы распределения пылевых облаков на небесной сфере. Метод исследования основан на сравнении эталонного показателя цвета звезды данного спектрального класса с наблюдаемым показателем цвета. Так как полная двумерная спектральная классификация известна не для всех звезд каталога Hipparcos, была решена вспомогательная задача: используя параллаксы звезд каталога Hipparcos дополнить информацию о звездах классом светимости на основе данных о видимой звездной величине и параллаксе звезды. В результате работы была построена карта распределения пылевой материи, вызывающей покраснения света звезд, на небесной сфере. Недостаточная плотность звезд и низкие относительные точности параллаксов для далеких звезд не позволяют полностью использовать возможности метода, которые будут полностью раскрыты по завершении миссии GAIA

## 1 Введение

Общая задача поиска облаков межзвездной пыли, ответственной за поглощение света звезд, является трехмерной. Для ее надежного выполнения необходим массовый каталог параллаксов звезд. На сегодняшний день таким каталогом является Hipparcos, но, как мы увидим, его точности недостаточно для решения этой задачи. Видимо её полное решение будет возможно только после получения результатов миссии GAIA, чьей основной задачей является определение структуры Млечного Пути в окрестности Солнца. Поэтому мы представим решение частной задачи – задачи построения двумерного распределения пыли по небесной сфере. Ее решение позволит по крайней мере определить направления наибольшего поглощения и изменения таких характеристик звезд как звездная величина и показатель цвета. Это позволит в будущем учитывать межзвездное поглощение при определении характеристик звезды таких как, к примеру, показатель цвета.

## 2 Исходные данные

Для определения параметров межзвездного поглощения, нам потребуется иметь следующие данные о звездах,

- положение
- параллакс
- фотометрия
- спектральный класс и класс светимости

Мы будем использовать модифицированный каталог Hipparcos [1], ввиду того, что у подавляющего большинства звезд присутствуют все необходимые данные.

## 2.1 Сведения о каталоге

Каталог Hipparcos содержит данные о 117955 звездах. У некоторых звезд отсутствуют необходимые нам данные, поэтому в данной статье мы будем работать с меньшим числом звезд.

### 2.1.1 Параллакс

Звезды в каталоге Hipparcos имеют низкую точность параллакса. Это можно видеть из следующей гистограммы. На ней отложены средние значения относительной ошибки в расстоянии для звезд на разных расстояниях. Мы видим что, например, на расстоянии в 500 пк ошибка в параллаксе достигает

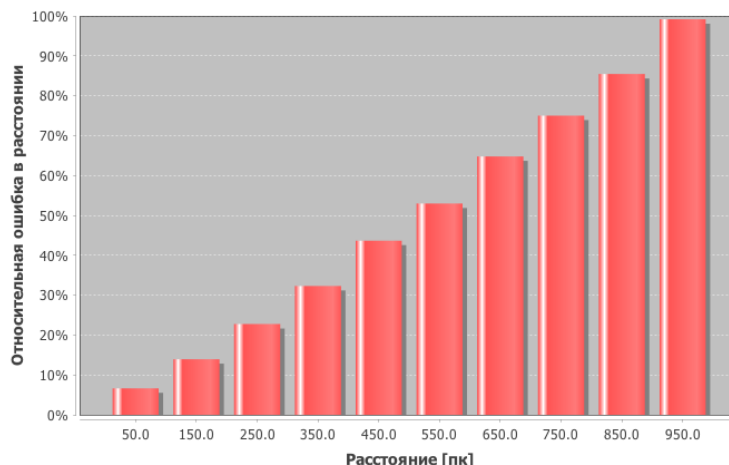


Рис. 1: Относительная ошибка в расстоянии от расстояния

50%.

### 2.1.2 Положение

Ошибки в положении звезд на небе на порядок меньше ошибок в параллаксе, поэтому их можно не учитывать, если нас интересует пространственное распределение звезд.

### 2.1.3 Фотометрия

В каталоге Hipparcos 2007 [1] приведены данные фотометрии звезд. Показатель цвета  $B - V$  присутствует у всех звезд.

