# MODALITATEA DE DESFĂȘURARE A EXAMENULUI LA DISCIPLINA "PROGRAMAREA ALGORITMILOR"

- Examenul la disciplina "Programarea algoritmilor" se va desfășura în ziua de 20.01.2022, între orele 9<sup>00</sup> și 11<sup>30</sup>, astfel:
  - 09<sup>00</sup> 09<sup>30</sup>: efectuarea prezenței studenților
  - 09<sup>30</sup> 11<sup>30</sup>: desfășurarea examenului
  - 11<sup>30</sup> 12<sup>00</sup>: verificarea faptului că sursele trimise de către studenți au fost salvate pe platforma MS Teams
- Testul se va desfășura pe platforma MS Teams, iar pe tot parcursul desfășurării sale, de la ora 09<sup>00</sup> la ora 12<sup>00</sup>, studenții trebuie să fie conectați pe canalul dedicat cursului de "Programarea algoritmilor" corespunzător seriei lor.
- În momentul efectuării prezenței, fiecare student trebuie să aibă pornită camera video în MS Teams și să prezinte buletinul sau cartea de identitate. Dacă dorește să-și protejeze datele personale, studentul poate să acopere codul numeric personal și/sau adresa!
- În timpul desfășurării testului studenții pot să închidă camera video, dar trebuie să o deschidă dacă li se solicită acest lucru de către un cadru didactic!
- Toate subjectele se vor rezolva folosind limbajul Python.
- Subiectul 1 este obligatoriu, iar dintre subiectele 2, 3 și 4 se vor rezolva CEL MULT DOUĂ, la alegere.
- Citirea datelor de intrare se va realiza de la tastatură, iar rezultatele vor fi afișate pe ecran.
- Se garantează faptul că datele de intrare sunt corecte.
- Operațiile de sortare se vor efectua folosind funcții sau metode predefinite din limbajul Python.
- Pentru subiectul 1 nu contează complexitatea soluției propuse.
- Rezolvările subiectelor alese dintre subiectele 2, 3 și 4 trebuie să conțină:
  - o scurtă descriere a algoritmului și o argumentare a faptului că acesta se încadrează într-o anumită tehnică de programare;
  - în cazul problemelor rezolvate folosind metoda Greedy sau metoda programării dinamice se va argumenta corectitudinea criteriului de selecție sau a relațiilor de calcul;
  - în cazul subiectelor unde se precizează complexitatea maximă pe care trebuie să o aibă soluția, se va argumenta complexitatea soluției propuse și vor primi punctaj maxim doar soluțiile corecte care se încadrează în complexitatea cerută;
  - în cazul problemei rezolvate folosind metoda backtracking nu contează complexitatea soluției propuse, dar se va ține cont de eficiența condițiilor de continuare;
  - în fiecare program Python se va preciza, pe scurt, sub forma unor comentarii, semnificația variabilelor utilizate.
- Rezolvările corecte care nu respectă restricțiile indicate vor primi punctaje parțiale.
- Se acordă 1 punct din oficiu.
- Rezolvările tuturor subiectelor se vor scrie de mână, folosind pix/stilou cu culoarea pastei/cernelii albastră sau neagră. Pe fiecare pagina studentul își va scrie numele și grupa, iar paginile trebuie să fie numerotate.
- Înainte de expirarea timpului alocat examenului, toate paginile vor fi fotografiate/scanate clar, în ordinea corectă, și transformate într-un singur fișier PDF care va fi încărcat în Google Drive folosind un anumit formular.
- Numele fișierului PDF trebuie să respecte șablonul *grupa\_nume\_prenume.pdf*. De exemplu, un student cu numele Popescu Ion Mihai din grupa 131 trebuie să denumească fișierul care conține rezolvările tuturor subiectelor astfel: *131 Popescu Ion Mihai.pdf*.

