Simulaciones

Ana Xiangning Pereira Ezquerro

Versión 26 julio, 2022

Índice

1	Simulación de un modelo de regresión dinámica con errores estacionarios		2
	1.1	Modelo donde $r_i=0$ para $i=1,,p$	2
	1.2	Modelo donde $r_i \geq 0$ para $i=1,,p$	5
2	Simulación de un modelo de regresión dinámico con errores ARIMA ($d \geq 1$)		8
	2.1	Modelo donde $r_i=0$ para $i=1,,p$	8
	2.2	Modelo donde $r_i \geq 0$ para $i=1,,p$	12
3	Comparativa del método de preblanqueado		16
	3.1	Con errores estacionarios	16
	3.2	Con errores no estacionarios	18
4	Apé	endice	23

En este documento se exponen múltiples simulaciones de la selección automática de variables con sus respectivos retardos usando una nueva propuesta. Se mostrarán ejemplos donde la selección automática trabaja sobre un conjunto de variables de las cuales sólo algunas inciden en la variable respuesta y con un retardo concreto (aunque siempre menor o igual a 0). A lo largo de las siguientes secciones se irán complicando escenarios con la finalidad de analizar cómo se comporta la nueva propuesta ante datos simulados e inferir a partir de ellos cómo se comportará en escenarios reales.

Nota: Para generar los datos de las simulaciones se usó el código arima_simulation.R, el cual permite generar de forma pseudo-aleatoria series temporales a partir de un proceso ARIMA. Este documento no muestra cómo generar las series (para evitar la aleatoriedad de los resultados), sino que, una vez generadas y guardadas, se cargan directamente de memoria.

Simulación de un modelo de regresión dinámica con errores 1 estacionarios

En esta sección veremos cómo se comporta la función de selección automática sobre ejemplos muy básicos donde los errores del modelo son estacionarios:

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_{t-r_1}^{(1)} + \beta_2 X_{t-r_2}^{(2)} + \dots + X_{t-r_p}^{(p)} + \eta_t, \qquad \eta_t \sim \mathsf{ARMA(p,q)}, \quad r_i \geq 0 \text{ para } i = 1, \dots, p$$

${\bf Modelo\ donde}\ r_i=0\ {\bf para}\ i=1,...,p$ 1.1

Supongamos un modelo de regresión dinámica de tres variables regresoras donde todos los retardos son igual a cero. En concreto, nuestro modelo tendrá la forma:

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_t^{(1)} + \beta_2 X_t^{(2)} + \beta_3 X_t^{(3)} + \eta_t \tag{1}$$

donde:

- $\eta_t \sim \mathsf{ARMA}(2,1)$, por tanto, los errores son estacionarios.

- $\begin{array}{l} \bullet \quad X_t^{(1)} \sim \mathsf{ARIMA}(2,\,1,\,3) \text{ y su coeficiente } \beta_1 = 2.8. \\ \bullet \quad X_t^{(2)} \sim \mathsf{ARIMA}(1,\,1,\,2) \text{ y su coeficiente } \beta_2 = -1.12. \\ \bullet \quad X_t^{(3)} \sim \mathsf{ARMA}(1,\,2) \text{ y su coeficiente } \beta_3 = -2.3. \end{array}$
- El intercept es $\beta_0 = 0.8$.

Supongamos otro conjunto de variables (que siguen también un proceso ARIMA) que no van a influir en la variable respuesta:

- $\begin{array}{l} \bullet \quad X_t^{(4)} \sim \mathsf{ARIMA}(1,\, 0,\, 3). \\ \bullet \quad X_t^{(5)} \sim \mathsf{ARIMA}(2,\, 1,\, 2). \\ \bullet \quad X_t^{(6)} \sim \mathsf{ARIMA}(2,\, 1,\, 1). \end{array}$

```
# Cargamos los datos sobre las variables regresoras
load(file='simulations/X1 ~ ARIMA(2,1,3).RData')
                                                         # X1
load(file='simulations/X2 ~ ARIMA(1,1,2).RData')
                                                         # X2
load(file='simulations/X3 ~ ARIMA(1,0,2).RData')
                                                         # X3
load(file='simulations/residuals ~ ARIMA(2,0,1).RData') # residuos
# Cargamos las variables independientes
load(file='simulations/X4 ~ ARIMA(1,0,3).RData')
                                                         # X4
load(file='simulations/X5 ~ ARIMA(2,1,2).RData')
                                                         # X5
load(file='simulations/X6 ~ ARIMA(2,1,1).RData')
                                                         # X6
```

Se puede realizar una comprobación de que estas series siguen los procesos ARIMA mencionados. Para chequearlo, consulte el apéndice del documento.

Selección de variables y ajuste del modelo: Creamos el modelo y comprobamos la solución final de la función auto.fit.arima.regression().

```
beta0 <- 0.8; beta1 <- 2.8; beta2 <- -1.12; beta3 <- -2.3
Y <- beta0 + beta1 * X1$X + beta2 * X2$X + beta3 * X3$X + residuals$X
regresoras <- cbind(X1=X1$X, X2=X2$X, X3=X3$X, X4=X4$X, X5=X5$X, X6=X6$X)
ajuste <- auto.fit.arima.regression(Y, regresoras, show_info=T)</pre>
Se ha probado con la variable X1 [ic=-1135.19120552446, lag=0]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-286.986760465024, lag=0]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-640.026014781463, lag=0]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=-186.816241878495, lag=0]
Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-1135.19120552446, lag=0]
Series: serie
Regression with ARIMA(4,1,1) errors
Coefficients:
        ar1
                ar2
                         ar3
                                  ar4
                                           ma1
                                                  xreg
     0.3013 0.2546 -0.1522 -0.0784 -0.9035 2.7997
s.e. 0.0378 0.0342 0.0335 0.0347
                                        0.0218 0.0485
sigma^2 = 0.0184: log likelihood = 574.65
              AICc=-1135.19
AIC=-1135.31
                             BIC=-1101.03
Se ha probado con la variable X2 [ic=-1396.16397504914, lag=0]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-2213.72165014961, lag=0]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
Se ha añadido la variable regresora X3 [aicc=-2213.72165014961, lag=0]
Series: serie
Regression with ARIMA(0,1,3) errors
Coefficients:
         ma1 ma2
                      ma3
                                Х1
                                         ХЗ
     -0.5907 0 -0.1460 2.7962 -2.2890
    0.0274 0 0.0269 0.0350
s.e.
sigma^2 = 0.006201: log likelihood = 1111.89
AIC=-2213.78 AICc=-2213.72
                              BIC=-2189.3
Se ha probado con la variable X2 [ic=-3163.18780840121, lag=0]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=-2212.54498022128, lag=-3]
Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-3163.18780840121, lag=0]
Series: serie
Regression with ARIMA(2,0,1) errors
Coefficients:
         ar1
                 ar2 ma1 intercept
                                             X1
     -0.1989 0.4054 0.4443 0.8056 2.7982 -2.2719 -1.1084
```

```
0.0702 0.0302 0.0746
                                  0.0034 0.0092
s.e.
                                                   0.0320
                                                             0.0108
sigma^2 = 0.002375: log likelihood = 1589.67
AIC=-3163.33
               AICc=-3163.19
                               BIC=-3124.15
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
Se ha probado con la variable X5 [ic=-3161.16122909997, lag=-8]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
No se añaden más variables
                 Histórico de variables añadidas al modelo (ndiff=0)
 var lag
  Х1
     0 -1135.19120552446
      0 -2213.72165014961
  ХЗ
       0 -3163.18780840121
Series: serie
Regression with ARIMA(2,0,1) errors
Coefficients:
                                                                 X2
          ar1
                  ar2
                          ma1
                               intercept
                                              Х1
                                                        ХЗ
      -0.1989 0.4054 0.4443
                                  0.8056
                                          2.7982
                                                  -2.2719
                                                           -1.1084
      0.0702 0.0302 0.0746
                                          0.0092
                                                   0.0320
sigma^2 = 0.002375: log likelihood = 1589.67
AIC=-3163.33
               AICc=-3163.19
                               BIC=-3124.15
```

