

---

**Algorithm 1:** Edmonds-MaxWeightedMatching

---

**Data:**  $G = (V, E)$  un grafo, función de pesos  $w : E \rightarrow R_{\geq 0}$

**Result:** Emparejamiento  $M \subseteq E$  de peso máximo

```
1 Inicialización:
2 foreach  $v \in V$  do
3    $y(v) \leftarrow \max\{w(e) : e \text{ incidente en } v\};$ 
4  $M \leftarrow \emptyset;$ 
5 while true do
6   // Construir el subgrafo de igualdad
7    $E^* \leftarrow \{(u, v) \in E : y(u) + y(v) = w(u, v)\};$ 
8   Definir  $G^* = (V, E^*);$ 
9    $P \leftarrow \text{FINDAUGMENTINGPATH}(G^*, M);$ 
10  if  $P \neq \text{NIL}$  then
11     $M \leftarrow M \oplus P;$ 
12  else
13    // Calcular la cantidad mínima de ajuste dual
14     $\delta \leftarrow \min\{y(u) + y(v) - w(u, v) : u \in T_{\text{even}}, v \notin T\};$ 
15    if  $\delta = \infty$  then
16      return  $M;$ 
17    foreach  $v$  en el árbol  $T$  (formado durante la búsqueda) do
18      if  $v$  está etiquetado EVEN then
19         $y(v) \leftarrow y(v) - \delta;$ 
20      else
21         $y(v) \leftarrow y(v) + \delta;$ 
```

---

---

**Algorithm 2:** FindAugmentingPath( $G^*, M$ )

---

**Data:**  $G^* = (V, E^*)$ : subgrafo de igualdad;  $M$ : emparejamiento actual

**Result:** Un camino aumentante  $P$  o NIL si no existe

```
1 foreach  $v \in V$  do
2   label( $v$ )  $\leftarrow$  UNLABELED,   parent( $v$ )  $\leftarrow$  NIL;
3 foreach v vértice libre  $v$  (no saturado por  $M$ ) do
4   label( $v$ )  $\leftarrow$  EVEN;
5   Encolar  $v$  en la cola  $Q$ ;
6 while  $Q$  no está vacía do
7    $u \leftarrow Q.dequeue()$ ;
8   foreach  $v$  adyacente a  $u$  en  $G^*$  do
9     if  $v$  está UNLABELED then
10      label( $v$ )  $\leftarrow$  ODD;
11      parent( $v$ )  $\leftarrow u$ ; if  $v$  está emparejado (existe  $w$  tal que
        ( $v, w$ )  $\in M$ ) then
12        label( $w$ )  $\leftarrow$  EVEN;
13        parent( $w$ )  $\leftarrow v$ ; Encolar  $w$  en  $Q$ ;
14      else
15        return ReconstructPath( $v$ , parent);
16    else if  $v$  ya está etiquetado EVEN y pertenece a un árbol
        distinto al de  $u$  then
17      return CombinePaths(ReconstructPath( $u$ , parent),
        ReconstructPath( $v$ , parent));
18    else if  $v$  ya está etiquetado EVEN y pertenece al mismo árbol
        que  $u$  then
19      // Se detecta un blossom
20       $B \leftarrow \text{DetectBlossom}(u, v, \text{parent})$ ;
21      Contraer  $B$  en  $G^*$  y actualizar  $M$ , las etiquetas y la
        estructura del árbol;
22      Continuar la búsqueda en el grafo contraído;
23 return NIL;
```

---

**Notas adicionales:**

- La operación  $M \oplus P$  denota que se alternan las aristas del camino  $P$  (se añaden las que no están en  $M$  y se quitan las que ya están en  $M$ ).
- Las subrutinas RECONSTRUCTPATH, DETECTBLOSSOM, CONTRACT y EXPANDBLOSSOM se encargan de reconstruir el camino aumentante, identificar y contraer los blossoms y posteriormente expandirlos para obtener el emparejamiento en el grafo original.
- El conjunto  $T_{\text{even}}$  corresponde a los vértices etiquetados como EVEN en el árbol alternante construido durante la búsqueda.

- El ajuste dual (cálculo de  $\delta$ ) “relaja” algunas aristas para que nuevas se incluyan en el subgrafo de igualdad.