### Subjectul 1 - limbajul Python - 3 p.

- a) Scrieți o funcție **cmmdc** care primește un număr variabil de tupluri formate din câte două numere naturale nenule și returnează pentru fiecare tuplu primit ca parametru cel mai mare divizor comun al elementelor sale, sub forma unui dicționar cu perechi de tipul **cel mai mare divizor: lista tuplurilor care au cel mai mare divizor comun egal cu cheia**. De exemplu, pentru apelul **cmmdc((12, 50), (3, 4), (11, 13)), (14, 2))** funcția trebuie să furnizeze dicționarul {2: [(12, 50), (14, 2)], 1: [(3, 4), (11, 13)]}. (1.5 p.)
- **b)** Înlocuiți punctele de suspensie din instrucțiunea **numere** = [...] cu o secvență de inițializare (*list comprehension*) astfel încât, după executarea sa, lista să conțină numerele naturale formate din exact două cifre care nu sunt pătrate perfecte și nici divizibile cu 7. **(0.5 p.)**
- c) Considerăm următoarea funcție recursivă:

```
def f(lista):
if len(lista) <= 2:
    return min(lista)
k = len(lista) // 2
aux_1 = lista[:k]
aux_2 = lista[k+1:]
return min(f(aux_1), f(aux_2), lista[k])</pre>
```

Determinați complexitatea funcției apelată pentru o listă L formată din n numere întregi astfel: f(L). (1 p.)

### Subjectul 2 – metoda Greedy (3 p.)

Complexitatea maximă a soluției: O(n)

Canalul Pythonic Way este unul foarte strâmt, astfel încât un singur nufăr încape pe lățimea sa. Pe canal sunt înșiruiți, de la capătul din stânga spre capătul din dreapta, mai multi nuferi, iar pe fiecare nufăr este scris un număr natural nenul reprezentând numărul maxim de nuferi peste care poate să sară o broscută aflată pe nufărul respectiv. Astfel, dacă pe nufărul cu numărul de ordine i este scris numărul k, atunci o broscuță poate să sară pe oricare dintre nuferii cu numerele de ordine i + 1, i + 2, ..., i + k. Primul nufăr, având numărul de ordine 1, se află la capătul din stânga al canalului, iar ultimul nufăr, având numărul de ordine n, se află la capătul din dreapta. Într-o bună zi, Lily, una dintre broscuțele care trăiesc în Pythonic Way, s-a hotărât să iasă din lumea strâmtă a canalului și să plece în lumea largă. Deoarece Lily are o fire melancolică, ea vrea să plece de pe primul nufăr, să ajungă pe ultimul nufăr (pentru a mai vedea încă o dată întreg canalul Pythonic Way) și abia apoi să iasă din canal (fără să mai facă niciun salt). Pentru a nu avea timp să se răzgândească, Lily vrea să ajungă pe ultimul nufăr cât mai repede, adică folosind un număr minim de sărituri care respectă restricția precizată anterior. Scrieți un program în limbajul Python care să citească de la tastatură numerele scrise pe cei *n* nuferi și să afișeze pe ecran un traseu format din numerele de ordine ale nuferilor pe care trebuie să sară Lily pentru a ieși din canal plecând de pe primul nufăr și efectuând un număr minim de sărituri. Dacă există mai multe trasee cu proprietatea cerută, atunci se va scrie oricare dintre ele. Numerele de ordine ale nuferilor din traseu vor fi despărțite între ele prin câte un spațiu. Fiecare săritură efectuată de Lily trebuie să respecte restrictia precizată în enunt.

#### Exemplu:

Date de intrare	Date de ieșire
2 3 1 5 3 2 2 5	1 2 4 8

**Explicații:** Lily trebuie să efectueze cel puțin 3 sărituri, plecând de pe primul nufăr, pentru a ieși din canalul Pythonic Way. Un traseu corect pe care îl poate urma Lily este 1, 2, 4, 8. Un alt traseu corect este 1, 3, 4, 8.

