## Αναγνώριση Προτύπων Θέμα Εξαμήνου

Αναγνωστόπουλος Βασίλης - Θάνος (ΜΠΠΛ 13002) Βελισσαρίου Κυριάκος (ΜΠΠΛ 13005)

Αθήνα, 2014

# Περιεχόμενα

1		κηση 1η - Artificial Immune System	1
	1.1	Εκφώνηση	1
	1.2	Λύση	1
2	Άσκ	τηση 2η - Swarm Intelligence	3
		Εκφώνηση	3
		Λύση	3
		2.2.1 Εισαγωγή	3
		2.2.2 Ορισμός - Αρχές	3
		2.2.3 Κυριότεροι αλγόριθμοι σμήνους	4
3	Άσι	<b>ιηση 3η</b>	4
		Εκφώνηση	4
		Λύση	4
4	Άσκ	κηση 4η - Fuzzy Logic Systems	6
		Εκφώνηση	6
		Ασαφής Λογική	6
		Συστήματα ασαφούς λογικής	6
5	Άσι	<b>ιηση 5η</b>	8
		Εκφώνηση	8
		Λύση	8
Βι	βλιο	γραφία	15
K	ατά	άλογος σχημάτων	
	4 1	Παραδείγματα συναρτήσεων μελών [4]	7
	4 2	Σύστημα ασαφούς λογικής [6, 16]	7
	43	Σύστημα ασαφούς λογικής (2) [4]	9
		Τα δεδομένα εκφράσεων προσώπου	12
		Η ιεραρχική ομαδοποίηση των δεδομένων χρησιμοποιώντας την	12
	J.Z		13
	E 2	μέση σύνδεση και την ευκλείδεια απόσταση	13
	5.5	Η ιεραρχική ομαδοποίηση των δεδομένων χρησιμοποιώντας την	10
	г 1	μέση σύνδεση και την απόσταση mahalanobis	13
	5.4	Η ιεραρχική ομαδοποίηση των δεδομένων χρησιμοποιώντας την	10
		μέση σύνδεση και την απόσταση manhattan	13
	5.5	Η ιεραρχική ομαδοποίηση των δεδομένων χρησιμοποιώντας την	
		μονή σύνδεση και την ευκλείδεια απόσταση	14
	5.6	Η ιεραρχική ομαδοποίηση των δεδομένων χρησιμοποιώντας την	
		πλήρη σύνδεση και την ευκλείδεια απόσταση	14
		<b>(2)</b>	
K	ατο	άλογος αλγορίθμων	
	1	Βασικός αλγόριθμος ΤΑΣ [4]	2
	2	Ψευδοκώδικας αλγόριθμου pso	5

# Κατάλογος πηγαίου κώδικα

1	Ο κώδικας	του matlab														9	

### 1 Άσκηση 1η - Artificial Immune System

### 1.1 Εκφώνηση

Να γίνει πλήρης βιβλιογραφική έρευνα με βάση τις λέξεις κλειδιά "Artificial Immune System".

### **1.2 Α**ύση

Το φυσικό ανοσοποιητικό σύστημα είναι ένα πολύπλοκο σύστημα για την λειτουργία του οποίου έχουν γραφτεί αρκετές δημοσιεύσεις για το πως λειτουργεί [10]. Εκτός από την ικανότητα του να καταπολεμά ξένα κύτταρα και μολύνσεις προς τον οργανισμό, διαθέτει μνήμη, μία ιδιαίτερα σημαντική ιδιότητα, καθ` ότι του επιτρέπει να αναγνωρίζει και να αντιμετωπίζει πιο άμεσα σε μία εισβολή από παθογόνα, που έχουν προσβάλει και παλιότερα τον οργανισμό.

Ένα τεχνητό ανοσοποιητικό σύστημα (ΤΑΣ - αγγλ. Artificial Immune System) μοντελοποιεί την ικανότητα του φυσικού ανοσοποιητικού συστήματος των σπονδυλωτών να ανιχνεύει κύτταρα ξένα προς τον οργανισμό.Το αποτέλεσμα είναι ένα νέο υπολογιστικό μοντέλο το οποίο είναι ικανό να αναγνωρίζει πρότυπα και εφαρμόζεται κυρίως στην ανίχνευση ανωμαλιών [4, 7].

Ο ορισμός και η ανάπτυξη ενός πλήρους ΤΑΣ περιλαμβάνει, γενικά, μία πληθώρα θεμάτων, μεταξύ των οποίων είναι [4, 15]:

- υβριδικές δομές και αλγόριθμοι, οι οποίοι λαμβάνουν υπ` υπόψιν τους μηχανισμούς του ανοσοποιητικού συστήματος όπως την ανίχνευση ξένων προτύπων με μία ορισμένη συγγένεια και την αποθήκευση πληροφορίας και την επαναχρησιμοποίηση της.
- υπολογιστικοί αλγόριθμοι βασισμένοι σε αρχές του ανοσοποιητικού συστήματος, όπως είναι η κατανεμημένη επεξεργασία, η αρχή της επιλογής των κλώνων και η θεωρία του ανοσοποιητικού δικτύου.

Χρησιμοποιώντας τα παραπάνω ο Engelbrecht παραθέτει τον βασικό αλγόριθμο για την δημιουργία ΤΑΣ (βλέπε αλγόριθμο 1).

Κάθε κομμάτι του αλγορίθμου αναλύεται πιο κάτω [4]:

- **Αρχικοποίηση** C και καθορισμός  $D_T$ : Ο πληθυσμός C μπορεί να είναι είτε δημιουργημένος από τυχαία δημιουργημένα τεχνητά λεμφοκυττάρων  $^1$  (ΤΛ) ή από κάποια άλλη μέθοδο η οποία εξαρτάται από τον αγλόριθμο του ΤΑΣ.
- **Συνθήκη τερματισμού του while:** Στα περισσότερα μοντέλα των ΤΑΣ, η συνθήκη τερματισμού βασίζεται στην σύγκλιση του πληθυσμού των ΤΛ ή από ένα συγκεκριμένο αριθμό επαναλήψεων.
- **Επιλογή του υποσυνόλου** S των **ΤΑ:** Το υποσύνολο S μπορεί να είναι ολόκληρο το σύνολο P ή ένα τυχαίος αριθμός ΤΛ από το P.