## 2.2 Спектральная классификация

В каталоге Hipparcos имеются данные о спектрах и спектральных данных для 110707 звезд. Эти данные заимствованы из наземных наблюдений. Дополнительная информация о спектральных классах содержится в каталоге Tycho 2 Spectral Type. К сожалению, в этом каталоге информация о спектральных данных звезд приведена только для звезд южного экваториального полушария. На этом рисунке изображена небесная сфера в галактической системе координат (в центре центр галактики), разбитая на «пиксели» алгоритмом HEALPix [7]. Далее мы подробнее его разберем. Чем больше в пикселе доля звезд, имеющих класс светимости в каталоге Tycho 2 Spectral Type, тем он краснее. Видим отсутствие класса светимости практически у всех звезд северного экваториального полушария и присутствие у южного.

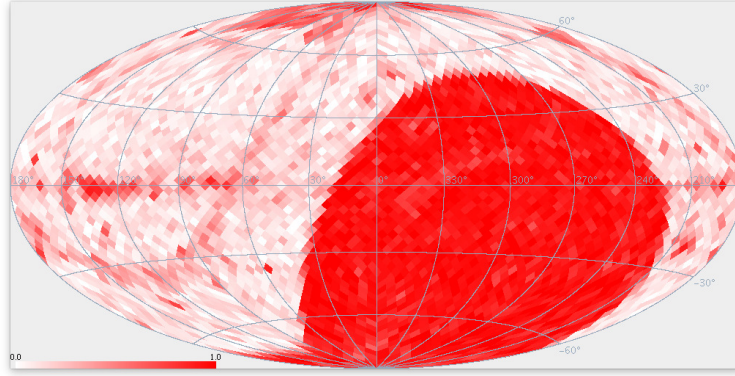


Рис. 2: Распределение наличия классов светимости

## 3 Покраснение

### 3.1 Определение

Межзвездное поглощение может быть описано избытком цвета. Избыток цвета мы будем называть «покраснением». *Покраснение* звезды есть

$$E = E_{B-V} = (B - V)_{obs} - (B - V)_{int}$$

Где  $(B - V)_{obs}$  — ее видимый нами показатель цвета, а  $(B - V)_{int}$  — реальный показатель цвета звезды.  $(B - V)_{obs}$  мы можем получить на основе данных фотометрии звезды. Их мы получим из каталога.  $(B - V)_{int}$  можно оценить статистически. Это проделано во многих работах, к примеру, в [4]. В результате, мы воспользуемся полученной в [4] двумерной таблицей «спектральный класс, класс светимости — показатель цвета». То есть для получения  $(B - V)_{int}$  звезды нам потребуются ее спектральный класс и класс светимости. Их мы можем получить из данных каталога. Приведем пример расчета покраснения на звезде HIP 44800,

- У нее в каталоге  $(B - V)_{obs} = 0.535^m$
- Класс F7V, поэтому (по [4])  $(B - V)_{int} = 0.493^m$
- Покраснение  $0.535^m - 0.493^m = 0.042^m$

Покраснение — это количественное измерение межзвездного поглощения, поэтому мы можем сказать, что «между нами и звездой HIP 44800 пыли на 0.042 зв. вел».

### 3.2 Идеальная кривая покраснения

Предположим, что на некотором луче зрения бесконечно много звезд и они расположены на нем всюду плотно. Пусть для каждой звезды мы можем идеально измерить ее покраснение. Тогда, ход покраснения на этом луче зрения должен иметь следующий вид,

Где по оси  $x$  отложено расстояние по лучу зрения, а по  $y$  — покраснение у соответствующих звезд. Покраснение должно всегда монотонно расти, т.к. пыль присутствует всюду. Очевидно, что там, где покраснение растет быстрее - пыли больше, там где медленнее - меньше. Поэтому, можно было бы сказать, что облака на этом луче зрения находятся там, где покраснение растет «очень быстро» (синие области),

Тем самым, построение кривых покраснения в разных направлениях на небе может позволить находить области повышенного межзвездного поглощения, то есть находить пылевые облака.

