EAD Q2

TGR DATA MINING

Grupo 3

Armenteros López, Ana - ana.armenteros@udc.es

Pérez Paredes, Alexandre - alexandre.perez1@udc.es





Contenido

Introducción	1
Análisis exploratorio y preparación de los datos.	1
Análisis descriptivo.	6
Predicción mediante regresión lineal.	11
Predicción mediante regresión logística	14
Anexo A. Comandos.	i
Para el conjunto datos:	i
Para el conjunto test:	i
Gráficos	
Grancos	
Anexo B. Datos y gráficas adicionales	iii
Figuras	
Ilustración 1. Resultado inicial de summary(datos)	
Ilustración 2. Diagrama de cajas de criminalidad.	
Ilustración 3. Histograma de criminalidad	
Ilustración 4. Histograma limitado de terreno residencial	
Ilustración 5. Histograma de terreno residencial.	
Ilustración 6. Histograma limitado para criminalidad respecto a rio.	
Ilustración 7. Histograma para criminalidad respecto a rio.	
Ilustración 8. Diagrama de sectores	
Ilustración 9. Tablas de contingencia.	
Ilustración 10. Diagrama de sectores de acceso autopista	
Illustración 11. Diagrama de sectores de rangoterrenoresidencial.	
Illustración 12. Diagrama de sectores de rangocriminalidad.	
Ilustración 13. Resultado final de summary(datos)	
Ilustración 15. Pestaña de Cluster en rattle	
Ilustración 16. Función número de clústeres.	
Ilustración 17. Resultado inicial de análisis descriptivo.	
Ilustración 18. Resultados clúster terreno, industrias, oxido, centro, autopista	
Ilustración 19. Clúster zonas industriales y criminalidad	
Ilustración 20. Plot data de clústeres criminalidad en zonas industriales	
Ilustración 21. Plot Disriminant de clústeres criminalidad en zonas industriales	
Ilustración 22. Clúster criminalidad y pobreza.	
Ilustración 23. Plot Data de clústeres criminalidad población pobre	
Ilustración 24. Ventana con las variables iniciales y partición seleccionada	
Ilustración 25. Pestaña "Model" en rattle.	
Ilustración 26. Modelo inicial de regresión lineal.	

Ilustración 27. Variables usadas en regresión logística	j
Ilustración 28. Resultados predicción logística	5
Ilustración 29. Resultados matriz de error	7
Ilustración 30. Resultados matriz de error con conjunto test	7
Ilustración 31. Diagrama de sectores de ríov	/
Ilustración 32. Diagrama de cajas de industriasv	/
Ilustración 33. Histograma de industriasv	/
Ilustración 34. Diagrama de cajas de óxido de nitrógenov	/
Ilustración 35.Histograma de Óxido de nitrógenov	/
Ilustración 36. Histograma de habitacionesv	/
Ilustración 37. Diagrama de cajas de viviendas antiguasv	/
Ilustración 38. Histograma de viviendas antiguasv	/
Ilustración 39. Diagrama de cajas de habitacionesv	/
Ilustración 40. Histograma de acceso a autopistav	/
Ilustración 41. Histograma de distancia al centrov	/
Ilustración 42. Diagrama de cajas de distancia centrov	/
Ilustración 43. Diagrama de cajas de impuestosv	/
Ilustración 44. Histograma de impuestosv	/
Ilustración 45. Diagrama de cajas de acceso autopistav	/
Ilustración 46. Histograma de población negrav	/
Ilustración 47. Diagrama de cajas de ratio alumnosv	/
Ilustración 48. Diagrama de cajas de población negrav	/
Ilustración 49. Diagrama de cajas de población pobrev	/
Ilustración 50. Diagrama de cajas de precio viviendav	/
Ilustración 51. Histograma de precio de viviendav	/
Ilustración 52. Histograma de población pobrev	/
Tabla 1. Resultados para diferentes valores de semilla	
Tabla 2. Datos iniciales del problemaiii	i
Tabla 3. Muestra de los datos (Excel)	/

Introducción.

En este trabajo se realiza un análisis descriptivo sobre un conjunto de datos correspondientes a diferentes zonas de una ciudad, además de dos predicciones sobre dichos datos (una con regresión lineal y la otra con regresión logística). Para ello, se ha utilizado "R" (versión 4.1.3) y la librería "rattle". Para mayor comodidad, todos los comandos mencionados a lo largo del trabajo se pueden ver agrupados en Anexo A. Comandos.

Análisis exploratorio y preparación de los datos.

Deseamos hacer una **exploración inicial del conjunto de datos** proporcionado para entender mejor el problema. Así, veremos más claro cómo preparar dichos datos antes de realizar los análisis y predicciones. Se ha otorgado un archivo "datos.txt" con múltiples valores para cada una de sus variables (ver Anexo B. Datos y gráficas adicionales.)

Para poder explorar los datos con más facilidad, los hemos importado a un archivo Excel con la extensión .csv. De esta forma, podemos observar todas las filas con los distintos valores cómodamente. Podemos ver que hay 495 filas que corresponden a cada una de las zonas que queremos analizar (ver Anexo B. Datos y gráficas adicionales.)

El primer paso es **importar la librería "rattle**" en R para obtener las funcionalidades que nos interesan y **leer y guardar los datos** del Excel en una variable llamada "datos":

library(rattle)

datos<-read.csv("datos.csv")

Para hacernos una mejor idea de cómo son las variables que tenemos en "datos", ejecutaremos un comando para que nos muestre un **resumen** que incluye el valor mínimo, el valor máximo, la media de todos los valores, la mediana y el primer y tercer cuartil.

summary(datos)

Ilustración 1. Resultado inicial de summary(datos).

ïcriminalidad	terrenoresidencia	l industrias	rio
Min. : 0.00632	Min. : 0.00	Min. : 0.46	Min. :0.00000
1st Qu.: 0.08232	1st Qu.: 0.00	1st Qu.: 5.13	lst Qu.:0.00000
Median : 0.26938	Median: 0.00	Median : 8.56	Median :0.00000
Mean : 3.69038	Mean : 11.62	Mean :11.15	Mean :0.07071
3rd Qu.: 3.73597	3rd Qu.: 15.00	3rd Qu.:18.10	3rd Qu.:0.00000
Max. :88.97620	Max. :100.00	Max. :27.74	Max. :1.00000
oxidonitrogeno	habitaciones viv	viendasantiguas	ditanciacentro
Min. :0.3850	Min. :3.561 Mir	1. : 2.90	Min. : 1.130
1st Qu.:0.4480	1st Qu.:5.888 1st	Qu.: 44.05	lst Qu.: 2.083
Median :0.5320	Median :6.211 Med	lian : 77.70	Median : 3.280
	Mean :6.289 Mea		
3rd Qu.:0.6275	3rd Qu.:6.627 3rd	l Qu.: 94.20	3rd Qu.: 5.223
Max. :0.8710	Max. :8.780 Max	:. :100.00 I	Max. :12.127
_	impuestos ra	-	
Min. : 1.000	Min. :187.0 Mir	1. :12.60 Mi	n. : 0.32
1st Qu.: 4.000	1st Qu.:280.5 1st	Qu.:17.00 1s	t Qu.:374.71
Median : 5.000	Median :330.0 Med	lian :18.90 Me	dian :391.23
Mean : 9.679	Mean :409.8 Mea	n :18.42 Me	an :355.81
3rd Qu.:24.000	3rd Qu.:666.0 3rd	l Qu.:20.20 3r	d Qu.:396.06
Max. :24.000	Max. :711.0 Max	. :22.00 Ma:	x. :396.90
poblacionpobre	preciovivienda		
Min. : 1.730	Min. : 5.00		
1st Qu.: 6.925			
Median :11.340			
Mean :12.664	Mean :22.59		
3rd Qu.:17.025	_		
Max. :37.970	Max. :50.00		