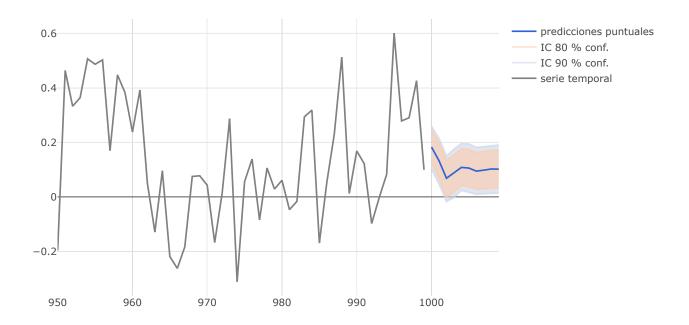
En el output de la función vemos cuál ha sido el proceso de selección de variables regresoras:

- 1. En la primera iteración se añade la variable $X_t^{(1)}$ con retardo nulo (algo que es correcto teniendo en cuenta cómo se ha creado el modelo en 1) y obteniendo un AICc=-1135.19120552446.
- 2. En la segunda iteración se introduce la variable $X_t^{(3)}$ con un retardo nulo y mejorando el AICc del modelo anterior (que sólo contaba con la variable $X_t^{(1)}$) con un AICc=-2213.72165014961.
- 3. En la tercera iteración se añade la variable $X_t^{(2)}$ con retardo nulo y mejorando el criterio de información del modelo anterior (que tenía las variables $X_t^{(1)}$ y $X_t^{(1)}$) con un AICc=-3163.18780840121.
- 4. En la siguiente iteración no se encuentran correlaciones significativas con ningún retardo para las variables $X_t^{(4)}$ y $X_t^{(6)}$, por lo que éstas no se pueden añadir al modelo. Para la varialbe $X_t^{(5)}$, se encuentra un retardo significativo en k=-8, pero no se mejora el AICc del modelo anterior (con las tres variables regresoras), por lo que se detiene el bucle para añadir variables.

Como el modelo resultante de haber añadido de forma iterativa todas las variables tiene errores estacionarios (siguen un ARIMA(2,0,1), lo que coincide con la simulación realizada), se considera como modelo válido para definir la relación entre la variable respuesta Y y el conjunto de variables regresoras seleccionadas $(X_t^{(1)}, X_t^{(2)} \text{ y } X_t^{(3)})$. Podemos observar cómo el valor del *intercept* y de los coeficientes de regresión se aproximan bastante a los coeficientes seleccionados al construir de forma artificial la variable regresora Y en Oref(eq:ejemplo1).

Predicción: Finalmente realizamos las predicciones puntuales:

```
preds <- forecast model(Y, regresoras, ajuste, h=10, mode='bootstrap')
display(plot_forecast(preds, rang=c(950, 1009)), name='ejemplo1')
```



1.2 Modelo donde $r_i \geq 0$ para i = 1, ..., p

Supongamos un modelo de regresión dinámica parecido al del primer ejemplo, utilizando las mismas variables, pero donde los retardos sean menores o iguales a 0 (que haya "variedad" en los retardos).

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_{t-r_1}^{(1)} + \beta_2 X_{t-r_2}^{(2)} + \beta_3 X_{t-r_3}^{(3)} + \eta_t$$
 (2)

donde:

- $\eta_t \sim \text{ARMA(2, 1)}.$
- $\begin{array}{l} \text{ } & X_t^{(1)} \sim \text{ARIMA}(2,\,1,\,3) \text{ y su retardo } r_1=2. \\ \text{ } & X_t^{(2)} \sim \text{ARMA}(1,\,1,\,2) \text{ y su retardo } r_2=0. \\ \text{ } & X_t^{(3)} \sim \text{ARMA}(1,\,0,\,2) \text{ y su retardo } r_3=3. \end{array}$

```
# Construimos el modelo
beta0 <- -0.6; beta1 <- 1.7; beta2 <- -2.2; beta3 <- 1.3
r1 <- 2; r3 <- 3
Y \leftarrow beta0 + beta1 * lag(X1$X, -r1) + beta2 * X2$X + beta3 * lag(X3$X, -r3) +
    residuals$X
```

