Übung zur Vorlesung Statistik II für Biowissenschaftler

Übungsblatt 1 - Testen und lineare Modelle

Dr. Jochen Kruppa

AG-Leiter Statistische Bioinformatik

Institut für Biometrie und Klinische Epidemiologie

Charité - Universitätsmedizin Berlin

Version vom 13. April 2021

Aufgabe 1

1. Eine Forscherin hat in einem Experiment mit neun Ratten ein Test-Score-Modell entwickelt, aus dem sie die Tumorgröße vorhersagen will. Nach dem Tod der Ratten ergaben sich folgende Test-Score-Werte und die dazugehörigen Tumorgrößen pro Tier:

Tumorgröße [cm3]	12	16	22	24	10	8	14	21	12
Test-Score	2	3.5	5.5	4	2.5	1	3	5	1.5
Test-Score (dichotomisiert)									

- 2. Stellen Sie das passende biologische Modell des Rattenexperiments in der Form $y \sim x$ auf!
- 3. Zeichnen Sie zu dem Modell den passenden Scatterplot aus den obigen Daten mit korrekter Beschriftung:
 - eine Regressionsgerade durch die Punkte aus b)!
 - Skizzieren/veranschaulichen Sie die Methode, wie Sie die beste Gerade durch die Punkte bestimmt haben an drei Beispiel haften Punkten.
- 4. Bestimmen Sie die notwendigen Parameter für die Regressionsgerade aus der Zeichnung in b).
- 5. Stellen Sie die Regressionsgleichung auf! Welche Tumorgröße ergibt sich aus dem Modell für einen Test-Score von 4?

© Jochen Kruppa (2021) $1 \mid 3$

- 6. Die Forscherin möchte den Test für die spätere Anwendung in zwei Gruppen (Tumor klein vs. Tumor groß) einteilen. Welchen Cut-Off schlagen Sie für den Test-Score vor? Begründen Sie ihre Entscheidung! Füllen Sie entsprechend diesem Cut-Off die Zeile "Test-Score (dichotomisiert)" in der obigen Tabelle aus.
- 7. Zeichnen Sie für Ihre Test-Score Dichotomisierung die passenden Boxplots für den Gruppenvergleich!

Aufgabe 2

Ein Forscher untersucht 10 Mäuse auf Gewichtsverlust und erhält folgende Tabelle.

Maus	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Gewichtsverlust [g]	10	9	7	12	6	2	4	1	0	3

Welche Annahmen an die Daten und Modifikationen haben Sie vorgenommen um folgende statistischen Tests zu rechnen?

- 1. Ein Gruppenvergleich mit dem Student t-Test und einen gepaarter t-Test
- 2. Wie müsste die Datenstruktur für einen X^2 -Test aussehen? Wären 10 Mäuse genug oder wie viele Mäuse sind das Minimum (Stichwort Zellenbelegung).

Aufgabe 3

Eine Forscherin vergleicht 4 Dosisstufen (none, low, mid, high) für ein neues Medikament miteinander. Erstellen Sie hypothetische Konfidenzintervalle, die beispielhaft mögliche Interpretationen der Studie beinhalten.

- 1. Zeichnen Sie eine Abbildung der entstehenden Konfidenzintervalle, die alle paarweisen Vergleiche beinhaltet, wenn der Endpunkt "Gewichtsreduktion" lautet.
- 2. Zeichnen Sie eine Abbildung der entstehenden Konfidenzintervalle, die alle paarweisen Vergleiche beinhaltet, wenn der Endpunkt "Auftreten eines Tumors (ja/nein)" lautet.

Aufgabe 4

In der Teilchenphysik ist es so: Abweichungen zwischen Theorie und Experiment können auch einfach nur Zufall sein. Deswegen verwendet man dort den "Sigma-Wert". In der Teilchenphysik ist es üblich, erst bei einem Wert von 5 Sigma von einer "Entdeckung" zu sprechen. Beim aktuellen g-2-Experiment des Fermilab liegt der Wert bei 4.2.

- Mit welcher Wahrscheinlichkeit ist 5 Sigma vermutlich verbunden?
- Mit welcher Wahrscheinlichkeit ist dann 4.2 Sigma verbunden?
- Wie sehe die Entscheidung in der "normalen" Statistik aus?
- Visualisieren Sie die Zusammenhänge.

© Jochen Kruppa (2021) 2 | 3