

# IIA – 2015/2016 – RESUMOS TEÓRICA

---

Miguel Costa 21220739

---

## Índice

CAP. 2 - AGENTES .....	3
Agentes Reactivos .....	3
Agentes Reactivos com Estado Interno (memória).....	3
Agentes Guiados por Objectivos .....	3
Agentes Baseados em Funções de Utilidade .....	4
AMBIENTE .....	4
Ambientes Acessíveis/Não Acessíveis.....	5
Ambientes Determinísticos/Estocásticos.....	5
Ambientes Episódicos/Não episódicos .....	5
Ambientes Dinâmicos/Estáticos.....	6
Ambientes Discretos/Contínuos .....	6
CAP. 3 - RESOLUÇÃO DE PROBLEMAS .....	6
Agentes de Resolução de Problemas .....	7
CAP. 4 - PESQUISA NÃO INFORMADA .....	8
Estratégia de Pesquisa .....	8
Estratégias:.....	8
Dois tipos de Pesquisa.....	8
Algoritmo Geral de Pesquisa –AGP .....	9
CAP. 4 - Pesquisa não informada .....	9
Pesquisa em Largura (Breadth-First).....	9
Pesquisa em Profundidade.....	10
Pesquisa Uniforme ( $f = g$ ) .....	10
Pesquisa Profundidade Limitada.....	11
Pesquisa por Aprofundamento Progressivo (IDS -Iterative Deepening Search).....	11
CAP. 5 - Pesquisa informada .....	11
Pesquisa Sôfrega ( $f = h$ ).....	12
Pesquisa A* ( $f = g + h$ ) .....	12
Heurística Admissível .....	13

Variantes A* .....	13
Variantes do A* com limitação de memória .....	13
IDA* .....	13
SMA* .....	14
CAP. 6 - PESQUISA LOCAL – MELHORAMENTO ITERATIVO .....	14
Problema com Restrições (CSP-Constraint Satisfaction Problem) .....	15
Trepas-Colinas.....	16
Recristalização Simulada (simulated annealing) .....	17
Pesquisa Tabu.....	18
CAP.7 - ALGORITMOS GENÉTICOS (PESQUISA GLOBAL) .....	19
Introdução .....	19
Algoritmos Genéticos .....	19
Princípio Básico de Funcionamento .....	19
CAP. 8 - ALGORITMOS PARA JOGOS.....	20
Algoritmo Minimax.....	21
Alpha-Beta Pruning .....	22
Jogos com Elemento Sorte .....	23
CAP. 9 - Aprendizagem com Redes Neurais.....	24
Rede Neuronal Artificial .....	24
Aprendizagem: .....	25

## CAP. 2 - AGENTES

**Agente Inteligente** – Entidades que agem de forma racional.

**Agente Racional** – um agente que escolhe a acção correta. Toma decisões racionais. O objectivo é imitar o humano.

Podemos considerar quatro tipos de Agentes:

- Agentes Reactivos
- Agentes Reactivos com Estado Interno
- Agentes Guiados por Objectivos
- Agentes Baseados em Funções de Utilidade

### Agentes Reactivos

- **Respondem** a cada percepção **sempre da mesma forma**, tomando em linha de conta apenas a percepção mais recente.
- Simulam reflexos adquiridos ou inatos.

### Agentes Reactivos com Estado Interno (memória)

- Respondem mesma percepção de forma eventualmente diferente, **combinando a percepção mais recente co informação acerca do estado anterior do ambiente.**
- A sua actualização requer conhecimento sobre:
  - Como se modifica o mundo ao longo do tempo
  - Efeito que as acções têm no estado do mundo

**As percepções são combinadas com estado interno e conhecimento.**

### Agentes Guiados por Objectivos

- respondem a uma percepção de forma a atingirem um dado objectivo e combinam essa percepção com informação acerca do estado anterior do ambiente.
- Uma decisão deste tipo **considera o resultado futuro**:
  - O que acontece se virar à esquerda? E à direita? Isso será bom para o meu objectivo ?

