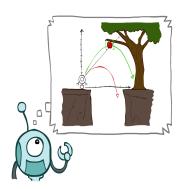
# Stratégie d'exploration non informée

### A.Belcaid

**ENSA-Fès** 

March 9, 2019

- Agent de résolution de problèmes.
- Recherche des solutions
- Exploration non informée
  - Recherche en profondeur (DFS)
  - Recherche en largueur (BFS)
  - Recherche uniforme en coût (UCS).



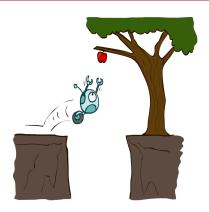
<u>A.Belcaid</u> 2/30

### Agents réflexes:



### Agents réflexes:

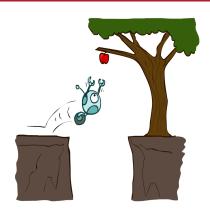
 Choix d'action sur l'état actuel des perceptions avec une mémorisation.



### Agents réflexes:

 Choix d'action sur l'état actuel des perceptions avec une mémorisation.

 L'environnement est soit stocké entièrement en mémoire, soit connait l'état actuel.

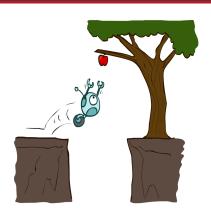


### Agents réflexes:

 Choix d'action sur l'état actuel des perceptions avec une mémorisation.

 L'environnement est soit stocké entièrement en mémoire, soit connait l'état actuel.

 Ne considèrent pas les conséquences de leurs actions.

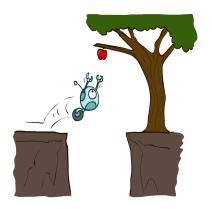


### Agents réflexes:

 Choix d'action sur l'état actuel des perceptions avec une mémorisation.

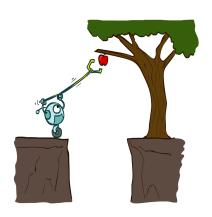
 L'environnement est soit stocké entièrement en mémoire, soit connait l'état actuel.

 Ne considèrent pas les conséquences de leurs actions.



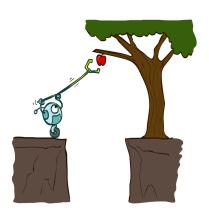
Est ce que les agents réflexes peuvent être rationnels?

### Agents de planification:



### Agents de planification:

 Choix d'action selon une séquence d'actions qui permettent d'attendre un objectif.



### Agents de planification:

 Choix d'action selon une séquence d'actions qui permettent d'attendre un objectif.

 Utilisent une représentation atomique de l'environnement (connaissent l'état après le choix d'une action).

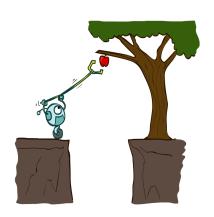


### Agents de planification:

 Choix d'action selon une séquence d'actions qui permettent d'attendre un objectif.

 Utilisent une représentation atomique de l'environnement (connaissent l'état après le choix d'une action).

 Doivent formuler un objectif à atteindre.



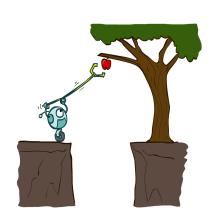
### Agents de planification:

 Choix d'action selon une séquence d'actions qui permettent d'attendre un objectif.

 Utilisent une représentation atomique de l'environnement (connaissent l'état après le choix d'une action).

 Doivent formuler un objectif à atteindre.

 Considèrent l'environnement dans l'état actuel et future.



### Quiz 1

Dans chacune des descriptions suivantes des **agents**, sélectionner leur **type**:

ᆫ	1	12	37				
	a		ш	l el			

Un agent Pacman qui est programmé à se déplacer toujours vers la **pellule** la plus proche.