 $<sup>^1</sup>$ Το λεμφοκύτταρο αποτελεί είδος λευκού αιμοσφαιρίου το οποίο το συναντιόνται στο φυσικό ανοσοποιητικό σύστημα και είναι επιφορτισμένα με την άμυνα του οργανισμού έναντι σε λοιμώξεις [11].

#### Αλγόριθμος 1 Βασικός αλγόριθμος ΤΑΣ [4]

- Υπολογισμός της ομοιότητας του αντιγόνου: Η ομοιότητα του αντιγόνου (αγγλ. antigen affinity) είναι η μέτρηση της "συγγένειας" που υπάρχει μεταξύ των ΤΛ και των προτύπων των αντιγόνων.
- **Επιλογή του υποσυνόλου** H **των ΤΑ:** Σε κάποια από τα μοντέλα των ΤΑΣ, η επιλογή της καλύτερης ομοιότητας των ΤΛ βασίζεται σε κάποιο κατώφλι ομοιότητας. Έτσι το υποσύνολο H μπορεί να είναι ολόκληρο το S, αναλόγως ποιο είναι το κατώφλι ομοιότητας.
- Υπολογισμός της ομοιότητας του δικτύου: Αυτή είναι η μέτρηση της ομοιότητας μεταξύ δύο ΤΛ. Τα διάφορα μέτρα ομοιότητας ενός δικτύου είναι τα ίδια με εκείνα των αντιγόνων.. Ένα καθορισμένο κατώφλι ομοιότητας προσδιορίζει αν δύο ή περισσότερα ΤΛ συνδέονται για να σχηματίσουν ένα δίκτυο.
- **Ανανέωση του βαθμού ομοιότητας των ΤΑ στο** H: Είναι η διαδικασία με την οποία τα ΤΛ ωριμάζουν. Η διαδικασία ωρίμανσης αλλάζει ανάλογα με το μοντέλο του ΤΑΣ.

Έχουν προταθεί αρκετοί αλγόριθμοι για την επίλυση των ΤΑΣ όπως [4]:

- το κλασσικό μοντέλο: σε αυτό το μοντέλο το ΤΑΣ "εκπαιδεύει" τα ΤΛ σε ένα σύνολο προτύπων του εαυτού του έτσι ώστε να είναι "αυτο-ανεκτικά", δηλαδή να έχουν την ικανότητα να αναγνωρίζουν τα πρότυπα μεταξύ του εαυτού και του μη εαυτού [4]. Βασίζεται στα Τ-λεμφοκύτταρα του φυσικού ανοσοποιητικού συστήματος τα οποία αναγνωρίζουν τα κύτταρα του οργανισμού και επιτίθενται μόνο στα ξένα κύτταρα. Ένα από τα μοντέλα των ΤΑΣ που βασίζονται στο κλασσικό μοντέλο είναι το μοντέλο της αρνητικής επιλογής.
- **το μοντέλο επιλογής του κλώνου:** σε αυτό το μοντέλο των ΤΑΣ η επιλογή ενός συνόλου ΤΛ γίνεται με βάση εκείνα τα οποία έχουν τον υψηλότερο βαθμό ομοιότητας μαζί με ένα πρότυπο μη εαυτού. Έπειτα τα επιλεγμένα

ΤΛ κλωνοποιούνται και μεταλλάσσονται σε μία προσπάθεια να έχουν υψηλότερη ομοιότητα με το πρότυπο μη εαυτού.

- **το μοντέλου του δικτύου:** σε αυτό το μοντέλο των ΤΑΣ τα ΤΛ αλληλεπιδρούν μεταξύ τους έτσι ώστε να μάθει το ένα από το άλλο την μορφή του προτύπου μη εαυτού, με αποτέλεσμα να δημιουργείται ένα δίκτυο από ΤΛ.
- **το μοντέλο του κινδύνου:** σε αυτό το μοντέλο, σε αντίθεση με το κλασσικό μοντέλο, το μοντέλο του κινδύνου διαφοροποιείται αναγνωρίζοντας το τί είναι επικίνδυνο και τί είναι μη-επικίνδυνο αντί να βρίσκει πρότυπα εαυτού και μη-εαυτού.

Τα τεχνητά ανοσοποιητικά συστήματα έχουν εφαρμοστεί με επιτυχία σε πολλές περιοχές, όπως στην ανίχνευση ανωμαλιών, στην ταξινόμηση δεδομένων, στην ανίχνευση ιών, στην αναγνώριση προτύπων κ.λ.π. [7, 4, 15].

### **2 Άσκηση 2η - Swarm Intelligence**

### 2.1 Εκφώνηση

Να γίνει πλήρης βιβλιογραφική έρευνα με βάση τις λέξεις κλειδιά "Swarm Intelligence".

### 2.2 Αύση

#### 2.2.1 Εισαγωγή

Στην παρούσα ερώτηση θα επιχειρηθεί μια σύντομη έκθεση η οποία θα αφορά τον όρο Νοημοσύνη Σμήνους (Swarm Intelligence). Η δομή που ακολουθείται είναι η εξής: Αρχικά, θα δοθεί ο ορισμός της Νοημοσύνης Σμήνους και θα αναφερθούν οι γενικές αρχές της. Στην συνέχεια, θα γίνει μια σύντομη επισκόπηση στις κατηγορίες αλγορίθμων νοημοσύνης σμήνους. Τέλος, στον επίλογο, θα αναφερθούν μια σειρά από προβλήματα, στην επίλυση των οποίων βρίσκουν εφαρμογή οι προαναφερθέντες αλγόριθμοι.