**Se o objectivo for alterado**, o agente altera o seu comportamento.

Raciocínio para previsão de um estado futuro.

### Agentes Baseados em Funções de Utilidade

- Respondem a uma percepção de forma a atingirem um dado objectivo **maximizando o grau de sucesso** obtido na prossecução desse objectivo.
- A Função Utilidade:
  - Associa valores numéricos a estados, representando o grau de satisfação
  - Permite **optar pela melhor solução** de entre várias

Previsão de um Estado Futuro. Esse novo estado tornar-me-á feliz? **Quanto?**

## AMBIENTE

Os agentes estão inseridos num ambiente:

A resolução do problema depende das características do ambiente.

Tal como os agentes, também os ambientes podem classificar-se em vários tipos:

- Acessível
- Determinístico
- Episódico
- Dinâmico
- Discreto

### Ambientes Acessíveis/Não Acessíveis

Se o conjunto de sensores do agente lhe der **acesso ao estado completo do ambiente**.

Caso contrário diz-se não acessível.

Exemplo:

- XADREZ – O agente consegue obter toda a informação relevante para a tomada de decisão – acessível.
- robô que seleciona peças – não acessível

### Ambientes Determinísticos/Estocásticos

O ambiente é determinístico se o seu próximo estado puder ser completamente determinado a partir do seu estado actual e da acção a executar. Ou seja, previsível. Caso contrário diz-se estocástico.

Exemplos:

- xadrez – determinístico
- robô que seleciona peças – não-determinístico

### Ambientes Episódicos/Não episódicos

Se a experiência do agente for dividida em episódios. É não-episódico no caso contrário.

- Cada episódio consiste numa percepção seguida de uma acção.
- O sucesso dessa acção depende apenas do episódio actual.
- Os ambientes episódicos tendem a gerar agentes mais simples, porque estes não precisam de “pensar no futuro”.

Exemplos:

- xadrez – não-episódico
- robô que seleciona peças – episódico

## Ambientes Dinâmicos/Estáticos

O ambiente diz-se **dinâmico** se puder mudar enquanto o agente se encontra a decidir. Caso contrário, diz-se **estático**.

Mais complexos, alteram com o tempo.

Se o ambiente não mudar com o tempo mas o desempenho do agente sim, o ambiente diz-se semi-dinâmico (xadrez com tempo controlado).

Exemplos:

- Xadrez sem relógio – estático
- Xadrez com relógio – semi-dinâmico
- robô que seleciona peças – dinâmico

## Ambientes Discretos/Contínuos

Diz-se discreto quando origina séries de percepções e acções perfeitamente distintas umas das outras. Caso contrário, diz-se contínuo.

Existe um número finito de estados ou de percepções/acções.

Exemplos:

- Jogo de Poker: Discreto
- Condução de um veículo: Contínuo
- robô que seleciona peças – contínuo

## Conclusão:

Os ambientes mais complexos são os ambientes inacessíveis, não-determinísticos, não-episódicos, dinâmicos e contínuos.

## CAP. 3 - RESOLUÇÃO DE PROBLEMAS

## Agentes de Resolução de Problemas

- São do tipo Guiado por Objectivos goal-oriented).
- Algoritmo Geral de Pesquisa – *General Problem Solving - GPS*)

### 1. Formulação do Objectivo

#### Exemplo:

Pretendemos viajar de Lisboa para o Porto.

- Estados - são as diversas cidades que constam num mapa conhecido do agente;
- Objectivo - Porto;
- Estado inicial - Lisboa;
- Solução - Qualquer sequência de cidades a percorrer partindo de Lisboa até chegarmos ao Porto, é uma solução do problema (podem existir diversas soluções!).

### 2. Formulação do Problema

### 3. Pesquisa da Solução

- A Pesquisa corresponde à **procura de um caminho** que conduz à solução, **ou à procura do melhor caminho** de entre todos os possíveis.