Para evitar posibles equivocaciones a la hora de realizar el análisis, corregimos algunos nombres de variables (en este caso, el de criminalidad y el de distanciacentro):

names(datos)[names(datos) ==
'i..criminalidad'] <- 'criminalidad'</pre>

names(datos)[names(datos) ==
'ditanciacentro'] <'distanciacentro'</pre>

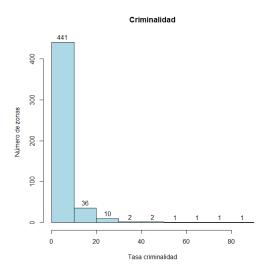
Podemos ayudarnos mediante el uso de **gráficos** para saber qué valores son más frecuentes. También podremos ver con mejor claridad qué datos encajarían mejor con rangos o con categorías. Para empezar, visualizaremos con un **histograma** y con un **diagrama de cajas** la frecuencia de valores para cada tasa de criminalidad:

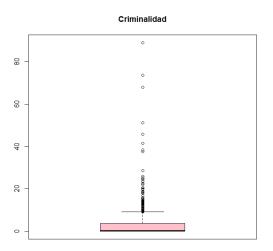
hist(datos\$criminalidad, main="Criminalidad", xlab="Tasa criminalidad", ylab="Número de zonas",col="lightblue",labels=TRUE)

boxplot(datos\$criminalidad, main="Criminalidad", col="pink")

Ilustración 3. Histograma de criminalidad.

Ilustración 2. Diagrama de cajas de criminalidad.





De las 495 zonas a estudiar, vemos que **441 de ellas tienen una tasa de criminalidad entre 0 y 10.** Esto corresponde a que aproximadamente un 89% de las zonas a analizar entran dentro de este rango. Se puede observar que, a partir de una tasa aproximadamente de 10, aparecen múltiples valores atípicos.

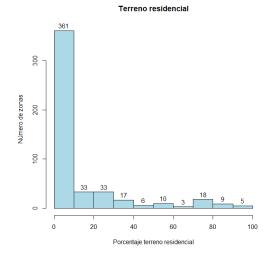
Hacemos lo mismo para terrenoresidencial:

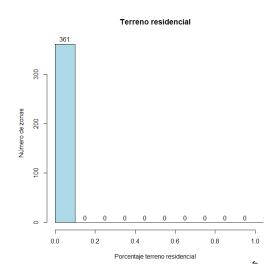
hist(datos\$terrenoresidencial, main="Terreno residencial", xlab="Porcentaje terreno residencial", ylab="Número de zonas",col="lightblue",labels=TRUE)

hist(datos \$terrenoresidencial, breaks = 1000, xlim = c(0,1), main = "Terreno residencial", xlab = "Porcentaje terreno residencial", ylab = "Número de zonas", col = "lightblue", labels = TRUE)

Ilustración 5. Histograma de terreno residencial.

Ilustración 4. Histograma limitado de terreno residencial.





La mayoría de las zonas están entre 0 y 10% de terrenoresidencial. Si observamos este diagrama junto a los resultados obtenidos usando "summary", vemos que el valor mínimo encontrado es 0 y, por tanto, usamos el histograma entre 0 y 1 para observar qué ocurre con mayor detalle.

Como podemos ver, todas las zonas que estaban entre un 0 y 10% (361 zonas) en realidad se tratan de zonas que no tienen terreno residencial (podemos observar que las 361 zonas anteriores se encuentran en el 0).

Realizamos las gráficas para el resto de las variables, pero se mostrarán en el Anexo B. Datos y gráficas adicionales.

Después del análisis exploratorio, procedemos a buscar que variables encajan con la definición de variable categórica. Tenemos la variable "rio" que solo va a tomar dos posibles valores (no limita con un río o sí limita con un río):

datos\$rio<-factor(datos\$rio, labels=c('No', 'Si'))

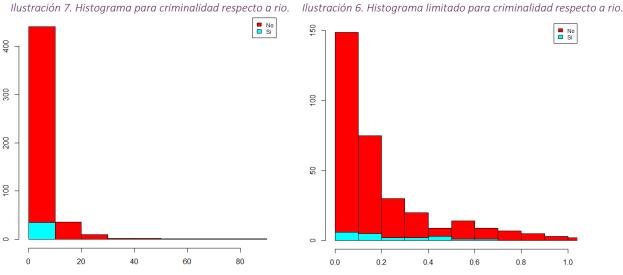
De la variable "terrenoresidencial", como tiene muchos valores 0, podemos sacar otra variable categórica "habitada" que indique si la zona está habitada (valor > 0) o no (valor = 0):

datos\$habitada<-factor(ifelse(datos\$terrenoresidencial==0, 'No', 'Si'))

Para comprobar cómo se distribuyen las zonas que limitan con un río según la tasa de criminalidad, podemos combinarlos en el mismo histograma haciendo uso de la librería "plotrix":

library(plotrix)

histStack(datos\$criminalidad,datos\$rio, xlim=c(0,1),legend.pos="topright")



Se puede concluir que puede haber una ligera tendencia a cometer más crímenes en aquellas zonas que no limitan con ríos, pero es una diferencia muy poco significativa. De igual forma observamos que esta tendencia se parece sospechosamente a una función de la forma $\frac{1}{\log_a x}$

También creamos otra variable categórica para separar aquellas tasas de criminalidad que son especialmente altas (corresponden a los **valores atípicos** vistos en el diagrama de cajas de criminalidad):

datos\$altamentepeligrosa<-factor(ifelse(datos\$criminalidad<10, 'No', 'Si'))
pie(table(datos\$ altamentepeligrosa), main="Zona altamente peligrosa")

Ilustración 8. Diagrama de sectores



Con **tablas de contingencia** podemos ver más claras las relaciones entre las distintas variables categóricas:

table(datos\$rio,datos\$habitada)
table(datos\$altamentepeligrosa,datos\$rio)

Ilustración 9. Tablas de contingencia.

	No	Si
No	333	127
Si	28	7

La mayoría de las zonas estudiadas son no habitadas y sin limitar con un río.

	No	Si
No	406	35
Si	54	0

Ninguna de las zonas que limitan con un río pertenecen a la categoría de altamente peligrosa.

No Si No 307 54 Si 134 0

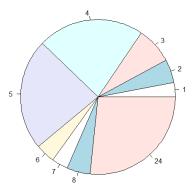
Ninguna de las zonas habitadas es considerada como altamente peligrosa.

Ilustración 10. Diagrama de sectores de acceso autopista.

Por último, también consideramos la variable accesoautopistas como categórica, ya que siempre toma los mismos valores:

datos\$accesoautopista <- factor(datos\$accesoautopista, labels=c('Uno', 'Dos', 'Tres', 'Cuatro', 'Cinco', 'Seis', 'Siete', 'Ocho', 'Veinticuatro'))

pie(table(datos\$accesoautopista), main="Acceso autopista")



Finalmente, creamos unas variables que corresponderán a los diferentes **rangos** de valores que más ocurren para las variables de criminalidad y terrenoresidencial para poder visualizar mejor los datos:

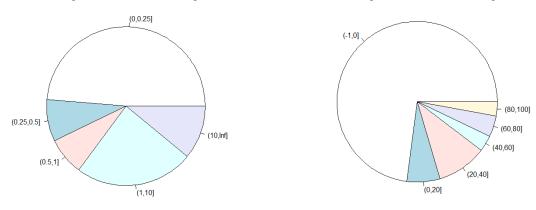
datos\$rangoterrenoresidencial <- cut(datos\$terrenoresidencial,c(-1,0,20,40,60,80,100))
datos\$rangocriminalidad <- cut(datos\$criminalidad,c(0,1.5,10,Inf))

Gracias a tenerlas como rangos, podemos verlas de manera más clara en diagramas de sectores:

pie(table(datos\$rangocriminalidad), main="Criminalidad")

pie(table(datos\$rangoterrenoresidencial), main="Terreno residencial")

Ilustración 12. Diagrama de sectores de rangocriminalidad. Ilustración 11. Diagrama de sectores de rangoterrenoresidencial.