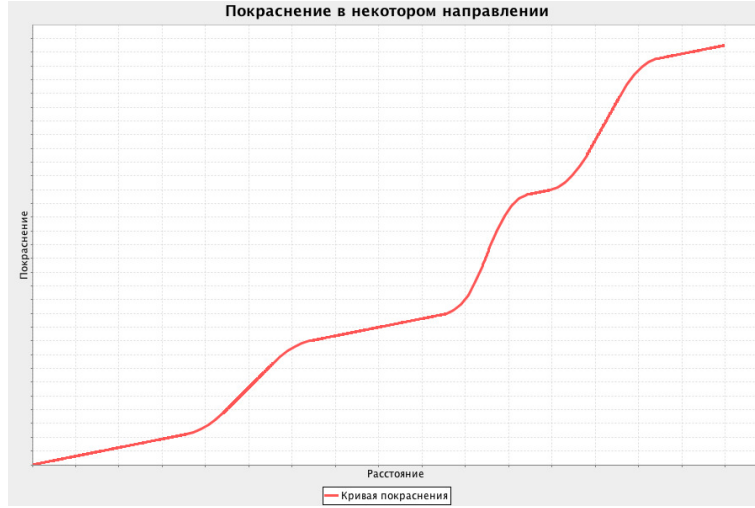


Рис. 3: Идеальный ход покраснения на луче зрения

## 4 Способ получения классов светимости

Как мы увидели в обзоре данных каталога Hipparcos, практически у всех звезд северного экваториального полушария отсутствует класс светимости. Для нас его наличие чрезвычайно важно, ввиду того, что мы на основе класса светимости и спектрального класса рассчитываем истинное значение  $B - V$  для звезд ( $(B - V)_{int}$ ). Тем самым, отсутствие класса светимости у половины звезд делает невозможным проведение наших расчетов для всего северного полушария.

Исправим это. Определим неизвестные классы светимости. Сделаем это с помощью методов машинного обучения. Натренируем классификатор, который будет выдавать класс светимости для звезды по двум факторам - ее показателю цвета и ее абсолютной звездной величине. Этих факторов будет достаточно, т.к. классы светимости теоретически разделимы на диаграмме Гершпрунга-Рассела.

Доля звезд, которые относятся ни к III, ни к V классам мала (16,3%, 8058 из 49285, имеющих класс светимости). Поэтому, мы упростим задачу — обучим линейный бинарный классификатор, который будет предсказывать III или V класс. Сделаем это с помощью метода опорных векторов [6] с обычным линейным ядром.

В качестве обучающего множества возьмем все звезды, у которых присутствует класс светимости в каталоге и он либо III, либо V. Таких звезд 41227 (20027 III класса, 21200 V класса). Обучим на них классификатор — получим разделяющую классы прямую (рис. 5).

Уравнение разделяющей прямой,

$$-2.9876 \cdot (B - V) + 0.4526 \cdot M + 1.3547 = 0$$

где  $B - V$  — показатель цвета,  $M$  — абсолютная звездная величина.

Мы видим, что при показателе цвета  $B - V \geq 0.6$  классификатор работает практически идеально, но при  $B - V < 0.6$  работает не совсем верно — выдает V класс при большом числе звезд III класса (12,7%, 2222 из 17499). При  $B - V < 0.6$  звезды III и V класса неразделимы, поэтому для этой половины можно принять другое решение — результат работы классификатора будет взвешенным средним III и V классов, то есть некоторым средним классом,  $(B - V)_{int}$  у которого будет равен  $w_1 \times (B - V)_{int}(III) + w_2 \times (B - V)_{int}(V)$ ,  $w_1 + w_2 = 1$ . Веса  $w_1$  и  $w_2$  логично взять в соответствии с долей классов в этой области (12.7%/87.3%).

В таблице двумерной спектральной классификации [4] у спектрального типа G2 показатель цвета при III классе 0.733, при V — 0.630. Это максимальная разница между III и V классом в интересующем