- **Componentes de um Problema:**

Um Problema é composto por:

- **Estado Inicial:** descreve o estado de que o agente parte;
- **Estado Final:** descreve o objectivo;
- **Operadores:** determinam consequências das possíveis acções, informando o estado atingido após cada acção
- **Função Sucessores:** devolve o conjunto de estados  $S(x)$  que podem ser alcançados a partir do estado  $x$ .
- **Teste de Satisfação do Objectivo:** testa se o estado actual coincide com o Estado Final.
- **Custo do Caminho** (opcional): calcula o custo de uma dada solução (em horas, em Km, em nº de movimentos, etc.).

## Espaço de Estados

Conjunto de todos os estados que podem ser atingidos a partir do Estado Inicial por aplicação dos operadores (i.e., através de qualquer caminho possível).

A resolução de um problema pode ser vista como uma **Pesquisa num Espaço de Estados**.

## Avaliação da Pesquisa

Uma pesquisa pode ser avaliada segundo 3 critérios:

- Alguma **solução foi encontrada?**
- O **Custo do Caminho/Solução** é baixo?
- Qual o **Custo da Pesquisa** em termos de tempo e memória necessários?
- **Custo Total = Custo do Caminho + Custo da Pesquisa**
- Normalmente, um custo do caminho mais baixo implica custos de pesquisa mais altos

## CAP. 4 - PESQUISA NÃO INFORMADA

### Estratégia de Pesquisa

Uma pesquisa constrói uma **Árvore de Pesquisa** cuja raiz é o Estado Inicial.

Estratégias:

*Crítérios de Classificação:*

- **Compleitude:** A estratégia garante que se encontra uma solução quando existe de facto uma?
- **Optimização:** Encontra a melhor solução quando há várias possíveis?
- **Complexidade Temporal:** Quanto tempo leva a encontrar uma solução?
- **Complexidade Espacial:** Quais os requerimentos de memória?

Dois tipos de Pesquisa

*Pesquisa Cega ou Não Informada*

- Procura uma solução sem recorrer a qualquer informação adicional que a guie.



- Apenas pode comparar o estado actual com o objectivo
- As variantes deste tipo de pesquisa variam de acordo com a ordem definida para expansão de estados

#### *Pesquisa Heurística ou Informada*

- Procura uma solução recorrendo a informação adicional que permite escolher o nó a expandir primeiro

## Algoritmo Geral de Pesquisa –AGP

## CAP. 4 - Pesquisa não informada

### Pesquisa em Largura (Breadth-First)

Primeiro expande-se o nó N e só depois o N+1

A partir da raiz, a árvore é expandida por níveis

#### **Vantagens:**

- Completa

Porque procura todas as soluções possíveis e portanto encontrará uma caso exista

- Óptima

Desde que o Custo do Caminho seja uma Função Não-Decrescente da profundidade dos nós.

- A Pesquisa em Largura propõe sempre como solução a que tiver menor número de nós. Portanto, se o custo aumentar com a profundidade, as soluções com menos nós representam menor custo.

#### **Desvantagens:**

- O custo da pesquisa é muito elevado
  - Complexidade temporal exponencial
  - Complexidade espacial exponencial

- Análise da Complexidade da Pesquisa em largura
  - Exponencial

Problemas de pesquisa cujos algoritmos têm complexidade exponencial, **apenas podem ser resolvidos para instâncias de pequena dimensão.**

### Pesquisa em Profundidade

Cada nó é expandido até ser atingido o último nível da árvore, a menos que uma solução seja encontrada entretanto:

#### Características:

- Incompleta
  - No caso de a profundidade da árvore ser infinita (neste caso tentará atingir o último nível - que nunca alcança - e não retorna nenhuma solução.
- Não Ótima
  - Retorna uma solução qualquer e nenhuma condição pode garantir que seja a melhor.

### Pesquisa Uniforme ( $f = g$ )

*"Olha para o passado".*

$g$  = custo acumulado desde a origem até ao estado actual (custo do caminho já percorrido).