Agent	t réflexe
-------	-----------

Agent de planification

### Quiz 1

Dans chacune des descriptions suivantes des **agents**, sélectionner leur **type**:

Б.					
	<b>a</b>	12	ЕΠ		
	a		ч	U	

Un agent Pacman qui est programmé à se déplacer toujours vers la <b>pellule</b> la plus proche.	
☐ Agent réflexe	
☐ Agent de planification	

### Partie 2

Un agent Pacman qui est programmé à se déplacer toujours vers la **pellule** la plus proche sauf s'il y as **fantôme** qui est à trois pas.

Agent réflexe
---------------

☐ Agent de planification

### Quiz 1

Dans chacune des descriptions suivantes des **agents**, sélectionner leur **type**:

	v+10	

Un agent Pacman qui est programmé à se déplacer toujours vers la <b>pellule</b> la plus proche.	
☐ Agent réflexe	
☐ Agent de planification	

### Partie 2

Un agent Pacman qui est programmé à se déplacer toujours vers la pellule la	plus
proche sauf s'il y as <b>fantôme</b> qui est à trois pas.	
☐ Agent réflexe	

☐ Agent de planification

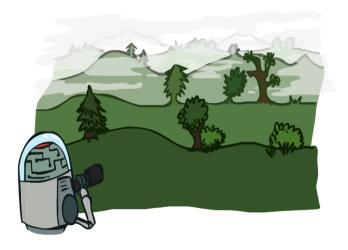
#### Partie 3

Un système de navigation qui considèrent toutes les voix vers une **destination**. Puis il choisit la plus courte.

Agent réflexe

☐ Agent de planification

<u>A.Belcaid</u> 5/30



#### Un Problème d'exploration consiste de:

• Un espace des états :















#### Un Problème d'exploration consiste de:

• Un espace des états :















• Fonction de **Succession** (*Action, Coût*):

#### Un **Problème d'exploration** consiste de:

• Un espace des états :



• Fonction de **Succession** (*Action, Coût*):



• Un état de **Départ** et un **Objectif**.

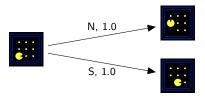
Une **Solution** est un séquence d'action ( **Plan**) pour attendre l'objectif depuis l'état initial.

#### Un Problème d'exploration consiste de:

• Un espace des états :



• Fonction de **Succession** (*Action, Coût*):



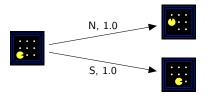
<u>A.Belcaid</u> 7/30

#### Un Problème d'exploration consiste de:

• Un espace des états :



• Fonction de **Succession** (*Action, Coût*):



• Un état de **Départ** et un **Objectif**.

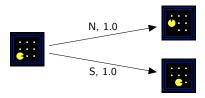
<u>A.Belcaid</u> 7/30

#### Un Problème d'exploration consiste de:

• Un espace des états :



• Fonction de **Succession** (*Action, Coût*):



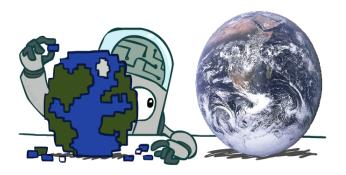
• Un état de Départ et un Objectif.

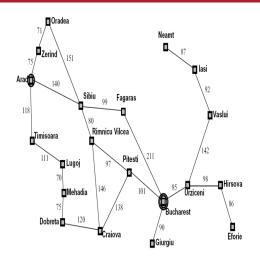
Une **Solution** est un séquence d'action ( **Plan**) pour attendre l'objectif depuis l'état initial.