Selección de variables y ajuste del modelo:

```
regresoras <- cbind(X1=X1$X, X2=X2$X, X3=X3$X, X4=X4$X, X5=X5$X, X6=X6$X)
ajuste <- auto.fit.arima.regression(Y, regresoras, show_info=T,</pre>
                                     stationary_method='adf.test')
```

```
Se ha probado con la variable X1 [ic=-989.555684098221, lag=-2]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-1156.68486061937, lag=0]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-802.904991565362, lag=-3]
Se ha probado con la variable X4 [ic=-579.867845971486, lag=-1]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-1156.68486061937, lag=0]
Series: serie
Regression with ARIMA(4,1,0) errors
Coefficients:
         ar1
              ar2 ar3
                                  ar4
                                         xreg
     -0.4245 -0.3382 -0.1395 0.1144 -2.2607
      0.0319 0.0344 0.0344 0.0320
sigma^2 = 0.01767: log likelihood = 584.39
AIC=-1156.77
            AICc=-1156.68 BIC=-1127.5
_____
Se ha probado con la variable X1 [ic=-2171.66958134745, lag=-2]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-1561.28469740141, lag=-3]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
Se ha probado con la variable X5 [ic=-1156.86487998388, lag=-21]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-2171.66958134745, lag=-2]
Series: serie
Regression with ARIMA(3,0,0) errors
Coefficients:
                      ar3 intercept
                                            X2
        ar1
                ar2
     0.3022 0.3526 -0.1198 -0.6039 -2.2393 1.7268
s.e. 0.0318 0.0313 0.0319 0.0065 0.0200 0.0171
sigma^2 = 0.006229: log likelihood = 1092.89
AIC=-2171.79 AICc=-2171.67 BIC=-2137.62
Se ha probado con la variable X3 [ic=-3108.15443209894, lag=-3]
Se ha probado con la variable X4 [ic=-2169.78843282889, lag=-15]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
Se ha añadido la variable regresora X3 [aicc=-3108.15443209894, lag=-3]
Series: serie
Regression with ARIMA(0,0,4) errors
Coefficients:
                            ma4 intercept
                                            X2
                                                        Х1
                                                               ХЗ
        ma1
              ma2 ma3
     0.2498 0.3360
                      0 0.1589
                                  -0.5947 -2.1868 1.6949 1.3083
s.e. 0.0304 0.0302
                      0 0.0300
                                    0.0033
                                           0.0105 0.0089 0.0320
sigma^2 = 0.002377: log likelihood = 1562.15
AIC=-3108.3 AICc=-3108.15
                            BIC=-3069.26
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
Se ha probado con la variable X5 [ic=-3106.14908782634, lag=-8]
```

No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6

```
| Histórico de variables añadidas al modelo (ndiff=0) |
var lag ic
X2 0 -1156.68486061937
X1 -2 -2171.66958134745
X3 -3 -3108.15443209894
```

Series: serie

Regression with ARIMA(0,0,4) errors

Coefficients:

```
ma1
                            ma4 intercept
                                                 Х2
                                                         Х1
                                                                 ХЗ
                                    -0.5947
     0.2498 0.3360
                        0.1589
                                            -2.1868 1.6949 1.3083
s.e. 0.0304 0.0302
                       0
                          0.0300
                                     0.0033
                                             0.0105
                                                     0.0089 0.0320
sigma^2 = 0.002377: log likelihood = 1562.15
             AICc=-3108.15
                             BIC=-3069.26
```

De nuevo, observando el output de la función podemos analizar la selección de variables:

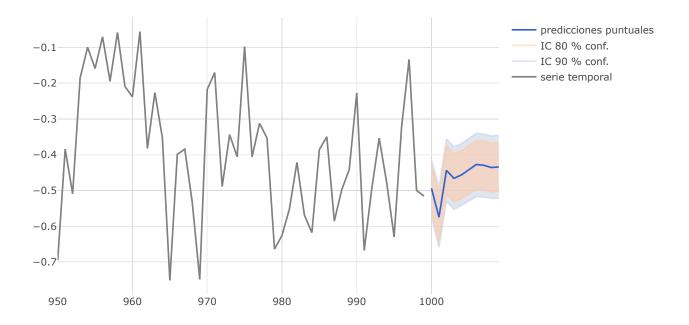
- 1. Primero se selecciona la variable $X_t^{(2)}$ con retardo nulo, construyendo un modelo de regresión con errores que siguen un ARIMA(4,1,0) y un AICc=-1156.68486061937.
- 2. En la siguiente iteración se selecciona la variable $X_t^{(1)}$ con un retardo $r_1=2$, mejorando el AICc del modelo anterior con un nuevo AICc=-2171.66958134745.
- 3. En la siguiente iteración se añade la variable $X_t^{(3)}$ con retardo $r_3=3$ al construir un modelo de regresión con variables regresoras $X_t^{(1)}$, $X_t^{(2)}$ y $X_t^{(3)}$ con respectivos retardos $r_1=2$, $r_2=0$ y $r_3=3$, consiguiendo un AICc=-3108.15443209894.
- 4. En la siguiente iteración no se encuentran retardos significativos para $X_t^{(4)}$ y $X_t^{(6)}$, pero sí para $X_t^{(5)}$ con un retardo $r_5=8$.. No obstante, añadir esta variable al modelo no supone mejorar el AICc del modelo anterior (sólo se consigue un AICc=-3106.1490878263). Por tanto se detiene la selección de varaibles.

Como el mejor modelo conseguido (el de la tercera iteración) ya tiene errores estacionarios (siguen un ARIMA(0,0,4)), se escoge dicho ajuste para modelizar la dependencia entre Y y las variables regresoras escogidas.

Podemos observar que los valores de los coeficientes de regresión y del *intercept* se aproximan bien a los valores verdaderos que se seleccionaron en la construcción del modelo. No obstante, los errores son modelizables con un ARIMA(0,0,4), no con un ARIMA(2,0,1).

Predicción:

```
# Podemos mostrar las predicciones puntuales
preds <- forecast_model(Y, regresoras, ajuste, h=10, mode='bootstrap')
display(plot_forecast(preds, rang=c(950, 1009)), name='ejemplo2')</pre>
```



Simulación de un modelo de regresión dinámico con errores 2 ARIMA ($d \ge 1$)

En esta sección consideraremos modelos de regresión dinámica donde las innovaciones no son estacionarias:

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_{t-r_1}^{(1)} + \beta_2 X_{t-r_2}^{(2)} + \dots + X_{t-r_p}^{(p)} + \eta_t, \qquad \eta_t \sim \mathsf{ARIMA}(\mathsf{p,d,q})$$

${\bf Modelo\ donde}\ r_i=0\ {\bf para}\ i=1,...,p$ 2.1

Tomemos el mismo modelo que en el primer ejemplo pero con errores no estacionarios:

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 X_t^{(1)} + \beta_2 X_t^{(2)} + \beta_3 X_t^{(3)} + \eta_t, \qquad \eta_t \sim \text{ARIMA(1,2,2)}$$
 (3)

donde el conjunto de variables $\mathcal X$ sobre el que se realiza la selección está compuesto por las variables que sí influyen en Y:

- $\begin{array}{l} \bullet \quad X_t^{(1)} \sim \mathsf{ARIMA}(\mathsf{2,\,1,\,3}) \; \mathsf{y} \; \mathsf{su} \; \mathsf{coeficiente} \; \beta_1 = -1.3. \\ \bullet \quad X_t^{(2)} \sim \mathsf{ARIMA}(\mathsf{1,\,1,\,2}) \; \mathsf{y} \; \mathsf{su} \; \mathsf{coeficiente} \; \beta_2 = 2.12. \\ \bullet \quad X_t^{(3)} \sim \mathsf{ARMA}(\mathsf{1,\,2}) \; \mathsf{y} \; \mathsf{su} \; \mathsf{coeficiente} \; \beta_3 = 2.3. \end{array}$

- El intercept es $\beta_0 = 0.8$.

