# Построение VoR-дерева с использованием технологии MapReduce

Амосов Федор, СПбГУ

Руководитель: Волохов Антон, Яндекс

#### Постановка задачи

#### Дано

- ullet 10 $^9$  точек из  $\mathbb{R}^5$
- Метрика
- Кластер из 10<sup>3</sup> машин

#### Задача

• Распараллеленно построить структуру для эффективных 1-NN и k-NN запросов в данной метрике

#### VoR-дерево

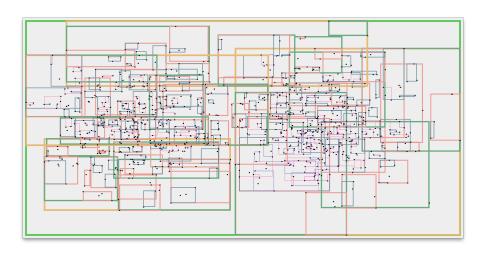
#### Определение

• VoR-дерево = R-дерево + диаграмма Вороного

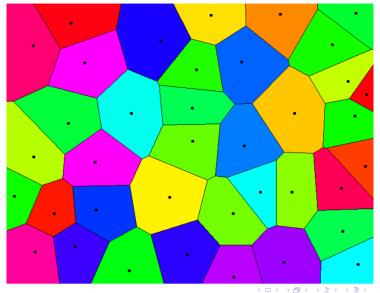
#### В нашей задаче

- Евклидова метрика ?
- 1–NN запрос за  $O(\log n)$
- k-NN запрос за  $O(k + \log n)$

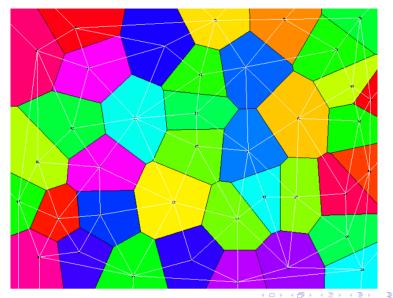
## R-дерево



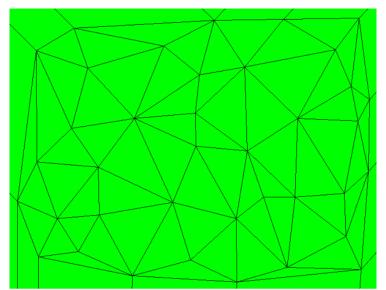
#### Диаграмма Вороного



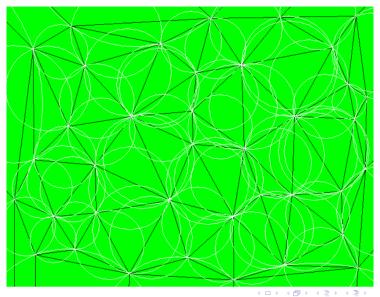
## Диаграмма Вороного



## Граф Делоне



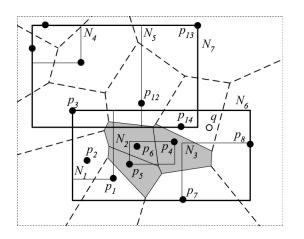
## Основное свойство графа Делоне



#### Плохие и хорошие треугольники

Картинка с плохими и хорошими треугольниками

#### VoR-дерево



Nearest Neighbor Queries» Proceedings of the VLDB Endowment, 2010

#### Построение VoR-дерева

- offline
- Требование распараллеленности => «разделяй и властвуй»
- ullet Построить R-дерево за O(n) очевидно
- Построить граф Делоне за  $O(n \log n)$ , следуя парадигме «разделяй и властвуй» ?

Картинка с точками

Картинка с выделенными пайвотами

Картинка с разделением на части

Картинка с построенными графами Делоне

Картинка с выделенными плохими треугольниками

Картинка с удаленными плохими треугольниками

Картинка с хорошо выделенными граничными точками и более тускло все остальное

Картинка как предыдущая, только со склеивающим графом Делоне

Из предыдущей картинки выкидываются «ненужные» ребра

Все в цвете

Итоговый граф Делоне

#### Анализ алгоритма

- 2 утверждения  $\Longrightarrow$  корректность
- Ускорение внешнего «склеивающего» алгоритма
  - $O(n^2) \longrightarrow O(n \log n)$
  - $O(n^k) \longrightarrow O(n^{\frac{k}{2}}), k > 2$

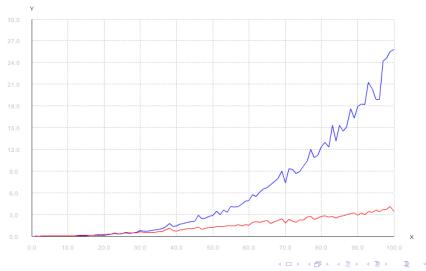
#### Улучшение алгоритма

- Плохие треугольники находятся вблизи границы
  ⇒ не надо проверять все треугольники
- Образов Вудем строить нашим алгоритмом сразу VoR-деревья ⇒ определение «хорошести» треугольника с помощью построенных VoR-деревьев
- Оклеивание можно проводить с помощью рекурсивного вызова нашего алгоритма. В чем подвох?
- Внешний алгоритм только для маленьких задач

Итого, сложность всегда  $O(n \log n)$ 

#### На практике

#### Ускорение наивного алгоритма



#### Распараллеливание

Картинка с разбиением на части

#### Технология MapReduce

#### Технология

- Мар обработка данных построение VoR-деревьев из частей
- Reduce свертка данных склеивание полученных VoR-деревьев

#### Реализация

- Apache Hadoop
- Сериализация VoR-дерева Google Protocol Buffers

#### Результаты

## Разработан алгоритм построения многомерного VoR-дерева

- Асимптотически эффективный
- Хорошо параллелится
- Реализован на Java
- Реализован с использованием MapReduce
- Реализован с использованием MapReduce рекурсивно

До  $10^9$  точек еще далеко, но прототип работает

Q&A

Спасибо за внимание!