#### Variante da Pesquisa em Largura

- Consiste em expandir primeiro os nós que têm um custo associado menor, que estão mais perto da origem.
  - Esta expansão pára quando for encontrada uma solução e o custo acumulado dos caminhos associados aos nós que falta expandir já for superior à solução encontrada.

- Garante a solução ótima, bastando apenas que o custo aumente com a profundidade
  - Comparativamente com a pesquisa em largura, resolve a limitação da solução ótima só ser garantida para custos que aumentam uniformemente com a profundidade de todos os caminhos.

### Características:

- Completa
- Ótima
  - Desde que o custo aumente com a profundidade:  $g(\text{Sucessor}(n)) \geq g(n)$
  - Se admitirmos que o custo possa diminuir com a profundidade, então seria preciso explorar a árvore toda para determinar qual o caminho ótimo!

### Pesquisa Profundidade Limitada

Resolve a limitação da Pesquisa em Profundidade de não retornar resultados em espaços de profundidade muito grande, impondo um limite,  $m$ , à profundidade máxima a atingir.

Por exemplo, se um mapa contem 20 cidades, o caminho entre quaisquer duas tem de ser composto, no máximo, por 19. Logo,  $m=19$ .

### Pesquisa por Aprofundamento Progressivo (IDS -Iterative Deepening Search)

Combina as Pesquisas em Largura e em Profundidade

Evita a necessidade de se definir “ $m$ ” antecipadamente:

- Em vez de se estabelecer um só limite geral, começa por se estabelecer um limite inicial de profundidade = 0
- Este limite vai-se alargando (1,2, 3,... $m$ ) para as iterações seguintes (i.e. faz-se uma pesquisa em profundidade de nível 1, depois 2, depois 3... mas para cada pesquisa reinicia-se o algoritmo da pesquisa em profundidade, desde a raiz).

## CAP. 5 - Pesquisa informada

- Pesquisa Sôfrega
- Pesquisa A\*
- Variantes do A\*

Os métodos de **Pesquisa Não Informada** são muito ineficientes:

- Exigem Grandes requisitos de tempo
- Exigem Grandes requisitos de memória
- As Soluções encontradas nem sempre são óptimas

Pesquisa Sôfrega ( $f = h$ )

Expande-se em primeiro lugar o nó que parece estar mais perto do objectivo, tendo em conta o custo.

**“Olhar para o futuro usando heurística”.**

**Características:**

- Não óptima
  - não garante que se encontre o caminho de menor custo
- Incompleta
  - pode seguir caminhos infinitos

Pesquisa A\* ( $f = g + h$ )

Combina Pesquisa Uniforme com Pesquisa Sôfrega

Estes dois tipos de pesquisa são complementares:

- A Uniforme “mede” a parte inicial do percurso -  $g(n)$
- A Sôfrega “mede” a **aparente** parte restante -  $h(n)$

No AGP, a inserção na lista de Nós a Expandir é feita por ordem crescente de  $f(n)$ .

- $f(n)=g(n)+h(n)$

A pesquisa  $A^*$  é **ótima e completa** desde que:

- A heurística utilizada nunca sobrestime o custo do caminho do nó  $n$  até ao objectivo (isto é, **nunca possa assumir um valor superior ao do custo real**).
- Se assim for, constitui uma **Heurística Admissível**

#### Heurística Admissível

Se for inferior ou igual ao custo real.

A heurística a escolher nunca pode sobrestimar o custo do caminho até à solução.

A função heurística cujo valor se aproxima mais do custo da solução real, é habitualmente a melhor

#### Variantes $A^*$

Variantes do  $A^*$  com limitação de memória

##### $IDA^*$

- $A^*$  com aprofundamento progressivo
- “IDS para  $A^*$ ”

##### $SMA^*$

- “Simplified Memory Bounded  $A^*$ ”
- Desenhado para não ultrapassar o limite de memória disponível para resolver um problema.