Y las variables que no interfieren en Y (las mismas que en el primer ejemplo).

cargamos únicamente los residuos no estacionarios load('simulations/residuals ~ ARIMA(1,2,2).RData')

```
# volvemos a generar la variable respuesta
beta0 <- 0.8; beta1 <- -1.3; beta2 <- 2.12; beta3 <- 2.3
Y \leftarrow beta0 + beta1 * X1$X + beta2 * X2$X + beta3 * X3$X + 2.1*residuals$X
Selección de variables y ajuste del modelo: Ajustamos el modelo con las variables originales (no
diferenciamos ninguna):
regresoras <- cbind(X1=X1$X, X2=X2$X, X3=X3$X, X4=X4$X, X5=X5$X, X6=X6$X)
ajuste <- auto.fit.arima.regression(Y, regresoras, show_info=T)</pre>
Se ha probado con la variable X1 [ic=59.5855339744035, lag=0]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-181.525975728858, lag=0]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-202.902218914428, lag=0]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=199.408749112135, lag=-5]
Se ha añadido la variable regresora X3 [aicc=-202.902218914428, lag=0]
Series: serie
Regression with ARIMA(3,1,2) errors
Coefficients:
         ar1
                  ar2
                          ar3
                                   ma1
                                           ma2
                                                  xreg
      1.0348 -0.3048 0.2549 -0.7430 0.3264 2.3714
s.e. 0.1407
             0.1250 0.0532
                               0.1408 0.0863 0.0980
sigma^2 = 0.04716: log likelihood = 108.51
AIC=-203.02
            AICc=-202.9
                            BIC=-168.74
Se ha probado con la variable X1 [ic=-417.422002505725, lag=0]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-884.596379075807, lag=0]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=-204.936549154963, lag=-5]
Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-884.596379075807, lag=0]
Series: serie
Regression with ARIMA(4,1,1) errors
Coefficients:
      ar1
                                               ХЗ
                                                       X2
              ar2
                      ar3
                              ar4
                                      ma1
        0 0.4720 0.2733 0.2332 0.4715 2.3610 2.1784
        0 0.0323 0.0245 0.0299 0.0309 0.0658 0.0666
sigma^2 = 0.02366: log likelihood = 449.36
AIC=-884.71
              AICc=-884.6
                            BIC=-850.43
Se ha probado con la variable X1 [ic=-1613.80360585469, lag=0]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-1613.80360585469, lag=0]
Series: serie
Regression with ARIMA(2,1,1) errors
```

```
Coefficients:
```

ar1 ar2 ma1 X3 X2 X1 0.2266 0.7606 0.3070 2.3763 2.1588 -1.2784

s.e. 0.0299 0.0295 0.0399 0.0447 0.0391 0.0336

sigma^2 = 0.01131: log likelihood = 813.96 AIC=-1613.92 AICc=-1613.8 BIC=-1579.64

No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4

No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5

No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6

No se añaden más variables

El modelo global no tiene errores estacionarios

Se intenta ajustar uno que sí los tenga

No se ha podido encontrar un modelo válido con errores estacionarios

Se aplica una diferenciación regular (ndiff=1) y se vuelve a llamar a la función

Se ha probado con la variable X1 [ic=61.2589226747805, lag=0]

Se ha probado con la variable X2 [ic=-179.890806223957, lag=0]

Se ha probado con la variable X3 [ic=-201.85732451794, lag=0]

No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4

No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5

Se ha probado con la variable X6 [ic=201.298523732159, lag=-5]

Se ha añadido la variable regresora X3 [aicc=-201.85732451794, lag=0]

Series: serie

Regression with ARIMA(3,1,0) errors

Coefficients:

ar1 ar2 ar3 xreg -0.7053 -0.4727 -0.1673 2.3747 s.e. 0.0314 0.0355 0.0314 0.0993

sigma^2 = 0.04741: log likelihood = 105.96
AIC=-201.92 AICc=-201.86 BIC=-177.44

Se ha probado con la variable X1 [ic=-415.897154793375, lag=0]

Se ha probado con la variable X2 [ic=-624.559112508249, lag=0]

No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4

No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5

Se ha probado con la variable X6 [ic=-206.141817506691, lag=-5]

Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-624.559112508249, lag=0]

Series: serie

Regression with ARIMA(0,1,0) errors

Coefficients:

X3 X2 2.3654 2.1730

s.e. 0.0557 0.0599

sigma^2 = 0.03099: log likelihood = 315.29 AIC=-624.58 AICc=-624.56 BIC=-609.9

Se ha probado con la variable X1 [ic=-1209.59028329543, lag=0]

```
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-1209.59028329543, lag=0]
Series: serie
Regression with ARIMA(0,1,0) errors
Coefficients:
         Х3
                X2
                         X 1
     2.3776 2.1642 -1.2493
s.e. 0.0414 0.0445 0.0441
sigma^2 = 0.01712: log likelihood = 608.82
            AICc=-1209.59
AIC=-1209.63
                             BIC=-1190.05
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
No se añaden más variables
El modelo global no tiene errores estacionarios
Se intenta ajustar uno que sí los tenga
                ______
               Histórico de variables añadidas al modelo (ndiff=1)
var lag
 X3 0 -201.85732451794
 X2 0 -624.559112508249
 X1 0 -1209.59028329543
Series: serie
Regression with ARIMA(2,0,1) errors
Coefficients:
                               ХЗ
                                       X2
                                               X1
        ar1
               ar2 ma1
     0.2265   0.7606   0.3071   2.3763   2.1588   -1.2784
s.e. 0.0299 0.0295 0.0399 0.0447 0.0391
                                            0.0336
```

Si volvemos a analizar el *output* de la consola observamos que se ha realizado una diferenciación regular a los datos (dobles líneas horizontales) para conseguir un ajuste en el que los errores fuesen estacionarios.

BIC=-1579.64

sigma^2 = 0.01131: log likelihood = 813.96

AICc=-1613.8

AIC=-1613.92

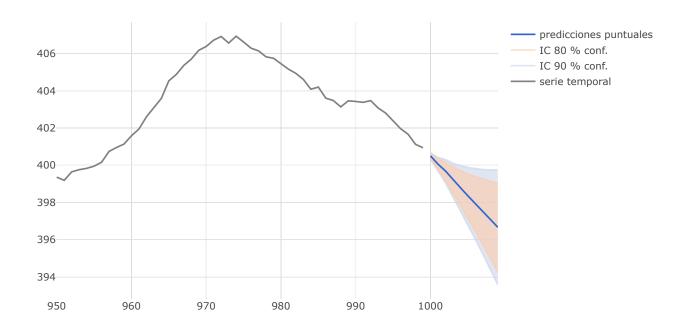
1. En las primeras iteraciones se añaden, en este orden, las variables $X_t^{(3)}$, $X_t^{(2)}$ y $X_t^{(1)}$ con retardos nulos, mejorando el AICc iterativamente hasta alcanzar un valor de AICc=-1613.80360585469. Como el modelo ajustado con estas tres variables regresoras no tiene errores estacionarios (se ajustó un ARIMA(2,1,1) para los residuos), se intenta ajustar un modelo donde el orden de d sea nulo. Como no se puede optimizar ("No se ha podido encontrar un modelo válido con errores estacionarios..."), se procede a aplicar una diferenciación regular a todos los datos, tanto variable respuesta como conjunto de posibles variables regresoras, y se vuelve a llamar a la función auto.fit.arima.regression() con los datos diferenciados.