# Subiectul 3 - metoda Programării Dinamice (3 p.)

Complexitatea maximă a soluției: O(n²)

După o nouă plimbare lungă prin parc cu stăpâna sa, cățelușa Laika se află în fața unei mari provocări: trebuie iar să urce cele n trepte până la ușa apartamentului în care locuiește. De data aceasta ea mai are însă energie și poate să sară de pe o treaptă i direct pe una dintre treptele i+1, i+2, ..., n . Totuși pentru a sari i trepte trebuie sa plătească un cost  $c_i$ , pentru că face gălăgie. De asemenea, pentru că treptele au fost spălate și Laika vine după o joacă prin noroi, pentru fiecare treaptă i (i=1,...,n) pe care calcă Laika există un cost  $t_i$  (număr natural pozitiv) pe care trebuie să îl plătească. Ajutați-o pe Laika scriind un program Python care afișează o modalitate de a urca treptele de la baza scării (considerată treapta 0, pentru care taxa este  $t_0 = 0$ ) la treapta n cu cost total minim. Se citesc de la tastatură n și taxele pentru cele n trepte  $t_1,t_2, ..., t_n$  și costul pentru a sări treptele  $c_1,c_2, ..., c_n$  ( $c_i$  este costul pe care trebuie să îl plătească dacă sare i trepte). Laika nu e un câine normal așa că s-ar putea costul să sară 3 trepte să fie mai mic decât să sară 2.

Intrare de la tastatură	Ieșire pe ecran
5	taxa totala 6 pentru traseul cu scările
1 2 11 1 1	0 5
17 495	

*Explicații:* n=5, deci scara are 5 trepte numerotate 1,2, ... ,5 (pe lângă baza scării care se consideră treapta 0 și pentru care nu se plătește taxă); Laika preferă să sară din prima 5 trepte pentru că poate :), deci costul plătit va fi  $c_5 + t_5 = 5 + 1 = 6$  ( $c_5$  pentru că a sărit 5 trepte și  $t_5$  pentru că a călcat pe treapta 5)

Intrare de la tastatură	leșire pe ecran
5 1 2 11 1 1 1 7 4 9 15	taxa totala 9 pentru traseul cu scările 0 1 4 5

*Explicații:* Laika sare la treapta 1 cu costul 2 ( $c_1$ =1 costul de a sări o treaptă,  $t_1$ =1 costul de a ajunge pe treapta 1), apoi Laika sare la treapta 4 cu costul 5 ( $c_3$ =4 costul de a sări 3 trepte,  $t_4$ =1 costul de călca pe treapta 4), apoi sare la treapta 5 cu costul 2 (1+1).

# Subjectul 4 - metoda Backtracking (3 p.)

a) Moş Crăciun are nevoie de m maşinuțe și apelează din nou la cei n spiriduși ai săi. El îl roagă pe fiecare spiriduș i  $(1 \le i \le n)$  să-i spună care este numărul minim  $a_i$  și numărul maxim  $b_i$  de mașinuțe pe care ar vrea să le facă. Moş Crăciun ar vrea să îi pună pe spiriduși să facă cele m mașinuțe care-i trebuie pentru Crăciun, dar respectând opțiunile fiecărui spiriduș. Dacă vreți să primiți și voi una dintre mașinuțe, trebuie să-l ajutați pe Moș Crăciun scriind un program Python care să citească de la tastatură numerele m,n și opțiunile  $a_i$  și  $b_i$  ale fiecăruia dintre cei n spiriduși, după care să afișeze pe ecran toate modalitățile în care Moş Crăciun poate distribui producția de mașinuțe spiridușilor astfel încât spiridușul i să producă un număr de mașinuțe cuprins între  $a_i$  și  $b_i$  de mașinuțe sau mesajul "lmposibil" dacă nu există nicio modalitate de distribuție care să respecte cerințele precizate anterior. (2.5 p.)

## Exemplu:

Pentru m = 16, n = 3,  $a_1 = 1$ ,  $b_1 = 6$ ,  $a_2 = 0$ ,  $b_2 = 7$ ,  $a_3 = 4$ ,  $b_3 = 8$  trebuie să fie afișate următoarele 20 de modalități de distribuție (nu neapărat în această ordine):

**b)** Modificați o singură instrucțiune din program astfel încât să fie afișate doar soluțiile în care spiridușul 1 și spiridușul 2 produc același număr de mașini. **(0.5 p.)**