

حوزه فرکانس

علی نصیری سروی

| اطلاعات گزارش | چکیده |
|---------------------------|---|
| تاریخ: 99/02/14 | |
| واژگان کلیدی: | در این تمرین در ابتدا به معرفی تبدیل فوریه و خواص آن می پردازیم. به خواص حوزه فرکانس در پردازش تصویر پرداخته و برخی تصاویر را به این حوزه برده و آن ها را تفسیر میکنیم. |
| تبدیل فوریه | |
| حوزه فرکانس | سپس در نهایت عملیات فیلترینگ در حوزه فرکانس به کمک ضرب درایه ای و فیلترینگ به کمک تغییر برخی فرکانس های خاص را انجام میدهم. |
| فیلترینگ در حوزه فرکانس | |
| فشرده سازی در حوزه فرکانس | |
| طیف سیگنال | |
| فاز سیگنال | |
| قضیه شانون | |
| شناسایی لبه | |

1-مقدمه

حوزه فرکانس در زمینه پردازش تصویر ابزار قدرتمندی در اختیار ما میباشد. به کمک آن میتوان تصاویر را فشرده سازی کرد. در صورتی که نویز ناشناخته ای در تصویر وجود داشته باشد، در حوزه فرکانس میتوان آن را شناسایی نمود. همچنین در صورتی که فیلتر بزرگی در حوزه مکان میخواهیم به تصویر اعمال کنیم، تبدیل و اعمال کردن آن در حوزه فرکانس از نظر پردازشی بهتر خواهد بود.

2-شرح تکنیکال

تصاویر در حوزه فرکانس

هر تصویر در حوزه فرکانس به کمک اعمال تبدیل فوریه بر روی آن تصویر بدست می آید. در مباحث مرتبط به فرکانس به تصویر، سیگنال نیز میگویند و ما در ادامه از کلمه سیگنال استفاده خواهیم کرد. سیگنال تبدیل شده شامل اعداد مختلط میباشد. بخش حقیقی آن را طیف سیگنال و بخش مختلط را فاز سیگنال می نامند.

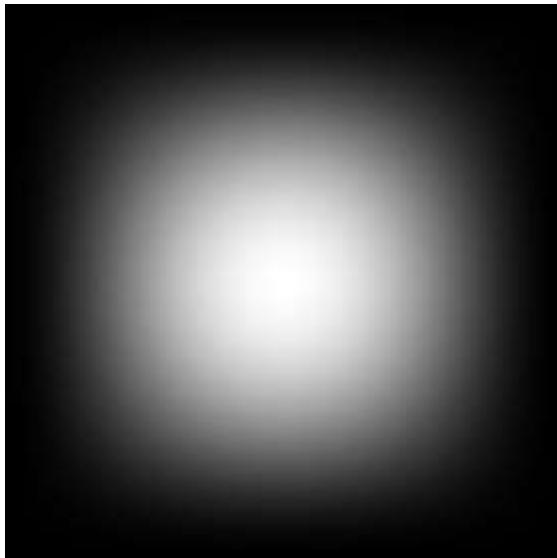
سپس به حوزه فرکانس رفتیم و عملیات مورد نظر را انجام دادیم، زمانی که به حوزه مکان بازگشتیم، باید دوباره این ضرب را انجام دهیم.

4.1.1 تبدیل فوریه فیلتر

فیلتر اولی که در این بخش به بررسی آن میپردازیم به صورت زیر است:

$$f_1 = \frac{1}{16} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

می دانیم که این فیلتر یک فیلتر میانگین گیر می باشد. حال معادل تبدیل فوریه آن را بدست می آوریم:



این یک فیلتر lowpass می باشد. اعمال این فیلتر (ضرب ماتریسی باعث میشود جزئیات تصویر کمرنگ تر شوند (مانند لبه ها) و کلیات تصویر را نگه میدارد. پس عملیات آن مانند فیلتر میانگین می باشد. در واقع عملیات آن smoothing می باشد. این فیلتر جدا پذیر است و آنرا با دو فیلتر زیر میتوان بدست آورد.

$$\frac{1}{4} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} * \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{16} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

در حوزه فرکانس کافیت ضرب درایه ای تصویر را بر هر دو فیلتر انجام دهیم تا عملکرد فیلتر اصلی را داشته باشند.

در پردازش صورت هر گونه تغییر در طیف باعث از بین رفتن سیگنال صوتی اصلی خواهد شد اما در زمینه پردازش تصویر هرگونه تغییر در فاز تصویر را تغییر خواهد داد. در نتیجه تمام عملیات هایی که ما در مباحث مرتبط با تصاویر انجام میدهیم بر طیف تصویر اعمال میشود و با فاز کاری نخواهیم داشت.

4.1 تبدیل فوریه

تبدیل فوریه برای سیگنال های دو بعدی گسسته به صورت زیر تعریف میشود:

$$F(u, v) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x, y) e^{-j2\pi(\frac{ux}{M} + \frac{vy}{N})}$$

که در آن x, y مختصات سیگنال اصلی و u, v مختصات تبدیل شده آن می باشد. M و N هم در زمینه تصاویر سائز تصویر ما میباشند. به همین ترتیب تبدیل فوریه معکوس تعریف میشود:

$$f(x, y) = \frac{1}{MN} \sum_{u=0}^{M-1} \sum_{v=0}^{N-1} F(u, v) e^{j2\pi(\frac{ux}{M} + \frac{vy}{N})}$$

در صورتی که بخواهیم تبدیل فوریه سیگنال به خوبی قابل مشاهده باشد بهتر است که آن را شیفته دهیم. در صورتی که بخواهیم فوریه سیگنال را شیفته دهیم، میتوانیم با افزایش فاز به سیگنال اصلی این کار را انجام دهیم:

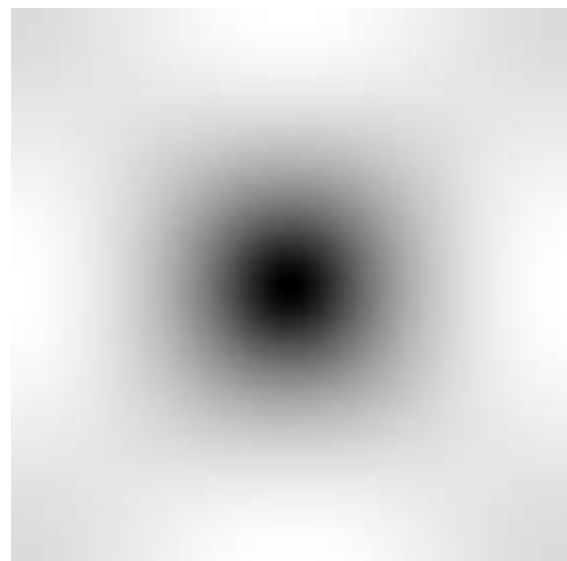
$$f(x, y) e^{j2\pi(\frac{u_0 x}{M} + \frac{v_0 y}{N})} \Leftrightarrow F(u - u_0, v - v_0)$$