Si hacemos ahora un summary(datos), observaremos todas las variables nuevas.

Ilustración 13. Resultado final de summary(datos).

```
oxidonitrogeno
 criminalidad
                  terrenoresidencial
                                     industrias
Min. : 0.00632
                Min. : 0.00
                                  Min. : 0.46
                                                 No:460
                                                                :0.3850
                                                          Min.
1st Qu.: 0.08232
                 1st Qu.: 0.00
                                   1st Qu.: 5.13 Si: 35
                                                          1st Qu.:0.4480
Median : 0.26938
                 Median: 0.00
                                   Median: 8.56
                                                           Median :0.5320
                       : 11.62
Mean
      : 3.69038
                 Mean
                                   Mean
                                         :11.15
                                                          Mean
                                                                 :0.5541
3rd Qu.: 3.73597
                 3rd Qu.: 15.00
                                   3rd Qu.:18.10
                                                           3rd Qu.:0.6275
Max. :88.97620
                                   Max. :27.74
                 Max. :100.00
                                                           Max.
                                                                 :0.8710
habitaciones viviendasantiguas distanciacentro accesoautopista
Min. :3.561 Min. : 2.90 Min. : 1.130 Min. : 1.000
1st Qu.:5.888 1st Qu.: 44.05
                               1st Qu.: 2.083
                                              1st Qu.: 4.000
Median :6.211
              Median : 77.70
                               Median : 3.280
                                               Median : 5.000
Mean
      :6.289
              Mean : 68.49
                               Mean
                                     : 3.824
                                               Mean
                                                      : 9.679
3rd Qu.:6.627
              3rd Qu.: 94.20
                               3rd Qu.: 5.223
                                               3rd Qu.:24.000
             Max. :100.00
Max. :8.780
                                     :12.127
                               Max.
                                               Max.
                                                    :24.000
  impuestos
               ratioalumnos
                             poblacionnegra
                                             poblacionpobre
     :187.0
             Min. :12.60 Min. : 0.32
                                            Min. : 1.730
Min.
1st Qu.:280.5
             1st Qu.:17.00
                            1st Qu.:374.71
                                             1st Qu.: 6.925
Median :330.0
              Median :18.90
                             Median :391.23
                                             Median :11.340
Mean
     :409.8
              Mean :18.42
                             Mean :355.81
                                             Mean
                                                    :12.664
3rd Qu.:666.0
              3rd Qu.:20.20
                             3rd Qu.:396.06
                                             3rd Qu.:17.025
                             Max. :396.90
Max. :711.0
              Max. :22.00
                                             Max.
                                                   :37.970
preciovivienda habitada altamentepeligrosa rangoterrenoresidencial
Min. : 5.00 No:361 No:441
                                         (-1,01 :361
1st Qu.:16.90
              Si:134
                      Si: 54
                                         (0,20] : 33
Median :21.20
                                         (20,40]: 50
Mean
     :22.59
                                         (40,60]:16
3rd Qu.:25.05
                                         (60,80]: 21
Max. :50.00
                                         (80,100]: 14
rangocriminalidad
(0,0.25] :241
(0.25, 0.5]: 42
(0.5,1]
        : 38
(1, 10]
         :120
(10, Inf] : 54
```

Análisis descriptivo.

Para realizar este análisis, agruparemos las diferentes zonas de la ciudad en diferentes **clústers** (grupos de elementos que tienen similitudes entre ellos), usando **kmeans**. De esta forma, podremos describir los datos que previamente hemos explorado organizándolos en grupos, ya que se "reduce" el conjunto de datos mejorando su comprensión.

Para empezar, hacemos uso de la función rattle:

rattle()

Una vez iniciado, cargaremos los datos como un "R Dataset", seleccionando el conjunto "datos" en el desplegable de "Data name". Una vez hecho esto, le damos al botón de ejecutar para cargar los datos.

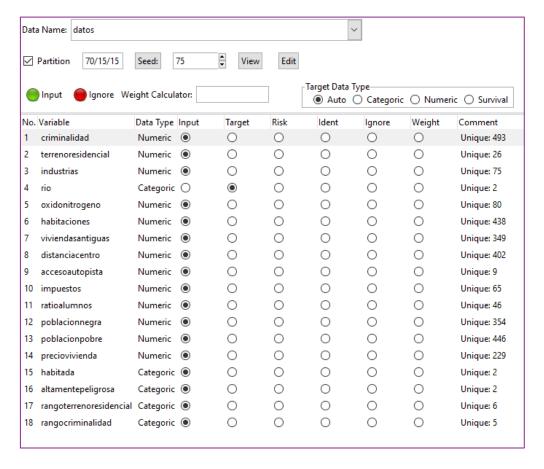


Ilustración 14. Ventana con los datos cargados en rattle.

En la ventana donde se nos muestran los datos cargados, seleccionaremos como "Ignore" aquellas variables fuera del grupo que nos interesa analizar, dejando como "Input" aquellas que sí queremos agrupar. Como inicialmente no tenemos clara la influencia que tienen las distintas variables en la tasa de criminalidad, las agrupamos todas excepto las categóricas. Volvemos a darle a "Ejecutar" y procedemos a ir a la pestaña de "Cluster". En ésta, basándonos en el **criterio del codo**, iremos probando diferentes números de clústeres hasta encontrar aquel donde haya una "subida". Justamente el número donde empieza a crecer la función es aquel que usaremos para dividir los clústeres. Mientras estemos probado diferentes números de clústeres, dejamos marcada la casilla de "Iterate Clusters".

Ilustración 15. Pestaña de Cluster en rattle.

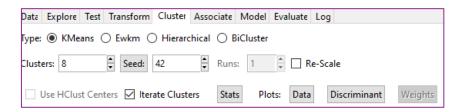
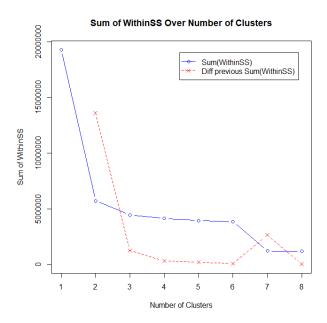


Ilustración 16. Función número de clústeres.



Como la subida comienza en 6, desmarcamos "Iterate Clusters" y le indicamos que queremos 6 clústeres.

Ilustración 17. Resultado inicial de análisis descriptivo.

cl	uster sizes:						
[1] "59 137 57 77 4	46 119"					
Da	ta means:						
v	3.6903817 iviendasantiguas 68.4872727	terrenoresidend 11.616 distanciaced 3.823 poblacionpo 12.6630	1616 ntro acco 5697 obre pro	industrias 11.1463030 esoautopista 9.6787879 eciovivienda 22.5943434	oxidonitrogeno 0.5541428 impuestos 409.8121212	ratioalumnos	
cl	uster centers:						
	criminalidad term	renoresidencial	industrias	oxidonitrogeno	habitaciones viv	iendasantiguas dista	anciacentro
1	0.09569373	9.347458	7.022203	0.4799271		56.62203	4.622090
2	12.29916168	0.000000	18.451825	0.6701022	6.006212	89.96788	2.054470
3	0.09398439	38.342105	5.935263	0.4379474	6.626018	28.37719	5.710188
4	0.99156714	0.974026	15.573247	0.6243117	6.103753	84.58961	2.491813
5	0.08265196	50.619565	3.786957	0.4223261	6.570174	28.11304	7.390041
6	0.42519420	5.121849	7.256807	0.5186471	6.386479	74.04034	4.043774
	accesoautopista i	impuestos ratio	alumnos pobi	lacionnegra pobl	lacionpobre preci	.ovivienda	
1	3.559322	217.6441 18	3.19492	391.4593	9.800339	26.96780	
2	23.270073	667.6423 20	0.19635	291.0391	18.674526	16.27226	
3	4.157895	273.7193 1	7.46842	389.2488	6.665263	28.85263	
4 5	4.831169		7.77532	355.2904	14.071818	21.07143	
			7.11304	388.2748	6.568261	26.65435	
6	4.924370	294.0000 1	7.86807	384.4591	11.481429	24.12269	
Ĺ							

Observamos que todas las zonas tienen una tasa de criminalidad menor a 1, pero se localiza una excepción con un valor de 12.30. Para este valor tan alto, observamos el resto de las variables del clúster para tratar de encontrar un patrón que lo justifique. En primer lugar, vemos que es el único clúster que carece de terreno residencial, esto nos indica que estamos en presencia de una zona industrial, como podría ser un polígono. A continuación, vemos que obtiene el mayor valor de óxido de nitrógeno el cual nos indica una alta contaminación, lógico teniendo en cuenta que se trata de una zona industrial. A su vez sorprende que siendo un área de este tipo se trate de la zona más próxima al centro. Este clúster también presenta el mayor número de accesos a autopistas con 23, una gran diferencia con respecto al resto que están por debajo de 5. Destaca de igual forma por tener los mayores impuestos, ratio de alumnos por profesor y mayor porcentaje de población pobre, así como de viviendas antiguas, sin embargo, tiene el menor índice de población negra y precio de vivienda.