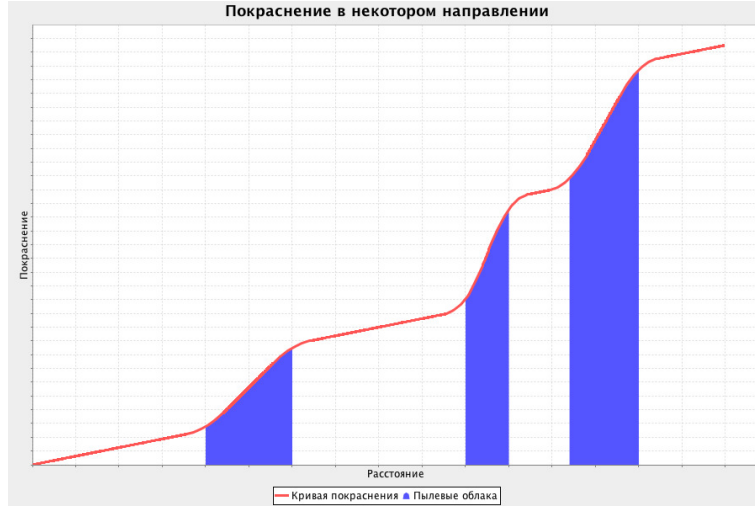


Рис. 4: Облака на идеальной кривой покраснения

нас диапазоне. Класс, соответствующий средневзвешенному решению будет иметь показатель цвета  $12.7\% \cdot 0.733 + 87.3\% \cdot 0.630 = 0.643$ . Отличие от V класса минимальное — 0.01 зв. вел. — гораздо ниже уровня каталожных ошибок. Поэтому, решение классификатора в этой области можно считать приемлемым.

Для количественной оценки качества работы классификатора, проведем 10-fold кросс-валидацию. Ниже приведены ее результаты,

Классифицированы как →	III	V	Класс	Точность	Полнота	F1-мера
III	17529	2498	III	95%	88%	91%
V	854	20346	V	89%	96%	92%

Классификатор имеет приемлемое качество. Результат его работы — наличие класса светимости у всех рассматриваемых звезд.

## 5 Результаты

Построение кривых покраснения в разных направлениях позволит нам понять пространственное распределение межзвездного поглощения (пыли). Звезд в каталоге не бесконечное число, поэтому реальные кривые покраснения будут не непрерывными кривыми, а будут наборами точек, описывающими ход покраснения. Аналогично, вместо звезд на луче зрения мы должны использовать звезды в малых конусах. Поэтому, ход покраснения у нас будет выглядеть, к примеру, так,

Следующий метод позволит построить «кривые» покраснения во всех направлениях на небесной сфере. Он состоит из трех этапов,

### 5.1 Картирование небесной сферы

Для картирования небесной сферы мы воспользуемся стандартным алгоритмом Healpix [7], с помощью которого мы разобьем сферу на достаточно маленькие равновеликие части. Назовем их  $\{P_i\}_{i=1}^{2n^2}$  (у нас  $n = 18$ ). Обозначим конусы, высекаемые соответствующими частями через  $\{C_i\}_{i=1}^{2n^2}$ . Такое разбиение позволит нам,

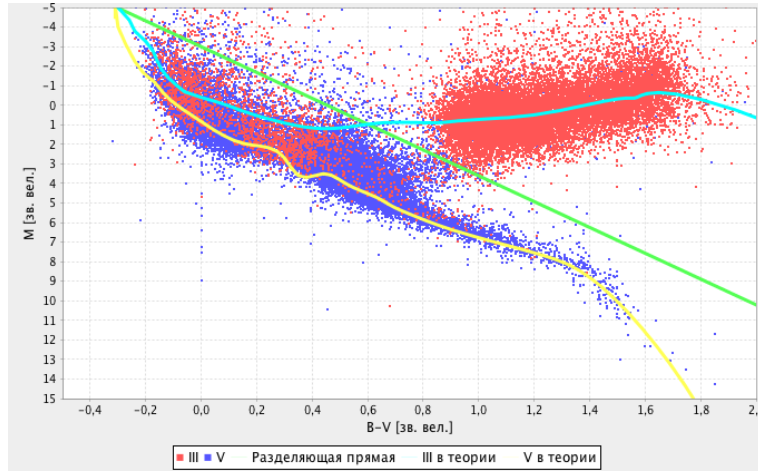


Рис. 5: Обучающее множество с полученной разделяющей прямой. Так же, здесь изображены теоретические кривые для классов на основе таблиц [4]

1. Рассмотреть ход покраснения в каждом конусе как одномерную функцию  $E(r)$ . Это корректно, ввиду того, что конусы достаточно узкие;
2. Сделать наши результаты «независимыми», т.к. конусы не пересекаются;
3. Поместить в каждый конус примерно одинаковое число звезд, чтобы избежать недостатка звезд в некоторых конусах.

## 5.2 Тренд

Тем самым, мы ищем  $E_i(r)$ , соответствующую каждому  $C_i$ . Ввиду того, что практически все  $E_i(r)$  очень сильно зашумлены разного рода ошибками, не удастся проследить истинный ход этих функций. Но тренд вида  $kr$  все же можно вычислить ( $E_i(r) \approx k_i r$ ). Он находится с помощью метода наименьших квадратов.