### 2.2.2 Ορισμός - Αρχές

Σύμφωνα με τους Gerardo Beni και Jim Wang [2], η Νοημοσύνη Σμήνους είναι η συλλογική συμπεριφορά αποκεντρωμένων αυτο-οργανωμένων συστημάτων, φυσικών ή τεχνητών.

Όπως είναι προφανές, τα φυσικά συστήματα νοημοσύνης σμήνους προϋπήρχαν των τεχνιτών και μάλιστα, στάθηκαν η αφορμή για την δημιουργία των τελευταίων. Τα φυσικά συστήματα που μελετήθηκαν αρχικά περιελάμβαναν κοπάδια ψαριών, σμήνη πτηνών και μελισσών καθώς και αποικίες μυρμηγκιών. Αυτό το οποίο εντυπωσίασε του ερευνητές και που προσπάθησαν να εκμεταλλευτούν με την δημιουργία τεχνητών συστημάτων νοημοσύνης σμήνους, είναι η δυνατότητα των συστημάτων αυτών, να πετυχαίνουν πολύπλοκους στόχους ενώ τα ίδια είναι αποτελούμενα από απλές οντότητες περιορισμένων δυνατοτήτων. Ένα ακόμα εντυπωσιακό στοιχείο, σύμφωνα και με τον ορισμό που

δόθηκε, είναι ότι οι απλές αυτές οντότητες δεν κατευθύνονται από κάποια κεντρική οντότητα [1], αλλά δρουν αποκεντρωμένα. Για παράδειγμα, στις αποικίες μυρμηγκιών, τα μυρμήγκια είναι ικανά όχι μόνο να βρουν τον δρόμο, αλλά και το συντομότερο μονοπάτι προς την τροφή τους. Αυτό το πετυχαίνουν με την έκκριση μια φερορμόνης. Συνεπώς, τα μυρμήγκια θα ακολουθούν μονοπάτια τα οποία έχουν έντονη ποσότητα φερορμόνης για να τα διεγείρει. Τελικά, το συντομότερο μονοπάτι προς την τροφή θα συγκεντρώνει όλο και μεγαλύτερο αριθμό μυρμηγκιών, έτσι η φερορμόνη σε αυτό το μονοπάτι θα είναι εντονότερη κοκ [3].

Στο επόμενο υποκεφάλαιο παρουσιάζονται κάποιοι από τους σημαντικότερους αλγόριθμους Νοημοσύνης Σμήνους οι οποίοι προήλθαν από μελέτη φαινομένων σαν αυτά που αναφέρθηκαν στην προηγούμενη παράγραφο.

#### 2.2.3 Κυριότεροι αλγόριθμοι σμήνους

#### Αλγόριθμος PSO

Ο αλγόριθμος PSO είναι εμπνευσμένος από τον τρόπο με τον οποίο λειτουργούν τα σμήνη πουλιών και μελισσών για να προσανατολιστούν στον χώρο. Πρόκειται για μεταευριστικό αλγόριθμο καθώς δεν κάνει υποθέσεις σχετικά με το πρόβλημα που πρόκειται να επιλυθεί. Οι αρχική σύλληψη του αλγορίθμου αποδίδεται στους Kennedy, Eberhart και Shi [5].

Ο αλγόριθμος βρίσκει πεδίο εφαρμογής σε προβλήματα βελτιστοποίησης τα οποία έχουν μεγάλους χώρους πιθανών λύσεων. Ωστόσο, ο PSO δεν εγγυάται την εύρεση της βέλτιστης λύσης, αλλά μια πολύ καλή προσσέγιση αυτής. Το γεγονός της εύκολής υλοποίησής του σε συνδιασμό με το ότι δεν απαιτεί το πρόβλημα προς βελτιστοποίηση να είναι παραγωγίσιμο [5] τον καθιστά μια καλή επιλογή για προβλήματα που μεταβάλλονται στον χρόνο ή ενέχουν θόρυβο.

Ο αλγόριθμος PSO υπάρχει σε πολλές παραλλαγές, ωστόσο η κύρια μορφή του είναι αυτή κατά την οποία αναζητείται το ολικό μέγιστο. Επιπλέον, σε ότι αφορά την τοπολογία του σμήνους, έχουμε ένα πλήρως συνδεδεμένο σμήνος, δηλαδή κάθε μέλος του σμήνους γνωρίζει τις διαθέσιμες πληροφορίες για όλα τα υπόλοιπα μέλη.

### 3 Άσκηση 3η

### 3.1 Εκφώνηση

Να γίνει πλήρης βιβλιογραφική έρευνα με βάση τις λέξεις κλειδιά "Evolutionary Computing" και Genetic Algorithms.

### **3.2 Α**ύση

σελ. 80

#### **Αλγόριθμος 2** Ψευδοκώδικας αλγόριθμου pso

```
//Αρχικοποίηση;
for κάθε σωματίδιο i \in S do
   for κάθε διάσταση d \in D do
      //Αρχικοποίηση της ταχύτητας και της θέσης των σωματιδίων
      x_{i,d} = Rnd(x_{min}, x_{max})
      u_{i,d} = Rnd(-u_{max/3}, u_{max}/3)
   //Αρχικοποίηση της καλύτερης θέσης κάθε σωματιδίου
   pb_i = x_i
   //Ενημέρωση της καθολικά καλύτερης θέσης
   if f(pb_i) < f(gb)
     then qb = pb_i
   fi
end
(Αρχικοποίηση)
while it > MAX \ ITERATIONS do
     for κάθε σωματίδιο i \in S do
        //Ενημέρωση της καλύτερης θέσης κάθε σωματιδίου
        if f(x_i) < f(pb_i)
          then pb_i = x_i
        //Ενημέρωση του καθολικού μέγιστου
        if f(pb_i) < f(gb)
          then qb = pb_i
        fi
     //Ενημέρωση της ταχύτητας και της θέσης των σωματιδίων
     for κάθε σωματίδιο i \in S do
        for κάθε διάσταση d \in D do
           u_{i,d} = u_{i,d} + C_1 * Rnd(0,1) * [pb_{i,d} - x_{i,d}] + C_2 * Rnd(0,1) * [gb_d - x_{i,d}]
           x_{i,d} = xi, d + ui, d
        end
     end
     //Επόμενη επανάληψη
     it = it + 1
end
```

### **4 Άσκηση 4η - Fuzzy Logic Systems**

### 4.1 Εκφώνηση

Να γίνει πλήρης βιβλιογραφική έρευνα με βάση τις λέξεις κλειδιά "Fuzzy Logic Systems".

