

Кафедра статистической физики

Исследование изменения ориентационной структуры кирального жидкого кристалла с большим флексоэлектрическим коэффициентом под воздействием внешнего электрического поля

Автор:

Оскирко А.Д.

Научный руководитель:

д. ф.-м.н., проф. Ульянов С. В.

Санкт-Петербург, 2020 г.



Содержание

- Свободная энергия искажения ориентационной структуры ХЖК
- Переход Фредерикса в случае отрицательной анизотропии диэлектрической проницаемости
- Переход между искажёнными ориентационными структурами в случае большого усреднённого флексоэлектрического коэффициента

Часть 1. Свободная энергия искажения ориентационной структуры XЖК.

Описание системы

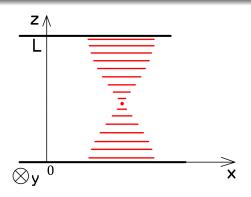


Рис. 1: Планарная геликоидальная структура XЖК

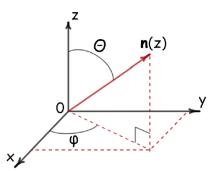


Рис. 2: Ориентация директора п

Общий вид выражения

$$\mathcal{F}_{\rm tot} = \mathcal{F}_{\rm e} + \mathcal{F}_{\rm sf} + \mathcal{F}_{\rm f} \tag{1}$$

Общий вид выражения

$$\mathcal{F}_{\mathrm{tot}} = \mathcal{F}_{\mathrm{e}} + \mathcal{F}_{\mathrm{sf}} + \mathcal{F}_{\mathrm{f}}$$
 (1)

Упругая энергия

$$\mathcal{F}_{e} = \frac{S_{\perp}}{2} \int_{0}^{L} \left[K_{11} (\operatorname{div} n)^{2} + K_{22} (n \cdot \operatorname{rot} n + q_{0})^{2} + K_{33} (n \times \operatorname{rot} n)^{2} \right] dz, \tag{2}$$

$$\mathcal{F}_{\rm sf} = \frac{\mathsf{S}_{\perp}}{2} \sum_{\alpha=1,2} \left[W_{\theta}^{(\alpha)} \sin^2 \left(\theta - \theta_0^{(\alpha)} \right) + W_{\varphi}^{(\alpha)} \sin^2 \left(\varphi - \varphi_0^{(\alpha)} \right) \right] \tag{3}$$

Общий вид выражения

$$\mathcal{F}_{\mathrm{tot}} = \mathcal{F}_{\mathrm{e}} + \mathcal{F}_{\mathrm{sf}} + \mathcal{F}_{\mathrm{f}}$$
 (1)

Вклад флексоэлектричества

$$\mathcal{F}_f = \int_V F_f \, d\mathbf{r}, \ F_f = -\frac{1}{4\pi} \int \mathsf{D} d\mathsf{E}, \tag{2}$$

$$D = \hat{\varepsilon}E + 4\pi P_{flex}, \tag{3}$$

$$\mathcal{F}_f = -\frac{S_{\perp}}{8\pi} \int_0^L \mathsf{E} \cdot \hat{\varepsilon} \mathsf{E} \, dz - S_{\perp} \int_0^L \mathsf{P}_{\mathrm{flex}} \cdot \mathsf{E} \, dz \tag{4}$$

$$\varepsilon_{\alpha\beta} = \varepsilon_{\perp} \delta_{\alpha\beta} + \varepsilon_{\mathsf{a}} \mathsf{n}_{\alpha} \mathsf{n}_{\beta},\tag{5}$$

$$P_{\text{flex}} = e_1 n \operatorname{div} n + e_3 \operatorname{rot} n \times n,$$

(6)

Общий вид выражения

$$\mathcal{F}_{\rm tot} = \mathcal{F}_{\rm e} + \mathcal{F}_{\rm sf} + \mathcal{F}_{\rm f} \tag{1}$$

