

Modelowanie Matematyczne (zadanie)
Wojskowa Akademia Techniczna im. Jarosława Dąbrowskiego
prowadzący: mgr inż. Michał Kapalka

Artur M. Wolff (grupa nr H7X2S1)

2 czerwca 2019

1 Treść problemu

Warminsko-mazurska kopalnia paliw kopalnianych *Albrecht* wydobywa 3 rodzaje węgla. Węgiel typu I jest najbardziej opłacalny do wydobycia, ale najmniej ekologiczny. Węgiel typu II jest mniej opłacalny do wydobycia, ale bardziej ekologiczny. Węgiel typu III jest najmniej opłacalny do wydobycia, ale najbardziej ekologiczny. Dyrektywy Unii Europejskiej mówią o tym, że w pełni działająca kopalnia powinna wydobywać co najwyżej 25Mt węgla typu I, co najmniej 50Mt węgla typu II i co najmniej 25Mt węgla typu III miesięcznie. Wydajność kopalni *Albrecht* to średnio 133Mt miesięcznie. Za każdy 1% nadprodukcji węgla typu II kopalnia otrzyma *dopłatę klimatyczną* w wysokości 5% przychodu i 10% przychodu w przypadku węgla typu III. Jednak, w wyniku nieprzewidywanych okoliczności, może zdarzyć się tak, że podczas kopania węgla wykopany zostanie radioaktywny metal, izotop polonu ^{210}Po . W takim wypadku, Polska Agencja Atomistyki zamyka kopalnię na miesiąc, a wykopany dotychczas węgiel zostaje przewieziony na wysypisko materiałów promieniotwórczych. Wymienione wyżej zdarzenie to proces stochastyczny i nie da się go przewidzieć, ale jest możliwość zasymulowania go używając generatora liczb pseudolosowych (wartości boolowskich). Poza tym, koszty związane z sezonowaniem (składowaniem i przechowywaniem) nadwyżek produkcji ponosi kopalnia. Jakie powinny być proporcje wydobycia każdego z typów węgla w miesiącu, biorąc pod uwagę zmienny popyt na węgiel, tak aby zysk zakładu był jak największy? Czy jest to problem rozwiązywalny w rozsądnym czasie?

2 Lista danych

x_1 – koszt wydobycia 1 tony węgla typu I
 x_2 – koszt wydobycia 1 tony węgla typu II
 x_3 – koszt wydobycia 1 tony węgla typu III
 c_1 – cena sprzedaży węgla typu I (1 tony)
 c_2 – cena sprzedaży węgla typu II (1 tony)
 c_3 – cena sprzedaży węgla typu III (1 tony)
 u_1 – maksymalny udział węgla typu I w ogóle wydobycia
 u_2 – minimalny udział węgla typu II w ogóle wydobycia
 u_3 – minimalny udział węgla typu III w ogóle wydobycia
 k_1 – dopłata klimatyczna za nadprodukcję 1% węgla typu II
 k_2 – dopłata klimatyczna za nadprodukcję 1% węgla typu III
 p_1 – popyt na węgiel typu I
 p_2 – popyt na węgiel typu II
 p_3 – popyt na węgiel typu III
 s – koszt sezonowania węgla
 w – wydajność kopalni

3 Lista zmiennych decyzyjnych

l_1 – liczba wyprodukowanych ton węgla typu I

l_2 – liczba wyprodukowanych ton węgla typu II

l_3 – liczba wyprodukowanych ton węgla typu III

4 Lista wskaźników

z – zysk kopalni

5 Model optymalizacyjny

$$a = \langle x_1, x_2, x_3, c_1, c_2, c_3, u_1, u_2, u_3, k_1, k_2, p_1, p_2, p_3, s, w \rangle$$

$$\mathbb{A} = \{a \in \mathbb{N}_+^{16}\}$$

$$x = \langle l_1, l_2, l_3 \rangle$$

$$\Omega(a) = \{\langle l_1, l_2, l_3 \rangle \in \mathbb{N}^3 : l_1 + l_2 + l_3 \leq w \dots\}$$

$$k = \langle z \rangle$$

$$\mathbb{K}(a, x) = \{\}$$