### 4.2 Ασαφής Λογική

Η ασαφής λογική πρόκειται για μία γενίκευση της συμβατικής Θεωρίας Συνόλων και είναι μία πλειότιμη λογική η οποία ασχολείται με την λογική σαν μία προσέγγιση και όχι σαν κάτι σταθερό και ακριβές [4, 16, 8, 14].

Η ασαφής λογική βασίζεται στα ασαφή σύνολα. Σε σύγκριση με τα δυαδικά σύνολα (οι μεταβλητές των οποίων μπορούν να λάβουν την τιμή "αλήθεια" ή "ψευδές"), τα ασαφή σύνολα περιέχουν αντικείμενα τα οποία ικανοποιούν ανακριβείς ιδιότητες και μπορεί να έχουν μία τιμή αληθείας η οποία κυμαίνεται στο βαθμό μεταξύ 0 και 1 σε αυτό το σύνολο (βλ. εξίσωση (1)) [12].

$$\mu_A: X \to [0,1]$$
 (1)

όπου X ο χώρος των αντικειμένων. Αν x ένα γενικό αντικείμενο του X με  $x\in X$  τότε το  $\mu_A(x)$  δείχνει την βεβαιότητα με την οποία το στοιχείο x ανήκει στο ασαφή σύνολο A.

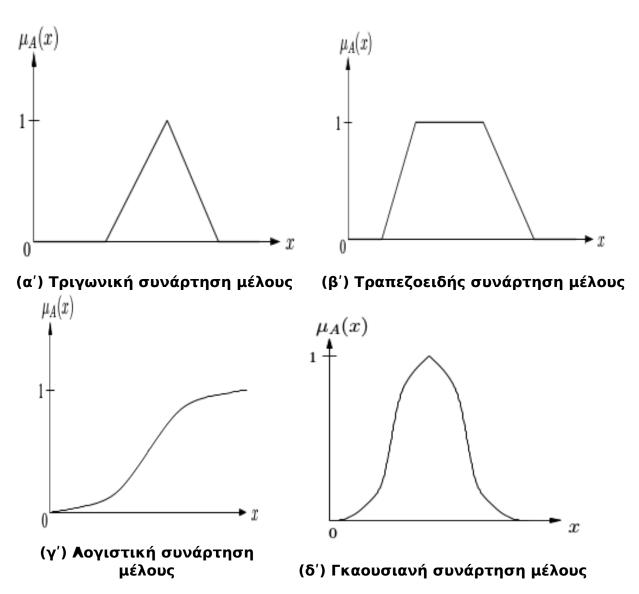
Ο βαθμός συμμετοχής σε ένα ασαφές σύνολο υποδηλώνει την βεβαιότητα (ή την αβεβαιότητα) ότι το στοιχείο ανήκει σε αυτή την ομάδα. Η ασαφής λογική χρησιμοποιείται για να χειριστεί την έννοια της μερικής αλήθειας, όπου η τιμή της αλήθειας μπορεί να κυμαίνεται μεταξύ εντελώς αλήθειας και εντελώς ψευδή. Τα ασαφή σύνολα επιτρέπουν την μοντελοποίηση των αβεβαιοτήτων της φυσικής γλώσσας και μπορούν να χρησιμοποιηθούν τόσο για διακριτούς ή/και συνεχόμενους χώρους [4, 16, 8].

Για τον πλήρη ορισμό ενός ασαφές συνόλου χρειαζόμαστε ακόμα και την συνάρτηση μέλος του ασαφούς συνόλου, η οποία χρησιμοποιείται για να συνδέσει τον βαθμό συμμετοχής κάθε στοιχείου x του χώρου των αντικειμένων με το αντίστοιχο ασαφές σύνολο. Οι συναρτήσεις μέλη μπορεί να έχουν οποιοδήποτε σχήμα ή τύπο (βλ. σχήμα 4.1). [4].

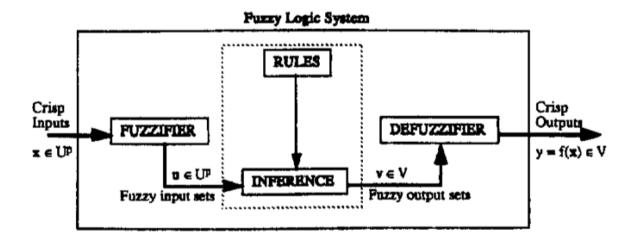
Τέλος στην ασαφή λογική μπορούν να χρησιμοποιηθούν και λεκτικές μεταβλητές (αγγλ. linguistic variables). Με τον όρο λεκτική μεταβλητή εννοούμε τις μεταβλητές των οποίων οι τιμές είναι λέξεις σε μία φυσική ή τεχνική γλώσσα [13]. Οι λεκτικές μεταβλητές επιτρέπουν την μετατροπή της φυσικής γλώσσας σε λογικές ή αριθμητικές παραστάσεις, οι οποίες παρέχουν τα εργαλεία για την προσεγγιστική λογική [4].