<u>A.Belcaid</u> 7/30

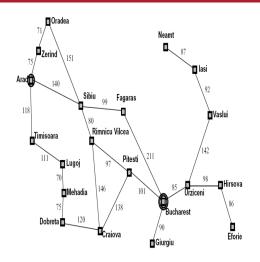
### Complexité du modèle

Un problème d'exploration doit considérer un Modèle:

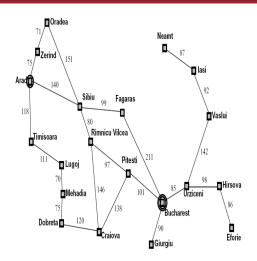




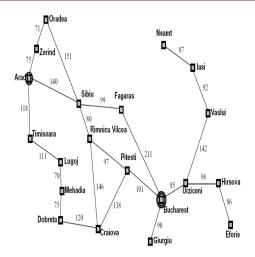
#### Espace d'états



- Espace d'états
  - Villes

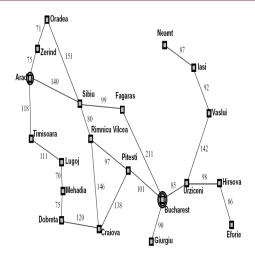


- Espace d'étatsVilles
- Fonction succession :



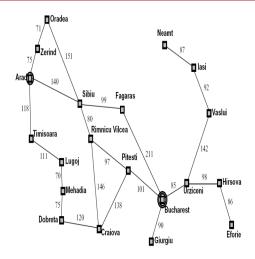
- Espace d'états
  - Villes
  - Fonction
    - succession:
      - Chemin sortant d'une ville, coût est la distance

<u>A.Belcaid</u> 9/30



- Espace d'états
  - Villes
- Fonction
  - succession:
    - Chemin sortant d'une ville, coût est la distance
- Etat de départ et Objectif:

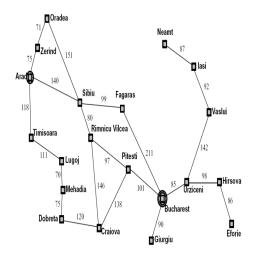
<u>A.Belcaid</u> 9/30



- Espace d'états
  - Villes
- Fonction

#### succession:

- Chemin sortant d'une ville, coût est la distance
- Etat de départ et Objectif:
  - Argad, Bucharest
- Solution ?



- Espace d'états
  - Villes
- Fonction

#### succession:

- Chemin sortant d'une ville, coût est la distance
- Etat de départ et Objectif:
  - Argad,
     Bucharest
- Solution ?
  - Chemin

### Espace d'état

l'espace des états doit inclure tous les détails de l'environnement.



### Espace d'état

l'espace des états doit inclure tous les détails de l'environnement.



Un état d'exploration garde seulement les détails pour la planification (abstraction)

### Espace d'état

l'espace des états doit inclure tous les détails de l'environnement.



Un état d'exploration garde seulement les détails pour la planification (abstraction)

Problem: chemin

États: positions (x, y).

Actions: NSEW

Succession : nouvelle

position

• Objectif: (x, y) = END

l'espace des états doit inclure tous les détails de l'environnement.

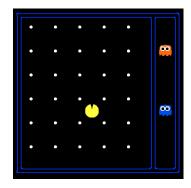


Un état d'exploration garde seulement les détails pour la planification (abstraction)

- Problem: chemin
  - États: positions (x, y).
  - Actions: NSEW
  - Succession : nouvelle
  - position
  - Objectif: (x, y) = END

- Problem: Manger tous les points.
  - États: positions {(x, y), booléens des points}.
  - Actions: NSEW
  - Succession : nouvelle position, mettre à iour les booléens
  - Objectif: tous les booléens = Faux

# Cardinal de l'espace d'états



#### Espace d'état:

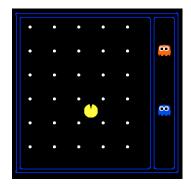
Positions de l'agent: 120Position des points : 30

Position des fantômes 12Action de l'agent : NSEW

Cardinal espace d'état

<u>A.Belcaid</u> 11/30

# Cardinal de l'espace d'états



Espace d'état:

Positions de l'agent: 120

Position des points : 30

Position des fantômes 12

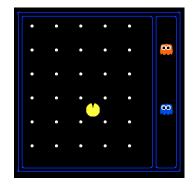
Action de l'agent : NSEW

Cardinal espace d'état

$$120 * 2^{30} * 12^2 * 4$$

<u>A.Belcaid</u> 11/30

## Cardinal de l'espace d'états



Espace d'état:

Positions de l'agent: 120

Position des points : 30

Position des fantômes 12

Action de l'agent : NSEW

Cardinal espace d'état

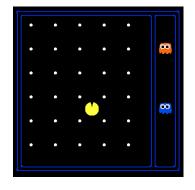
$$120 * 2^{30} * 12^2 * 4$$

Cardinal (Chemin):

120

<u>A.Belcaid</u> 11/30

## Cardinal de l'espace d'états



Espace d'état:

Positions de l'agent: 120

Position des points : 30

Position des fantômes 12

Action de l'agent : NSEW

Cardinal espace d'état

$$120 * 2^{30} * 12^2 * 4$$

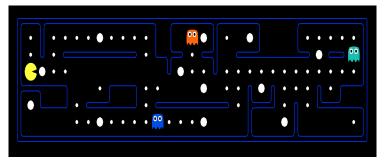
Cardinal (Chemin):

120

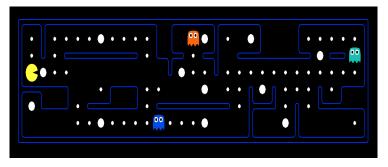
Cardinal (Prendre tous les points)

$$120 * 2^{30}$$

<u>A.Belcaid</u> 11/30

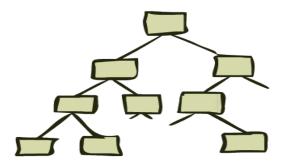


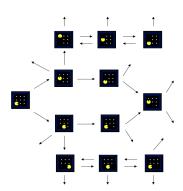
- Le problème est de prendre tous les points, en gardant les fantômes en peur constante.
- Quelle sont les informations à inclure dans votre espace d'exploration?



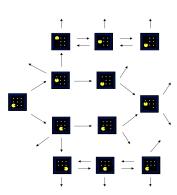
- Le problème est de prendre tous les points, en gardant les fantômes en peur constante.
- Quelle sont les informations à inclure dans votre espace d'exploration?
- Position Agent.
- Booléens des points

- Booléen des pullules de puissance.
- Temps restant de la cellule de puissance

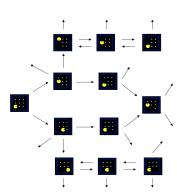




Représentation mathématique

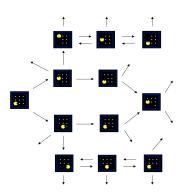


- Représentation mathématique
  - Les nœuds sont des abstractions des configurations possible.



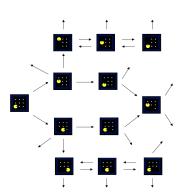
### Représentation mathématique

- Les nœuds sont des abstractions des configurations possible.
- Les arrêtes sont des successions selon une action

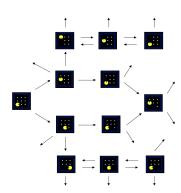


### Représentation mathématique

- Les nœuds sont des abstractions des configurations possible.
- Les arrêtes sont des successions selon une action
- Le nœud objectif est un ensemble des nœuds du graphe.

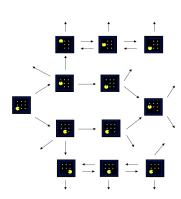


- Représentation mathématique
  - Les nœuds sont des abstractions des configurations possible.
  - Les arrêtes sont des successions selon une action
  - Le nœud objectif est un ensemble des nœuds du graphe.
- Chaque configuration est unique.