## 5.3 Критерии выбора звезд

### 5.3.1 По параллаксу

В каталоге Hipparcos, далекие звезды имеют очень большие ошибки в параллаксе. На расстояниях, скажем, в 400 пк они могут достигать 100%. Такие ошибки могут очень сильно испортить наши результаты. Тем самым, мы не будем рассматривать звезды, у которых относительная ошибка параллакса не превосходит 25%. Меньшее значение порога оставит нам очень малое число звезд, которых не хватит для того, чтобы вычисленные тренды были достоверными.

### 5.3.2 По тренду

Покраснения некоторых звезд вносят большие ошибки в искомые тренды. Иногда они получаются вообще отрицательными, что противоречит здравому смыслу. Но об этом мы поговорим позже.

Как известно, метод наименьших квадратов не устойчив к выбросам, т.е. совсем неверные покраснение/параллакс могут очень сильно испортить тренд. Для более устойчивого построения тренда, мы сделаем следующее. После построения тренда по всем звездам в конусе, мы выбрасываем те, у которых отклонение от тренда самое большое. Затем, мы строим тренд заново, но уже только по оставшимся звездам. После выброса 10% самых плохих звезд тренд, к примеру, может быть таким

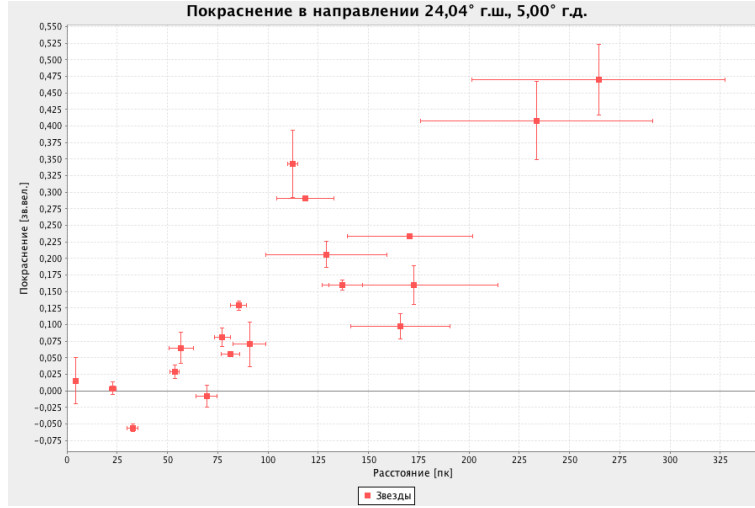


Рис. 6: Покраснение из данных каталога Hipparcos

В данном случае, мы выбросили одну звезду (синюю). 10% звезд — это обычно 0, 1 или 2 звезды в каждом конусе. Опять же, нельзя выбрасывать слишком много звезд из-за опасности «подгонки» данных под модель.

#### 5.4 Распределение коэффициента $k$

Тем самым, ход покраснения в конусе  $C_i$  мы описываем одним числом  $k_i$  — скоростью роста покраснения в этом конусе. Она, как мы ранее выясняли, должна коррелировать с наличием пыли. Поэтому, составив карту распределения коэффициента  $k$ , мы составим панораму пыли в окрестности Солнца.

Это небо в галактической системе координат с центром в центре галактики. Сфера разбита на  $12 \cdot 18^2 = 3888$  «пикселей» алгоритмом HEALPix. В каждом кусочке построен тренд покраснения  $kr$ . На этом рисунке изображено распределение значения коэффициента  $k$  по пикселям. Синий цвет означает отрицательное значение  $k$ , красный — положительное. Чем насыщеннее цвет, тем больше значение коэффициента по модулю.

### 6 Отрицательное покраснение

На некоторых площадках коэффициент  $k$  отрицательный. В теории, такого не должно быть, т.к. межзвездное поглощение не может делать звезды более голубыми. Пример хода покраснения на одной из площадок. Мы видим, что это вызвано тем, что некоторые звезды имеют сильно отрицательное покраснение. То есть  $E_{B-V} + 3\sigma_{E_{B-V}} < 0$ , где  $\sigma$  — это ошибка. Такого не должно быть, т.к. звезда не может сильно голубеть на расстоянии. Давайте рассмотрим какую-нибудь звезду, имеющую такое anomalous отрицательное покраснение. К примеру, HIP 66713. Ее параметры:

- Параллакс  $7.99 \pm 0.77$
- Показатель цвета  $0.386 \pm 0.014$
- Спектральный тип G0V
- Видимая звездная величина 8.37

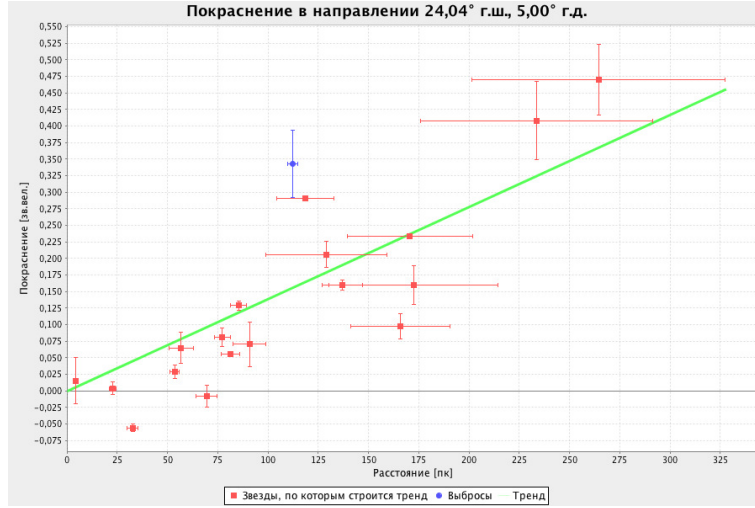


Рис. 7: Тренд покраснения, построенный без учета выбросов

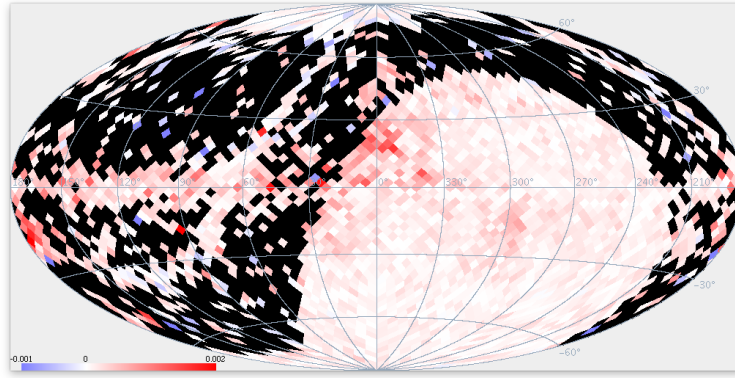


Рис. 8: Распределение градиента покраснения, построенного по звездам, имеющим класс светимости в каталоге

Мы видим, что она не имеет аномальных параметров. Так же, ее параметры имеют небольшие ошибки. Согласно таблице в [4], спектральному типу G0V соответствует показатель цвета 0.580. Тем самым, покраснение  $E = (B - V)_{obs} - (B - V)_{int} = (0.386 \pm 0.014) - 0.580 = -0,194 \pm 0.014$ . Мы видим аномальное покраснение у не аномальной звезды. И таких звезд (имеющих  $E_{B-V} + 3\sigma_{E_{B-V}} < 0$ ) 11993 из 94670 (12.6%), то есть достаточно много. Основные возможные причины таких отклонений — неверные таблицы «спектральный тип — покраснение», ошибки в спектральной классификации (см. обучающее множество в «Способах получения классов светимости»). Этой проблеме будет посвящена следующая статья.

## 7 Заключение

Этот раздел еще не создан



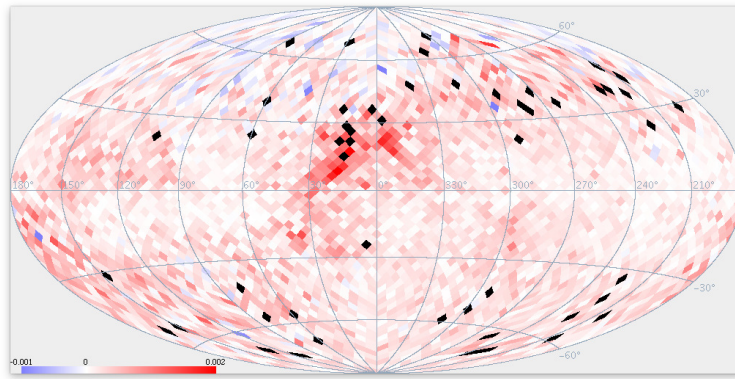


Рис. 9: Распределение градиента покраснения, построенного по звездам с  $B - V < 0.6$