### 4.3 Συστήματα ασαφούς λογικής

Η σχεδίαση συστημάτων ασαφούς λογικής (ΣΑΛ) είναι ένας από τους μεγαλύτερους τομείς εφαρμογής της ασαφούς λογικής [4]. Ένα σύστημα ασαφούς λογικής (αγγλ. Fuzzy Logic Systems - FLS) είναι μία γραμμική απεικόνιση ενός διανύσματος δεδομένων εισόδου (χαρακτηριστικά) σε μία βαθμωτή έξοδο (η οποία αποσυντίθεται σε μία συλλογή από ανεξάρτητες πολλαπλές εισόδου/μονής εξόδου σύστημα - βλέπε σχήμα 4.2) [6, 16].



Σχήμα 4.1: Παραδείγματα συναρτήσεων μελών [4]



Σχήμα 4.2: Σύστημα ασαφούς λογικής [6, 16]

Στα ΣΑΛ, η δυναμική συμπεριφορά του συστήματος περιγράφεται από ένα σύνολο λεκτικών ασαφών κανόνων της μορφής AN - TOTE [4, 16]. Σε συνδυασμό, τα ασαφή σύνολα και οι λεκτικοί κανόνες αποτελούν την γνωσιακή βάση ενός ΣΑΛ. Ακόμα ένα ΣΑΛ αποτελείται από άλλα 3 στοιχεία:

- ασαφοποιητής (αγγλ. fuzzifier): ο σκοπός του ασαφοποιητή είναι η εύρεση μίας ασαφούς τιμής από μη ασαφές τιμές εισόδου. Αυτό επιτυχάνεται χρησιμοποιώντας την συνάρτηση μέλους που σχετίζεται με κάθε ασαφές σύνολο στα δεδομένα εισόδου. Δηλαδή, οι τιμές στα δεδομένα εισόδου αντιστοιχούνται σε βαθμούς συμμετοχής σε ασαφή σύνολα [4].
- συμπερασματοποιητής (αγγλ. inference): ο σκοπός του συμπερασματοποιητή (αγγλ. inference) είναι να χαρτογραφήσει τις ασαφές εισόδους (όπως λαμβάνονται από την διαδικασία της ασαφοποίησης (αγγλ. fuzzifier) στους λεκτικούς κανόνες και να παράγουν μία αποσαφηνισμένη (αγγλ. fuzzified) έξοδο για κάθε κανόνα [4].
- **αποσαφηνιστής(αγγλ. defuzzifier):** ο σκοπός του αποσαφηνιστή (αγγλ. defuzzifier) είναι η παραγωγή μίας σαφούς εξόδους για το ΣΑΛ από το ασαφές σύνολο που προέκυψε ως έξοδος από τον συμπερασματοποιητή. Δηλαδή παραγάγει σε αυτό το στάδιο γίνεται η μετατροπή των ασαφών κανόνων σε μία βαθμωτή τιμή ή γενικά σε μή ασαφή μεταβλητή [16, 4]. Στην βιβλιογραφία έχουν προταθεί αρκετοί αποσαφηνιστές για την εύρεση της βαθμωτής τιμής που αναπαριστά την ενέργεια που πρέπει να πραγματοποιηθεί.

Καθένα από αυτά τα στοιχεία εκτελεί μία συγκεκριμένη εργασία κατά την διαδικασία συλλογισμού (αγγλ. reasoning process). Τα διαφορετικά στοιχεία ενός ΣΑΛ φαίνονται στο σχήμα 4.3.

### 5 Άσκηση 5η

### 5.1 Εκφώνηση

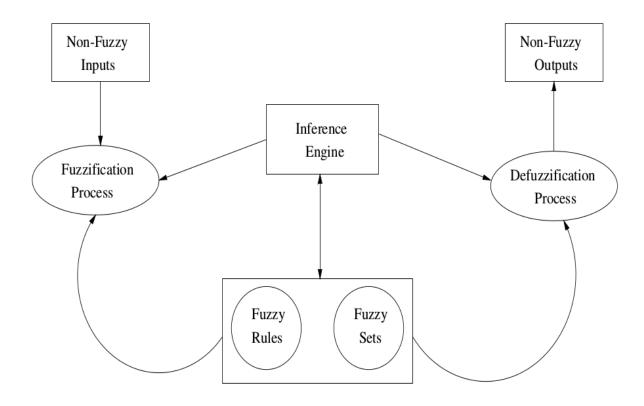
Να υλοποιηθούν αλγόριθμοι ιεραρχικής ομαδοποίησης δεδομένων και να εφαρμοστούν στα δεδομένα εκφράσεων προσώπου που θα σας παρασχεθούν.

### **5.2 Α**ύση

Η ιεραρχική ομαδοποίηση (αγγλ. hierarchical clustering) είναι μία μέθοδος ανάλυσης κλάσεων η οποία αναζητά να κατασκευάσει μία ιεραρχία ομάδων. Η ιεραρχική ομαδοποίηση έχει την ιδιότητα ότι τα δείγματα που ανήκουν στην ίδια ομάδα σε κάποιο επίπεδο να παραμένουν στην ίδια ομάδα σε υψηλότερα επίπεδα [9, 16].

Οι στρατηγικές ιεραρχικής ομαδοποίησης διακρίνονται σε δύο κατηγορίες [9, 16]:

**συγχωνευτικές (αγγλ. agglomerative):** Οι συγχωνευτικές (από κάτω προς τα πάνω) ξεκινούν από n ομάδες και δημιουργούν μία ακολουθία από διαδοχικές συγχωνεύσεις ομάδων.



Σχήμα 4.3: Σύστημα ασαφούς λογικής (2) [4]

**διαιρετικές (αγγλ. divisive):** Οι διαιρετικές (από πάνω προς τα κάτω) ξεκινούν με όλα τα δείγματα σε μία ομάδα και δημιουργούν μία ακολουθία από διαδοχικές διαιρέσεις ομάδων.