اثبات میشود که در صورتی که بخواهیم مبدا تصویر را مرکز آن در نظر بگیریم، باید هر نقطه تصویر را در $(-1)^{x+y}$ ضرب نماییم. این مرحله لازم نیست ولی برای شرح بهتر نتایج انجام میشود. همچنین دقت شود در صورتی که این کار را انجام دادیم

فیلتر دومی که در این بخش به بررسی آن میپردازیم به صورت زیر است:

$$f_2 = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

این فیلتر برای نقاط یکنواخت مقدار صفر را برای فیلتر مرکزی قرار میدهد اما در نواحی غیر یکنواخت مانند لبه ها مقدارهای بیشتر از صفر خواهد داد. در نتیجه میتوان گفت این یک فیلتر edge detection میباشد. حال معادل تبدیل فوریه آن را بدست می آوریم:



این یک فیلتر highpass میباشد. اعمال آن (ضرب آرایه ای) باعث میشود کلیات تصویر کم شود اما جزئیات باقی بماند. اعمال این فیلتر باعث میشود فرکانس های بالا باقی بمانند که لبه ها را در تصویر اصلی شناسایی میکند.

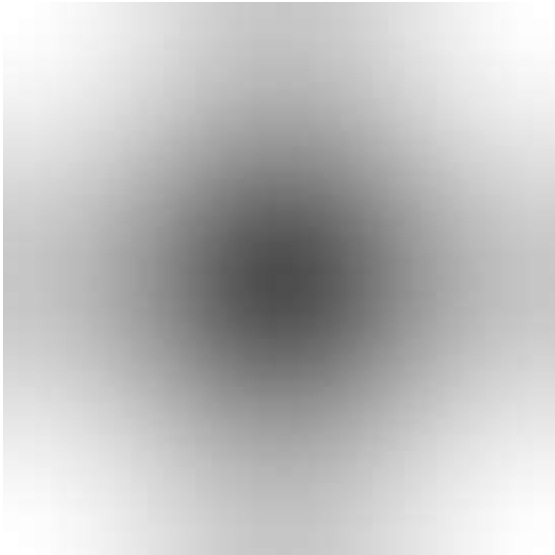
فیلتر سوم که در این بخش به بررسی آن میپردازیم به صورت زیر است:

$$f_3 = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 5 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

این فیلتر در نواحی یکنواخت مقدار پیکسل مرکزی را برای خودش قرار میدهد و در عمل تغییری ایجاد نمیکند. اما در لبه ها شدت پیکسل مرکزی را افزایش

میدهد. این کار باعث میشود تصویر sharp تر شود. در عمل این فیلتر یک فیلتر edge enhancement می باشد.

حال معادل تبدیل فوریه آن را بدست می آوریم:



این فیلتر همانطور که از شکل آن پیدا است در دو بعد عمودی و افقی فرکانس ها را کم رنگ تر میکند. همچنین فرکانس های مرکزی را نیز وزن کمتری می دهد. با انجام این کار باعث میشود لبه های مورب شدت بیشتری پیدا کنند و همچنین تصویر جزئیات بیشتری داشته باشد که باعث sharp تر شدن تصویر میشود.

4.1.2 تبدیل فوریه تصویر

در صورتی که بخواهیم تبدیل فوریه سیگنال به خوبی قابل مشاهده باشد بهتر است که آن را شیفست دهیم. در صورتی که بخواهیم فوریه سیگنال را شیفست دهیم، میتوانیم با افزایش فاز به سیگنال اصلی این کار را انجام دهیم:

$$f(x, y) e^{j2\pi(\frac{u_0 x}{M} + \frac{v_0 y}{n})} \Leftrightarrow F(u - u_0, v - v_0)$$

اثبات میشود که در صورتی که بخواهیم مبدا تصویر را مرکز آن در نظر بگیریم، باید هر نقطه تصویر را در $(-1)^{x+y}$ ضرب نماییم. این مرحله لازم نیست ولی برای شرح بهتر نتایج انجام

آید. همچنین در این حالت جزئیات لبه ها نیز مشخص است که برای شرح نتایج تصویر بهتری میباشد.

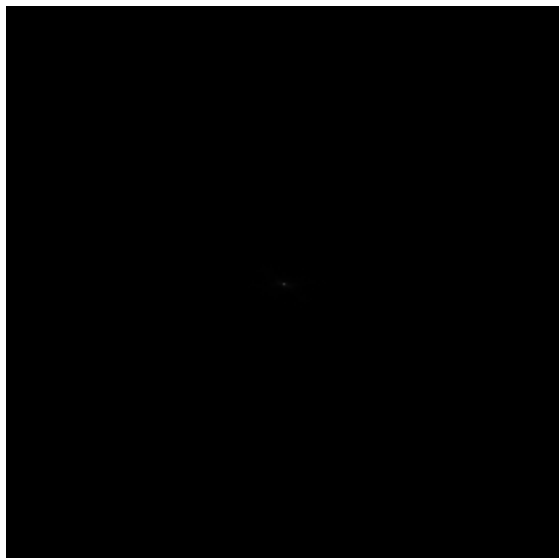
فرمول تبدیل فوریه را در نظر بگیرید:

$$F(u, v) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x, y) e^{-j2\pi(\frac{ux}{M} + \frac{vy}{N})}$$

اگر بخواهیم مقدار مرکز مختصات را بدانیم به جای u و v صفر میگذاریم و خواهیم داشت:

$$F(u, v) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x, y)$$

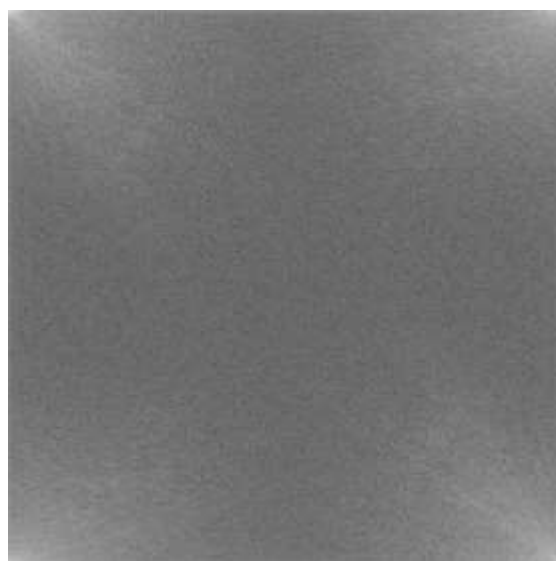
که به این معنا میباشد که مرکز مختصات جمع تمام پیکسل های تصویر می باشد. در واقع مرکز مختصات میتواند شدت روشنایی تصویر را به ما نشان دهد. اما در شرح نتایج این خاصیت مرکز مختصات میتواند مشکل زا باشد. فرض کنید مقادیر غیر مرکز در رنج ده و صد باشند، در حالی که مرکز در رنج چند هزار مقدار خواهد داشت. اتفاقی که می افتاد این است که در صورتی که quantization انجام دهیم به جز مرکز نقاط دیگر صفر خواهند بود و مرکز بیشترین مقدار را خواهد داشت:



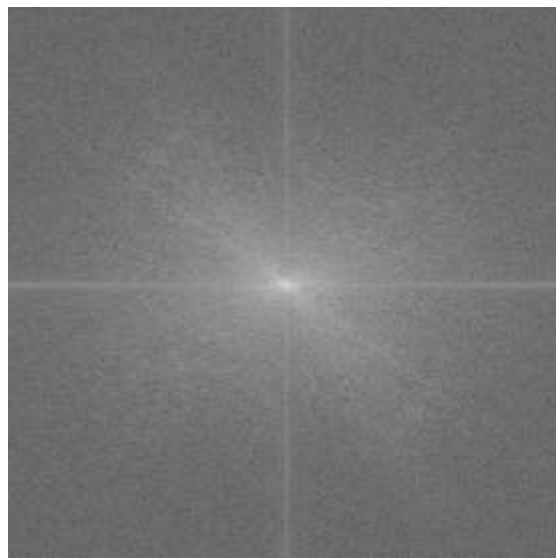
تبدیل فوریه تصویر lena بدون لگاریتم

میشود. همچنین دقت شود در صورتی که این کار را انجام دادیم سپس به حوزه فرکانس رفتیم و عملیات مورد نظر را انجام دادیم، زمانی که به حوزه مکان بازگشتیم، باید دوباره این ضرب را انجام دهیم.

بر روی تصویر lena تبدیل فوریه با شیفت و بدون شیفت انجام میدهیم:



بدون شیفت



با شیفت

در حالت بدون شیفت مبدا فرکانس در گوشه سمت چپ بالا می باشد که شاید از نظر تصویری برای ارائه جالب نباشد ولی به کمک شیفت مبدا مختصات به مرکز تصویر می

همانطور که مشاهده میشود کل تصویر سیاه می باشد فقط پیکسل مرکزی سفید است.

عملیات فیلترینگ در حوزه فرکانس به سه قسمت زیر تقسیم میشود:

- (1) بدست آوردن طیف عکس و فیلتر
- (2) اعمال ضرب درایه ای
- (3) بازگرداندن تصویر به حوزه مکان

در صورتی که فیلتر در حوزه مکان کوچک باشد، عملیات کانولوشن از این سه مرحله پیچیدگی زمانی کمتری خواهد داشت. اما اگر که اندازه فیلتر آنقدر بزرگ باشد که عملیات کانولوشن پیچیدگی زمانی بیشتری داشته باشد میتوان از حوزه فرکانس برای اعمال فیلتر استفاده کرد که از نظر پردازشی بار محاسباتی کمتری خواهد داشت.

4.2.1 مقایسه فیلترینگ مکانی و فرکانسی

برای این که کانولوشن یک فیلتر در حوزه مکان را در حوزه فرکانس شبیه سازی کنیم از خاصیت ضرب درایه ای در حوزه فرکانس استفاده میکنیم. مراحل که انجام میدهیم به صورت زیر است:

- (1) اگر تصویر f سایز $M \times N$ داشته باشد آنرا در

تصویر بزرگتری به اندازه $P \times Q$ قرار

میدهیم. معمولاً $P=2M$ و $Q=2N$ قرار داده

میشود. دلیل آن قضیه شانون میباشد که دو

برابر حداکثر فرکانس نرخ نمونه برداریمان باید باشد.

- (2) تصویر f را در تصویر بزرگ شده f_p قرار داده که

گوشه سمت چپ بالا می باشد. بقیه تصویر را با صفر پر میکنیم.

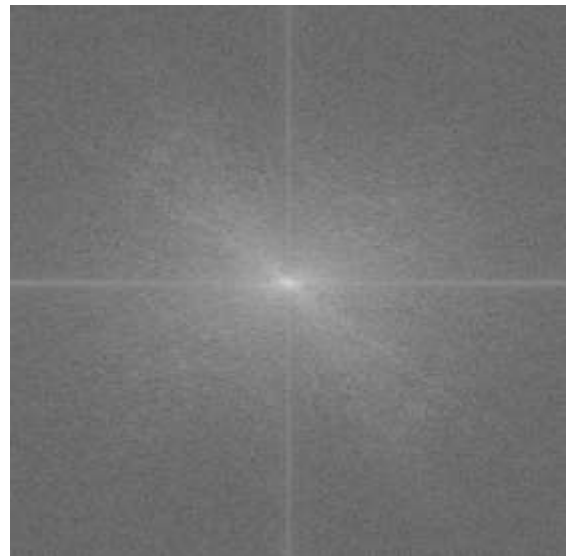
- (3) ضرب کردن f_p در $(-1)^{x+y}$ برای انتقال مبدا به

مرکز (این مرحله اختیاری است ولی در صورتی

که آن را انجام دهیم حتماً مرحله 8 باید اعمال

شود)

عملگر لگاریتم این اختلاف زیاد بین نقاط را به خوبی کنترل میکند:



تبدیل فوریه تصویر lena با لگاریتم

همانطور که مشاهده میشود اختلاف فاحش بین نقاط کاهش یافته و تصویر تبدیل یافته به خوبی قابل مشاهده می باشد.

4.2 فیلترینگ

در سیگنال و سیستم ثابت میشود که کانولوشن رو حوزه مکان معادل ضرب آرایه ای در حوزه فوریه میباشد:

$$f(x, y) * h(x, y) \Leftrightarrow F(u, v)H(u, v)$$

معنی این عبارت این است که در صورتی که فیلتری در

حوزه مکان داشتیم و به کمک عملیات کانولوشن آن را بر

روی تصویر اعمال میکردیم در صورتی که فیلتر و تصویر

را در حوزه فرکانس به کمک تبدیل فوریه ببریم، میتوان با

ضرب درایه ای عکس نهایی را بدست آورد. دقت کنید که

تمام عملیات های ما بر روی بخش طیف صورت میگیرد و

به هیچ وجه به فاز تصویر کاری نداریم.

(3) تصویر تغییر یافته را از حوزه فرکانس دوباره به حوزه مکان می آوریم.
بر روی تصویری که بدست آمده، تغییرات مورد نظر اعمال شده است.