2. En la siguiente llamada a la función se consigue añadir al modelo, en este orden, las variables $X_t^{(3)}$, $X_t^{(2)}$ y $X_t^{(1)}$ con retardos nulos, y se ajusta un ARIMA(0,1,0) para los errores de regresión. No obstante, como este ajuste no cumple la condición de errores estacionarios, se intenta ajustar un ARIMA para los errores donde d=0. En este caso sí se consigue optimizar un modelo que respeta dicha condición, obteniendo un ajuste donde los residuos son estacionarios y el AICc=-1613.8.

Obsérvese que habiendo diferenciado los datos, se ha conseguido seleccionar las 3 variables regresoras que realmente tienen una influencia en la construcción de la variable respuesta Y con los retardos correctos.

Predicción: Una vez obtenido el modelo, se pueden realizar predicciones puntuales. Cuando se detecta que el ajuste se corresponde a un ajuste de los datos diferenciados, la función forecast model() lanza un aviso de que se utilizarán los datos en unidades originales para realizar las predicciones.

```
preds <- forecast_model(Y, regresoras, ajuste, h=10, mode='bootstrap')</pre>
Se devuelven las predicciones en unidades originales...
display(plot_forecast(preds, rang=c(950, 1009)), name='ejemplo3')
```



Modelo donde $r_i \geq 0$ para i = 1, ..., p

Podemos alterar el ejemplo anterior para que las variables regresoras influyan en Y con cierto retardo.

- $\begin{tabular}{ll} \blacksquare & \mbox{La variable } X_t^{(1)} \mbox{ se introduce con retardo } r_1=2. \\ \blacksquare & \mbox{La variable } X_t^{(3)} \mbox{ se introduce con retardo } r_3=1. \\ \end{tabular}$

```
beta0 <- 0.8; beta1 <- -1.3; beta2 <- 2.12; beta3 <- 2.3
r1 <- 2; r3 <- 1
Y \leftarrow beta0 + beta1 * lag(X1$X, -r1) + beta2 * X2$X +
    beta3 * lag(X3$X, -r3) + 1.5*residualsX
```

Selección de variables y ajuste del modelo:

```
regresoras <- cbind(X1=X1$X, X2=X2$X, X3=X3$X, X4=X4$X, X5=X5$X, X6=X6$X)
ajuste <- auto.fit.arima.regression(Y, regresoras, show_info=T,</pre>
                                   stationary_method='adf.test')
Se ha probado con la variable X1 [ic=-128.730307266973, lag=-2]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-353.706447261812, lag=0]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-435.193689069136, lag=-1]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
Se ha añadido la variable regresora X3 [aicc=-435.193689069136, lag=-1]
Series: serie
Regression with ARIMA(3,1,2) errors
Coefficients:
                     ar3
        ar1 ar2
                              ma1
                                      ma2
                                             xreg
     0.6985 0 0.2839 -0.4997 0.0790
                                           2.3230
             0 0.0422
s.e. 0.0440
                          0.0558 0.0326 0.0903
sigma^2 = 0.03729: log likelihood = 223.64
AIC=-435.28 AICc=-435.19
                           BIC=-405.92
_____
Se ha probado con la variable X1 [ic=-653.565041178663, lag=-2]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-1254.38354028493, lag=0]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=-438.084375852223, lag=-9]
Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-1254.38354028493, lag=0]
Series: serie
Regression with ARIMA(3,1,2) errors
Coefficients:
                 ar2
                         ar3
                                                  ХЗ
                                                          X2
                                  ma1
                                          ma2
      1.0735 -0.5681 0.4771 -0.6904 0.5167 2.2884 2.1250
             0.0736 0.0450 0.0701 0.0504 0.0530 0.0562
s.e. 0.0699
sigma^2 = 0.0162: log likelihood = 635.27
AIC=-1254.53
              AICc=-1254.38
                              BIC=-1215.38
Se ha probado con la variable X1 [ic=-2269.80243895166, lag=-2]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-2269.80243895166, lag=-2]
Series: serie
Regression with ARIMA(2,1,1) errors
Coefficients:
                        ma1
                                 ХЗ
                                         Х2
        ar1
                ar2
     0.2283 0.7589 0.3025 2.2676 2.1484 -1.3085
s.e. 0.0299 0.0294 0.0396 0.0321 0.0280
```

```
sigma^2 = 0.005786: log likelihood = 1141.96
AIC=-2269.92
           AICc=-2269.8
                         BIC=-2235.66
______
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
No se añaden más variables
El modelo global no tiene errores estacionarios
Se intenta ajustar uno que sí los tenga
No se ha podido encontrar un modelo válido con errores estacionarios
Se aplica una diferenciación regular (ndiff=1) y se vuelve a llamar a la función
_____
Se ha probado con la variable X1 [ic=-127.111191500974, lag=-2]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-350.746172271828, lag=0]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-432.584774965942, lag=-1]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
Se ha añadido la variable regresora X3 [aicc=-432.584774965942, lag=-1]
Series: serie
Regression with ARIMA(4,1,0) errors
Coefficients:
               ar2
                       ar3
                               ar4
                                      xreg
     -0.7949 -0.6217 -0.2668 -0.0734 2.3192
s.e. 0.0318 0.0397 0.0398 0.0320 0.0907
sigma^2 = 0.03744: log likelihood = 222.34
AIC=-432.67 AICc=-432.58 BIC=-403.31
-----
Se ha probado con la variable X1 [ic=-651.671017504022, lag=-2]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-1252.41874509484, lag=0]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=-437.623697388088, lag=-9]
Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-1252.41874509484, lag=0]
Series: serie
Regression with ARIMA(2,1,2) errors
Coefficients:
     ar1
                                    ХЗ
                                           X2
             ar2
                   ma1
                            ma2
       0 -0.4898 -0.6156 0.4634 2.2891 2.1249
      0 0.0430 0.0308 0.0362 0.0531 0.0564
sigma^2 = 0.01629: log likelihood = 632.25
AIC=-1252.5 AICc=-1252.42 BIC=-1223.15
_____
Se ha probado con la variable X1 [ic=-1863.55961789977, lag=-2]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-1863.55961789977, lag=-2]
Series: serie
```