Τα αποτελέσματα της ιεραρχική ομαδοποίηση συνήθως απεικονίζονται σε ένα δενδρόγραμμα (αγγλ. dendogram).

Για να διαπιστωθεί ποιες ομάδες θα πρέπει να συγχωνευτούν (ή αντιστοίχως να διαιρεθούν), θα πρέπει να υπάρχει ένα μέτρο της ανομοιότητας μεταξύ των ομάδων των παρατηρήσεων. Στην πλειοψηφία των ιεραρχικών ομαδοποιήσεων αυτό επιτυγχάνετε με την χρήση ενός κατάλληλου μέτρου (ένα μέτρο της απόστασης μεταξύ των ζευγών των παρατηρήσεων - βλ. πίνακα 5.1), καθώς και ένα κριτήριο συνδέσεως (βλ. πίνακα 5.2) η οποία καθορίζει την ανομοιότητα των συνόλων ως συνάρτηση των αποστάσεων κατά ζεύγη των παρατηρήσεων στα σύνολα [9].

Όνομα	Τύπος							
Ευκλείδια απόσταση	$  a-b  _2 = \sqrt{\sum_i (a_i - b_i)^2}$							
Απόσταση manhattan	$  a - b  _1 = \sum_i   a_i - b_i  $							
Μέγιστη απόσταση	$\ a-b\ _{\infty}=max_i\ a_i-b_i\ $							
Απόσταση mahalanobis	$\sqrt{(a-b)^{ op}S^{-1}(a-b)}$ , όπου $S$ είνια ο πίνακας συ-							
Altoo tuori manalahools	μεταβλητότητας							

Πίνακας 5.1: Ο πίνακας με τις αποστάσεις [9].

Στον πηγαίο κώδικα 1 φαίνεται το script που γράφτηκε για τον υπολογισμό των ιεραρχικών ομαδοποιήσεων στο matlab.

Όνομα	Τύπος
Πλήρης σύνδεσης	$\max \left\{  d(a,b) : a \in A,  b \in B  \right\}$
Μονή σύνδεση	$\min \left\{ d(a,b) : a \in A, b \in B \right\}$
Μέση σύνδεση	$\frac{1}{AB} \sum_{a \in A} \sum_{b \in B} d(a, b)$

Πίνακας 5.2: Ο πίνακας με τα κριτήρια σύνδεσης [9].

#### Πηγαίος κώδικας 1: Ο κώδικας του matlab

```
% This script demonstrates the hierarchical clustering algorithm on a set of
   % given data points.
   %Initialize workspace.
   clc
   clear all
   % Load data
8
   X1 = csvread('features_1.csv');
   X2 = csvread('features_2.csv');
10
   X3 = csvread('features_3.csv');
11
12
   % Store both sets of points in a single matrix.
13
   X = [X1; X2; X3];
14
15
   % Plot the labeded data points
16
   figure('Name','Labeled Data Popints')
17
   hold on
18
   plot(X1(:,1),X1(:,2),'*r','LineWidth',1.4);
19
   plot(X2(:,1),X2(:,2),'*b','LineWidth',1.4);
20
   plot(X3(:,1),X3(:,2),'*g','LineWidth',1.4);
21
   xlabel('x1');
   ylabel('x2');
23
   grid on
24
   hold off
25
26
   %Plot the unlabaled data points.
27
   figure('Name','Unlabeled Data Popints')
28
   hold on
29
   plot(X(:,1),X(:,2),'*k','LineWidth',1.4);
   xlabel('x1');
   ylabel('x2');
32
   grid on
33
   hold off
34
35
   % Create the hierarchical clustering dendrogram with euclidean distange
36
   % and average linkage.
37
   Y = pdist(X, 'euclidean');
38
   Z = linkage(Y, 'average');
39
   figure('Name','Hierarchical Dendrogram (average,euclidean)')
```

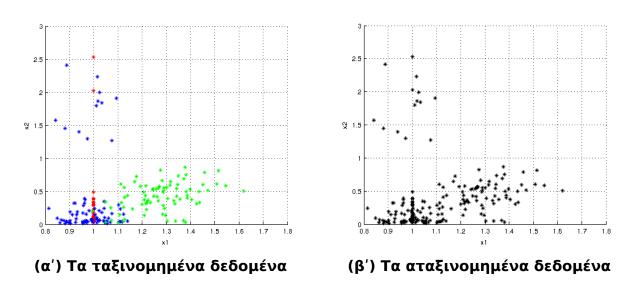
```
[H,T] = dendrogram(Z,0,'colorthreshold','default');
   set(H,'LineWidth',2)
42
43
   % Cluster data in three clusters.
   T = clusterdata(X, 'linkage', 'average', 'distance', 'euclidean', 3);
45
   figure('Name','Identified Clusters (average,euclidean)')
46
   scatter(X(:,1),X(:,2),20,T,'filled')
47
   grid on
48
49
   % Create the hierarchical clustering dendrogram with mahalanobis distange
50
   % and average linkage.
  Y = pdist(X, 'mahalanobis');
  Z = linkage(Y, 'average');
53
   figure('Name','Hierarchical Dendrogram (average,mahalanobis)')
   [H,T] = dendrogram(Z,0,'colorthreshold','default');
55
   set(H,'LineWidth',2)
56
57
   % Cluster data in three clusters.
58
   T = clusterdata(X, 'linkage', 'average', 'distance', 'mahalanobis', 3);
   figure('Name','Identified Clusters (average,mahalanobis)')
   scatter(X(:,1),X(:,2),20,T,'filled')
   grid on
62
63
   % Create the hierarchical clustering dendrogram with cityblock distange
64
   % and average linkage.
65
  Y = pdist(X,'cityblock');
  Z = linkage(Y, 'average');
  figure('Name','Hierarchical Dendrogram (average,cityblock)')
   [H,T] = dendrogram(Z,0,'colorthreshold','default');
   set(H,'LineWidth',2)
70
71
   % Cluster data in three clusters.
72
  T = clusterdata(X, 'linkage', 'average', 'distance', 'cityblock', 3);
73
  figure('Name','Identified Clusters (average,cityblock)')
  scatter(X(:,1),X(:,2),20,T,'filled')
75
   grid on
76
77
  % Create the hierarchical clustering dendrogram with euclidean distange
   % and single linkage.
  Y = pdist(X, 'euclidean');
   Z = linkage(Y, 'single');
81
   figure('Name','Hierarchical Dendrogram (single,euclidean)')
82
   [H,T] = dendrogram(Z,0,'colorthreshold','default');
83
   set(H,'LineWidth',2)
84
85
   % Cluster data in three clusters.
86
   T = clusterdata(X, 'linkage', 'single', 'distance', 'euclidean', 3);
  figure('Name','Identified Clusters (single,euclidean)')
   scatter(X(:,1),X(:,2),20,T,'filled')
   grid on
```

```
91
   % Create the hierarchical clustering dendrogram with euclidean distange
92
    % and complete linkage.
   Y = pdist(X,'euclidean');
    Z = linkage(Y,'complete');
95
    figure('Name','Hierarchical Dendrogram (complete,euclidean)')
96
    [H,T] = dendrogram(Z,0,'colorthreshold','default');
97
    set(H,'LineWidth',2)
98
99
    % Cluster data in three clusters.
100
   T = clusterdata(X,'linkage','complete','distance','euclidean',3);
101
    figure('Name','Identified Clusters (complete,euclidean)')
102
    scatter(X(:,1),X(:,2),20,T,'filled')
   grid on
104
```