3-شرح نتایج

4.1.1 تبدیل فوریه فیلتر

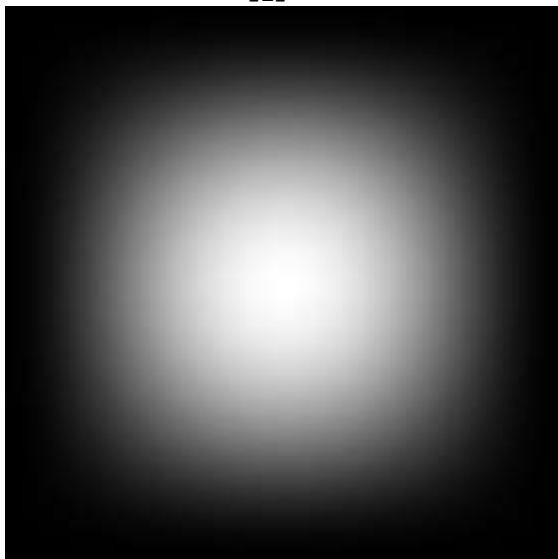
تصویر تست این بخش تصویر باربارا میباشد:



فیلتر اولی که به نتیجه آن می پردازیم:

$$f_1 = \frac{1}{16} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 4 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} = f_x * f_y$$

$$= \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{bmatrix} * \frac{1}{4} \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$



نتیجه فوریه فیلتر f_1

- (4) بدست آوردن DFT حاصل
- (5) اعمال فیلتر حقیقی با مبدا مرکز $(Q/2$ و $P/2)$ با ضرب آرایه ای
- (6) بدست آوردن IDFT حاصل
- (7) انتخاب بخش حقیقی نتیجه
- (8) ضرب کردن نتیجه در $(-1)^{x+y}$ برای بدست آوردن g_p (این مرحله صرفاً در صورتی که مرحله 3 را انجام دادیم باید انجام شود)
- (9) برداشتن بخشی به اندازه $M \times N$ از گوشه ی بالای سمت چپ g_p به این صورت به تصویر نهایی میرسیم.

جواب سوال مربوط به (m,n) :

اگر ساینز فیلتر $N \times N$ و ساینز تصویر $M \times M$ باشد اندازه پدینگ برای فیلترینگ مکانی $\lfloor \frac{N}{2} \rfloor$ می باشد. حال اگر عملیات کانولوشن را انجام دهیم، $\lfloor \frac{N}{2} \rfloor$ پیکسل اول و آخر از هر دو جهت پیکسل هایی خواهند بود که در آنها پدینگ لحاظ شده است. در واقع برای این که $Z(m,n) = Y(m,n)$ باشد باید داشته باشیم:

$$\lfloor \frac{N}{2} \rfloor < \{m,n\} < M - \lfloor \frac{N}{2} \rfloor$$

4.2.2 صفر کردن برخی فرکانس های خاص

یکی از روش هایی که میتوان برخی عملیات مختلف فیلترینگ را بر روی تصویر اعمال کرد از طریق دستکاری مقادیر فرکانسی خاص می باشد.
برای این کار سه مرحله داریم:

- (1) ابتدا تصویر را به کمک تبدیل فوریه به حوزه فرکانس میبریم.
- (2) بر روی فرکانس های مورد نظرمان عملیات مورد نظر را اعمال میکنیم (در این تمرین صفر کردن فرکانس های مورد نظر، مد نظر بوده است)

نتیجه اعمال آن به تصویر باربرا به صورت زیر میباشد:



اعمال فیلتر f_1

همانطور که مورد انتظار است این تصویر نسبت به تصویر اصلی smooth تر شده است.

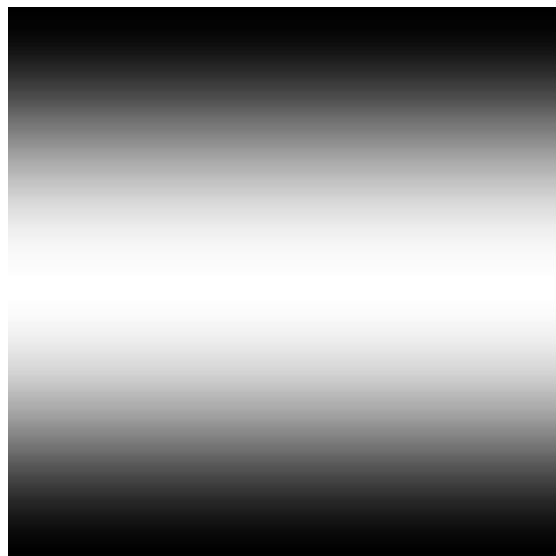
فیلتر دومی که به نتیجه آن می پردازیم:

$$f_2 = \begin{bmatrix} -1 & -1 & -1 \\ -1 & 8 & -1 \\ -1 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

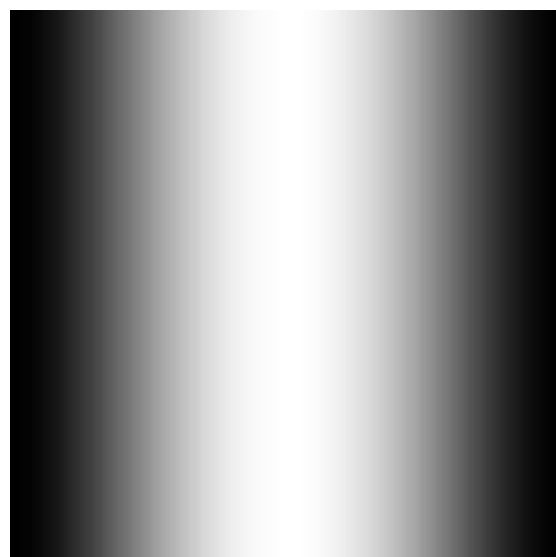
در بخش تکنیکال به عملکرد فیلتر پرداخته شده است. آن را به تصویر باربارا اعمال میکنیم:



اعمال فیلتر f_2



نتیجه فوریه فیلتر f_x



نتیجه فوریه فیلتر f_y

همانطور که مشخص است فیلترهای f_x ، f_y عملیات فیلتر اصلی را به صورت جداگانه انجام میدهند. در واقع فیلتر اصلی که عملیات میانگیری در همه جهات را انجام میدهد، این دو به صورت جداگانه در جهات افقی و عمودی انجام میدهند که ضرب درایه ای آن ها نتیجه فیلتر اصلی را به دنبال خواهد داشت.

همانطور که در بخش تکنیکال گفته شد، این فیلترشناسایی لبه می باشد و همانطور که مورد انتظارمان بود نتیجه اعمال آن به تصویر باربارا لبه های تصویر را مشخص کرده است.

