



ΕΘΝΙΚΟ ΜΕΤΣΟΒΙΟ ΠΟΛΥΤΕΧΝΕΙΟ

ΣΧΟΛΗ ΗΛΕΚΤΡΟΛΟΓΩΝ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ ΚΑΙ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ

---

ΠΡΩΤΗ ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΑΚΗ ΑΝΑΦΟΡΑ  
ΠΡΟΧΩΡΗΜΕΝΕΣ ΤΕΧΝΙΚΕΣ ΑΥΤΟΜΑΤΟΥ ΕΛΕΓΧΟΥ

---

Αναστασία Χριστίνα Λίβα  
03119029

## Περιεχόμενα

Ερώτηση 1	2
Ερώτηση 2	3
Ερώτηση 3	3
Ερώτηση 4	4
Ερώτηση 5	7
Ερώτηση 6	8
Ερώτηση 7	9
Ερώτηση 8	10

## Ερώτηση 1

Στην ισορροπία, το κύκλωμα πρέπει να είναι σε σταθερή κατάσταση, όπου η ενέργεια που αποθηκεύεται στα στοιχεία του κυκλώματος, δηλαδή το πηνίο και ο πυκνωτής, παραμένει σταθερή.

Η τάση στον πυκνωτή σε σημείο ισορροπίας, την οποία ορίζουμε ως  $V_{C,eq}$ , εξαρτάται από την τάση εισόδου  $V_{in}$  και το duty cycle  $D$ . Η εξίσωση που περιγράφει αυτή τη σχέση είναι:

$$V_{C,eq} = \frac{V_{in}}{1-D}$$

Αυτή η εξίσωση δείχνει ότι όσο αυξάνεται το  $D$ , τόσο αυξάνεται και η τάση εξόδου, γεγονός που επιτρέπει στον Boost Converter να παρέχει μεγαλύτερη τάση στην έξοδο.

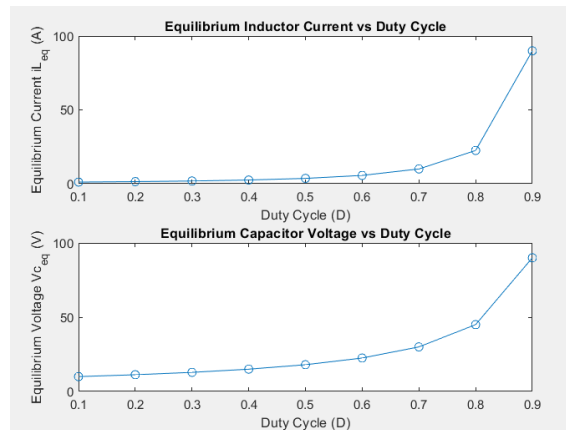
Παράλληλα, το ρεύμα στο πηνίο, το οποίο σημειώνουμε ως  $i_{L,eq}$ , εξαρτάται επίσης από την τάση στον πυκνωτή και την αντίσταση φορτίου  $R$ . Η εξίσωση που δίνει το ρεύμα ισορροπίας στο πηνίο είναι:

$$i_{L,eq} = \frac{V_{C,eq}}{R \cdot (1-D)}$$

Απαλοίφοντας το Duty Cycle προκύπτει η ακόλουθη εξίσωση που εκφράζει την ισχύ εισόδου (για σταθερή κατάσταση), σύμφωνα με την αρχή διατήρησης της ενέργειας (Τα σημεία ισορροπίας διατηρούν την ενέργεια):

$$V_{in} \cdot i_{L,eq} = \frac{V_{C,eq}^2}{R}$$

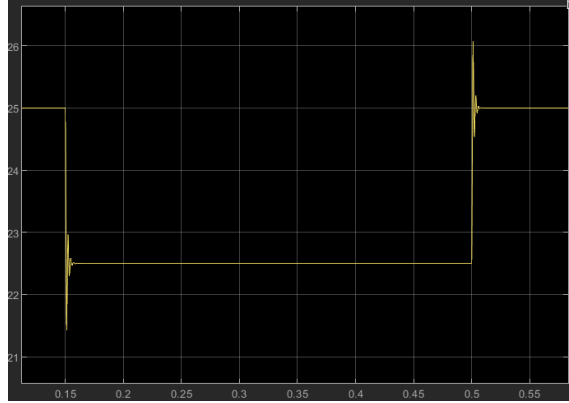
Στη συνέχεια, επιλέγουμε μια σειρά από τιμές του duty cycle, π.χ., από 0.1 έως 0.9, ώστε να εξετάσουμε πώς επηρεάζουν τα σημεία ισορροπίας. Για κάθε τιμή του  $D$ , χρησιμοποιούμε τις παραπάνω εξισώσεις για να υπολογίσουμε την τάση και το ρεύμα ισορροπίας, δηλαδή τις τιμές  $V_{C,eq}$  και  $i_{L,eq}$ .