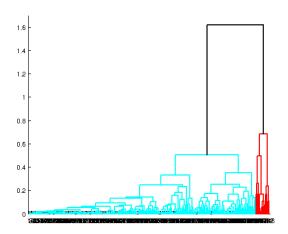
Στο σχήμα 5.1 φαίνονται τα χαρακτηριστικά όπως είναι ταξινομημένα στην πραγματικότητα και όπως τα αντιλαμβάνεται ο αλγόριθμος.

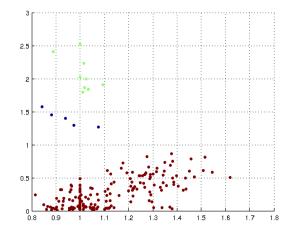
Για την καλύτερη κατανόηση της επίδρασης του μέτρου της απόστασης (βλ. πίνακα 5.1) και της απόστασης μεταξύ των ζευγών παρατηρήσεων (βλ. πίνακα 5.2) πραγματοποιήθηκαν μία σειρά από ιεραρχικές ταξινομήσεις. Στις 3 πρώτες (βλ. σχήμα 5.2 έως 5.4) διατηρήθηκε σταθερή η απόσταση μεταξύ των ζευγών (και συγκεκριμένα μέση σύνδεση) και άλλαζε ο τύπος της απόστασης ενώ στα 2 τελευταία (βλ. σχήμα 5.5 έως 5.6) διατηρήθηκε ο τύπος της απόστασης σταθερός (και συγκεκριμένα ευκλείδεια) και άλλαζε η απόσταση μεταξύ των ζευγών.

Παρατηρούμε ότι οι συστάδες που δημιουργήθηκαν δεν αλλάξαν παρά μόνο στο σχήμα 5.3. Άρα οι συστάδες επηρρεάζονται περισσότερο από την γεωμετρία του ίδιου του προβλήματος παρά από τις παραμέτρους που βάζουμε. Αντιθέτως το δενδρόγραμμα άλλαζε κάθε φορά πράγμα που το καθιστά και ευαίσθητο στις παραμέτρους που τοποθετούμε στο πρόβλημα.



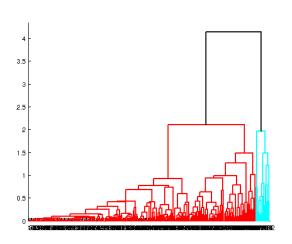
Σχήμα 5.1: Τα δεδομένα εκφράσεων προσώπου

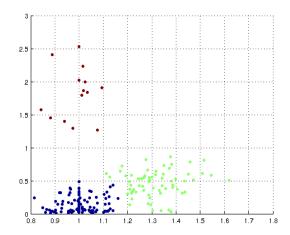




(α΄) Τα δενδρογραμμα των δεδομένα (β΄) Οι συστάδες που δημιουργήθηκαν

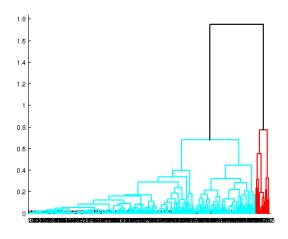
Σχήμα 5.2: Η ιεραρχική ομαδοποίηση των δεδομένων χρησιμοποιώντας την μέση σύνδεση και την ευκλείδεια απόσταση

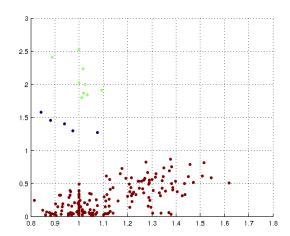




(α') Τα δενδρογραμμα των δεδομένα (β') Οι συστάδες που δημιουργήθηκαν

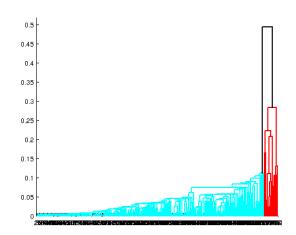
Σχήμα 5.3: Η ιεραρχική ομαδοποίηση των δεδομένων χρησιμοποιώντας την μέση σύνδεση και την απόσταση mahalanobis