##### $IDA^*$

Está para a a pesquisa  $A^*$ , assim como o IDS está para a pesquisa em profundidade:

- No IDS cada iteração é limitada por um nível de profundidade crescente
- No IDA\* cada iteração é limitada por um valor crescente da função de custo,  $f(n)=g(n)+h(n)$
- Para cada “limite de custo estimado”,  $f_i$ , “exclui” os nós cujo valor  $f$  é superior
- Para quando atingir um nó objectivo cujo  $f$  é  $\leq$  que o limite actual
- Enquanto não encontrar um objectivo nestas condições, progride para o limite seguinte,  $f_{i+1}$

#### Características da Pesquisa IDA\*:

- É completa
- É óptima
- Por ser baseada na pesquisa em profundidade, o requerimento de memória é baixo e pode ser **aproximado por  $b \cdot d$**  ( $b$ =branching factor,  $d$ =profundidade da solução)

#### SMA\*

Tenta utilizar apenas a memória disponível para resolver um problema.

- É completo e óptimo desde que a memória possibilite a sua execução completa
- Se a memória estiver toda utilizada devido às expansões efectuadas, “esquece” os nós menos promissores (os de valor de  $f$  mais elevado), usando o espaço assim libertado para o resultado de outras expansões
- O nó a expandir é o de menor valor de  $f$
- Porém, **quando se expande esse nó, adiciona-se-lhe apenas um sucessor em cada iteração**
- Quando um nó se encontrar completamente expandido, o seu custo estimado,  $f$ , é actualizado com o mínimo dos valores de  $f$  dos seus nós filhos da iteração

## CAP. 6 - PESQUISA LOCAL – MELHORAMENTO ITERATIVO

## Problema com Restrições (CSP-Constraint Satisfaction Problem)

Trata-se de um problema cuja solução só é válida se satisfazer certas condições.

Um CSP é caracterizado por:

- **Variáveis:** Os seus valores finais representam a solução
- **Domínio:** Conjunto de valores que as variáveis podem assumir
- **Restrições:** atuam sobre as variáveis
- **Problema:** Assinalar valores às variáveis sem violar as restrições

**Exemplo:** problema das 8 rainhas.

Num CSP interessa determinar apenas um estado final válido e não um caminho que leve a esse estado (não interessa o caminho, apenas o estado final).

- O **Estado Final é desconhecido** e constitui a solução do problema.

Um CSP pode ser resolvido por técnicas de pesquisa, contudo são geralmente ineficientes neste contexto, dado gerarem muitos estados desnecessariamente.

Existem algoritmos especialmente adaptados à resolução de CSPs:

- Hill-Climbing (**mais usado**)
- Simulated-Annealing
- Pesquisa Tabu

### *Heurística dos “Conflitos Mínimos”*

Tentar garantir o mínimo conflito com as restrições.

Os algoritmos de melhoramento iterativo caracterizam-se por:

- Não anotam os estados intermédios que conduzem a uma solução, apresentando apenas a “configuração” válida que a compõe

- Partem de uma configuração inicial completa (que viola as restrições), eventualmente gerada aleatoriamente, e melhoram-na sucessivamente até alcançarem uma solução

## Trepa-Colinas

Também conhecido por “Hill-Climbing” ou “Gradient-Descent”

O nome e ideia base provêm de uma analogia com a decisão tomada por um agente que, perdido numa encosta, pretende atingir o topo:

- Deslocar-se-á na direcção “em que o caminho sobe”.

**Espaço de procura** é um espaço de soluções, ao contrário dos outros algoritmos que vimos antes ( $A^*$ , etc...), em que a pesquisa era feita num espaço de estados.