Τα σημεία ισορροπίας είναι αυτά που ικανοποιούν τις παραπάνω εξισώσεις για συγκεκριμένες τιμές του duty cycle  $D$  οι οποίες εκφράζουν τη συνθήκη που απαιτείται για να διατηρηθεί η σταθερή κατάσταση στο Boost Converter, όπου η τάση και το ρεύμα παραμένουν αμετάβλητα.

## Ερώτηση 2

Βλέπουμε πως η τάση εξόδου μεταβάλλεται ως εξής:



## Ερώτηση 3

Για τη γραμμικοποίηση:

$$\begin{aligned}\dot{x}_1 &= \frac{1}{L} [V_{in}^{SS} + d - ((1 - D^{SS})V_C^{SS} - uV_C^{SS} + (1 - D^{SS})x_2 - x_1u)] \\ &\approx -\frac{(1 - D^{SS})}{L}x_2 + \frac{V_C^{SS}}{L}u + \frac{1}{L}d\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\dot{x}_2 &= \frac{1}{C} \left[ (1 - D^{SS} - u)(i_L^{SS} + x_1) - \frac{1}{R}(V_C^{SS} + x_2) \right] \\ &= \frac{1}{C} \left[ (1 - D^{SS})i_L^{SS} + (1 - D^{SS})x_1 - i_L^{SS}u - x_1u - \frac{1}{R}V_C^{SS} - \frac{1}{R}x_2 \right] \\ &\approx \frac{(1 - D^{SS})}{C}x_1 - \frac{1}{RC}x_2 - \frac{i_L^{SS}}{C}u\end{aligned}$$

όπου

$$\begin{aligned}x_1 &= i_L - i_L^{SS} \\ x_2 &= V_C - V_C^{SS} \\ u &= D - D^{SS} \\ d &= V_{in} - V_{in}^N\end{aligned}$$

Οι πίνακες που προκύπτουν είναι οι εξής:

$$A = 10^3 \times \begin{bmatrix} 0 & -1.3333 \\ 5.7143 & -1.4286 \end{bmatrix}$$

$$B = 10^4 \times \begin{bmatrix} 7.5000 \\ -8.0357 \end{bmatrix}$$

$$C_{\text{mat}} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \end{bmatrix}$$

## Ερώτηση 4

Η συνάρτηση μεταφοράς που προκύπτει είναι:

$$\frac{-8.036 \times 10^4 \cdot s + 4.286 \times 10^8}{s^2 + 1429 \cdot s + 7.619 \times 10^6}$$

υπολογίζουμε τους πόλους και τους μηδενικά.

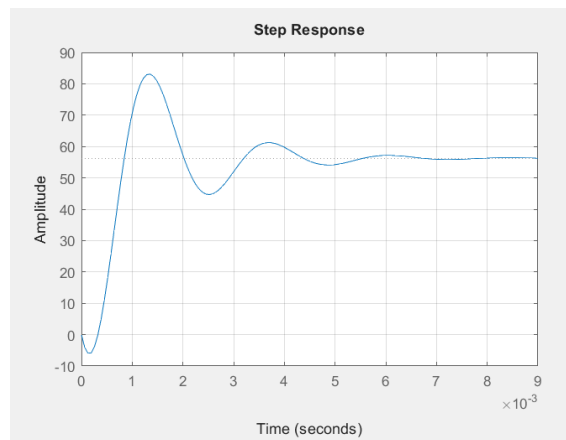
Τα μηδενικά είναι:

$$5333.5$$

Οι πόλο είναι:

$$-714.5 \pm 2666.2j$$

Παρατηρούμε ότι το μηδενικό βρίσκεται στο δεξιό ημιεπίπεδο (θετικό πραγματικό μέρος). Συνεπώς, το σύστημα δεν είναι ελάχιστης φάσης, καθώς η παρουσία μηδενικού στο δεξιό ημιεπίπεδο συνεπάγεται ότι η φάση του συστήματος δεν είναι η ελάχιστη δυνατή.