Regression with ARIMA(0,1,0) errors

```
Coefficients:
```

```
X3 X2 X1
2.2783 2.1512 -1.3106
s.e. 0.0297 0.0319 0.0316
```

```
sigma^2 = 0.008783: log likelihood = 935.8
AIC=-1863.6 AICc=-1863.56 BIC=-1844.03
```

```
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
No se añaden más variables
El modelo global no tiene errores estacionarios
```

Se intenta ajustar uno que sí los tenga

```
| Histórico de variables añadidas al modelo (ndiff=1) |
```

```
var lag ic

X3 -1 -432.584774965942

X2 0 -1252.41874509484

X1 -2 -1863.55961789977
```

Series: serie

Regression with ARIMA(2,0,1) errors

Coefficients:

```
ar1 ar2 ma1 X3 X2 X1 0.2283 0.7589 0.3024 2.2677 2.1484 -1.3086 s.e. 0.0299 0.0295 0.0396 0.0321 0.0280 0.0241
```

```
sigma^2 = 0.005786: log likelihood = 1141.96
AIC=-2269.92 AICc=-2269.8 BIC=-2235.66
```

Como podemos observar, el *output* es muy similar al obtenido en el ejemplo anterior. En las primeras iteraciones se añaden las variables $X_t^{(3)}$, $X_t^{(2)}$ y $X_t^{(1)}$, en ese orden, con retardos $r_3=1$, $r_2=0$ y $r_1=1$ (correcto según la definición del modelo), pero al no poder ajustar un modelo con errores estacionarios (se obtiene un modelo con errores ARIMA(2,1,1)), se tienen que diferenciar los datos y volver a llamar a la función.

En la siguiente llamada, se vuelven a añadir las mismas variables con los retardos correctos, pero esta vez sí se consigue ajustar un modelo con errores estacionarios (un ARIMA(2,0,1)) con un AICc=-2269.51.

3 Comparativa del método de preblanqueado

3.1 Con errores estacionarios

```
load(file='simulations/residuals ~ ARIMA(2,0,1).RData') # residuals
beta0 <- -0.1; beta1 <- 3.2; beta2 <- -2.5
r1 <- 2; r2 <- 3
Y \leftarrow beta0 + beta1 * lag(X1$X, -r1) + beta2 * lag(X2$X, -r2) + residuals$X
regresoras <- cbind(X1=X1$X, X2=X2$X, X3=X3$X, X4=X4$X, X5=X5$X, X6=X6$X)
Ajustamos un modelo usando como método para chequear estacionariedad la función auto.arima:
ajuste <- auto.fit.arima.regression(Y, regresoras, show_info=T,</pre>
                                    stationary method='auto.arima')
Se ha probado con la variable X1 [ic=-1088.61845492454, lag=-2]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-595.912721666589, lag=-3]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-145.48160642118, lag=-5]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
Se ha probado con la variable X5 [ic=-141.254404179595, lag=-21]
Se ha probado con la variable X6 [ic=-140.663599559375, lag=-2]
Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-1088.61845492454, lag=-2]
Series: serie
Regression with ARIMA(0,1,2) errors
Coefficients:
                  ma2
         ma1
                          xreg
     -0.4887 -0.1949 3.1621
s.e. 0.0314 0.0316 0.0684
sigma^2 = 0.01904: log likelihood = 548.33
AIC=-1088.66
             AICc=-1088.62
                              BTC=-1069.13
Se ha probado con la variable X2 [ic=-3114.07541439909, lag=-3]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-1090.28993568725, lag=-6]
Se ha probado con la variable X4 [ic=-1089.02404324713, lag=-9]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=-1088.74122082768, lag=-8]
Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-3114.07541439909, lag=-3]
Series: serie
Regression with ARIMA(2,0,1) errors
Coefficients:
                  ar2
                        ma1 intercept
                                                       X2
          ar1
                                              Х1
      -0.1927 0.4046 0.4424
                              -0.0938 3.1927 -2.4812
s.e. 0.0713 0.0307 0.0757
                                 0.0035 0.0093
                                                 0.0109
sigma^2 = 0.002381: log likelihood = 1564.1
AIC=-3114.19
             AICc=-3114.08
                              BIC=-3080.01
```

No se ha podido encontrar un retardo significativo para X3 No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4

```
Se ha probado con la variable X5 [ic=-3112.04372835671, lag=-8]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
No se añaden más variables
               Histórico de variables añadidas al modelo (ndiff=0)
 var lag
 X1 -2 -1088.61845492454
 X2 -3 -3114.07541439909
Series: serie
Regression with ARIMA(2,0,1) errors
Coefficients:
                        ma1 intercept
                                                      X2
         ar1
                 ar2
                                           Х1
     -0.1927 0.4046 0.4424
                                -0.0938 3.1927 -2.4812
s.e. 0.0713 0.0307 0.0757
                                0.0035 0.0093 0.0109
sigma^2 = 0.002381: log likelihood = 1564.1
             AICc=-3114.08 BIC=-3080.01
AIC=-3114.19
Ajustamos un modelo usando como método para chequear estacionariedad el adf.test:
ajuste <- auto.fit.arima.regression(Y, regresoras, show_info=T,</pre>
                                   stationary_method='adf.test')
Se ha probado con la variable X1 [ic=-1088.61845492454, lag=-2]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-595.912721666589, lag=-3]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-145.48160642118, lag=-5]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
Se ha probado con la variable X5 [ic=-141.254404179595, lag=-21]
Se ha probado con la variable X6 [ic=-140.663599559375, lag=-2]
Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-1088.61845492454, lag=-2]
Series: serie
Regression with ARIMA(0,1,2) errors
Coefficients:
               ma2
         ma1
                         xreg
     -0.4887 -0.1949 3.1621
s.e. 0.0314 0.0316 0.0684
sigma^2 = 0.01904: log likelihood = 548.33
AIC=-1088.66 AICc=-1088.62 BIC=-1069.13
Se ha probado con la variable X2 [ic=-3114.07541439909, lag=-3]
Se ha probado con la variable X3 [ic=-1090.28993568725, lag=-6]
Se ha probado con la variable X4 [ic=-1089.02404324713, lag=-9]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=-1088.74122082768, lag=-8]
Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-3114.07541439909, lag=-3]
Series: serie
Regression with ARIMA(2,0,1) errors
Coefficients:
                       ma1 intercept X1
                                                      Х2
         ar1
                ar2
```

```
-0.1927 0.4046 0.4424
                               -0.0938 3.1927 -2.4812
      0.0713 0.0307 0.0757
                                0.0035 0.0093
                                               0.0109
s.e.
sigma^2 = 0.002381: log likelihood = 1564.1
AIC=-3114.19
            AICc=-3114.08
                             BIC=-3080.01
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X3
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
Se ha probado con la variable X5 [ic=-3112.04372835671, lag=-8]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
No se añaden más variables
               Histórico de variables añadidas al modelo (ndiff=0)
var lag
 X1 -2 -1088.61845492454
 X2 -3 -3114.07541439909
Regression with ARIMA(2,0,1) errors
Coefficients:
                 ar2
                        ma1 intercept
                                          Х1
         ar1
     -0.1927 0.4046 0.4424
                             -0.0938 3.1927 -2.4812
s.e. 0.0713 0.0307 0.0757
                              0.0035 0.0093 0.0109
sigma^2 = 0.002381: log likelihood = 1564.1
            AICc=-3114.08 BIC=-3080.01
AIC=-3114.19
```