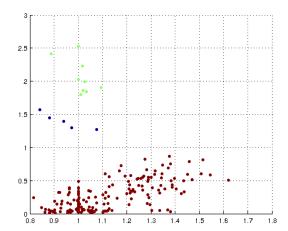




(α') Τα δενδρογραμμα των δεδομένα (β') Οι συστάδες που δημιουργήθηκαν

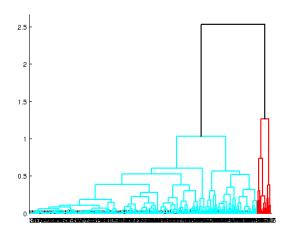
Σχήμα 5.4: Η ιεραρχική ομαδοποίηση των δεδομένων χρησιμοποιώντας την μέση σύνδεση και την απόσταση manhattan

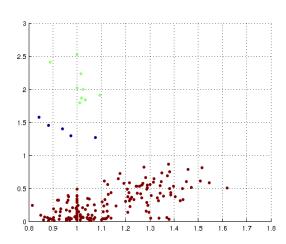




(α') Τα δενδρογραμμα των δεδομένα (β') Οι συστάδες που δημιουργήθηκαν

Σχήμα 5.5: Η ιεραρχική ομαδοποίηση των δεδομένων χρησιμοποιώντας την μονή σύνδεση και την ευκλείδεια απόσταση





(α΄) Τα δενδρογραμμα των δεδομένα (β΄) Οι συστάδες που δημιουργήθηκαν

Σχήμα 5.6: Η ιεραρχική ομαδοποίηση των δεδομένων χρησιμοποιώντας την πλήρη σύνδεση και την ευκλείδεια απόσταση

### Αναφορές

- [1] Hazem Ahmed and Janice Glasgow. Swarm intelligence: concepts, models and applications. *School of Computing, Queen's University*, 2012.
- [2] Gerardo Beni and Jing Wang. Swarm intelligence in cellular robotic systems. In *Robots and Biological Systems: Towards a New Bionics?*, pages 703--712. Springer, 1993.
- [3] Marco Dorigo. Ant Colony Optimization and Swarm Intelligence: 5th International Workshop, ANTS 2006, Brussels, Belgium, September 4-7, 2006, Proceedings, volume 4150. Springer Science & Business Media, 2006.
- [4] Andries P. Engelbrecht. *Computational Intelligence: An Introduction*. Wiley Publishing, 2nd edition, 2007. ISBN 0470035617.
- [5] James Kennedy. Particle swarm optimization. In *Encyclopedia of Machine Learning*, pages 760--766. Springer, 2010.
- [6] J.M. Mendel. Fuzzy logic systems for engineering: a tutorial. *Proceedings of the IEEE*, 83(3):345--377, Mar 1995. ISSN 0018-9219. doi: 10.1109/5. 364485.
- [7] Wikipedia. Artificial immune system --- Wikipedia, the free encyclopedia. http://en.wikipedia.org/wiki/Artificial\_immune\_system, 2015. URL http://en.wikipedia.org/wiki/Artificial\_immune\_system. [Πρόσβαση στις 20 Ιανουαρίου 2015].
- [8] Wikipedia. Fuzzy logic --- Wikipedia, the free encyclopedia. http://en.wikipedia.org/wiki/Fuzzy\_logic, 2015. URL http://en.wikipedia.org/wiki/Fuzzy logic. [Πρόσβαση στις 18 Ιανουαρίου 2015].
- [9] Wikipedia. Hierarchical clustering --- Wikipedia, the free encyclopedia. http://en.wikipedia.org/wiki/Hierarchical\_clustering, 2015. URL http://en.wikipedia.org/wiki/Hierarchical\_clustering. [Πρόσβαση στις 25 Ιανουαρίου 2015].
- [10] Wikipedia. Immune system --- Wikipedia, the free encyclopedia. http://en.wikipedia.org/wiki/Immune\_system, 2015. URL http://en.wikipedia.org/wiki/Immune\_system. [Πρόσβαση στις 24 Ιανουαρίου 2015].
- [11] Wikipedia. Immune system --- Wikipedia, the free encyclopedia. http://el.wikipedia.org/wiki/%CE%9B%CE%B5%CE%BC%CF%86%CE%BF%CE%BA%CF%8D%CF%84%CF%84%CE%B1%CF%81%CE%BF, 2015. URL http://el.wikipedia.org/wiki/%CE%9B%CE%B5%CE%BC%CF%86%CE%BF%CE%BA%CF%8D%CF%84%CF%84%CE%B1%CF%81%CE%BF. [Πρόσβαση στις 24 Ιανουαρίου 2015].
- [12] L.A. Zadeh. Fuzzy sets. Information and Control, 8(3):338 -- 353, 1965. ISSN 0019-9958. doi: http://dx.doi.org/10.1016/S0019-9958(65) 90241-X. URL http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S001999586590241X.

- [13] Lotfi A Zadeh. The concept of a linguistic variable and its application to approximate reasoning—i. *Information sciences*, 8(3):199--249, 1975.
- [14] Lotfi A. Zadeh. Fuzzy logic, neural networks, and soft computing. Commun. ACM, 37(3):77--84, March 1994. ISSN 0001-0782. doi: 10.1145/175247.175255. URL http://doi.acm.org/10.1145/175247.175255.
- [15] Βασίλειος Κ. Καρακάσης. Μοντέλα τεχνητών ανοσοποιητικών συστημάτων για την εξόρυξη γνώσης από σύνολα δεδομένων. Master's thesis, Εθνικό Μετσόβιο Πολυτεχνείο, 2005. URL http://artemis.cslab.ntua.gr/el thesis/artemis.ntua.ece/DT2005-0229/DT2005-0229.pdf.
- [16] Γεώργιος Α. Τσιχριντζής. Σημειώσεις διδασκαλίας για το μάθημα "Αναγνώριση Προτύπων" Εισαγωγή στην Αναγνώριση Προτύπων. Σημειώσεις μαθήματος, 2014.