



Министерство науки и высшего образования Российской  
Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение  
высшего образования  
«Московский государственный технический университет  
имени Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

---

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»  
КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

## *Лабораторная работа №19*

*По предмету: «Функциональное и логическое  
программирование»*

Студент: Лаврова А. А.,  
Группа: ИУ7-65Б  
Преподаватель: Толпинская Н. Б.  
Строганов Ю. В.

Москва, 2020 г

## Задание:

Используя хвостовую рекурсию, разработать эффективную программу, (комментируя назначение аргументов), позволяющую:

1. Найти длину списка (по верхнему уровню);
2. Найти сумму элементов числового списка
3. Найти сумму элементов числового списка, стоящих на нечетных позициях исходного списка (нумерация от 0)

## Листинг программы:

```
domains
    list = integer*.

predicates
    list_len(list, integer).
    list_len(list, integer, integer).

    sum_elem(list, integer).
    sum_elem(list, integer, integer).

    sum_odd(list, integer).
    sum_odd(list, integer, integer).

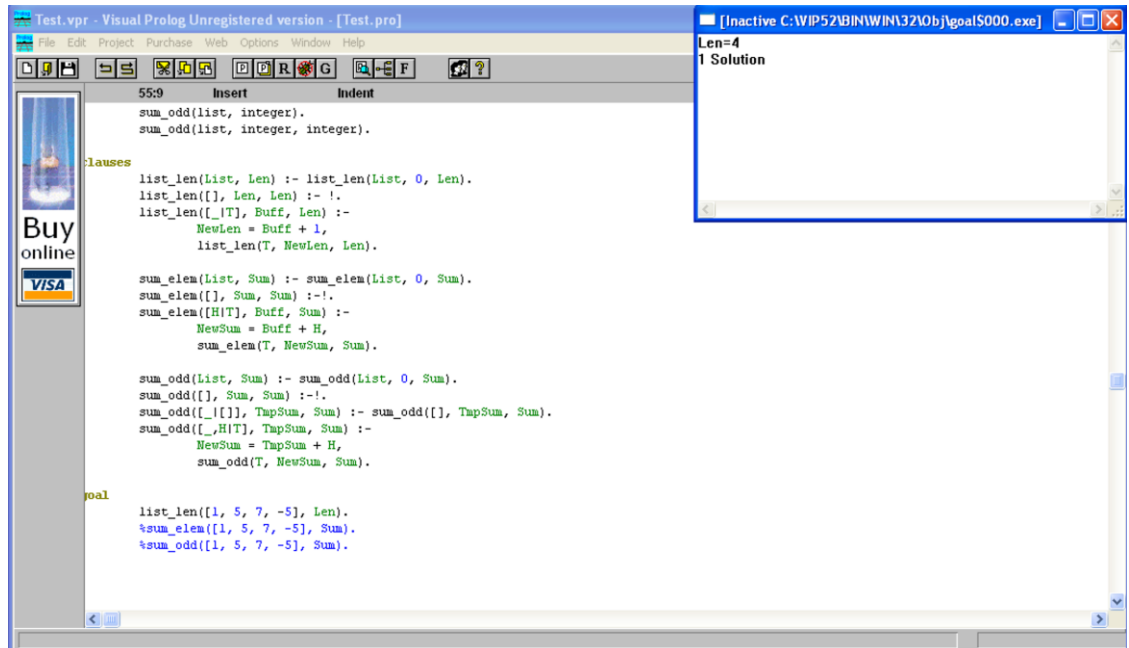
clauses
    /* задание 1 - вычисление длины списка */
    list_len(List, Len) :- list_len(List, 0, Len).
    list_len([], Len, Len) :- !.
    list_len(_|T, Buff, Len) :-
        NewLen = Buff + 1,
        list_len(T, NewLen, Len).

    /* задание 2 - вычисление суммы элементов списка */
    sum_elem(List, Sum) :- sum_elem(List, 0, Sum).
    sum_elem([], Sum, Sum) :- !.
    sum_elem([H|T], Buff, Sum) :-
        NewSum = Buff + H,
        sum_elem(T, NewSum, Sum).

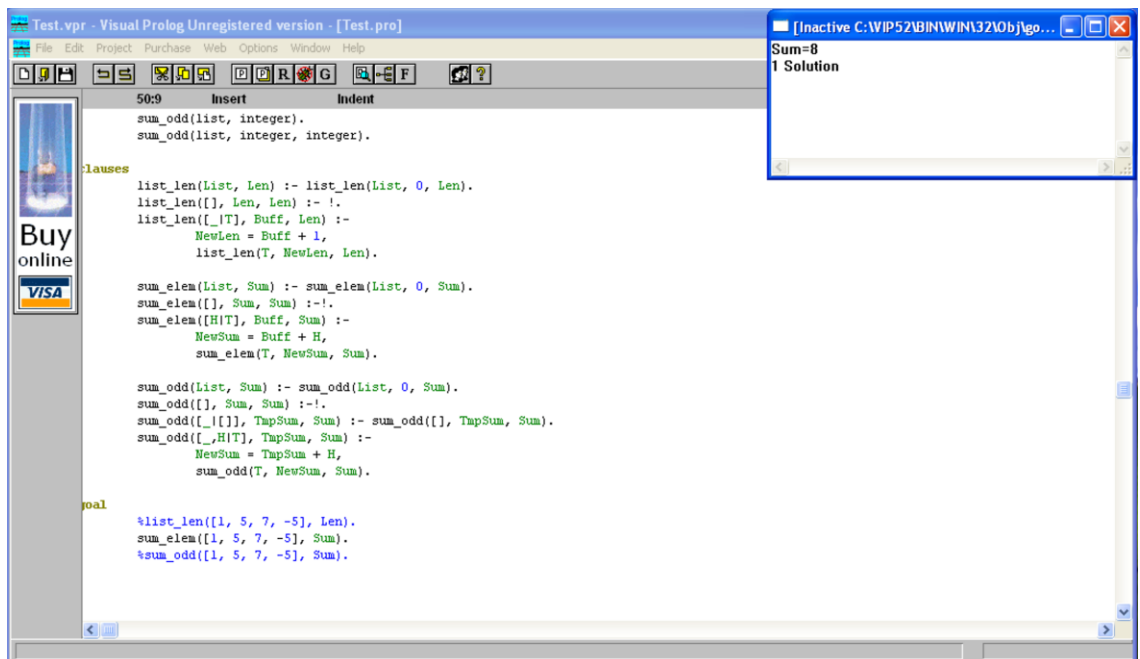
    /* задание 3 - вычисление суммы элементов списка, стоящих на нечетных
местах */
    sum_odd(List, Sum) :- sum_odd(List, 0, Sum).
    sum_odd([], Sum, Sum) :- !.
    sum_odd(_|[], TmpSum, Sum) :- sum_odd([], TmpSum, Sum).
    sum_odd(_|H|T, TmpSum, Sum) :-
        NewSum = TmpSum + H,
        sum_odd(T, NewSum, Sum).

goal
    %list_len([1, 5, 7, -5], Len).
    %sum_elem([1, 5, 7, -5], Sum).
    sum_odd([1, 5, 7, -5], Sum).
```