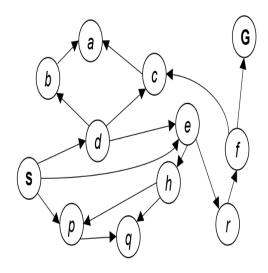
### Représentation mathématique

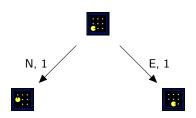
- Les nœuds sont des abstractions des configurations possible.
- Les arrêtes sont des successions selon une action
- Le nœud objectif est un ensemble des nœuds du graphe.
- Chaque configuration est unique.
- On peut rarement construire un tel graphe. Mais il reste utile.



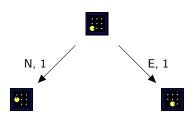
### Représentation mathématique

- Les nœuds sont des abstractions des configurations possible.
- Les arrêtes sont des successions selon une action
- Le nœud objectif est un ensemble des nœuds du graphe.
- Chaque configuration est unique.
- On peut rarement construire un tel graphe. Mais il reste utile.



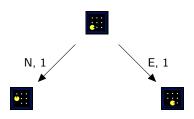


### Arbre d'exploration



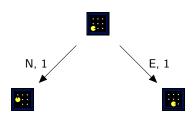
### Arbre d'exploration

• Liste des configurations possible suite à une action.



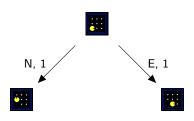
### Arbre d'exploration

- Liste des configurations possible suite à une action.
- La racine est l'état initial.



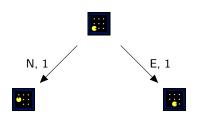
### Arbre d'exploration

- Liste des configurations possible suite à une action.
- La racine est l'état initial.
- Les fils sont les successions.



### Arbre d'exploration

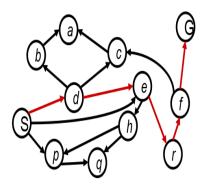
- Liste des configurations possible suite à une action.
- La racine est l'état initial.
- Les fils sont les successions.
- Noeuds sont des configurations avec un plan. (i.e meme configuration dans différents noeuds).

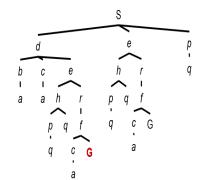


### Arbre d'exploration

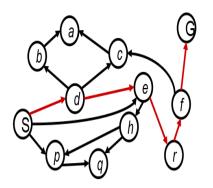
- Liste des configurations possible suite à une action.
- La racine est l'état initial.
- Les fils sont les successions.
- Noeuds sont des configurations avec un plan. (i.e meme configuration dans différents noeuds).
- Pour la majorité des problèmes, impossible de construire toute l'arbre

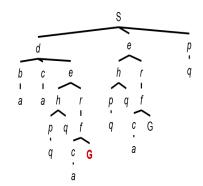
# Representation graph Vs Arbre





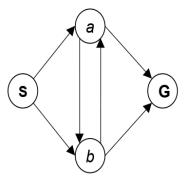
## Representation graph Vs Arbre





- Chaque noeud dans l'arbre est un chemin complet au node initial.
- L'arbre est construit **progressivement** par demande.

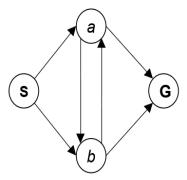
On considère le graphe d'états:



Quelle est la **profondeur** de l'arbre d'exploration?

<u>A.Belcaid</u> 17/30

On considère le graphe d'états:

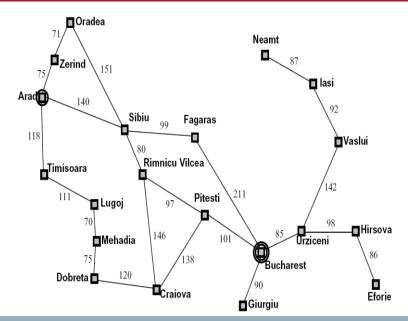


Quelle est la **profondeur** de l'arbre d'exploration?