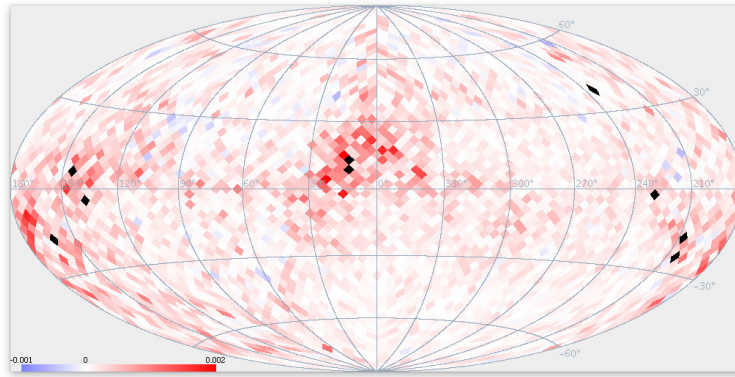


Рис. 10: Распределение градиента покраснения, построенного по звездам с  $B - V \geq 0.6$

## Список литературы

- [1] van Leeuwen, F. *Validation of the new Hipparcos reduction* 2007: Astronomy and Astrophysics
- [2] Wright et al. *Tycho-2 Spectral Type Catalog* 2003: The Astronomical Journal
- [3] Страйджест – книжка
- [4] А.А.Сминов, А.С.Цветков, А.В.Попов *Неточности в спектральной классификации звезд каталога Tycho-2 Spectral Type* 2006.
- [5] Гончаров
- [6] V.N.Vapnik *The Nature of Statistical Learning Theory* 1995.
- [7] Gorski et al. *HEALPix: A Framework for High-Resolution Discretization and Fast Analysis of Data Distributed on the Sphere* 2005.

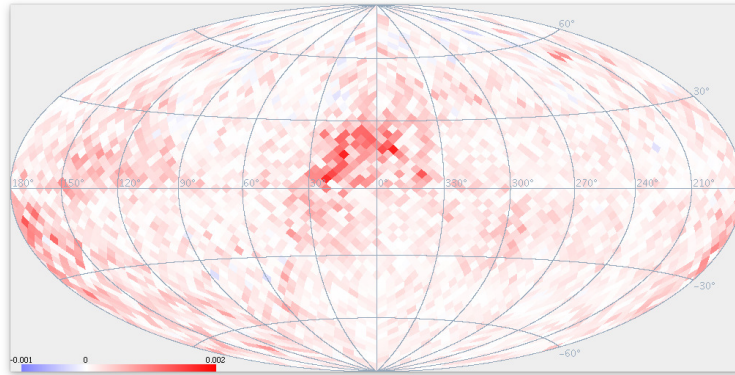


Рис. 11: Распределение градиента покраснения, построенного по всем звездам

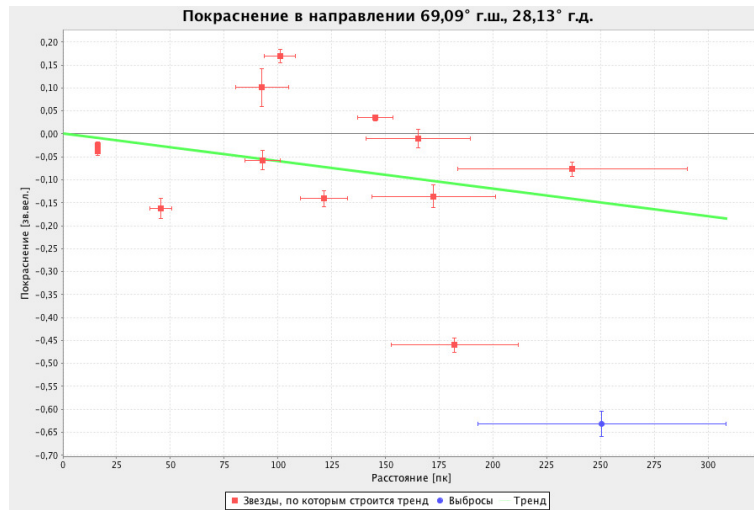


Рис. 12: Отрицательный ход покраснения