## Implementação

- Parte de um estado inicial dado ou gerado aleatoriamente
  - todas as variáveis com valores atribuídos
- Gera os estados sucessores do estado actual
- Através de uma Função de Avaliação, avalia cada estado assim gerado e escolhe o de maior valor
- Pára quando o estado seleccionado tiver um valor inferior ao escolhido na iteração anterior
  - isto significa que a solução “piorou” e que se “está a descer a colina, em vez de a subir”

## Problemas

- Um **máximo local** pode ser atingido sem que corresponda ao máximo absoluto (melhor solução)
- Nos “planaltos” é necessário **escolher uma direcção** aleatoriamente
- Um cume pode ter lados tão inclinados que o passo seguinte conduz ao “outro lado do cume” e não ao seu topo. Neste caso a **solução poderá “oscilar”** nunca atingido o máximo pretendido

Tentativa de resolução dos problemas relativo ao atingir um ponto de não progresso:



- Reiniciar a pesquisa partindo de um estado inicial diferente, gerado aleatoriamente (Random-Restart-Hill-Climbing)
- Guarda o melhor resultado obtido nas pesquisas anteriores
  - até ao ponto de não-progresso
- Pára quando atingir o número de reinícios máximo ou quando o melhor resultado guardado não for ultrapassado durante “n” iterações (valor “n” é pré-fixado)

## Recristalização Simulada (*simulated annealing*)

**Temperar materiais** – aquecer os metais para depois os arrefecer bruscamente e assim ficarem mais resistente.

### **“Andar para trás para depois avançar para uma solução melhor (Têmpera)”**

Usa a seguinte estratégia para ultrapassar máximos locais:

- Quando encontra um máximo (pode ser apenas um máximo local!), o algoritmo prossegue “durante algum tempo” a pesquisa no sentido descendente.
- Em vez de se escolher sempre o estado seguinte de maior valor, escolhe-se um, aleatoriamente
- Se a sua avaliação:
  - For superior à do estado anterior, é sempre escolhido
  - For inferior, é escolhido mas apenas com uma certa probabilidade ( $<1$ ) que baixa à medida que um parâmetro ‘T’ tende para zero ao longo das sucessivas iterações.
- Quando T for muito pequeno, a escolha de estados de pior avaliação quase nunca ocorre, e o “Simulated Annealing” comporta-se (quase) como o “Hill-Climbing”.
  - Com a continuação, as descidas vão sendo cada vez menos permitidas, de modo que no final apenas a subida para um máximo (que parte já de um valor elevado) é permitida: Com maior probabilidade, este poderá ser o máximo absoluto
- O nome do algoritmo (Têmpera Simulada) provém de realizar uma analogia com o processo de têmpera de certos metais ou arrefecimento de um líquido até que congele.
  - O parâmetro T simula a temperatura, que baixa com o tempo

- Algoritmo **probabilístico**
  - O resultado é não determinista.
  - Deve-se executar o algoritmo mais do que uma vez.
- Se o arrefecimento for “suficientemente” lento é sempre atingido o **ótimo global!**

**$\Delta E = \text{Valor (estado seguinte)} - \text{Valor (estado actual)} \rightarrow \text{MAXIMIZAÇÃO}$**

**$\Delta E = \text{Valor (estado actual)} - \text{Valor (estado seguinte)} \rightarrow \text{MINIMIZAÇÃO}$**

## Pesquisa Tabu

### Princípio de funcionamento:

- Durante a pesquisa, **forçar a exploração de novas zonas do espaço de procura.**
  - Pode assim evitar-se entrar em ciclos

### Implementação:

- Recurso a uma memória de curta-duração
  - Indica quais os movimentos **proibidos** (movimentos TABU)

### Características:

- **Vantagens**
  - Escolhe sempre o melhor vizinho, desde que seja válido, exibindo assim um comportamento determinista
  - Ao aceitar soluções de pior qualidade, pode evitar ótimos locais
- **Desvantagens**
  - Nem sempre é fácil ajustar o limite de memória e número máximo de iterações