فیلتر سومی که به نتیجه آن می پردازیم:

$$f_3 = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ -1 & 5 & -1 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

در بخش تکنیکال به عملکرد فیلتر پرداخته شده است. آن را به تصویر باربارا اعمال میکنیم:



اعمال فیلتر f_3

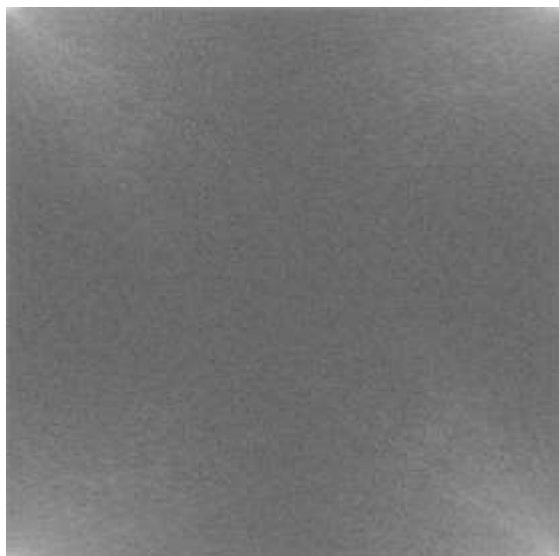
همانطور که گفته شد این فیلتر لبه های تصویر را sharp تر میکند و نتیجه بدست آمده طبق چیزی که مورد انتظار ما بود می باشد.

4.1.2 تبدیل فوریه تصویر

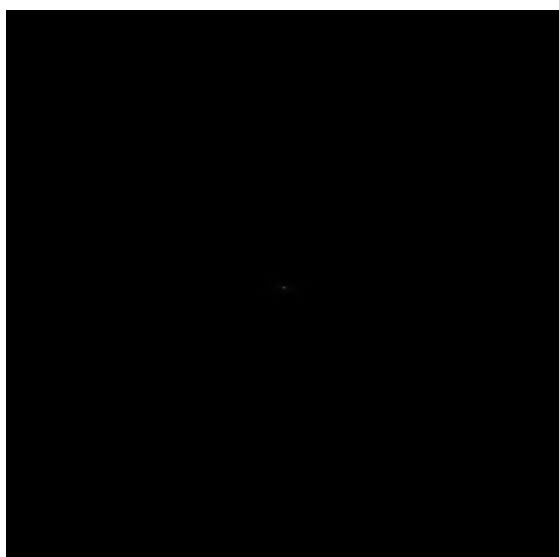
در این بخش ابتدا به تصویر lena می پردازیم:



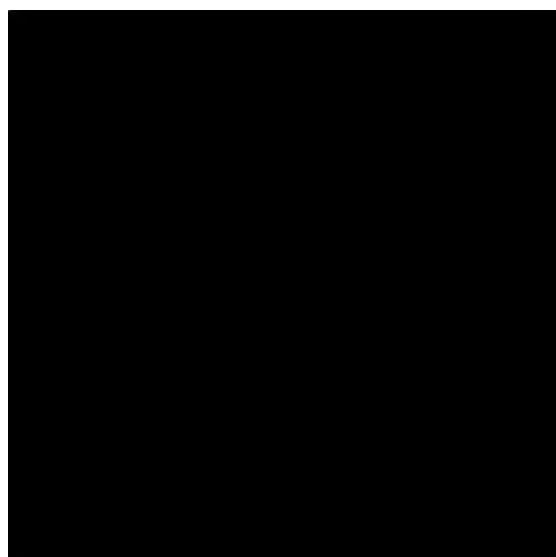
تصویر اصلی



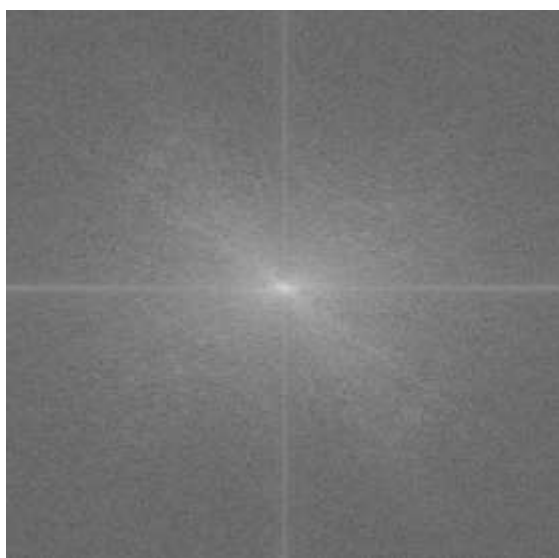
تصویر lena بدون شیفیت و با لگاریتم



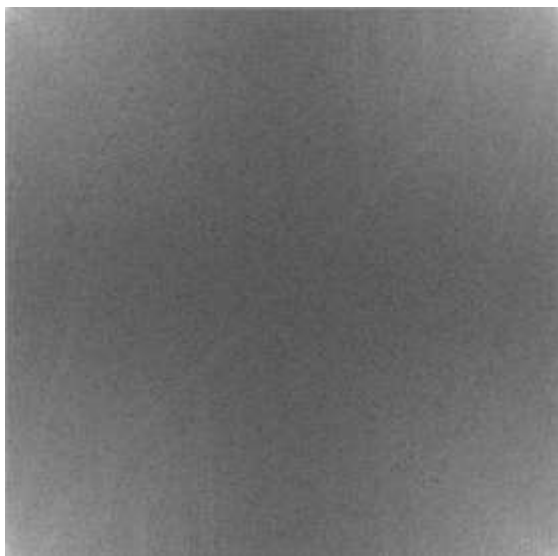
تصویر lena با شیفیت و بدون لگاریتم



تصویر lena بدون شیفیت و لگاریتم



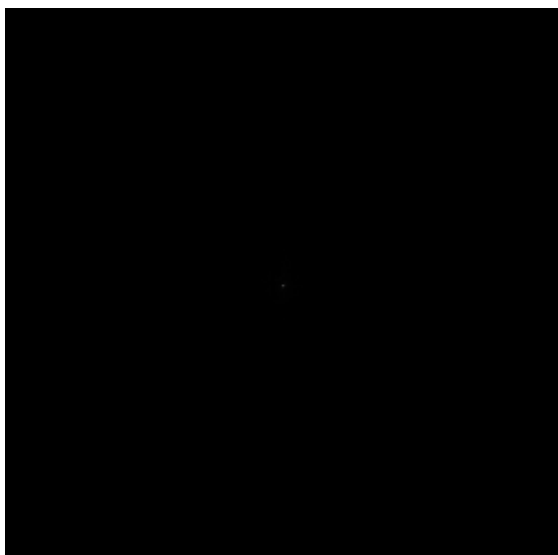
تصویر lena بدون شیفیت و لگاریتم



خطوطی که در راستای افقی هستند، لبه های عمودی
تصویر را نشان میدهند.
خطوط در راستای عمود، لبه های افقی را نشان میدهند.
خطوط مورب لبه های عمود بر راستایشان را نشان
میدهند. همانطور که در تصویر مشخص است خطوط
مورب (در راستای قطر اصلی ماتریس) عمود بر کلاه lena
می باشند.