En cuanto a las tasas de criminalidad inferiores a 1, la más alta es 0.991. Para esta se observa que apenas tiene terreno residencial, pasa un caso parecido al anterior con la cantidad de industrias, a su vez también tiene la segunda mayor contaminación, impuestos, población pobre y viviendas antiguas mientras que tiene la segunda menor cercanía al centro, precio de vivienda y cantidad de población negra. En cuanto al número de accesos autopista es similar al resto de clústeres exceptuando el previamente comentado, al igual que sucede con la ratio de alumnos similar al resto.

La menor tasa de todos los clústeres es de 0.082 y es el clúster que mayor porcentaje de terreno residencial, distancia al centro y población negra tiene. También es el que menos industria, menos contaminación y menos viviendas antiguas. En cuanto a los impuestos está en la media en comparación al resto de clústeres.

Para la media de habitaciones vemos que todas las zonas tienen aproximadamente 6, la cual es la media sin agrupar.

En criminalidad, podemos deducir que la media sube a 3 por culpa del valor "extremo" de 12, puesto que la mayoría están entre 0 y 1. En cuanto al terreno residencial, concluimos que cuanto menor es hay una mayor criminalidad. Por tanto, en aquellos conjuntos donde abunden residencias, disminuye considerablemente la criminalidad. Obtenemos que los valores de 0 en terreno residencial van de la mano con valores más altos de industria y óxido nitrógeno, lo cual tiene sentido si estamos hablando de zonas como polígonos, que tendrán más zona industrial y, por tanto, una mayor contaminación del aire. En viviendas antiguas, vemos una tendencia a mayor criminalidad cuando aumenta esta dimensión. Podría tener relación con las mayores tasas de criminalidad son producidas también con zonas más céntricas y no una influencia directa en la criminalidad. El índice de autopistas solo influye para esas zonas de criminalidad excesiva, al igual que la ratio de alumnos, aunque éste último no aumenta demasiado. Unos impuestos muy altos influyen significativamente en la tasa de criminalidad, sin embargo, para aquellas zonas donde los impuestos son más bajos hay una mayor tasa de criminalidad respecto a aquellas zonas donde se acercan más a la media de impuestos. Se comprueba también que, a menor población negra, mayor tendencia al crimen y que cuanta más población pobre y cuanto menor sea el precio de las viviendas, probablemente debido a que son zonas con peor caché, mayor es la tasa de criminalidad.

Ilustración 18. Resultados clúster terreno, industrias, oxido, centro, autopista.

```
Cluster sizes:
[1] "58 132 233 72"
Data means:
terrenoresidencial
                            industrias
                                           oxidonitrogeno
                                                              distanciacentro
                                                                                  accesoautopista
        11.6161616
                           11.1463030
                                                0.5541428
                                                                    3.8235697
                                                                                        9.6787879
Cluster centers:
  terrenoresidencial industrias oxidonitrogeno distanciacentro accesoautopista
           69.181034
                       3.069655
                                      0.4171759
                                                        7.011690
1
2
3
4
            0.000000
                      18.100000
                                      0.6724167
                                                        2.061254
                                                                       24.000000
            7.457082
                                      0.4955386
                       6.498026
                                                        4.452689
                                                                         4.742489
            0.000000
                      19.946389
                                      0.6372917
                                                        2.450374
                                                                         4.361111
```

Al realizar un clúster con las variables terrenoresidencial, industrias, oxidonitrogeno, distanciacentro y accesoautopista, se ven con más claridad las relaciones entre dichas variables que teníamos en duda. A menor terreno residencial, mayor industria, contaminación y una menor distancia al centro.

Si al anterior clúster le añadimos la criminalidad, nos muestra que, efectivamente, la criminalidad aumenta en aquellas zonas industriales.

Ilustración 19. Clúster zonas industriales y criminalidad.

```
Cluster sizes:
[1] "363 132"
Data means:
      criminalidad terrenoresidencial
                                               industrias
                                                              oxidonitrogeno
                                                                                 distanciacentro
         3.6903817
                           11.6161616
                                               11.1463030
                                                                   0.5541428
                                                                                       3.8235697
   accesoautopista
         9.6787879
Cluster centers:
  criminalidad terrenoresidencial industrias oxidonitrogeno distanciacentro accesoautopista
     0.3925966
                         15.84022
                                     8.617686
                                                   0.5111342
                                                                     4.464412
    12.7592909
                          0.00000
                                    18.100000
                                                   0.6724167
                                                                     2.061254
                                                                                    24.000000
```

En esta misma ventana, tenemos las opciones para "Plots" de "Data" y "Discriminant" que nos permiten visualizar de una forma más clara la separación entre los clústeres.

Ilustración 20. Plot data de clústeres criminalidad en zonas industriales.

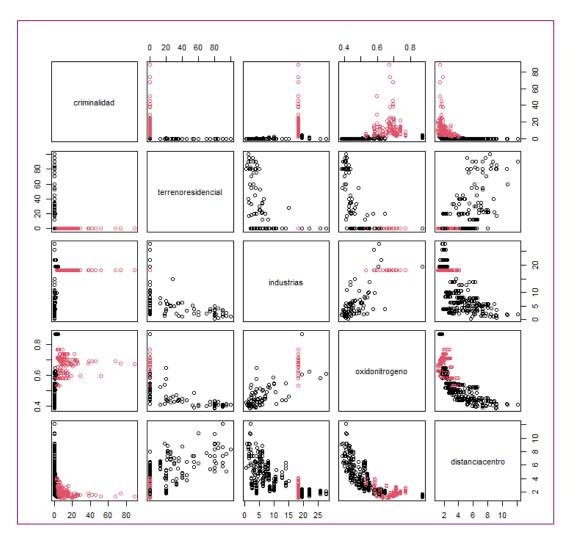
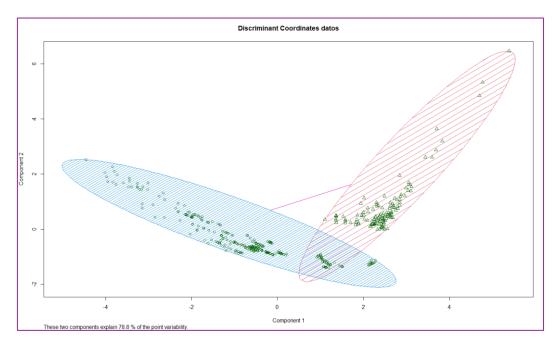


Ilustración 21. Plot Disriminant de clústeres criminalidad en zonas industriales.