## CAP.7 - ALGORITMOS GENÉTICOS (PESQUISA GLOBAL)

### Introdução

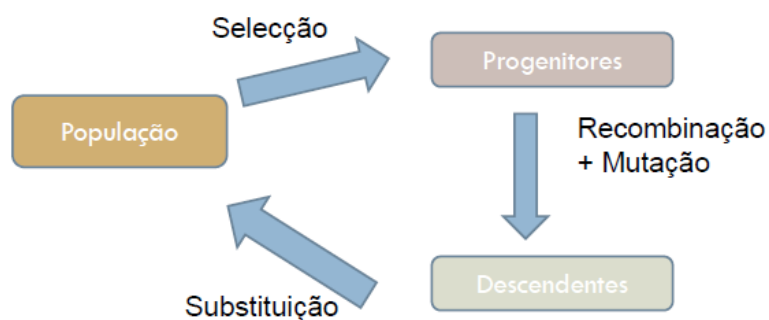
- **Computação Evolucionária (CA)**
  - A área de investigação designada por “Computação evolucionária (EC)” envolve:
    - Algoritmos Genéticos (GA)
    - Estratégias Evolucionárias (ES)
    - Programação Evolucionária (EP)

### Algoritmos Genéticos

- Técnica para resolução de problemas que necessitem de optimização
- Baseados na Teoria de Evolução de Darwin

### Sub-classe da computação evolucionária.

### Princípio Básico de Funcionamento



### Seleção

As “melhores hipóteses” são as de maior “aptidão”. Esta aptidão é avaliada por uma função (*fitness function*).

### Recombinação (crossover) e Mutação:

Em vez de procurarem sistematicamente uma solução (hipótese  $h$ ), os AGs geram hipóteses sucessoras das actuais (descendência/offspring) re combinando **propabilisticamente** as melhores hipóteses entre si, e “mutando” algumas outras.

## **Função de Fitness (aptidão)**

Define o critério que avalia cada hipótese de acordo com o objectivo a atingir.

- É a base de qualquer critério de selecção na geração seguinte.

### **Exemplos:**

- Mochila: Lucro da solução
- N-Rainhas: A função de fitness calcula a soma dos ataques que as rainhas produzem, em cada configuração.

## **PESQUISA LOCAL (a cada iteração temos apenas 1 solução)**

Trepa-Colinas

Tabu

Recristalização Simulada

## **PESQUISA GLOBAL (a cada iteração temos muitas soluções – População)**

Algoritmo Genético

## **CAP. 8 - ALGORITMOS PARA JOGOS**

Os jogos diferenciam-se pela inclusão de um factor de incerteza devido à presença de um adversário

### **Incerteza do tipo não probabilística:**

- O adversário (B) tentará a melhor jogada para ele, o que implica a pior jogada para o oponente (A).
- A aplicação de algoritmos de pesquisa para encontrar a melhor solução para A não funciona! Pois é necessário contar com os movimentos de B.

Tipos de jogos

	<i>Determinístico</i>	<i>Não Determinístico (factor sorte)</i>
<i>Observável</i>	Xadrez Damas ...	Monopólio Gamão ...
<i>Parcialmente Observável</i>	Batalha Naval ...	Cartas ...

○ Minimax aplica-se a jogos **determinísticos** e **observáveis**

### Algoritmo Minimax

Jogo com dois indivíduos, designados por MAX e MIN

- Jogam alternadamente - MAX joga primeiro
- No final do jogo pode acontecer:
  - MAX ganha (MIN perde)
  - MAX perde
  - Empatam
- Baseia-se no princípio de “selecção da melhor jogada por parte de cada jogador”
- **A árvore é toda construída inicialmente.**
  - Toda a árvore é percorrida
  - Travessia em profundidade

- **Algoritmo recursivo**
  - Atribuição de valores é feita dos nós terminais para a raiz
- **Impraticável para jogos complexos**
  - Memória

### Alpha-Beta Pruning

- Recursos: Tempo e Memória
  - O algoritmo Minimax necessita de memória e tempo consideráveis, mesmo para jogos relativamente simples!