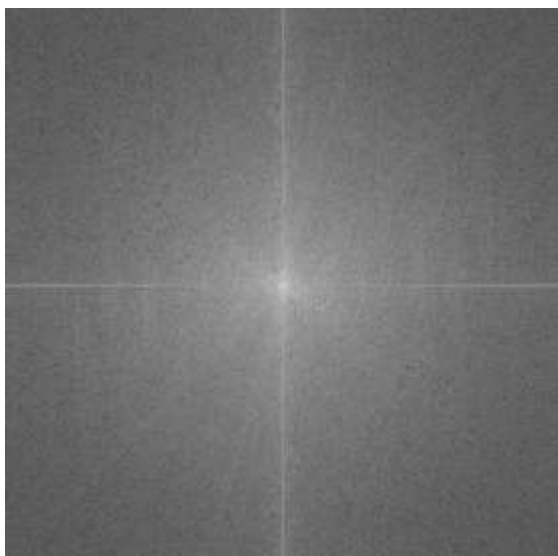
حال به تصویر f16 می پردازیم:

تصویر f16 بدون شیفت و با لگاریتم

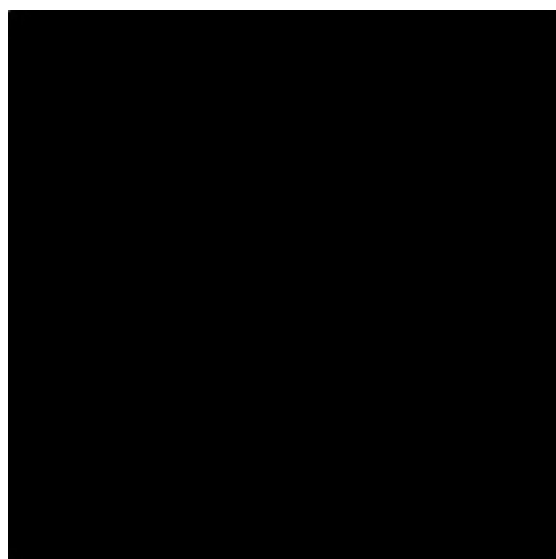


تصویر اصلی

تصویر f16 با شیفت و بدون لگاریتم



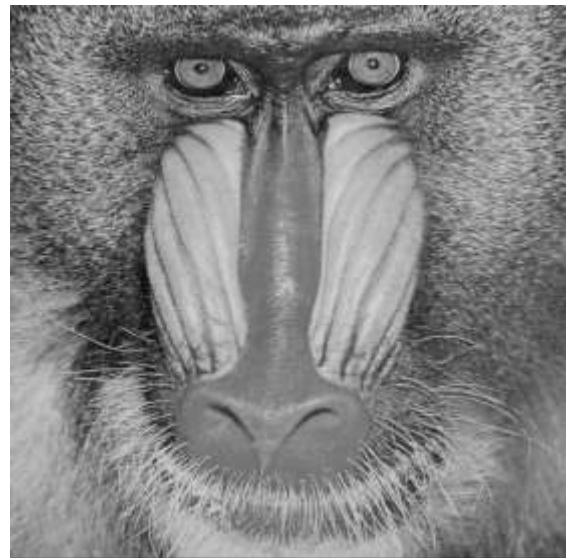
تصویر f16 بدون شیفت و لگاریتم



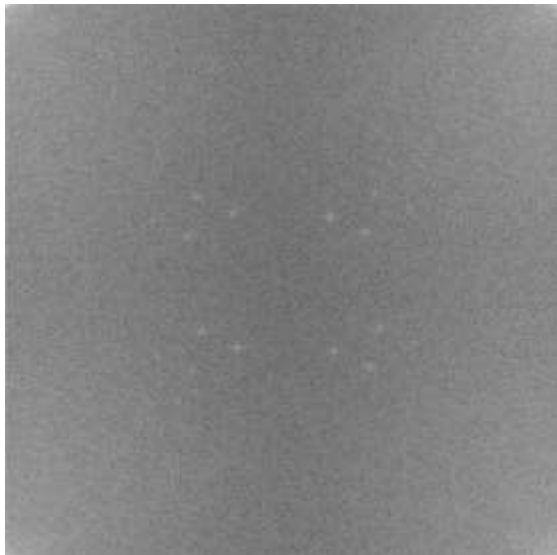
تصویر f16 بدون شیفت و لگاریتم

خطوط عمودی و افقی به خاطر کوه ها و بدنه هواپیما می باشند. یک سری خطوط مورب در راستای قطر فرعی ماتریس وجود دارند که بخاطر سکان عمودی عقب هواپیما می باشند.

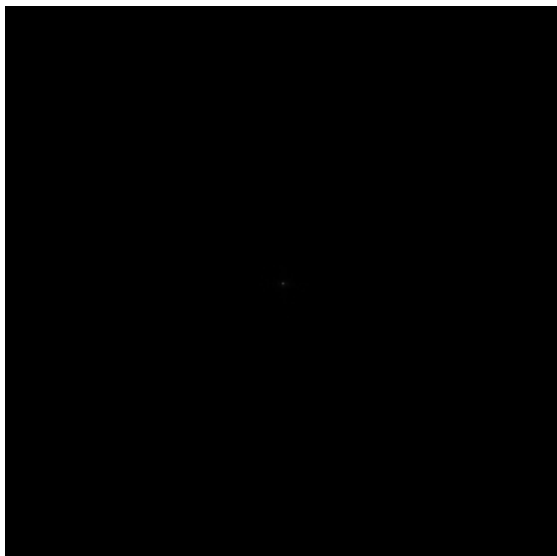
حال به تصویر baboon می پردازیم:



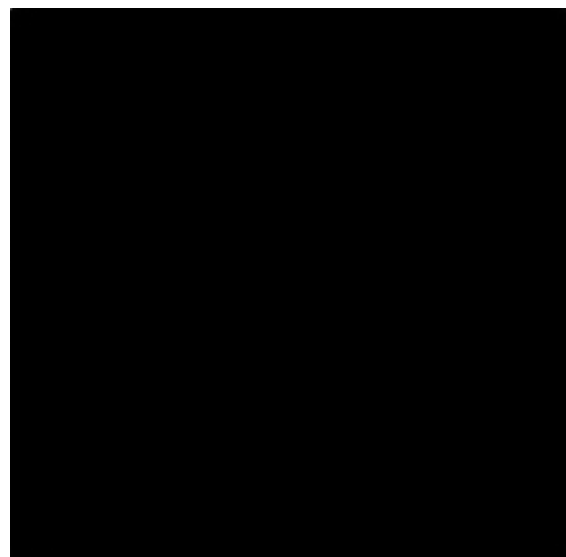
تصویر اصلی



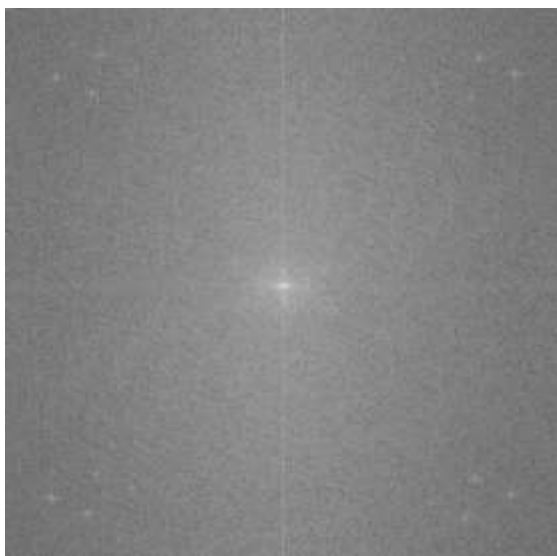
تصویر baboon بدون شیفیت و با لگاریتم



تصویر baboon با شیفیت و بدون لگاریتم



تصویر baboon بدون شیفیت و لگاریتم



تصویر baboon بدون شیفیت و لگاریتم



f_4 و نتیجه اعمال آن



f_5 و نتیجه اعمال آن

حال با $T = \frac{1}{8}$ به شرح نتایج می پردازیم:



f_1 و نتیجه اعمال آن



f_2 و نتیجه اعمال آن

چیزی که در معادل فرکانس تصویر جالب توجه است نقاط سفیدی ریز در چهار نقطه مختلف می باشد. به نظر این نقاط به خاطر ریش ها و موهای بابون که در جهات مختلف به صورت نامنظم لبه تشکیل میدهند می باشد.

4.2.2 صفر کردن برخی فرکانس های خاص

ابتدا به $T = \frac{1}{4}$ می پردازیم. برای راحتی فیلتر ها را از یک تا پنج نام گذاری میکنیم. دقت کنید که تصاویر در حوزه فرکانس شیفت نیافته اند.



f_1 و نتیجه اعمال آن

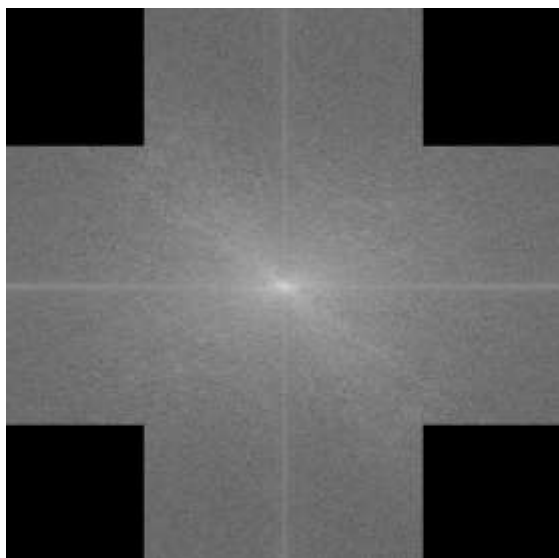


f_2 و نتیجه اعمال آن

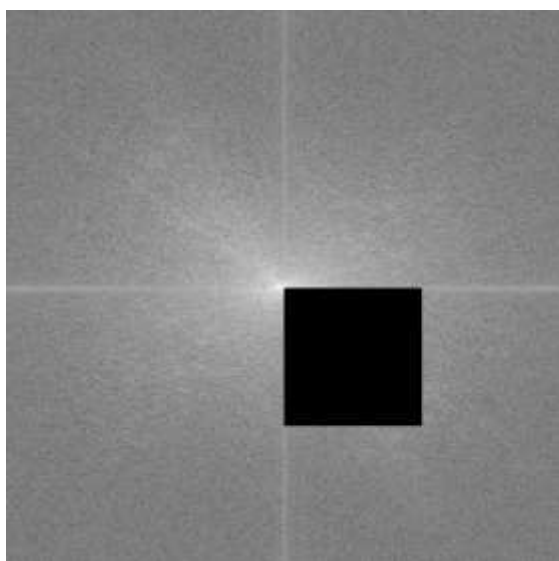


f_3 و نتیجه اعمال آن

تصاویر حذف شود(به کمک همان قاعده عمود بودن خطوط فرکانس و مکانی).فیلتر دو به دلیلی که گفته شد تصویر را تاریک میکند و اگر آن نقطه را حذف کنیم مانند فیلتر های دیگر خواهد بود. برای درک بهتر عملکرد این فیلترها شیفت یافته شده آن ها را میبینیم:



f_1 شیفت داده شده



f_2 شیفت داده شده



f_3 و نتیجه اعمال آن



f_4 و نتیجه اعمال آن



f_5 و نتیجه اعمال آن

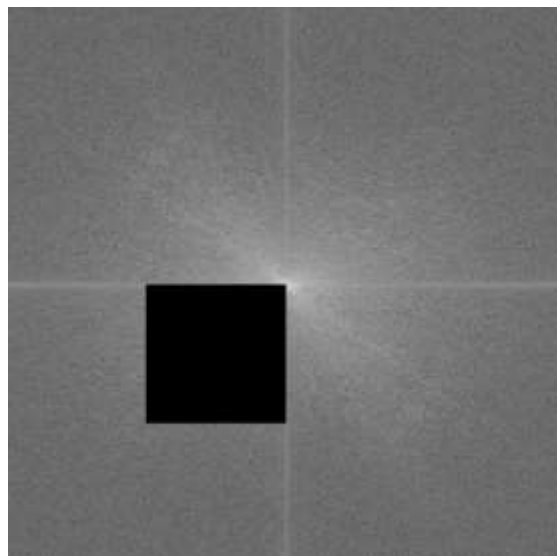
همانطور که مشخص است تفاوتی که T ها ایجاد میکنند، در رنجی است که باعث صفر شدن آن میشوند.

فیلتر f_1 در واقع بخش زیادی از فرکانس های بالا(دقت کنید که تصاویر شیفت نداده شده اند) را صفر میکند. این کار باعث میشود جزئیات تصویر کمتر شوند.