Σχήμα 1: Συνάρτηση Μεταφοράς με Βηματική

Οι εξισώσεις του συστήματος είναι:

$$\frac{d}{dt} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = Ax + Bu$$

$$y = [0 \quad 1] x$$

$$\dot{z} = x_2 - x_2^{\text{ref}}$$

Οι πίνακες  $A_{\text{ex}}$  και  $B_{\text{ex}}$  είναι:

$$A_{\text{ex}} = 10^3 \times \begin{bmatrix} 0 & -1.3333 & 0 \\ 5.7143 & -1.4286 & 0 \\ 0 & 0.0010 & 0 \end{bmatrix}$$

$$B_{\text{ex}} = 10^4 \times \begin{bmatrix} 7.5000 \\ -8.0357 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Τοποθετώ τις ιδιοτιμές μέσω της συνάρτησης `place(A_ex, B_ex, [-1500, -1800, -200])` είναι:

Ο πίνακας κέρδους  $K$ , ο οποίος προέκυψε από τη συνάρτηση `place` και την τοποθέτηση των πόλων στις θέσεις  $-1500$ ,  $-1800$ , και  $-200$ , είναι:

$$K = [0.0112 \quad -0.0153 \quad 1.2600]$$

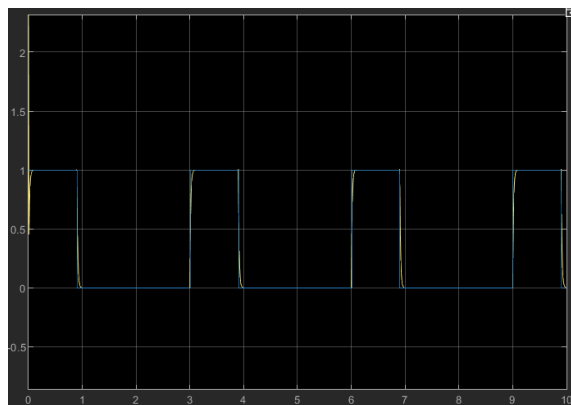
Αυτός ο πίνακας  $K$  εξασφαλίζει ότι οι ιδιοτιμές του κλειστού συστήματος θα βρίσκονται στις επιθυμητές θέσεις, παρέχοντας την επιθυμητή δυναμική απόκριση.

Ο συνολικός ελεγκτής που προκύπτει έχει τη μορφή:

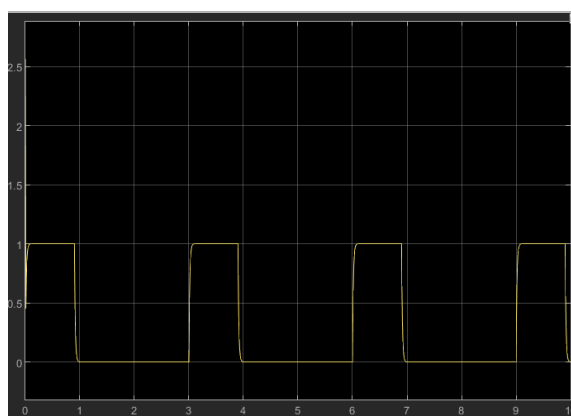
$$u = -K \begin{bmatrix} x \\ z \end{bmatrix}$$

όπου  $z$  είναι το ολοκλήρωμα της διαφοράς μεταξύ της εξόδου και της επιθυμητής τιμής  $x_2^{\text{ref}}$ .

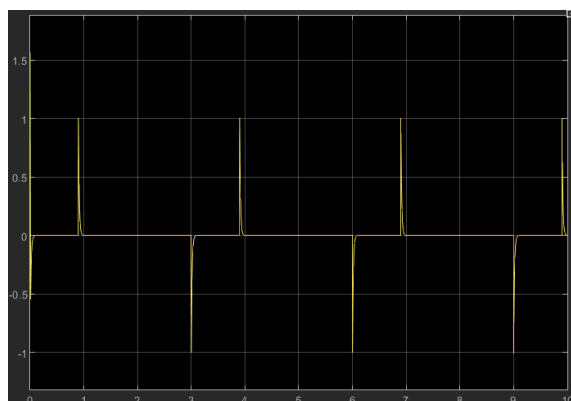
Αρα:



Σχήμα 2

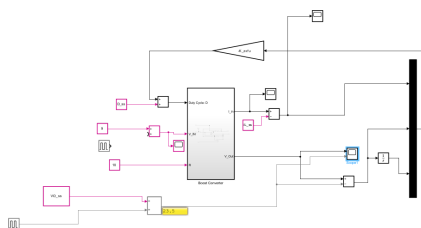


Σχήμα 3: Enter Caption



Σχήμα 4: Έξοδος

## Ερώτηση 5

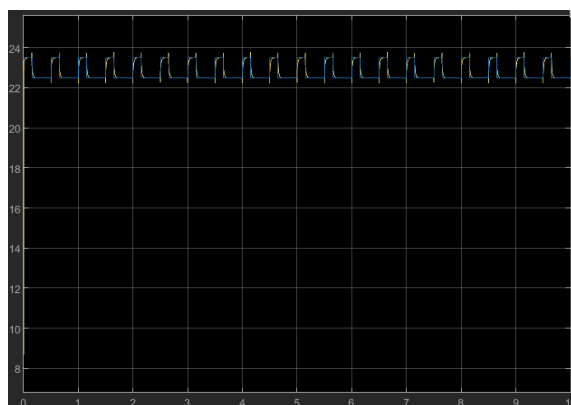


Σχήμα 5: Ελεγκτής

Επαναλαμβάνοντας την ίδια διαδικασία προκύπτει το τελικό όπου έχω:



Σχήμα 6: Ρεύμα

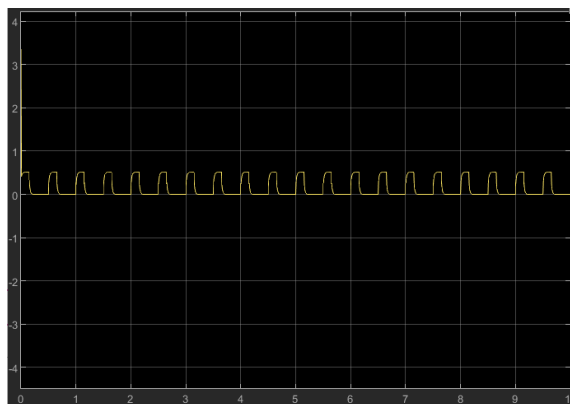


Σχήμα 7: Τάση Εισόδου vs Εξόδου

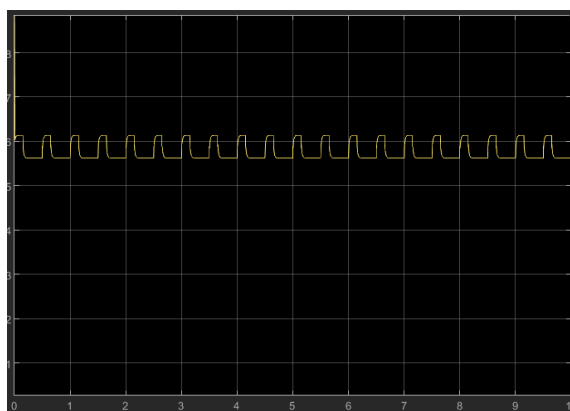


## Ερώτηση 6

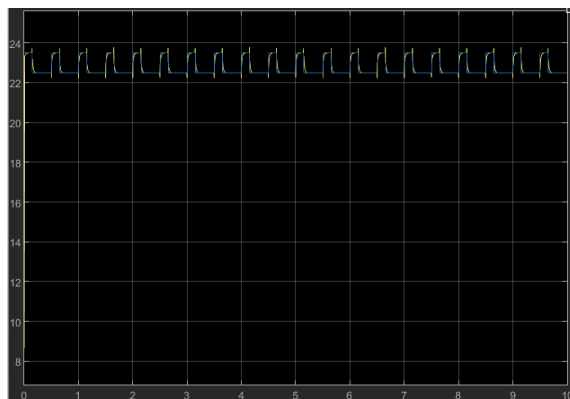
Τρέχουμε το script `er6.m` και προκύπτει:



Σχήμα 8: Έξοδος

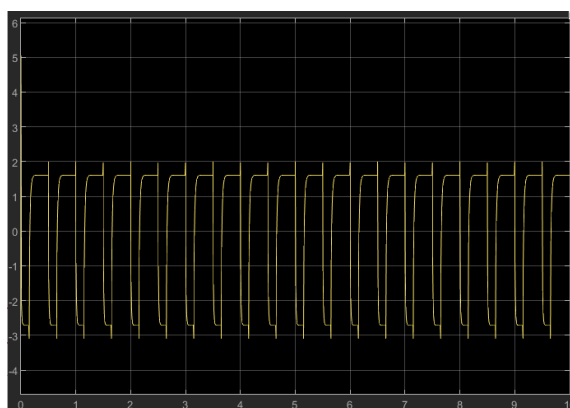


Σχήμα 9: Ρεύμα

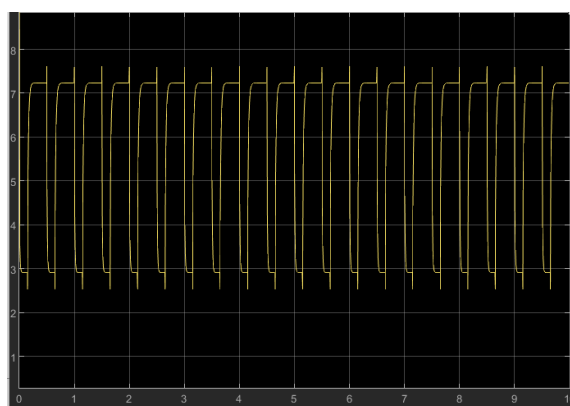


Σχήμα 10: Τάση

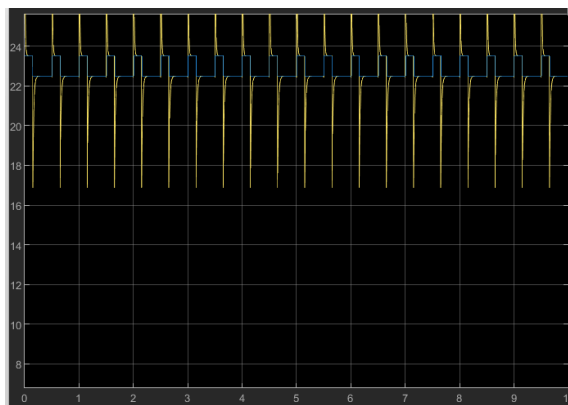
## Ερώτηση 7



Σχήμα 11: Έξοδος συστήματος

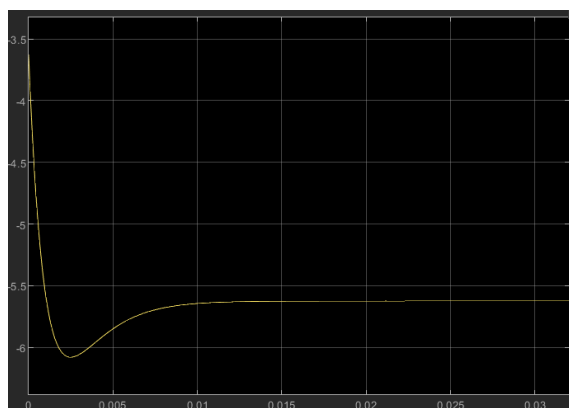


Σχήμα 12: Ρεύμα

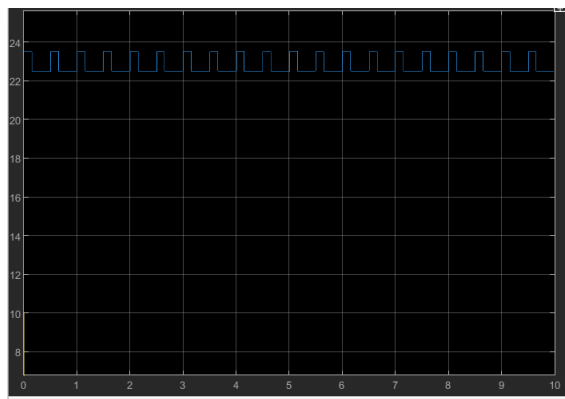


Σχήμα 13: Τάση

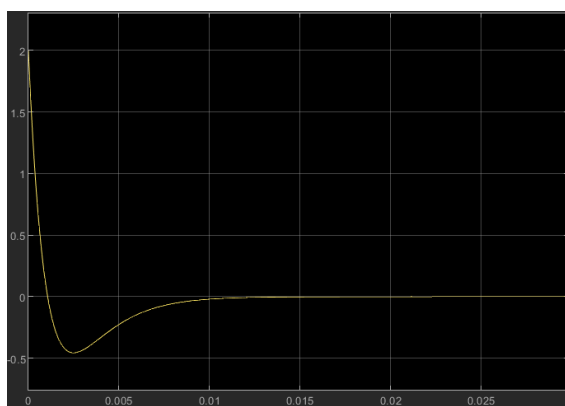
## Ερώτηση 8



Σχήμα 14: Εξοδος Βηματικής



Σχήμα 15: Τάση Βηματικής



Σχήμα 16: Ρεύμα Βηματικής