Результат

$$\mathcal{F}_{f} = -\frac{S_{\perp}}{8\pi} U^{2} J + S_{\perp} \bar{e}_{13} U J J_{1} + 2\pi S_{\perp} \bar{e}_{13}^{2} \left(\int_{0}^{L} \frac{(\sin 2\theta \, \theta')^{2}}{\mathcal{E}(\theta)} dz - J J_{1}^{2} \right) \tag{2}$$

$$J_1 = \ln rac{\mathcal{E}(heta(0))}{\mathcal{E}(heta(L))}, \quad J = \left(\int\limits_0^L rac{1}{\mathcal{E}(heta)} \, dz
ight)^{-1}, \quad \mathcal{E}(heta) = arepsilon_\perp + arepsilon_{\mathsf{a}} \cos^2(heta)$$

Полная энергия, записанная в сферических координатах

$$\mathcal{F}_{\text{tot}} = \frac{V}{2} K_{22} q_0^2 + \frac{S_{\perp}}{2} \int_0^L \left[\mathcal{A}(\theta) (\theta')^2 + \mathcal{B}(\theta) (\varphi')^2 - 2\mathcal{C}(\theta) \varphi' \right] dz + \\
+ \frac{S_{\perp}}{2} \sum_{\alpha = 1, 2} \left[W_{\theta}^{(\alpha)} \sin^2 \left(\theta - \theta_0^{(\alpha)} \right) + W_{\varphi}^{(\alpha)} \sin^2 \left(\varphi - \varphi_0^{(\alpha)} \right) \right] - \\
- \frac{S_{\perp}}{8\pi} U^2 J + S_{\perp} \bar{e}_{13} U J J_1 + 2\pi S_{\perp} \bar{e}_{13}^2 \left(\int_0^L \frac{(\sin 2\theta \, \theta')^2}{\mathcal{E}(\theta)} dz - J J_1^2 \right) \tag{3}$$

$$\mathcal{A}(\theta) = K_{11}(\sin \theta)^2 + K_{33}(\cos \theta)^2$$

$$\mathcal{B}(\theta) = (\sin \theta)^2 \left(K_{22}(\sin \theta)^2 + K_{33}(\cos \theta)^2 \right)$$

$$\mathcal{C}(\theta) = q_0 K_{22}(\sin \theta)^2$$

Упрощение функционала свободной энергии

После варьирования $\mathcal{F}_{\mathrm{tot}}$ получаем систему уравнений Эйлера-Лагранжа

$$\frac{d\mathcal{A}}{d\theta}\theta'^2 + 2\mathcal{A}\theta'' = \frac{d\mathcal{B}}{d\theta}\varphi'^2 - 2\frac{d\mathcal{C}}{d\theta}\varphi' + \frac{\varepsilon_a \mathcal{U}^2 J^2 \sin 2\theta}{4\pi \mathcal{E}^2(\theta)},\tag{4}$$

$$d\left(B\varphi'-C\right)/dz=0,\tag{5}$$

и систему граничных условий (lpha=1,2)

$$\left(2(-1)^{\alpha}[\mathcal{A}(\theta)\theta' + \bar{e}\mathcal{U}J\sin 2\theta/\mathcal{E}(\theta)] + W_{\theta}^{(\alpha)}\sin 2(\theta - \theta_{0}^{(\alpha)})\right)\Big|_{z=I_{\alpha}} = 0, \tag{6}$$

$$\left. \left(2(-1)^{\alpha} (B\varphi' - C) + W_{\varphi}^{(\alpha)} \sin 2(\varphi - \varphi_0^{(\alpha)}) \right) \right|_{z=l_{\alpha}} = 0, \qquad (7)$$



Упрощение функционала свободной энергии

Окончательные выражение для $\mathcal{F}_{\mathrm{tot}}$

$$\mathcal{F}_{\text{tot}}(\theta) = \mathcal{F}_{e}^{(0)} + \frac{S_{\perp}}{2} \left[\int_{0}^{L} \left(\mathcal{A}(\theta) \theta'^{2} - \frac{C^{2}(\theta)}{B(\theta)} \right) dz + \right. \\ \left. + W_{\theta}^{(1)} \sin^{2} \left(\theta(0) - \theta_{0}^{(1)} \right) + W_{\theta}^{(2)} \sin^{2} \left(\theta(L) - \theta_{0}^{(2)} \right) + \right. \\ \left. + C_{2}^{2} \left(I_{1} + \kappa_{1} / W_{\varphi}^{(1)} + \kappa_{2} / W_{\varphi}^{(2)} \right) - \frac{\mathcal{U}^{2} J}{4\pi} \right], \quad (8)$$