3.2 Con errores no estacionarios

```
load(file='simulations/residuals ~ ARIMA(1,2,2).RData') # residuals
beta0 <- -0.1; beta1 <- 3.2; beta2 <- -2.5
r1 <- 2; r2 <- 3
Y <- beta0 + beta1 * lag(X1$X, -r1) + beta2 * lag(X2$X, -r2) + residuals$X
regresoras <- cbind(X1=X1$X, X2=X2$X, X3=X3$X, X4=X4$X, X5=X5$X, X6=X6$X)</pre>
```

Ajustamos un modelo usando como método para chequear estacionariedad la función auto.arima:

```
Coefficients:
        ar1
               ar2 ma1
                           ma2
                                      ma3
                                            xreg
     0.5931 0.3925 -0.5505 -0.3111 0.2199 3.1695
s.e. 0.1656 0.1644 0.1633 0.1478 0.0367 0.0884
sigma^2 = 0.02971: log likelihood = 331.9
AIC=-649.8 AICc=-649.68 BIC=-615.64
_____
Se ha probado con la variable X2 [ic=-3025.1467782192, lag=-3]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X3
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=-652.50410291203, lag=-8]
Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-3025.1467782192, lag=-3]
Series: serie
Regression with ARIMA(2,1,1) errors
Coefficients:
              ar2
                    ma1
                           X1
     0.2283 0.7584 0.3004 3.1983 -2.4964
s.e. 0.0299 0.0295 0.0395 0.0163 0.0188
sigma^2 = 0.002584: log likelihood = 1518.62
AIC=-3025.23 AICc=-3025.15 BIC=-2995.95
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X3
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
No se añaden más variables
El modelo global no tiene errores estacionarios
Se intenta ajustar uno que sí los tenga
No se ha podido encontrar un modelo válido con errores estacionarios
Se aplica una diferenciación regular (ndiff=1) y se vuelve a llamar a la función
______
_____
Se ha probado con la variable X1 [ic=-646.897656850379, lag=-2]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-430.04365565032, lag=-3]
Se ha probado con la variable X3 [ic=62.4747914803376, lag=-1]
Se ha probado con la variable X4 [ic=53.6412661805395, lag=-9]
Se ha probado con la variable X5 [ic=62.1448179024171, lag=-23]
Se ha probado con la variable X6 [ic=61.4441976569348, lag=-6]
Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-646.897656850379, lag=-2]
Series: serie
Regression with ARIMA(1,1,3) errors
Coefficients:
                       ma2
                               ma3
        ar1
               ma1
                                      xreg
     -0.4113 -0.5402 -0.3262 0.2186 3.1688
s.e. 0.1622 0.1597 0.1446 0.0361 0.0882
```

sigma^2 = 0.02984: log likelihood = 329.49 AIC=-646.98 AICc=-646.9 BIC=-617.71

```
Se ha probado con la variable X2 [ic=-3087.52651374318, lag=-3]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X3
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=-651.270885560183, lag=-8]
Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-3087.52651374318, lag=-3]
Series: serie
Regression with ARIMA(1,1,2) errors
Coefficients:
         ar1 ma1 ma2
                            X1
                                       X2
     -0.4461 0 0.3683 3.2043 -2.4945
s.e. 0.0306 0 0.0308 0.0129
sigma^2 = 0.002427: log likelihood = 1548.79
AIC=-3087.59
             AICc=-3087.53
                             BIC=-3063.19
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X3
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
No se añaden más variables
El modelo global no tiene errores estacionarios
Se intenta ajustar uno que sí los tenga
               Histórico de variables añadidas al modelo (ndiff=1)
var lag
 X1 -2 -646.897656850379
 X2 -3 -3087.52651374318
-----
Series: serie
Regression with ARIMA(2,0,1) errors
Coefficients:
                            X1
                ar2 ma1
     0.2283 \quad 0.7584 \quad 0.3004 \quad 3.1983 \quad -2.4964
s.e. 0.0299 0.0295 0.0395 0.0163 0.0188
sigma^2 = 0.002584: log likelihood = 1518.62
AIC=-3025.23
             AICc=-3025.15
                             BIC=-2995.95
Ajustamos un modelo usando como método para chequear estacionariedad el adf.test:
ajuste <- auto.fit.arima.regression(Y, regresoras, show_info=T,
                                  stationary_method='adf.test')
Se ha probado con la variable X1 [ic=-649.682587578322, lag=-2]
Se ha probado con la variable X2 [ic=-434.459021738045, lag=-3]
Se ha probado con la variable X3 [ic=237.600679607895, lag=-1]
Se ha probado con la variable X4 [ic=53.6412837880618, lag=-9]
Se ha probado con la variable X5 [ic=237.565776524128, lag=-23]
Se ha probado con la variable X6 [ic=61.4442151268056, lag=-6]
Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-649.682587578322, lag=-2]
Series: serie
```