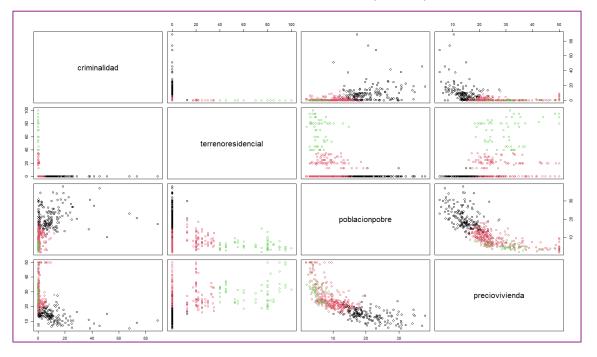


Si hacemos un **clúster para criminalidad, terrenoresidencial, poblacionpobre y preciovivienda**, se ven observa que claramente hay una relación entre la criminalidad y una mayor pobreza. Además, se puede ver que esta situación se da en zonas con menor precio de vivienda y menor terreno residencial.

Ilustración 22. Clúster criminalidad y pobreza.

```
Cluster sizes:
[1] "155 282 58"
Data means:
      criminalidad terrenoresidencial
                                           poblacionpobre
                                                                preciovivienda
          3.690382
                             11.616162
                                                 12.663657
                                                                     22.594343
Cluster centers:
  criminalidad terrenoresidencial poblacionpobre preciovivienda
   10.29796619
                         0.1612903
                                        21.032065
                                                         14.09290
    0.80846996
                         6.0726950
                                         9.491986
                                                         25.75851
    0.04423569
                                                         29.92931
                        69.1810345
                                         5.720690
```

Ilustración 23. Plot Data de clústeres criminalidad población pobre.



Predicción mediante regresión lineal.

Se solicita realizar una **predicción sobre el precio de la vivienda** de la zona en función del resto de variables. Para ello, empleado "rattle", aplicaremos **regresión lineal múltiple**.

El primer paso, al igual que en el análisis descriptivo, es cargar los datos en "rattle". Esto se realiza seleccionando la opción conjunto de datos R y el nombre de los datos en el desplegable en nuestro caso estos se llaman homónimamente. Una vez hecho esto los cargamos pulsando el botón ejecutar, una vez cargados procedemos con la elección de variables del primer modelo, para ello seleccionamos todas las variables a excepción de las variables correspondientes a los rangos, que se ignoran, en el caso de la variable a predecir, precio vivienda, la marcamos como variable destino.

Ejecutamos nuevamente con la casilla **partición** seleccionada con los valores **80/0/20** que se reparten como porcentajes de los conjuntos de entrenamiento, validación y test respectivamente. No asignamos valor al conjunto de validación puesto que usaremos la **técnica k-fold**.

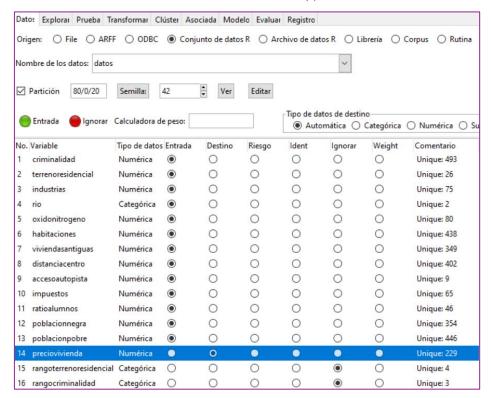


Ilustración 24. Ventana con las variables iniciales y partición seleccionada.

A continuación, nos dirigimos a la pestaña Modelo, en la que tendremos que elegir la opción lineal junto a numérica, indicando de esta forma que se quiere realizar una regresión lineal numérica.

Ilustración 25. Pestaña "Model" en rattle.



Una vez seleccionamos estas opciones, ejecutamos para generar el modelo. Como nos indica, el número de "*" que contiene a la derecha de la variable determina la importancia de esta en el cálculo del modelo, esto lo usaremos para dirimir que variables deben o no continuar en el modelo.

Ilustración 26. Modelo inicial de rearesión lineal.

```
Summary of the Linear Regression model (built using lm):
lm(formula = preciovivienda ~ ., data = crs$dataset[crs$train,
    c(crs$input, crs$target)])
Residuals:
             1Q Median
                                  30
    Min
                                           Max
-15.2087 -2.7684 -0.5504 1.8325 25.2891
Coefficients:
                     Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
(Intercept) 37.147803 5.663434 6.559 1.76e-10 ***
criminalidad -0.099656 0.041113 -2.424 0.01582 *
terrenoresidencial 0.039153 0.015708 2.493 0.01310 *
industrias 0.041376 0.068162 0.607 0.54420
                      1.972263 0.920559 2.142 0.03279 *
19.005512 4.230436 -4.493 9.34e-06 ***
rioSi
oxidonitrogeno -19.005512
                                 0.451063 8.303 1.77e-15 ***
habitaciones
                     3.745355
viviendasantiguas 0.010290 0.014931 0.689 0.49115
distanciacentro -1.437331 0.225001 -6.388 4.89e-10 ***
                     0.299748 0.073389 4.084 5.39e-05 ***
accesoautopista
                     -0.012093 0.004079 -2.964 0.00322 **
impuestos
ratioalumnos
ratioalumnos -0.947359 0.152840 -6.198 1.48e-09 ***
poblacionnegra 0.009056 0.002933 3.087 0.00217 **
poblacionpobre -0.563708 0.055047 -10.241 < 2e-16 ***
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Residual standard error: 4.738 on 382 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.7426,
                                Adjusted R-squared: 0.7338
F-statistic: 84.78 on 13 and 382 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Una vez generado el modelo, éste debe ser evaluado. Para ello, nos movemos a la pestaña evaluar y elegimos el tipo calificación y el conjunto de datos de prueba. Seguidamente, ejecutamos el programa y generará un **archivo con las predicciones**. Una vez guardado el archivo, abandonamos rattle para movernos a la consola de R y, aquí, calcularemos el error del modelo. Este se calculará mediante el uso del **error cuadrático medio**, esto es, la diferencia cuadrática promedio entre el valor real y el estimado, que será mejor cuanto más se aproxime a O. Para obtenerlo, primero cargamos los resultados desde el archivo con el primer comando para, después, calcular el error con el otro comando. En este caso asignamos el error a una variable:

```
prueba<-read.csv("prueba.csv")
errorprueba<-sqrt(mean((prueba$preciovivienda - prueba$qlm)^2,na.rm=TRUE))</pre>
```

Por tanto, partiendo de un primer modelo con todas las variables a excepción de los rangos, obtenemos los siguientes modelos, los cuales son evaluados y comparados en la tabla posterior:

- ➤ Modelo 2 → (criminalidad, terrenoresidencial, rio, oxidonitrogeno, habitaciones, distanciacentro, accesoautopista, impuestos, ratioalumnos, poblacionnegra, poblacionpobre)
- ➤ Modelo 3 → (oxidonitrogeno, habitaciones, distanciacentro, accesoautopista, ratioalumnos, poblacionpobre)

➤ Modelo 4 → (oxidonitrogeno, habitaciones, distanciacentro, ratioalumnos, poblacionpobre)

Modelo	42	43	44	45	46	47	48	Media
1	4.821029	4.558702	4.385251	5.609852	5.972888	4.524956	3.600816	4,781928
2	4.805823	4.522392	4.387044	5.610653	5.961524	4.513360	3.574578	<mark>4,767910</mark>
3	5.240272	4.411376	4.472344	5.878720	6.141704	4.558558	3.935647	4.948374
4	5.228729	4.388212	4.455443	5.891013	6.150639	4.554335	3.887842	4.936602

Tabla 1. Resultados para diferentes valores de semilla

Adicionalmente a estos modelos, probamos otros utilizando los rangos descritos, pero no se registran debido a que tras breves pruebas variando la semilla se observa un peor rendimiento de forma clara. Conforme con esto y las medidas arriba expuestas elegimos como **el mejor el modelo 2 por ser el de menor error cuadrático medio**. Por tanto, podemos determinar que las variables utilizadas en este modelo son las de mayor influencia en la determinación del resultado, mientras que las que no están son las de menor influencia.

Predicción mediante regresión logística.

Nos interesa **predecir si la tasa de criminalidad de una zona es alta o baja**. Según lo que vimos en el análisis exploratorio, la **mediana** de esta variable corresponde a un 0.26. Basándonos en esto, podemos considerar que una criminalidad es alta a partir de dicho valor. Creamos, pues, la siguiente variable categórica tanto para el conjunto de datos como para el de test:

datos\$criminalidadalta<-factor(ifelse(datos\$criminalidad<0.26, 'No', 'Si'))
test\$criminalidadalta<-factor(ifelse(test\$criminalidad<0.26, 'No', 'Si'))

A diferencia de la predicción lineal numérica, hacemos una partición de 70/15/15 con el conjunto "datos" (se divide también para un conjunto de validación). El procedimiento sigue siendo el mismo que en el anterior apartado; comenzamos con todas las variables inicialmente, excepto criminalidad y las categóricas) y vamos probando hasta obtener el menor error posible. En este caso, la variable "Target" debe ser la variable categórica "criminalidadalta" que creamos previamente. Después de ejecutar con la partición, vamos a la pestaña "Model" y seleccionamos las opciones "Linear" y "Logistic" para que nos haga la predicción logística y nos saldrán los datos de una forma similar a como pasaba en la predicción lineal (más asteriscos al lado de aquellas variables más significativas). Para comprobar el acierto y error de la predicción, nos dirigimos a la pestaña de "Evaluate" y seleccionamos la opción de "Error Matrix". Con estas variables iniciales, se obtiene un error medio de 6.7%. Si quitamos la variable preciovivienda seguimos obteniendo la misma precisión. Al quitar poblacionpobre, disminuye el error hasta un 5.35%. Si quitamos poblacionnegra, viviendasantiguas,

habitaciones y terrenoresidencial sigue siendo **5.35%**. Es, por tanto, el porcentaje más bajo de error que podemos obtener.

Data Name: datos Edit Partition 70/15/15 Seed: 42 View Target Data Type Ignore Weight Calculator: nput 🌑 No. Variable Data Type Input Target Risk Ident Ignore Weight Comment 0 0 0 Numeric O • 0 Unique: 493 criminalidad 2 0 0 0 • 0 terrenoresidencial Numeric O Unique: 26 3 industrias Numeric • 0 0 0 0 0 Unique: 75 4 Categoric (0 0 0 • 0 Unique: 2 5 0 0 0 0 0 Unique: 80 oxidonitrogeno Numeric • 6 0 0 0 0 • \circ Numeric Unique: 438 habitaciones 7 0 viviendasantiguas Numeric 0 0 0 • 0 Unique: 349 8 0 0 0 0 0 Unique: 402 distanciacentro Numeric • 9 0 0 0 0 accesoautopista Numeric • 0 Unique: 9 • 0 0 0 0 0 Unique: 65 10 impuestos Numeric 11 ratioalumnos • 0 0 0 \circ \circ Numeric Unique: 46 0 12 poblacionnegra 0 0 0 • 0 Unique: 354 Numeric 13 poblacionpobre Numeric 0 0 0 0 • 0 Unique: 446 0 0 0 • 0 preciovivienda Numeric 0 Unique: 229 0 0 0 • 0 15 habitada Categoric (Unique: 2 16 altamentepeligrosa Categoric (0 0 0 \odot 0 Unique: 2 0 0 0 • 0 17 rangoterrenoresidencial Categoric O Unique: 6 rangocriminalidad Categoric (0 0 0 • 0 Unique: 3 Categoric 🔾 • 0 0 criminalidadalta 0 0 Unique: 2

Ilustración 27. Variables usadas en regresión logística.

Ilustración 28. Resultados predicción logística.

```
Type: ○ Tree ○ Forest ○ Boost ○ SVM ⑥ Linear ○ Neural Net ○ Survival ○ All
○ Numeric ○ Generalized ○ Poisson ● Logistic ○ Probit ○ Multinomial
 Plot
Deviance Residuals:
                      Median
    Mın
                1Q
                                    30
                                             Max
2.39949
         -0.17842
                     0.00003
                               0.00558
                                         2.74640
Coefficients:
                  Estimate Std. Error z value
                                                  Pr(>|z|)
(Intercept)
                            6.006565 -5.591 0.0000000226 ***
                -33.581871
industrias
                 -0.143466
                             0.055913 -2.566
                                                    0.01029 *
                57.631308 10.157876 5.674 0.0000000140 ***
oxidonitrogeno
distanciacentro 0.208860
                             0.184713
                                        1.131
                                                    0.25817
                                        4.035 0.0000545601 ***
accesoautopista
                0.632825
                             0.156827
impuestos
                 -0.009480
                             0.003234 -2.932
                                                   0.00337 **
ratioalumnos
                  0.181828
                             0.106580
                                        1.706
                                                   0.08800 .
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
(Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
   Null deviance: 479.55
                           on 345
                                   degrees of freedom
Residual deviance: 152.12
                          on 339
                                   degrees of freedom
AIC: 166.12
Number of Fisher Scoring iterations: 9
Log likelihood: -76.062 (7 df)
Null/Residual deviance difference: 327.429 (6 df)
Chi-square p-value: 0.00000000
Pseudo R-Square (optimistic): 0.85239902
==== ANOVA ====
Analysis of Deviance Table
Model: binomial, link: logit
Response: criminalidadalta
Terms added sequentially (first to last)
                Df Deviance Resid. Df Resid. Dev Pr(>Chi)
NULL
                                  345
                                          479.55
industrias
                 1
                    124.816
                                  344
                                          354.74 < 2.2e-16 ***
                    150.766
                                  343
                                          203.97 < 2.2e-16 ***
oxidonitrogeno
                 1
                      0.969
distanciacentro l
                                  342
                                          203.00
                                                   0.32502
accesoautopista l
                     38.138
                                  341
                                          164.86 6.591e-10 ***
impuestos
                 1
                      9.784
                                  340
                                          155.08
                                                    0.00176 **
ratioalumnos
                 1
                      2.956
                                  339
                                          152.12
                                                    0.08558 .
```

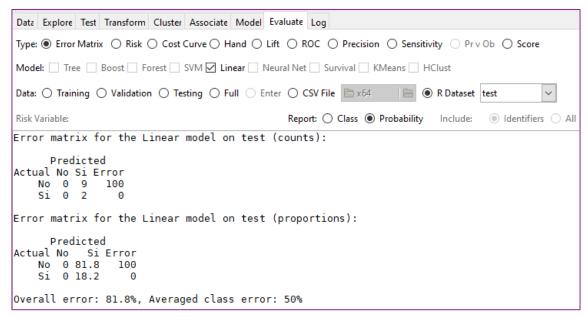
Ilustración 29. Resultados matriz de error.

```
Type: ● Error Matrix ○ Risk ○ Cost Curve ○ Hand ○ Lift ○ ROC ○ Precision ○ Sensitivity ○ Pr v Ob ○ Score
Model: ☐ Tree ☐ Boost ☐ Forest ☐ SVM ☑ Linear ☐ Neural Net ☐ Survival ☐ KMeans ☐ HClust
Data: O Training O Validation • Testing O Full O Enter O CSV File x64 R Dataset
Risk Variable:
                                                  Report: O Class 
Probability Include:
                                                                                       Identifiers  All
Error matrix for the Linear model on datos [test] (counts):
      Predicted
Actual No Si Error
    No 34 2 5.6
Si 2 37 5.1
Error matrix for the Linear model on datos [test] (proportions):
      Predicted
Actual No Si Error
No 45.3 2.7 5.6
    Si 2.7 49.3
                     5.1
Overall error: 5.4%, Averaged class error: 5.35%
Rattle timestamp: 2022-04-28 15:38:28 34644
```

El modelo ideal quedaría entonces como (industrias, oxidonitrogeno, distanciacentro, accesoautopista, impuestos, ratioalumnos).

Probamos el mismo procedimiento, pero **para el conjunto de test** que se nos ha proporcionado. En este caso, el error es muy alto. Esto posiblemente se deba a que los datos no son de buena calidad y/o son escasos.

Ilustración 30. Resultados matriz de error con conjunto test.



Anexo A. Comandos.

Para el conjunto datos:

```
library(rattle)

datos<-read.csv("datos.csv")

names(datos)[names(datos) == 'ī..criminalidad'] <- 'criminalidad'

names(datos)[names(datos) == 'ditanciacentro'] <- 'distanciacentro'

datos$rio<-factor(datos$rio, labels=c('No', 'Si'))

datos$habitada<-factor(ifelse(datos$terrenoresidencial==0, 'No', 'Si'))

datos$altamentepeligrosa<-factor(ifelse(datos$terrenoresidencial<-0, 'No', 'Si'))

datos$rangoterrenoresidencial <- cut(datos$terrenoresidencial,c(-1,0,20,40,60,80,100))

datos$rangocriminalidad <- cut(datos$criminalidad,c(0,1.5,10,Inf))

datos$criminalidadalta<-factor(ifelse(datos$criminalidad<0.26, 'No', 'Si'))

summary(datos)

rattle()
```

Para el conjunto test:

```
test<-read.csv("test.csv")
names(test)[names(test) == 'i..criminalidad'] <- 'criminalidad'
names(test)[names(test) == 'ditanciacentro'] <- 'distanciacentro'
test$criminalidadalta<-factor(ifelse(test$criminalidad<0.26, 'No', 'Si'))
test$terrenoresidencial<-NULL
test$rio<-NULL
summary(test)
rattle()</pre>
```

Gráficos:

```
hist(datos$criminalidad, main="Criminalidad", xlab="Tasa criminalidad", ylab="Número de zonas",col="lightblue",labels=TRUE)

boxplot(datos$criminalidad, main="Criminalidad", col="pink")

hist(datos$terrenoresidencial, main="Terreno residencial", xlab="Porcentaje terreno residencial", ylab="Número de zonas",col="lightblue",labels=TRUE)

hist(datos$terrenoresidencial, breaks = 1000, xlim=c(0,1), main="Terreno residencial", xlab="Porcentaje terreno residencial", ylab="Número de zonas",col="lightblue",labels=TRUE)

datos$rio<-factor(datos$rio, labels=c('No', 'Si'))

datos$habitada<-factor(ifelse(datos$terrenoresidencial==0, 'No', 'Si'))

library(plotrix)