и φ :

$$\varphi(z) = \varphi_0^{(1)} + \frac{1}{2} \arcsin \frac{2C_2}{W_{\omega}^{(1)}} + \int_0^z \frac{C(\theta) + C_2}{B(\theta)} dz.$$
 (9)

Выражения для констант

В формулах (8) и (9) используются константы C_2 и $\kappa_{1,2}$. Для $\kappa_{1,2}$ можно привести точное выражение:

$$\kappa_{\alpha} = 2/\left(1 + \sqrt{1 - \left(2C_2/W_{\varphi}^{(\alpha)}\right)^2}\right),\tag{10}$$

а на C_2 имеется трансцендентное уравнение:

$$C_2 = (\varphi_{\text{tot}}^{(0)} - I_2) / (I_1 + k_1 / W_{\varphi}^{(1)} + k_2 / W_{\varphi}^{(2)}), \tag{11}$$

где
$$k_{lpha}=\left(W_{arphi}^{(lpha)}/2\mathit{C}_{2}
ight)$$
 arcsin $\left(2\mathit{C}_{2}/W_{arphi}^{(lpha)}
ight)$, $1\leq k_{lpha}\leq\pi/2$.

Часть 2. Влияние флексоэлектричества на переход Фредерикса (случай отрицательной диэлектрической анизотропии)

Результаты опубликованы в статье A. D. Oskirko, S. V. Ul'yanov and A. Yu. Val'kov Effect of flexoelectricity on the Frèedericksz transition in chiral nematics with negative dielectric anisotropy J. Phys: Conf. Ser. 114 № 012 № 0

Устойчивость планарной геликоидальной структуры

Аналитическое изучение

$$\delta^2 \mathcal{F}_{\rm tot} = \delta^2 \mathcal{F}_{\theta} + \delta^2 \mathcal{F}_{\varphi},$$

$$\delta^{2} \mathcal{F}_{\theta} = \frac{S_{\perp}}{2} \int_{0}^{L} \left(K_{11} (\delta \theta')^{2} + M(\delta \theta)^{2} \right) dz +$$

$$+ \frac{S_{\perp}}{2} \sum_{\alpha=1,2} \mathcal{W}_{\theta}^{(\alpha)} \delta \theta^{2} (I_{\alpha}),$$
(12)

$$\delta^2 \mathcal{F}_{\varphi} = \frac{S_{\perp}}{2} \int_0^L \left(K_{22} (\delta \varphi')^2 \right) dz + \frac{S_{\perp}}{2} \sum_{\alpha = 1, 2} W_{\varphi}^{(\alpha)} \delta \varphi^2 (I_{\alpha}), \tag{13}$$

$$M = K_{33}q_0^2 - \varepsilon_a U^2/(4\pi L^2) > 0, W_{\theta}^{(\alpha)} = W_{\theta}^{(\alpha)} - 2(-1)^{\alpha} \overline{e}_{13} U/L$$
 (14)

Устойчивость планарной геликоидальной структуры

$$\delta\theta(z) = \delta\psi(z) + \delta\mu(z), \quad \delta^2 \mathcal{F}_{\theta} = Q_{\psi} + Q_{\mu},$$

$$Q_{\psi} = \frac{S_{\perp}}{2} \int_0^L \left(K_{11} (\delta\psi'(z))^2 + M(\delta\psi(z))^2 \right) dz + \frac{S_{\perp}}{2} \sum_{\alpha=1,2} \widetilde{W}_{\theta}^{(\alpha)} \delta_{\alpha}^2, \quad (15)$$

$$Q_{\mu} = \frac{S_{\perp}}{2} \int_{0}^{L} \left(K_{11} (\delta \mu')^{2} + M(\delta \mu)^{2} \right) dz.$$
 (16)

$$K_{11}\delta\psi''(z) - M\delta\psi(z) = 0, \quad \delta\psi(0) = \delta_1, \quad \delta\psi(L) = \delta_2.$$

$$\delta\psi = \delta_1 \frac{\sinh\xi(L-z)}{\sinh\xi L} + \delta_2 \frac{\sinh\xi z}{\sinh\xi L},$$

$$\xi = \sqrt{M/K_{11}}.$$
(17)