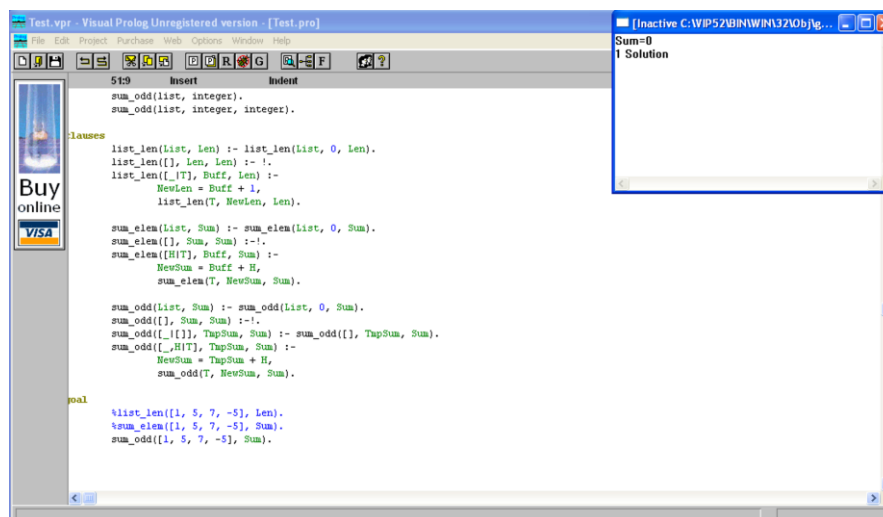
## Результаты работы программы:



*Вычисление длины списка*



*Вычисление суммы элементов списка*



Вычисление суммы элементов списка, стоящих на нечётных местах

### Описание аргументов:

- 1) list len(list, integer).

list – список для обработки; integer – результирующая длина списка

- 2) list len(list, integer, integer).

list – список для обработки; integer – текущая длина списка;  
integer – результирующая длина списка

- 3) sum elem(list, integer).

list – список для обработки; integer – результирующая сумма элементов списка

- 4) `sum elem(list, integer, integer).`

list – список для обработки; integer – текущая сумма; integer –  
резльтирующая сумма элементов списка

- 5) sum odd(list, integer).

list – список для обработки; integer – результирующая сумма  
элементов списка, стоящих на нечетных позициях

- 6) sum odd(list, integer, integer).

