



INSTITUTO FEDERAL DO CEARÁ
CAMPUS TIANGUÁ
BACHAREL EM CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO - NOTURNO

RELATÓRIO

CALCULO NUMÉRICO

ANANIAS CAETANO DE OLIVEIRA
MARIA ELIZABETH DE AGUIAR LIMA

Tianguá

2020

1 MÉTODOS E RESULTADOS

1.1 Método do Trapézio Simples

O método dos trapézios tem o intuito de aproximar a função $f(x)$ por um polinômio de ordem 1 (reta). Veremos que, nessa aproximação a integral da função $f(x)$ pode ser aproximada pela área de 1 trapézio. Deste modo a integral da função $f(x)$ será escrita por: $\int_a^b f(x)dx \approx \frac{h}{2}[f(x_0) + f(x_1)] = I_t$ onde $x_0 = a$, $x_1 = b$ e h será definido pelo o valor de $h = b - a$ e a estimativa para o erro na regra do trapézio simples será estabelecido por $|E_T| \leq \frac{h^3}{12} * \max|f''(x)|$.

A aplicação do método listado foi feito mediante a integral $\int_0^1 (x^3 - \sin(x))dx$. A realização dos códigos foram feitos pelo os alunos Ananias e Elizabeth na qual foi utilizado o python como linguagem para a realização dos algoritmos. A aplicação do método do trapézio simples nos proporcionou uma aproximação da integral sendo ela 0.07926450759605175 e seu erro foi de 0.5701225820673247 como observado na figura abaixo da execução:

Figura 1 – Resultados

```

----- MÉTODO DO TRAPÉZIO SIMPLES -----
f(x) = x^3 - sen(x)
Limite a: 0      Limite b: 1
Resultado da Integral aproximada: 0.07926450759605175
Erro: 0.5701225820673247

```

1.2 Método do Trapézio Repetido

A diferença método do trapézio Simples para o repetido é Intervalo $[a, b]$ de grande amplitude onde temos soma da área de n trapézios, cada qual definido pelo seu sub-intervalo mediante isso a integral da função $f(x)$ será escrita por:

$\int_a^b f(x)dx \approx \frac{h}{2}[f(x_0) + f(x_n) + 2 * \sum_{i=1}^{n-1} f(x_i)] = I_{TR}$ onde $x_0 = a$, $x_n = b$ e h será definido pelo o valor de $h = \frac{b-a}{n}$ e a estimativa para o erro na regra do trapézio repetido será estabelecido por $|E_{TR}| \leq \frac{(b-a)^3}{12n^2} * \max|f''(x)|$.

A aplicação do método do trapézio repetido nos proporcionou uma aproximação da integral sendo ela -0.1916759375715021 e seu erro foi de 0.03563266137920779 como

observado na figura abaixo da execução:

Figura 2 – Resultados

```

----- MÉTODO DO TRAPÉZIO REPETIDO -----

f(x) = x^3 - sen(x)
Limite a: 0      Limite b: 1      N: 4
Resultado da Integral aproximada: -0.1916759375715021
Erro: 0.03563266137920779

```

1.3 Método do Simpson Simples

A regra de Simpson tem como intuito aproximar a integral definida pela área sob arcos de parábola que interpolam a função, Podemos usar a fórmula $\int_a^b f(x)dx = \int_{x_0}^{x_2} f(x)dx \approx \frac{h}{3}[f(x_0) + 4f(x_1) + f(x_2)] = I_s$ onde o $x_0 = a$, $x_1 = \frac{b+a}{2}$, $x_2 = b$ e h sera definido pelo o valor de $h = \frac{b-a}{2}$ e a estimativa para o erro na regra de Simpson simples será estabelecido por $|E_s| \leq \frac{h^5}{90} * \max|f^4(x)|$ para estabelecer a fórmula de integração resultante da aproximação de $f(x)$ por um polinômio interpolador de grau 2. A aplicação da regra de Simpson simples nos proporcionou uma aproximação da integral sendo ela -0.20986218987078475 e seu erro foi de 0.00029217742528051964 como observado na figura abaixo da execução:

Figura 3 – Resultados

```

----- MÉTODO DO SIMPSON SIMPLES -----

f(x) = x^3 - sen(x)
Limite a: 0      Limite b: 1
Resultado da Integral aproximada: -0.20986218987078475
Erro: 0.00029217742528051964

```

1.4 Método do Simpson Repetido

A Regra de Simpson Repetido tem como objetivo subdividirmos o intervalo $[a, b]$ em n subintervalos de amplitude h , onde n é um número par de subintervalos, pois cada parábola utilizará 03 pontos consecutivos, Deste modo a integral da função $f(x)$ será escrita por: $\int_a^b f(x)dx \approx \frac{h}{3}[f(x_0) + f(x_m) + 2 * \sum_{i=1}^{\frac{m}{2}-1} f(x_{2i}) + 4 \sum_{i=1}^{\frac{m}{2}} f(x_{2i-1})] = I_{SR}$ onde o $x_0 = a$, $x_m = b$, x_{2i} = índices PARES do intervalo $[a, b]$, x_{2i-1} = índices IMPARES do

intervalo $[a,b]$ e h será definido pelo o valor de $h = b - a$ e a estimativa para o erro na regra do trapézio simples será estabelecido por $|E_{SR}| \leq n * \frac{h^5}{90} * \max|f^4(x)|$. A aplicação da regra de Simpson repetida nos proporcionou uma aproximação da integral sendo ela -0.20969831879846143 e seu erro foi de 0.0000011413180675020298 como observado na figura abaixo da execução:

Figura 4 – Resultados

```
----- MÉTODO DO SIMPSON REPETIDO -----  
  
f(x) = x^3 - sen(x)  
Limite a: 0      Limite b: 1      N: 4  
Resultado da Integral aproximada: -0.20969831879846143  
Erro: 1.1413180675020298e-06
```

2 CONCLUSÃO

Avaliando os resultados obtidos, podemos então definir a ordem de maior precisão dos métodos como mostrado na tabela abaixo:

Método	Intervalo	N	Resultado	Erro
Trapézio Simples	[0, 1]	-	0.0792645075960517	0.5701225820673247
Trapézio Repetido	[0, 1]	4	0.1916759375715021	0.03563266137920779
Simpson Simples	[0, 1]	-	-0.20986218987078475	0.00029217742528051964
Simpson Repetido	[0, 1]	4	-0.20969831879846143	0.0000011413180675020298

O Método Trapézio Simples, por sua vez, foi o com menor precisão, como pode ser observado na coluna de Erro e o Método Simpson Repetido foi o mais preciso com um erro muito pequeno.