Устойчивость планарной геликоидальной структуры

Результирующий критерий устойчивости:

$$w^{(1)}w^{(2)} + 2\bar{w}t \coth t + t^2 > 0.$$
 (18)

где введены безразмерные параметры $t=\xi L$, $w^{(\alpha)}=\mathcal{W}^{(\alpha)}L/K_{11}$, и $ar{w}=(W_{ heta}^{(1)}+W_{ heta}^{(2)})L/2K_{11}.$

Уравнение кривой $e_+^st(U)$

$$e_{+}^{*}(U) = \left(K_{11}/4U\right)\left(\Delta w + 2\bar{w}\operatorname{sgn}U\sqrt{1 + X(U)}\right),\tag{19}$$

$$X(U) = \frac{2}{\bar{w}} \left(t \coth t + t^2 / 2\bar{w} \right). \tag{20}$$

Уравнение вертикальной асимптоты:

$$\bar{e}' = \lim_{U \to \infty} \bar{e}_+^*(U) = \sqrt{\frac{-\varepsilon_a K_{11}}{16\pi}}$$
 (21)

Переход Фредерикса. Случай $arepsilon_a < 0$

Фазовые диаграммы

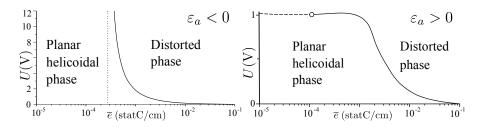


Рис. 3: Фазовые диаграммы для случаев $\varepsilon_a < 0$ и $\varepsilon_a > 0$. Сплошная и пунктирная линии соответствуют межфазным границам, соответственно, для непрерывного и для разрывного перехода; линией из точек обозначена асимптота межфазовой границы при $\varepsilon_a < 0$, а кружок обозначает трикритическую точку.

Переход Фредерикса. Случай $\varepsilon_a < 0$

Сравнение профилей heta(z) при постоянном U

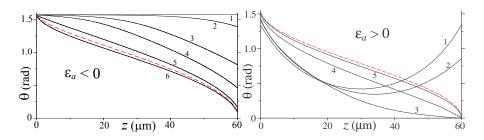


Рис. 4: Профили $\theta(z)$ для U=1.2~V. Линии для $\varepsilon_a<0$ соответствуют: $1-\bar{e}=10^{-3}$, $2-\bar{e}=1.5\times10^{-3}$, $3-\bar{e}=1.8\times10^{-3}$, $4-\bar{e}=2\times10^{-3}$, $5-\bar{e}=3\times10^{-3}$, $6-\bar{e}=10^{-2}$ в единицах $\mathrm{statC/cm}$; линии для $\varepsilon_a>0$ соответствуют: $1-\bar{e}=0$, $2-\bar{e}=10^{-4}$, $3-\bar{e}=10^{-3}$, $4-\bar{e}=3\times10^{-3}$, $5-\bar{e}=10^{-2}$ в единицах $\mathrm{statC/cm}$. Пунктирные линии соответствуют зависимости $\cos^2\theta(z)\simeq z/L$.

Переход Фредерикса. Случай $arepsilon_a < 0$

Сравнение профилей heta(z) при постоянном большом $ar{e}$

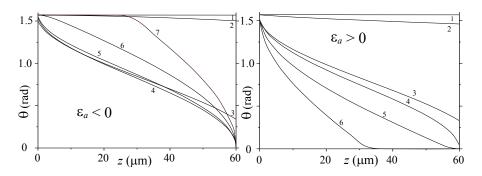


Рис. 5: Равновесные профили $\theta(z)$ для $\bar{e}=0.01$ stat C/cm. Линии в случае $\varepsilon_a<0$: 1-U=0.15 V, 2-U=0.17 V, 3-U=0.18 V, 4-U=1 V, 5-U=2 V, 6-U=5 V и 7-U=10 V; линии в случае $\varepsilon_a>0$: 1-U=0.15 V, 2-U=0.17 V, 3-U=0.18 V, 4-U=1 V, 5-U=5 V и 6-10 V.