- 7) list – список для обработки; integer – текущая сумма; integer – результирующая сумма элементов списка, стоящих на нечетных позициях

## Работа с таблицей:

```
sum_elem(List, Sum) :- sum_elem(List, 0, Sum).
sum_elem([], Sum, Sum) :-!.
sum_elem([H|T], Buff, Sum) :-
    NewSum = Buff + H,
    sum_elem(T, NewSum, Sum).

...

sum_elem([10], Sum).
```

№ шага	Текущая резольвента – ТР	ТЦ, выбираемые правила: сравниваемые термы, подстановка	Дальнейшие действия с комментариями
1	sum_elem([10], Sum).	ТЦ: sum_elem([10], Sum).	Поиск знания
2	sum_elem([10], Sum).	ТЦ: sum_elem([10], Sum). Сравниваемые термы: sum_elem([1, 5], Sum). sum_elem(List, Sum) Результат: успех Подстановка: List = [10], Sum=Sum	Проверка тела процедуры
3	sum_elem([10], 0, Sum).	ТЦ: sum_elem([10], 0, Sum). Сравниваемые термы: sum_elem([10], 0, Sum). sum_elem(List, Sum) Результат: неудача	Возврат к ТЦ, метка переносится ниже.
4	sum_elem([10], 0, Sum).	ТЦ: sum_elem([10], 0, Sum). Сравниваемые термы: sum_elem([10], 0, Sum). sum_elem([], Sum, Sum) Результат: унификация невозможна	Возврат к ТЦ, метка переносится ниже.
5	sum_elem([10], 0, Sum).	ТЦ: sum_elem([10], 0, Sum). Сравниваемые термы: sum_elem([10], 0, Sum). sum_elem([H T], Buff, Sum) Результат: успех Подстановка: H = 10, T = [],	Проверка тела процедуры

		Buff = 0, Sum=Sum	
6	NewSum = 0 + 1; sum_elem([], NewSum, Sum)	ТЦ: NewSum = 0 + 10 Результат: успех, конкретизация NewSum. Подстановка: NewSum=10	Переход к следующей цели.
7	sum_elem([], 10, Sum)	ТЦ: sum_elem([], 10, Sum)	Поиск знания
8	sum_elem([], 10, Sum)	ТЦ: sum_elem([], 10, Sum) Сравниваемые термы: sum_elem([], 10, Sum) Sum_elem(List, Sum) Результат: унификация невозможна	Возврат к ТЦ, метка переносится ниже.
9	sum_elem([], 10, Sum)	ТЦ: sum_elem([], 10, Sum) Сравниваемые термы: sum([], 10, Sum) Sum_elem([], Sum, Sum). Результат: успех Подстановка: 10 = Sum, Sum = 10	Проверка тела процедуры.
10	-	ТЦ: - Выполнение отсечения	Завершение работы программы Вывод «Sum = 10»

### **Вывод:**

Эффективность работы программы достигнута за счет использования отсечения, которое ограничивает количество избыточных вычислений. Также использована хвостовая рекурсия, которая помогает оптимизировать использование памяти.

## Теоретическая часть

- 1) *Что такое рекурсия? Как организуется хвостовая рекурсия в Prolog? Как можно организовать выход из рекурсии в Prolog?*

Рекурсия – это ссылка при описании объекта на уже описанный объект. При описании знания – ссылка на то же знание.

Для осуществления хвостовой рекурсии рекурсивный вызов определяемого предиката должен быть последней подцелью в теле рекурсивного правила и к моменту рекурсивного вызова не должно остаться точек возврата (непроверенных альтернатив).

Параметры должны изменяться на каждом шаге так, чтобы в итоге либо сработал базис рекурсии, либо условие выхода из рекурсии, размещенное в самом правиле.

- 2) *Какое первое состояние резольвенты?*

Заданный вопрос.

- 3) *В каких пределах программы переменные уникальны?*

Переменные уникальны только в пределах предложения.

Исключением является анонимные переменные.

- 4) *В какой момент, и каким способом системе удастся получить доступ к голове списка?*

Получить голову или хвост списка можно при унификации списка с [H|T], H – голова списка, T – хвост списка.

- 5) *Каково назначение использования алгоритма унификации?*

Для поиска ответа на вопрос системе необходимо найти подходящее знание в БЗ, для поиска такого знания используется алгоритм унификации. Формально, он помогает системе понять, что заголовок подошел: алгоритм попарно пытается сопоставить

термы (текущую цель и термы из БЗ) и построить для них общий пример (для этого используется подстановка).

6) *Каков результат работы алгоритма унификации?*

Алгоритм унификации может завершиться «успехом» и «неудачей». В случае успеха результирующая ячейка будет содержать подстановку(наиболее общий унификатор).

7) *Как формируется новое состояние резольвенты?*

Сначала из стека выбирается первая подцель, а затем замена подцели на тело подходящего правила. Потом к полученной конъюнкции применяется подстановка, то есть наибольший общий унификатор.

8) *Как применяется подстановка, полученная с помощью алгоритма унификации – как глубоко?*

Применение подстановки  $\{X_1=T_1, \dots, X_n=T_n\}$  заключается в замене каждого вхождения переменной  $X_i$  на соответствующий терм  $T_i$ . В результате применения подстановки некоторые переменные конкретизируются значениями, которые (значения) могут и будут далее использованы при доказательстве истинности тела выбранного правила.

9) *В каких случаях запускается механизм отката?*

Откат происходит в случае тупиковой ситуации или в случае, если резольвента пуста.

10) *Когда останавливается работа системы? Как это определяется на формальном уровне?*

Система завершает работу в случае, если найдены все возможные



ответы на вопрос. На формальном уровне – если в резолюменте находится исходный вопрос, для которого пройдена вся БЗ.