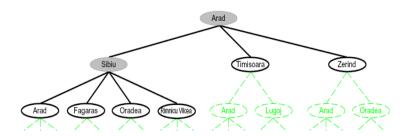
<u>A.Belcaid</u> 17/30

# Exemple Arbre d'exploration

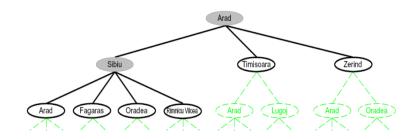


<u>A.Belcaid</u> 18/30

## Arbre d'exploration



### Arbre d'exploration



### Exploration

- Explorer des plans potentiels (noeuds dans l'arbre).
- Maintenir une frontière des plans partiels qui doivent être considérés.
- Explorer le minimum de neouds possibles.

<u>A.Belcaid</u> 19/30

# Algorithme général d'exploration d'arbres

# **Algorithm 1** Description informelle des algorithmes d'exploration en arbre

```
Function (EXPLORER-ARBRE)(problème, stratégie)
initaliser la frontière avec l'état initial.

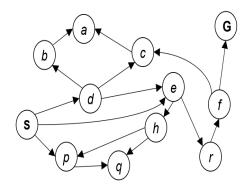
loop
if frontière vide then
return échec #Aucun noeud à explorer
end if
Choisir une feuille de la frontière selon statégie
if feuille contient Objectif then
return Succès #Solution trouvée .
end if
Développer le noeud en ajoutant ces fils à la frontière
end loop
EndProcedure
```

### Importants messages

- Frontière
- Développement
- Stratégie d'exploration.

A.Belcaid 20/30

# Exploration détaillée

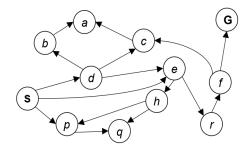


# Depth First Search (Recherche en profondeur)



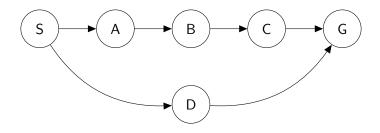
A.Belcaid 22/30

## Depth First Search



• Stratégie : Développer le noeuds le plus profond.

• Implémentation: Frontière est une PILE(LIFO).

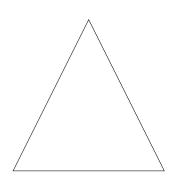


### Question

Donner le chemin calculé par  $\mbox{\bf DPS}$  de son exploration du point  $\mbox{\bf S}$  jusqu'au point  $\mbox{\bf G}.$ 

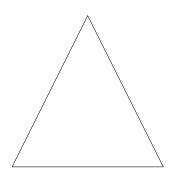
• **Complet**: Assure de trouver une solution s'il elle existe.

• Arbre d'exploration:

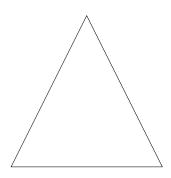


- **Complet**: Assure de trouver une solution s'il elle existe.
- **Optimal**: Trouve la solution avec un coût minimal.

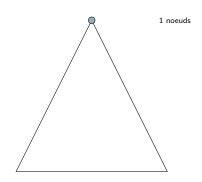
• Arbre d'exploration:



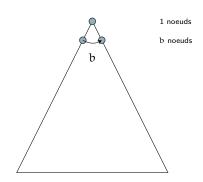
- **Complet**: Assure de trouver une solution s'il elle existe.
- Optimal: Trouve la solution avec un coût minimal.
- Complexité en temps
- Arbre d'exploration:



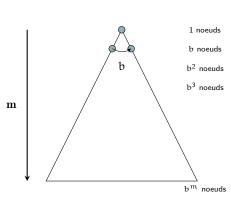
- **Complet**: Assure de trouver une solution s'il elle existe.
- Optimal: Trouve la solution avec un coût minimal.
- Complexité en temps
- Complexité en espace
- Arbre d'exploration:



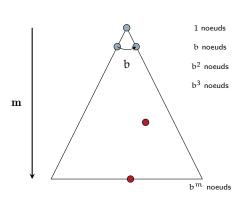
- **Complet**: Assure de trouver une solution s'il elle existe.
- Optimal: Trouve la solution avec un coût minimal.
- Complexité en temps
- Complexité en espace
- Arbre d'exploration:
  - b : facteur de



- Complet: Assure de trouver une solution s'il elle existe.
- Optimal: Trouve la solution avec un coût minimal.
- Complexité en temps
- Complexité en espace
- Arbre d'exploration:
  - b : facteur de
  - m : profondeur de l'arbre.