Основные результаты

- ① Показано, что при $\varepsilon_a < 0$ переход Фредерикса возможен при достаточно большом $ar{e}$, причём он может быть только непрерывным;
- f 2 Было обнаружено, что для достаточно больших ar e напряжение перехода убывает как 1/ar e;
- Было обнаружено, что при повышении напряжения выше перехода
 Фредерикса происходит ещё один переход из слабоискажённой фазы в сильноискажённую.

Часть 3. Случай большого флексоэлектрического коэффициента и достаточно высокого приложенного напряжения

$$\frac{\bar{e}U}{K} \gg 1 \tag{22}$$

Основные понятия

Свободная энергия

$$\frac{\mathcal{F}_{\text{tot}}}{S_{\perp}} = -\frac{1}{8\pi} U^{2} J + \bar{e} U J J_{1} + 2\pi \bar{e}^{2} \left(\int_{0}^{L} \frac{(\sin 2\theta \theta')^{2}}{\mathcal{E}(\theta)} dz - J J_{1}^{2} \right) + \frac{W_{1}}{2} \sin^{2} \left(\theta(0) - \theta_{0}^{(1)} \right) + \frac{W_{2}}{2} \sin^{2} \left(\theta(L) - \theta_{0}^{(2)} \right) + \text{elastic} \quad (23)$$

Обозначим
$$y(z) = \frac{\varepsilon_{\perp}}{\varepsilon_{a}} + \cos^{2}\theta(z), \ y(z) \in \left[\frac{\varepsilon_{\perp}}{\varepsilon_{a}}; \ \frac{\varepsilon_{\parallel}}{\varepsilon_{a}}\right] \ \forall z \in [0; \ L]$$

Свободная энергия как функционал y(z)

$$\frac{\mathcal{F}_{\text{tot}}}{S_{\perp}} = -\frac{1}{8\pi}U^{2}J + \bar{e}UJJ_{1} + 2\pi\bar{e}^{2}\left(\frac{1}{\varepsilon_{a}}\int_{0}^{L}\frac{(y')^{2}}{y(z)}dz - JJ_{1}^{2}\right) + \frac{W_{1}}{2}y(0) + \frac{W_{2}}{2}y(L) + \text{elastic} \quad (24)$$

Reminder

$$J^{-1} = \frac{1}{\varepsilon_a} \int_0^L \frac{dz}{v(z)}, \quad J_1 = \frac{1}{\varepsilon_a} \ln \frac{y(0)}{v(L)}$$
 (25)

Вариационный принцип

Вариация в объёме

$$\frac{\delta \mathcal{F}}{S_{\perp} \delta y(z)} = \frac{2\pi \bar{e}^2}{\varepsilon_{a} y^2} \left[-2yy'' + (y')^2 - a^2 \right]$$
 (26)

Уравнение Эйлера-Лагранжа в объёме

$$-2yy'' + (y')^2 - a^2 = 0 (27)$$

Здесь

$$a \equiv J \left(J_1 - \frac{U}{4\pi \bar{e}} \right) \tag{28}$$

Reminder

$$J^{-1} = \frac{1}{\varepsilon_a} \int_0^L \frac{dz}{y(z)}, \quad J_1 = \frac{1}{\varepsilon_a} \ln \frac{y(0)}{y(L)}$$
 (29)

Решение уравнения в объёме

Решения

$$y(z) = \pm az + b, (30)$$

$$y(z) = \frac{c}{4} (z+b)^2 - \frac{a^2}{c}$$
 (31)