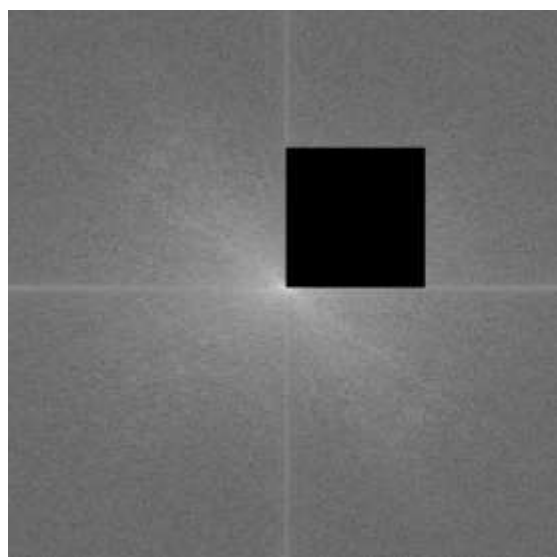
فیلتر f_2 در واقع به دلیل آن که نقطه $(0,0)$ در رنج صفره شده هایش می باشد، تیره شده و روشنایی اش را از دست داده است.

فیلترهای f_2, f_3, f_4, f_5 در واقع هر کدام بخشی از فرکانس های پایین تصویر را صفر میکنند. این کار باعث میشود که خطوط مورب به صورت نصفه در هر کدام از این

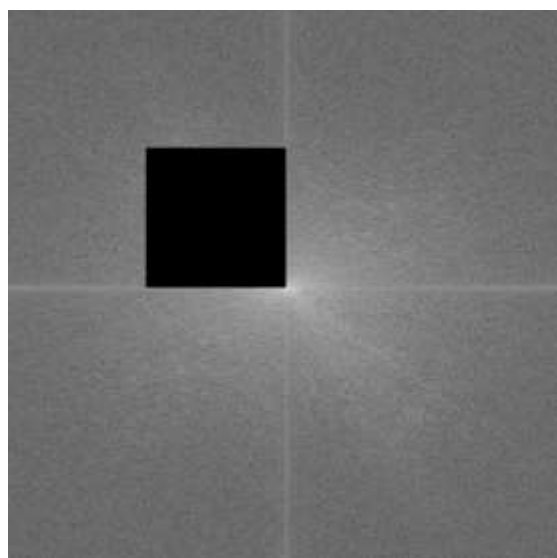
همانطور که مشخص است فیلتر اول فرکانس های بالا را حذف میکند و چهار فیلتر بعدی هر کدام لبه های مورب را به طور نصفه حذف میکنند. فیلتر دوم اگر شامل نقطه صفر نبود تصویرش مانند سه فیلتر بعدی لبه های مورب را نشان میداد.



f_3 شیفت داده شده



f_4 شیفت داده شده



f_5 شیفت داده شده

4-کدها

4.1.1 تبدیل فوریه فیلتر

```
P = 2*M;
Q = 2*N;

padded_img =
zeros(P,Q, 'uint8');

padded_img(1:M,1:N)=image;

fourier_img =
fft2(padded_img,P,Q);
fourier_filter =
fft2(filter,P,Q);

fourier_img =
fourier_img.*fourier_filt
er;

inverse_img =
ifft2(fourier_img);
new_img =
abs(inverse_img);

new_img =
new_img(1:M,1:N);

end
```

4.1.2 تبدیل فوریه تصویر

```
lena =
imread('Homeworks\Images\4
\Lena.bmp');
f16 =
imread('Homeworks\Images\4
\F16.bmp');
baboon =
imread('Homeworks\Images\4
\Baboon.bmp');

img = f16;
img = rgb2gray(img);
imshow(img);
imwrite(img, 'out.png');
```

```
img =
imread('Homeworks\Images\4
\Barbara.bmp');
img = rgb2gray(img);

filter1 = [1 2 1;2 4 2;1 2
1]/16;
filter2 = [-1 -1 -1;-1 8 -
1;-1 -1 -1];
filter3 = [0 -1 0;-1 5 -
1;0 -1 0];

filter4 = [1 2 1]/4;

[M,N] = size(img);
filter = filter3;
x = dft_img(filter,M,N);

fil =
freq_filtering(img,filter)
;
fil = uint8(fil);
imshow(fil);

imwrite(fil, 'out.png');

function new_img =
dft_img(img,M,N)
```

```
img = double(img);
img = fft2(img,M,N);
img = fftshift(img);
img = abs(img);
img = log10(img+1);
Max = max(max(img));
img = img * (255/Max);

new_img = uint8(img);
end
function new_img =
freq_filtering
(image,filter)
[M,N] = size(image);
```

```
imwrite(uint8(x), 'f5.png')
;
```

```
function new_img =
freq_filtering (image,x,T)
[M,N] = size(image);
```

```
fourier_img =
fft2(image,M,N);
%show_im(fourier_img);
%figure
for k = 1:M
    for l=1:N
```

```
        switch x
            case 0
```

```
if((T*N<k && k<(1-T)*N)
&& (T*N<l && l<(1-T)*N))
```

```
fourier_img(k,l) = 0;
end
case 1
```

```
if((0<k && k<T*N) && (0<l
&& l<T*N))
```

```
if(k~=0 || l~=0)
```

```
fourier_img(k,l) = 0;
```

```
end
case 2
```

```
if((0<=k && k<=T*N)&& ((1-
T)*N<= l))
```

```
fourier_img(k,l) = 0;
end
case 3
```

```
if((0<=l && l<=T*N)&& ((1-
T)*N<= k))
```

```
fourier_img(k,l) = 0;
end
```

```
img = double(img);
```

```
[M,N] = size(img);
```

```
img = fft2(img,M,N);
img = fftshift(img);
img = abs(img);
img = log(img);
Max = max(max(img));
img = (img)/(255/Max);
img = uint8(img);
```

4.2.2 صفر کردن برخی فرکانس های خاص

```
img =
imread('Homeworks/Images\4
\Lena.bmp');
```

```
img = rgb2gray(img);
img = double(img);
```

```
T = 1/4;
```

```
x =
freq_filtering(img,0,T);
imwrite(uint8(x), 'f1.png')
;
```

```
x =
freq_filtering(img,1,T);
imwrite(uint8(x), 'f2.png')
;
```

```
x =
freq_filtering(img,2,T);
imwrite(uint8(x), 'f3.png')
;
```

```
x =
freq_filtering(img,3,T);
imwrite(uint8(x), 'f4.png')
;
```

```
x =
freq_filtering(img,4,T);
```



```

                                case 4
                                    if ( (1-
T) *N<=k && (1-T) *N<=1)

fourier_img(k,l) = 0;
                                end
                                    end
                                end
                            end
                        end
                    end
                end
            end
        end
    end
end

```

```

        x =
dft_im(iffshift(fourier_i
mg));
        inverse_img =
ifft2(fourier_img);
        y = abs(inverse_img);
        new_img = zeros(M,N);
        new_img(1:M,1:N) =x;

%new_img(1:M,N+1:2*N)=y;

end

```

```

function img =
dft_im(fourier_img)
    img =
abs(fourier_img);
    img = log10(img+1);
    Max = max(max(img));
    img = img * (255/Max);
    img = uint8(img);

end

```