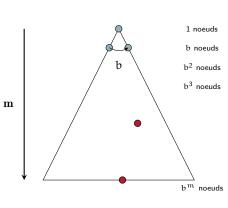


- Complet: Assure de trouver une solution s'il elle existe.
- Optimal: Trouve la solution avec un coût minimal.
- Complexité en temps
- Complexité en espace
- Arbre d'exploration:
  - b : facteur de
  - m : profondeur de l'arbre.
  - Solutions dans differents profondeurs



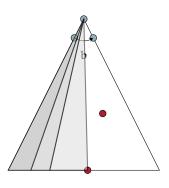
- Complet: Assure de trouver une solution s'il elle existe.
- Optimal: Trouve la solution avec un coût minimal.
- Complexité en temps
- Complexité en espace
- Arbre d'exploration:
  - b : facteur de
  - m : profondeur de l'arbre.
  - Solutions dans differents profondeurs
- Nombre de noeuds :

$$1 + b^2 + b^3 + \ldots + b^m = O(b^m)$$



## Propriétés DFS

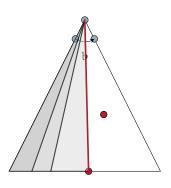
- Noeuds visitées par DPS:
  - Noeuds à gauche.
  - Peut visiter toute l'arbre
  - Si m est fini, Temps est
     O(b<sup>m</sup>)
- Taille de la frontière:
- Est il complet?:
  - Au cas où on as pas de cycle.
- Est il optimal?
  - No trouve toujours le nouds à gauche (indépendemment du coût).



A.Belcaid 26/30

### Propriétés DFS

- Noeuds visitées par DPS:
  - Noeuds à gauche.
  - Peut visiter toute l'arbre
  - Si m est fini, Temps est
     O(b<sup>m</sup>)
- Taille de la frontière:
  - O(bm)
- Est il complet?:
  - Au cas où on as pas de cycle.
- Est il optimal?
  - No trouve toujours le nouds à gauche (indépendemment du coût).

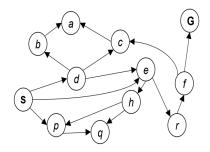


A.Belcaid 26/30

## Breadth First Search (BFS)



## BFS (Recherche en largeur)



### Propriétés

- Stratégie: Developper les noeuds superficiels
- Frontière : est une File (FIFO).

### Propriétés BFS

### Noeuds visitées par BPS:

- Tous les noeuds d'une superficie.
- Si m est fini, Temps est
   O(b<sup>s</sup>)
- s est la pronfondeur de la solution.

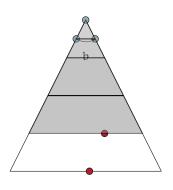
### Taille de la frontière:

### • Est il complet?:

• Si une solution existe, s est fini. Donc Qui

### • Est il optimal?

OUI Si tous les coûts sont 1.



### Propriétés BFS

### Noeuds visitées par BPS:

- Tous les noeuds d'une superficie.
- Si m est fini, Temps est
   O(b<sup>s</sup>)
- s est la pronfondeur de la solution.

### Taille de la frontière:

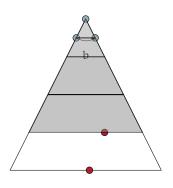
• O(bs)

### • Est il complet?:

• Si une solution existe, s est fini. Donc Qui

### • Est il optimal?

OUI Si tous les coûts sont 1.





A.Belcaid 30/30