Произвольные константы: b, c

Вариация на границах

Вариация на границах

$$\frac{\delta \mathcal{F}}{S_{\perp} \delta y(0)} = \frac{4\pi \bar{e}^2}{\varepsilon_a y(0)} \left[-y'(0) - a + g_1 y(0) \right] (=0) \tag{32}$$

$$\frac{\delta \mathcal{F}}{S_{\perp} \delta y(0)} = \frac{4\pi \bar{e}^2}{\varepsilon_a y(0)} \left[-y'(0) - a + g_1 y(0) \right] (= 0)$$

$$\frac{\delta \mathcal{F}}{S_{\perp} \delta y(L)} = \frac{4\pi \bar{e}^2}{\varepsilon_a y(L)} \left[y'(0) + a + g_2 y(0) \right] (= 0)$$
(32)

$$g_i \equiv \frac{\varepsilon_a W_i}{8\pi \bar{e}^2} \tag{34}$$

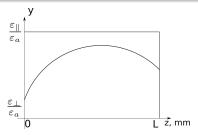


Рис. 6: Профилей такого вида⊏не существует 📜 🔊 🤏 🗠

Пояснение к вариационному принципу

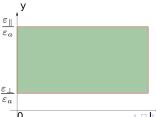
Формальное требование на экстремаль

$$\delta \mathcal{F} \geq 0$$

для любых допустимых $\delta y(z)$.

Ограниченность функции

$$y(z) \in \left[\frac{\varepsilon_{\perp}}{\varepsilon_{a}}; \frac{\varepsilon_{\parallel}}{\varepsilon_{a}}\right] \ \forall z \in [0; L]$$



Профили без участков насыщения

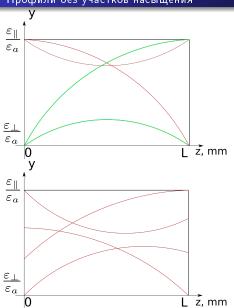


Рис. 7: Примеры профилей с концами в углах

Рис. 8: Примеры профилей, у которых только один конец находится в углу.

Процедура проверки возможности существования профилей

Условия существования профиля

- ① "Геометрические" условия: нужные точки находятся в углах, а сам профиль в прямоугольнике $[0;\;L] imes [arepsilon_{\perp}/arepsilon_a]$
- ② Неотрицательность первой вариации $\delta \mathcal{F}/\delta y \geq 0$, в том числе на границах
- ullet Самосогласование: $a=J(J_1-U/(4\piar{e}))$

Данные условия позволяют найти уравнение профиля, а также условия на параметры системы, при которых он существует. Данная задача сводится к обобщению условий Куна-Таккера на бесконечномерный случай.

Какие профили возможны?

О насыщении

$$\frac{\delta \mathcal{F}}{S_{\perp} \delta y(z)} = \frac{2\pi \bar{e}^2}{\varepsilon_a y^2} \left[-2yy'' + (y')^2 - a^2 \right]$$
 (35)

Вывод: при $arepsilon_{\it a}>0$ насыщение в объёме возможно лишь на $y=arepsilon_{\parallel}/arepsilon_{\it a}$

Профили с участками насыщения

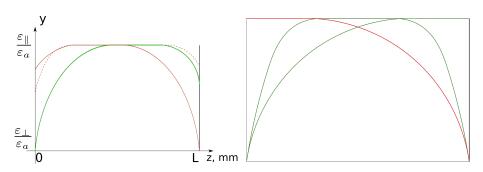


Рис. 9: Варианты профилей с участками насыщения

Схема переходов

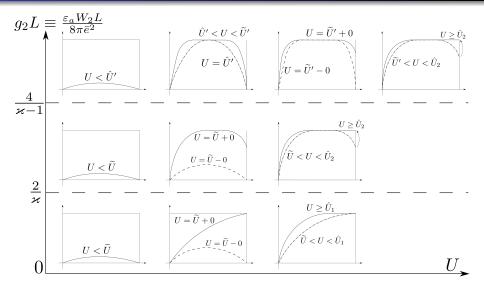


Рис. 10: Схема трансформаций ориентационной структуры 🗸 🖰 28/33

Выражения для характеристических напряжений

$$\widetilde{U} = \frac{8\pi\bar{e}}{\varepsilon_2} \ln\left(1 + \frac{g_2 L}{2}\right) \tag{36}$$

$$\hat{U}_{1} = \frac{8\pi\bar{e}}{\varepsilon_{a}} \ln\left(\frac{\varkappa + 1}{\varkappa}\right) \tag{37}$$