### O algoritmo baseia-se na utilização de dois parâmetros, “Alpha” e “Beta”:

- **Alpha**: representa o valor mínimo garantido que MAX poderá obter.
  - Como representa um limite inferior é inicializado a  $-\infty$  e vai crescendo, sendo actualizado num nó MAX.
- **Beta**: representa o valor máximo que MIN consegue impor a MAX
  - MAX nunca conseguirá jogar para obter um valor superior a beta
  - Sendo um limite superior, é inicializado a  $+\infty$  e posteriormente vai decrescendo (actualizado num nó MIN)
- Ao atingir-se um nó em que  $\alpha \geq \beta$ , pode cortar-se o ramo

## Características:

- **Algoritmo ótimo**
  - A estratégia sugerida é igual à que teria sugerida pelo MiniMax (sem pruning)
- A Eficácia do algoritmos depende da ordem pela qual os sucessores são avaliados

## PERGUNTA DE EXAME:

**P:** Aplicando o Alpha-Beta Pruning, o MAX sai beneficiado ou prejudicado, relativamente ao MINIMAX?

**R:** Nem uma coisa nem outra, porque o Alpha-Beta Pruning não constrói a árvore toda. Corta só onde sabe que pode cortar.

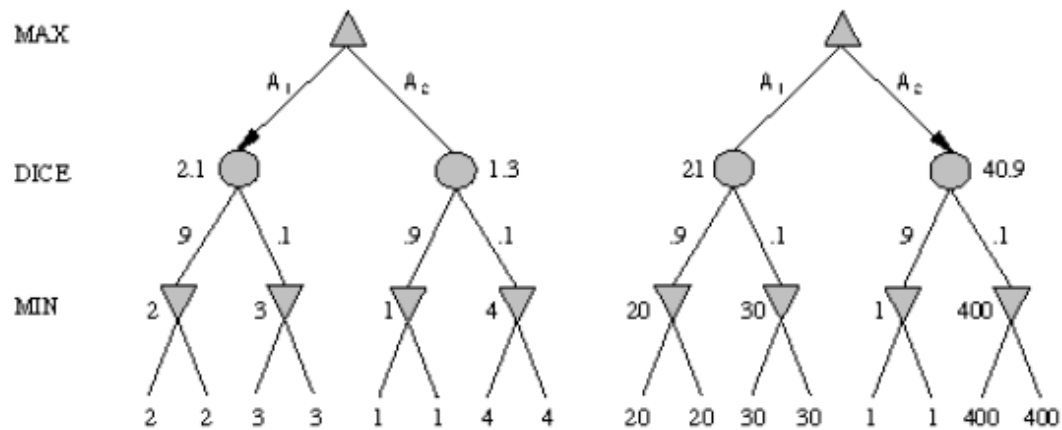
A decisão entre um e o outro TEM de ser exactamente a mesma.

## Jogos com Elemento Sorte

- Será possível aplicar o algoritmo Minimax também nestes jogos?
  - Sim, contudo a **árvore deverá incluir também nós que traduzam o fator sorte.**

Os nós “sorte” alternam com “Max” e “Min”:

- **MAX**
- **SORTE (PROBABILIDADE)**
  - Representam-se os valores de probabilidade de ocorrência
- **MIN**



### Cálculo dos Nós Sorte:

- $2.1 = .9 \times 2 + .1 \times 3$
- $1.3 = .9 \times 1 + .1 \times 4$

## CAP. 9 - Aprendizagem com Redes Neurais

Imitam o cérebro humano (neurónios).

### Rede Neuronal Artificial

- Consiste num elevado número de interconexões entre unidades de processamento elementares (neurónios, com uma funcionalidade análoga no neurónios biológicos).
- O **conhecimento** é armazenado através dos valores dos pesos, obtidos através de um processo de adaptação ou aprendizagem a partir de um conjunto de dados de treino
- O ajuste dos pesos -**Aprendizagem**é realizada de forma automática.
- Caracteriza-se por um processamento distribuído.



## Aprendizagem:

- Processo pelo qual os parâmetros de uma rede neuronal são adaptados através de um processo de treino baseado em dados experimentais
- O tipo de aprendizagem determina a forma de adaptação dos parâmetros.