Regression with ARIMA(2,1,3) errors Coefficients: ar2 ma1 ar1 ma2 ma3xreg 0.5931 0.3925 -0.5505 -0.3111 0.2199 3.1695 s.e. 0.1656 0.1644 0.1633 0.1478 0.0367 0.0884 sigma^2 = 0.02971: log likelihood = 331.9 AIC=-649.8 AICc=-649.68 BIC=-615.64 _____ Se ha probado con la variable X2 [ic=-3025.1467782192, lag=-3] No se ha podido encontrar un retardo significativo para X3 No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4 No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5 Se ha probado con la variable X6 [ic=-652.50410291203, lag=-8] Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-3025.1467782192, lag=-3] Series: serie Regression with ARIMA(2,1,1) errors Coefficients: X1 ar2 ma1 ar1 0.2283 0.7584 0.3004 3.1983 -2.4964 s.e. 0.0299 0.0295 0.0395 0.0163 0.0188 sigma^2 = 0.002584: log likelihood = 1518.62 AIC=-3025.23 AICc=-3025.15 BIC=-2995.95 No se ha podido encontrar un retardo significativo para X3 No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4 No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5 No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6 No se añaden más variables El modelo global no tiene errores estacionarios Se intenta ajustar uno que sí los tenga No se ha podido encontrar un modelo válido con errores estacionarios Se aplica una diferenciación regular (ndiff=1) y se vuelve a llamar a la función ______ _____ Se ha probado con la variable X1 [ic=-646.897656850379, lag=-2] Se ha probado con la variable X2 [ic=-430.04365565032, lag=-3] Se ha probado con la variable X3 [ic=62.4747914803376, lag=-1] Se ha probado con la variable X4 [ic=53.6412661805395, lag=-9] Se ha probado con la variable X5 [ic=62.1448179024171, lag=-23] Se ha probado con la variable X6 [ic=61.4441976569348, lag=-6] Se ha añadido la variable regresora X1 [aicc=-646.897656850379, lag=-2] Series: serie

Regression with ARIMA(1,1,3) errors

Coefficients:

ma1 ar1 ma2 ma3xreg -0.4113 -0.5402 -0.3262 0.2186 3.1688 s.e. 0.1622 0.1597 0.1446 0.0361 0.0882

sigma^2 = 0.02984: log likelihood = 329.49

```
Se ha probado con la variable X2 [ic=-3087.52651374318, lag=-3]
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X3
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
Se ha probado con la variable X6 [ic=-651.270885560183, lag=-8]
Se ha añadido la variable regresora X2 [aicc=-3087.52651374318, lag=-3]
Series: serie
Regression with ARIMA(1,1,2) errors
Coefficients:
                  ma2 X1
        ar1 ma1
     -0.4461 0 0.3683 3.2043 -2.4945
s.e. 0.0306 0 0.0308 0.0129 0.0165
sigma^2 = 0.002427: log likelihood = 1548.79
AIC=-3087.59 AICc=-3087.53 BIC=-3063.19
-----
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X3
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X4
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X5
No se ha podido encontrar un retardo significativo para X6
No se añaden más variables
El modelo global no tiene errores estacionarios
Se intenta ajustar uno que sí los tenga
______
             Histórico de variables añadidas al modelo (ndiff=1)
var lag
 X1 -2 -646.897656850379
 X2 -3 -3087.52651374318
Series: serie
Regression with ARIMA(2,0,1) errors
Coefficients:
                          X1
                                    Х2
       ar1
             ar2
                    ma1
     0.2283 0.7584 0.3004 3.1983 -2.4964
s.e. 0.0299 0.0295 0.0395 0.0163 0.0188
sigma^2 = 0.002584: log likelihood = 1518.62
AIC=-3025.23 AICc=-3025.15 BIC=-2995.95
```

4 Apéndice

ARIMA(2,0,1) with zero mean

En esta sección se muestra la comprobación con la función auto.fit.arima de que las muestras cargadas cumplen con los requisitos mencionados.

Para el primer ejempo, las muestras simuladas eran las siguientes:

```
load(file='simulations/residuals ~ ARIMA(2,0,1).RData') # residuals
Si la función auto.fit.arima y observamos los outputs, vemos que siguen el proceso ARIMA anotado:
auto.fit.arima(X1$X, show_info=F)
Series: serie
ARIMA(2,1,3)
Coefficients:
     ar1
              ar2
                       ma1
                                ma2
                                        ma3
       0 -0.4505 -0.0720 -0.1633 0.4002
          0.0465
                   0.0321
                             0.0443 0.0304
sigma^2 = 0.002651: log likelihood = 1547.33
AIC=-3084.67
              AICc=-3084.61
                             BIC=-3060.13
auto.fit.arima(X2$X, show_info=F)
Series: serie
ARIMA(1,1,2)
Coefficients:
         ar1 ma1
                       ma2
     -0.4570 0 -0.4718
    0.0317
                0 0.0315
s.e.
sigma^2 = 0.002683: log likelihood = 1540.68
AIC=-3075.37
             AICc=-3075.34
                              BIC=-3060.65
auto.fit.arima(X3$X, show_info=F)
Series: serie
ARIMA(1,0,2) with zero mean
Coefficients:
        ar1 ma1
                     ma2
             0 0.3508
     0.3602
s.e. 0.0311 0 0.0313
sigma^2 = 0.002282: log likelihood = 1623.08
AIC=-3240.16
             AICc=-3240.14
                              BIC=-3225.44
auto.fit.arima(residuals$X, show_info=F)
Series: serie
```

```
Coefficients:
         ar1
              ar2
                         ma1
     -0.2356 0.4323 0.4563
s.e. 0.0626 0.0295 0.0668
sigma^2 = 0.002469: log likelihood = 1584.27
              AICc=-3160.49
AIC=-3160.53
                             BIC=-3140.9
auto.fit.arima(X4$X, show_info=F)
Series: serie
ARIMA(1,0,3) with zero mean
Coefficients:
                 ma1 ma2
         ar1
                             ma3
     -0.5708 0.1396 0 0.4028
s.e. 0.0633 0.0650 0 0.0319
sigma^2 = 0.002529: log likelihood = 1572.27
AIC=-3136.55 AICc=-3136.51
                            BIC=-3116.92
auto.fit.arima(X5$X, show_info=F)
Series: serie
ARIMA(2,1,2)
Coefficients:
         ar1
                 ar2 ma1
                             ma2
     -0.0623 0.4527 0 0.4725
s.e. 0.0283 0.0373 0 0.0377
sigma^2 = 0.002489: log likelihood = 1577.98
AIC=-3147.95
             AICc=-3147.91 BIC=-3128.32
auto.fit.arima(X6$X, show_info=F)
Series: serie
ARIMA(2,1,1)
Coefficients:
         ar1
                ar2
                         ma1
     -0.2399 0.4477 0.4440
s.e. 0.0597 0.0290 0.0645
sigma^2 = 0.002464: log likelihood = 1583.7
AIC=-3159.4 AICc=-3159.36 BIC=-3139.78
Podemos hacer la misma comprobación con los residuos del ejemplo 2.
load('simulations/residuals ~ ARIMA(1,2,2).RData')
auto.fit.arima(residuals$X, show_info=F)
Series: serie
ARIMA(1,2,2)
Coefficients:
```

 $\begin{array}{ccccc} & & ar1 & ma1 & ma2 \\ & -0.4430 & 0 & 0.3639 \\ s.e. & 0.0303 & 0 & 0.0305 \end{array}$

sigma^2 = 0.002414: log likelihood = 1591.83 AIC=-3177.65 AICc=-3177.63 BIC=-3162.93