$$\hat{U}_{2} = \frac{8\pi\bar{e}}{\varepsilon_{a}} \left| \frac{g_{2}L}{2} - \frac{1}{\varkappa} + \ln\left(\frac{\varkappa + 1}{\varkappa}\right) \right|$$
 (38)

$$\hat{U}' = \frac{8\pi\bar{e}}{\varepsilon_a} \ln\left(\frac{\varkappa + 1}{\varkappa - 1}\right) \tag{39}$$

$$\widetilde{U}' = \frac{8\pi\bar{e}}{\varepsilon_a} \left[\frac{g_2 L}{2} \frac{\varkappa - 1}{\varkappa} - \frac{2}{\varkappa} + \ln\left(\frac{\varkappa + 1}{\varkappa - 1}\right) \right] \tag{40}$$

Профили при слабом зацеплении

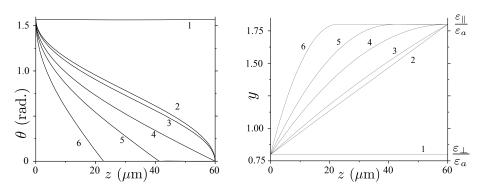


Рис. 11: Профили $\theta(z)$ (слева) и зависимости y(z) (справа), полученные для случая слабого зацепления, когда выполнено $g_2L < 2/\varkappa$. Модули поверхностного зацепления: $W_{\theta}^{(1)} = 0.0025~{\rm erg/cm^2},~W_{\theta}^{(2)} = 5 \times 10^{-4}~{\rm erg/cm^2}$ для всех кривых. Приложенное напряжение в соответствии с линиями: $1-U=0.04~{\rm V},~2-U=0.05~{\rm V},~3-U=1.5~{\rm V},~4-U=4.67~{\rm V},~5-U=7.5~{\rm V},~6-U=15~{\rm V}.$

Профили при среднем зацеплении

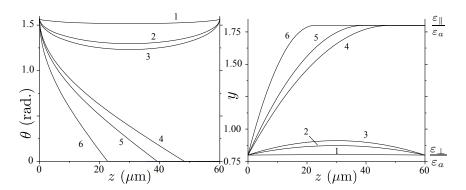


Рис. 12: Профили $\theta(z)$ (слева) и зависимости y(z) (справа), полученные для случая среднего зацепления, когда выполнено $4/(\varkappa-1)>g_2L>2/\varkappa$. Модули поверхностного зацепления: $W_{\theta}^{(1)}=0.25~{\rm erg/cm^2},~W_{\theta}^{(2)}=0.10~{\rm erg/cm^2}$ для всех кривых. Приложенное напряжение в соответствии с линиями: $1-U=1~{\rm V},~2-U=5~{\rm V},~3-U=6.1~{\rm V},~4-U=6.2~{\rm V},~5-U=8~{\rm V},~6-U=15~{\rm V}.$

Профили при сильном зацеплении

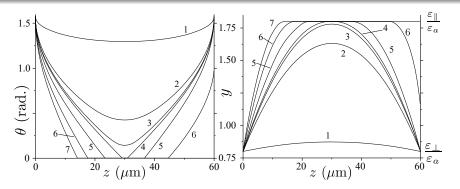


Рис. 13: Профили $\theta(z)$ (слева) и зависимости y(z) (справа), полученные для случая сильного зацепления, когда выполнено $4/(\varkappa-1) < g_2L$. Модули поверхностного зацепления: $W_{\theta}^{(1)}=1.75~{\rm erg/cm^2},~W_{\theta}^{(2)}=0.7~{\rm erg/cm^2}$ для всех кривых. Приложенное напряжение в соответствии с линиями: $1-U=5~{\rm V},~2-U=15~{\rm V},~3-U=16~{\rm V},~4-U=16.5~{\rm V},~5-U=19.65~{\rm V},~6-U=19.75~{\rm V},~7-U=65~{\rm V}.$

Основные результаты

- ① Для случая большого флексоэлектрического коэффициента, немалого U и $\varepsilon_a>0$ аналитически расчитаны профили $\theta(z)$;
- ② Показано, как изменяется эволючия профилей $\theta(z)$ с изменением U в зависимости материальных параметров