histStack(datos$criminalidad,datos$rio, xlim=c(0,1),legend.pos="topright")
```

datos\$altamentepeligrosa<-factor(ifelse(datos\$criminalidad<10, 'No', 'Si'))

pie(table(datos\$ altamentepeligrosa), main="Zona altamente peligrosa")

datos\$accesoautopista <- factor(datos\$accesoautopista, labels=c('Uno', 'Dos', 'Tres', 'Cuatro', 'Cinco', 'Seis', 'Siete', 'Ocho', 'Veinticuatro'))

pie(table(datos\$accesoautopista), main="Acceso autopista")

pie(table(datos\$rangocriminalidad), main="Criminalidad")

pie(table(datos\$rangoterrenoresidencial), main="Terreno residencial")

hist(datos\$industrias, breaks = 10, main="Industrias", col="lightblue", xlab="Proporción de industrias de la zona", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$industrias, main="Industrias", col="pink")

pie(table(datos\$rio))

hist(datos\$oxidonitrogeno, breaks=10, main="Óxido de nitrógeno", col="lightblue", xlab="Cantidad de óxido de nitrógeno", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$oxidonitrogeno, main="Óxido de nitrógeno", col="pink")

hist(datos\$habitaciones, breaks=10, main="Habitaciones", col="lightblue", xlab="Número medio de habitaciones por vivienda", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$habitaciones, main="Habitaciones", col="pink")

hist(datos\$viviendasantiguas, breaks=10, main="Viviendas antiguas", col="lightblue", xlab="Proporción de viviendas antiguas", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$viviendasantiguas, main="Viviendas antiguas", col="pink")

hist(datos\$distanciacentro, breaks=10, main="Distancia al centro", col="lightblue", xlab="Distancia al centro desde la zona", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$distanciacentro, main="Distancia centro", col="pink")

hist(datos\$accesoautopista, xlim=c(0,25), breaks=10, main="Acceso autopista", col="lightblue", xlab=" Índice de acceso autopista ", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$accesoautopista, main="Acceso autopista", col="pink")

hist(datos\$impuestos, main="Impuestos", xlim=c(100, 800), col="lightblue", xlab="Impuestos sobre bienes inmuebles", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$impuestos, main="Impuestos", col="pink")

hist(datos\$ratioalumnos, main="Ratio alumnos", col="lightblue", xlab=" Número de alumnos por profesor", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$ratioalumnos, main="Ratio alumnos", col="pink")

hist(datos\$poblacionnegra, main="Población negra", col="lightblue", xlab=" Índice de población negra", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$poblacionnegra, main="Población negra", col="pink")

hist(datos\$poblacionpobre, main="Población pobre", col="lightblue", xlab=" Porcentaje de población pobre", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$poblacionpobre, main="Población pobre", col="pink")

hist(datos\$preciovivienda, main="Precio vivienda", col="lightblue", xlim=c(1,50), xlab=" Precio medio de viviendas (en miles de euros)", ylab="Número de zonas", labels=TRUE)

boxplot(datos\$preciovivienda, main="Precio vivienda", col="pink")

Anexo B. Datos y gráficas adicionales.

Tabla 2. Datos iniciales del problema.

VARIABLE	DESCRIPCIÓN
criminalidad	tasa de criminalidad en la zona
terrenoresidencial	porcentaje de terreno residencial en la zona
industrias	proporción de industrias grandes en la zona
rio	variable con 1 si limita con un río, 0 si no limita
oxidonitrogeno	óxido de nitrógeno (partes en 10 millones)
habitaciones	número medio de habitaciones por vivienda
ratioalumnos	número de alumnos por profesor en los colegios de la zona
poblacionnegra	índice (sobre 1000) relacionado con la población negra (cuanto más alto es el valor de este índice, indica que hay un mayor porcentaje)
poblacionpobre	porcentaje de población de estado económico bajo
preciovivienda	precio medio de las viviendas ocupadas (en miles de euros

Tabla 3. Muestra de los datos (Excel).

criminalidad 🔻 terrenore	esidencial 💌 indu	strias 💌 ric	0 🔻 0	xidonitrogeno 🔻 habitacio	nes 🔻 v	viviendasantiguas 🔻 di	tanciacentro 🔻 accesoa	utopista 💌 impu	estos 🔻 ratio	oalumnos 💌 pobla	cionnegra 🔽 pobla	cionpobre 🔽 precio	ovivienda 💌
632	18	231	0	538	6575	652	409	1	296	153	3969	498	24
2731	0	707	0	469	6421	789	49671	2	242	178	3969	914	216
2729	0	707	0	469	7185	611	49671	2	242	178	39283	403	347
3237	0	218	0	458	6998	458	60622	3	222	187	39463	294	334
6905	0	218	0	458	7147	542	60622	3	222	187	3969	533	362
2985	0	218	0	458	643	587	60622	3	222	187	39412	521	287
8829	125	787	0	524	6012	666	55605	5	311	152	3956	1243	229
14455	125	787	0	524	6172	961	59505	5	311	152	3969	1915	271
21124	125	787	0	524	5631	100	60821	5	311	152	38663	2993	165
17004	125	787	0	524	6004	859	65921	5	311	152	38671	171	189
22489	125	787	0	524	6377	943	63467	5	311	152	39252	2045	15
11747	125	787	0	524	6009	829	62267	5	311	152	3969	1327	189
9378	125	787	0	524	5889	39	54509	5	311	152	3905	1571	217
62976	0	814	0	538	5949	618	47075	4	307	21	3969	826	204
63796	0	814	0	538	6096	845	44619	4	307	21	38002	1026	182
62739	0	814	0	538	5834	565	44986	4	307	21	39562	847	199
105393	0	814	0	538	5935	293	44986	4	307	21	38685	658	231
7842	0	814	0	538	599	817	42579	4	307	21	38675	1467	175
80271	0	814	0	538	5456	366	37965	4	307	21	28899	1169	202
7258	0	814	0	538	5727	695	37965	4	307	21	39095	1128	182
125179	0	814	0	538	557	981	37979	4	307	21	37657	2102	136
85204	0	814	0	538	5965	892	40123	4	307	21	39253	1383	196
123247	0	814	0	538	6142	917	39769	4	307	21	3969	1872	152
98843	0	814	0	538	5813	100	40952	4	307	21	39454	1988	145
75026	0	814	0	538	5924	941	43996	4	307	21	39433	163	156
84054	0	814	0	538	5599	857	44546	4	307	21	30342	1651	139
67191	0	814	0	538	5813	903	4682	4	307	21	37688	1481	166
95577	0	814	0	538	6047	888	44534	4	307	21	30638	1728	148
77299	0	814	0	538	6495	944	44547	4	307	21	38794	128	184
100245	0	814	0	538	6674	873	4239	4	307	21	38023	1198	21
113081	0	814	0	538	5713	941	4233	4	307	21	36017	226	127

Ilustración 33. Histograma de industrias.

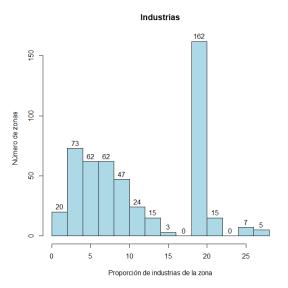


Ilustración 35.Histograma de Óxido de nitrógeno.

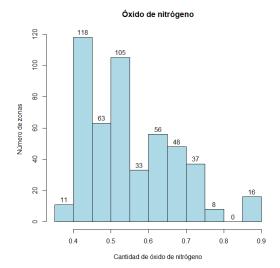


Ilustración 32. Diagrama de cajas de industrias.

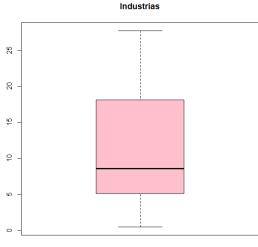


Ilustración 34. Diagrama de cajas de óxido de nitrógeno.

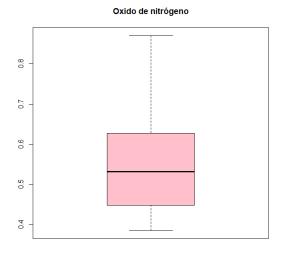


Ilustración 31. Diagrama de sectores de río.



Ilustración 36. Histograma de habitaciones.

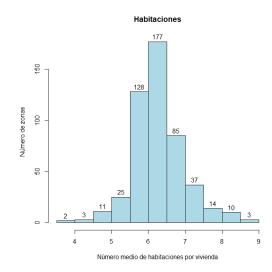


Ilustración 39. Diagrama de cajas de habitaciones.

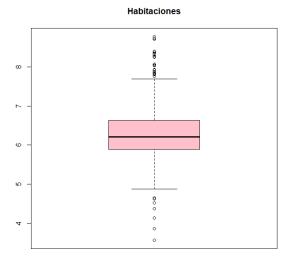


Ilustración 41. Histograma de distancia al centro.

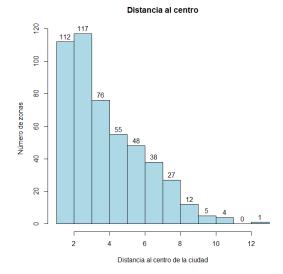


Ilustración 38. Histograma de viviendas antiguas.

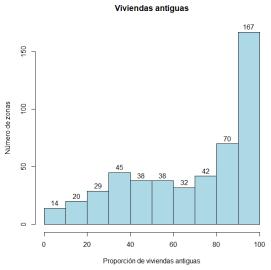


Ilustración 42. Diagrama de cajas de distancia centro.

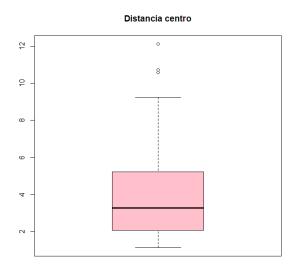


Ilustración 37. Diagrama de cajas de viviendas antiguas.

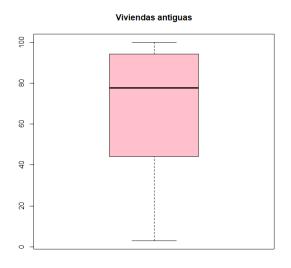


Ilustración 40. Histograma de acceso a autopista.

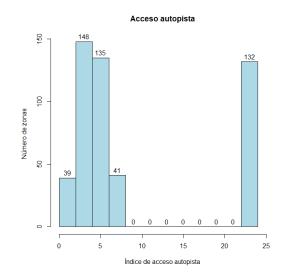


Ilustración 45. Diagrama de cajas de acceso autopista.

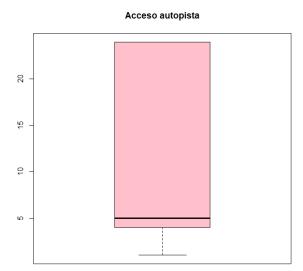


Ilustración 48. Diagrama de cajas de población negra.

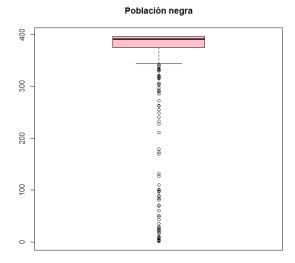


Ilustración 44. Histograma de impuestos.

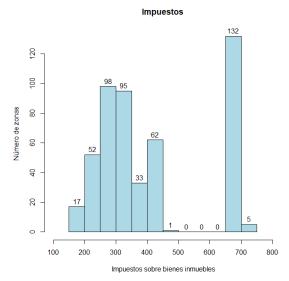


Ilustración 47. Diagrama de cajas de ratio alumnos.

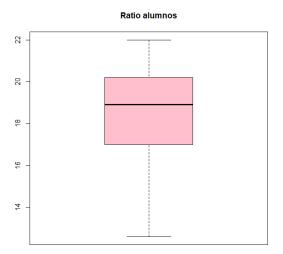


Ilustración 43. Diagrama de cajas de impuestos.

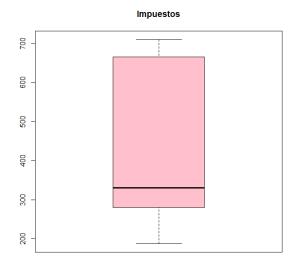


Ilustración 46. Histograma de población negra.

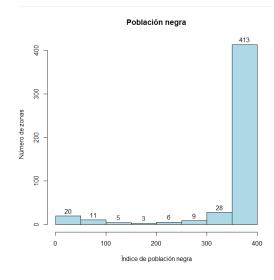


Ilustración 50. Diagrama de cajas de precio vivienda.

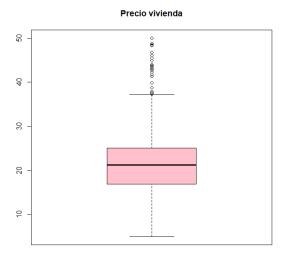


Ilustración 49. Diagrama de cajas de población pobre.

Población pobre

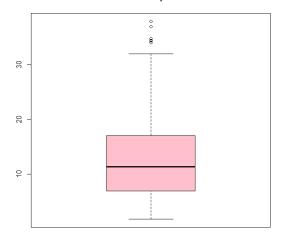


Ilustración 52. Histograma de población pobre.

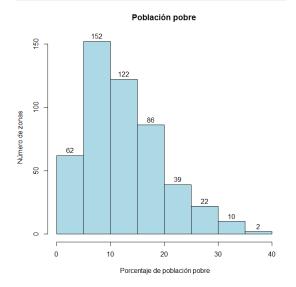


Ilustración 51. Histograma de precio de vivienda.

